ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ БЮДЖЕТНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«ФИНАНСОВЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ПРИ ПРАВИТЕЛЬСТВЕ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ»

Факультет информационных технологий и анализа больших данных Департамент анализа данных и машинного обучения

Дисциплина: «Теория вероятностей и математическая статистика»

Направление подготовки: 01.03.02 «Прикладная математика и информатика» Профиль: «Анализ данных и принятие решений в экономике и финансах» Φ орма обучения очная, учебный 2020/2021 год, 4 семестр

Билет 101

- 1. Сформулируйте определение случайной выборки из конечной генеральной совокупности. Какие виды выборок вам известны? Перечислите (с указанием формул) основные характеристики выборочной и генеральной совокупностей
- 2. Случайные величины X и Y независимы и имеют равномерное распределение на отрезках [0;4]и [0;3] соответственно. Для случайной величины $Z=\frac{Y}{X}$ найдите: 1) функцию распределения $F_Z(x)$; 2) плотность распределения $f_Z(x)$ и постройте график плотности; 3) вероятность $\P(0.182 \le Z \le 1.21).$
- 3. (10) Известно, что доля возвратов по кредитам в банке имеет распределение $F(x) = x^{\beta}, 0 \leqslant x \leqslant$ 1. Наблюдения показали, что в среднем она составляет 88,8889%. Методом моментов оцените параметр β и вероятность того, что она опуститься ниже 89%
- 4. Создайте эмперические совокупности \cos и \log вида $\cos(1), \cos(2), ..., \cos(98)$ и $\log(1), \log(2), ..., \log(98)$. Найдите эмпирическое среднее и эмпирическое стандартное отклонение совокупности cos, её четвёртый эмпирический центральный момент и эмпирический эксцесс.

Кроме того, найдите эмпирический коэффициент корреляции признаков cos и log на совокупности натуральных чисел от 1 до 98.

5. (10) Эмпирическое распределение признаков X и Y на генеральной совокупности Ω задано таблицей частот

	Y=2	Y = 4	Y = 5
X = 200	17	3	13
X = 300	21	23	23

Из Ω случайным образом без возвращения извлекаются 10 элементов. Пусть \bar{X} и \bar{Y} – средние значения признаков на выбранных элементах. Требуется найти: 1) математическое ожидание $\mathbb{E}(Y)$; 2) стандартное отклонение $\sigma(X)$; 3) ковариацию Cov(X,Y)

6. (10) Пусть $X_1,\, X_2,\, X_3,\, X_4$ выборка из $N(\theta,\sigma^2)$. Рассмотрим две оценки параметра θ :

$$\hat{\theta}_1 = \frac{5X_1 + 2X_2 + X_3 + 2X_4}{10}, \hat{\theta}_1 = \frac{4X_1 + 4X_2 + X_3 + X_4}{10}$$

а) Покажите, что обе оценки несмещенные. б) Какая из оценок оптимальная?

Подготовил

P2508

П.Е. Рябов

Утверждаю:

Первый заместитель руководителя департамента

Режиин Феклин В.Г.