ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ БЮДЖЕТНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«ФИНАНСОВЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ПРИ ПРАВИТЕЛЬСТВЕ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ»

Факультет информационных технологий и анализа больших данных Департамент анализа данных и машинного обучения

Дисциплина: «Теория вероятностей и математическая статистика» Направление подготовки: 01.03.02 «Прикладная математика и информатика» Профиль: «Анализ данных и принятие решений в экономике и финансах» Форма обучения очная, учебный 2020/2021 год, 4 семестр

Билет 114

- 1. Дайте определение случайной величины, которая имеет χ^2 -распределение с n степенями свободы. Запишите плотность χ^2 распределения. Выведите формулы для математического ожидания $\mathbb{E}(X)$ и дисперсии $\mathbb{V}ar(X)$ χ^2 -распределение с n степенями свободы. Найдите a) $\mathbb{P}(\chi^2_{20} > 10.9)$, где χ^2_{20} -случайная величина, которая имеет χ^2 распределение с 20 степенями свободы; б) найдите 93% (верхнюю) точку $\chi^2_{0.93}(5)$ хи-квадрат распределения с 5 степенями свободы
- 2. Случайные величины X и Y независимы и имеют равномерное распределение на отрезках [0;2] и [0;6] соответственно. Для случайной величины $Z=\frac{Y}{X}$ найдите: 1) функцию распределения $F_Z(x)$; 2) плотность распределения $f_Z(x)$ и постройте график плотности; 3) вероятность $\P(2,532\leqslant Z\leqslant 4,716)$.
- 3. (10) Известно, что доля возвратов по кредитам в банке имеет распределение $F(x) = x^{\beta}, 0 \leqslant x \leqslant 1$. Наблюдения показали, что в среднем она составляет 75,0%. Методом моментов оцените параметр β и вероятность того, что она опуститься ниже 52%
- 4. (10) В группе Ω учатся студенты: $\omega_1...\omega_{25}$. Пусть X и Y-100-балльные экзаменационные оценки по математическому анализу и теории вероятностей. Оценки ω_i студента обозначаются: $x_i=X(\omega_i)$ и $y_i=Y(\omega_i),\ i=1...25$. Все оценки известны $x_0=33,y_0=72,\ x_1=94,y_1=94,\ x_2=91,y_2=52,\ x_3=47,y_3=59,\ x_4=53,y_4=45,\ x_5=96,y_5=54,\ x_6=60,y_6=99,\ x_7=70,y_7=44,\ x_8=50,y_8=81,\ x_9=57,y_9=40,\ x_{10}=99,y_{10}=61,\ x_{11}=94,y_{11}=43,\ x_{12}=85,y_{12}=96,\ x_{13}=30,y_{13}=91,\ x_{14}=57,y_{14}=37,\ x_{15}=42,y_{15}=35,\ x_{16}=84,y_{16}=75,\ x_{17}=96,y_{17}=97,\ x_{18}=69,y_{18}=92,\ x_{19}=91,y_{19}=93,\ x_{20}=45,y_{20}=30,\ x_{21}=35,y_{21}=94,\ x_{22}=83,y_{22}=53,\ x_{23}=53,y_{23}=60,\ x_{24}=36,y_{24}=69$ Требуется найти следующие условные эмпирические характеристики: 1) ковариацию X и Y при условии, что одновременно $X\geqslant 50$ и $Y\geqslant 50$; 2) коэффициент корреляции X и Y при том же условии.
- 5. (10) Эмпирическое распределение признаков X и Y на генеральной совокупности Ω задано таблицей частот

	Y = 2	Y=4	Y = 5
X = 200	16	16	22
X = 300	7	26	13

Из Ω случайным образом без возвращения извлекаются 9 элементов. Пусть \bar{X} и \bar{Y} – средние значения признаков на выбранных элементах. Требуется найти: 1) математическое ожидание $\mathbb{E}(\bar{Y})$; 2) стандартное отклонение $\sigma(\bar{X})$; 3) ковариацию $Cov(\bar{X},\bar{Y})$

6. Известно, что доля возвратов по кредитам в банке имеет распределение $F(x) = x^{\beta}, 0 \le x \le 1$. Наблюдения показали, что в среднем она составила 67.0%. Методом моментов оцените параметр β и вероятность того, что она опуститься ниже 52.0%.

Подготовил

P2508

П.Е. Рябов

Утверждаю: Первый заме

Первый заместитель руководителя департамента