ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ БЮДЖЕТНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«ФИНАНСОВЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ПРИ ПРАВИТЕЛЬСТВЕ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ»

Факультет информационных технологий и анализа больших данных Департамент анализа данных и машинного обучения

Дисциплина: «Теория вероятностей и математическая статистика» Направление подготовки: 01.03.02 «Прикладная математика и информатика» Профиль: «Анализ данных и принятие решений в экономике и финансах» Форма обучения очная, учебный 2020/2021 год, 4 семестр

Билет 110

- 1. Дайте определение случайной величины, которая имеет χ^2 -распределение с n степенями свободы. Запишите плотность χ^2 распределения. Выведите формулы для математического ожидания $\mathbb{E}(X)$ и дисперсии $\mathbb{V}ar(X)$ χ^2 -распределение с n степенями свободы. Найдите a) $\mathbb{P}(\chi^2_{20}>10.9)$, где χ^2_{20} -случайная величина, которая имеет χ^2 распределение с 20 степенями свободы; б) найдите 93% (верхнюю) точку $\chi^2_{0.93}(5)$ хи-квадрат распределения с 5 степенями свободы
- 2. Случайные величины X и Y независимы и имеют равномерное распределение на отрезках [0;10] и [0;3] соответственно. Для случайной величины $Z=\frac{Y}{X}$ найдите: 1) функцию распределения $F_Z(x)$; 2) плотность распределения $f_Z(x)$ и постройте график плотности; 3) вероятность $\P(0,057\leqslant Z\leqslant 0,556)$.
- 3. (10) Известно, что доля возвратов по кредитам в банке имеет распределение $F(x) = x^{\beta}, 0 \leqslant x \leqslant 1$. Наблюдения показали, что в среднем она составляет 75,0%. Методом моментов оцените параметр β и вероятность того, что она опуститься ниже 52%
- 4. (10) В группе Ω учатся студенты: $\omega_1...\omega_{25}$. Пусть X и Y-100-балльные экзаменационные оценки по математическому анализу и теории вероятностей. Оценки ω_i студента обозначаются: $x_i=X(\omega_i)$ и $y_i=Y(\omega_i),\ i=1...25$. Все оценки известны $x_0=32,y_0=89,\ x_1=61,y_1=91,\ x_2=64,y_2=88,\ x_3=97,y_3=55,\ x_4=66,y_4=84,\ x_5=78,y_5=56,\ x_6=62,y_6=60,\ x_7=73,y_7=42,\ x_8=40,y_8=59,\ x_9=86,y_9=80,\ x_{10}=76,y_{10}=33,\ x_{11}=56,y_{11}=64,\ x_{12}=87,y_{12}=86,\ x_{13}=70,y_{13}=38,\ x_{14}=87,y_{14}=76,\ x_{15}=72,y_{15}=63,\ x_{16}=79,y_{16}=41,\ x_{17}=33,y_{17}=74,\ x_{18}=67,y_{18}=71,\ x_{19}=65,y_{19}=34,\ x_{20}=57,y_{20}=56,\ x_{21}=63,y_{21}=87,\ x_{22}=68,y_{22}=95,\ x_{23}=46,y_{23}=94,\ x_{24}=50,y_{24}=73$ Требуется найти следующие условные эмпирические характеристики: 1) ковариацию X и Y при условии, что одновременно $X\geqslant 50$ и $Y\geqslant 50$; 2) коэффициент корреляции X и Y при том же условии.
- 5. (10) Эмпирическое распределение признаков X и Y на генеральной совокупности Ω задано таблицей частот

	Y=2	Y=4	Y = 5
X = 200	16	19	5
X = 300	25	10	25

Из Ω случайным образом без возвращения извлекаются 6 элементов. Пусть \bar{X} и \bar{Y} – средние значения признаков на выбранных элементах. Требуется найти: 1) математическое ожидание $\mathbb{E}(\bar{Y})$; 2) стандартное отклонение $\sigma(\bar{X})$; 3) ковариацию $Cov(\bar{X},\bar{Y})$

6. Известно, что доля возвратов по кредитам в банке имеет распределение $F(x) = x^{\beta}, 0 \le x \le 1$. Наблюдения показали, что в среднем она составила 71.0%. Методом моментов оцените параметр β и вероятность того, что она опуститься ниже 62.0%.

Подготовил

P2508

П.Е. Рябов

Утверждаю: Первый заме

Первый заместитель руководителя департамента