## ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ БЮДЖЕТНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

## «ФИНАНСОВЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ПРИ ПРАВИТЕЛЬСТВЕ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ»

Факультет информационных технологий и анализа больших данных Департамент анализа данных и машинного обучения

Дисциплина: «Теория вероятностей и математическая статистика»

Направление подготовки: 01.03.02 «Прикладная математика и информатика» Профиль: «Анализ данных и принятие решений в экономике и финансах» Форма обучения очная, учебный 2020/2021 год, 4 семестр

## Билет 102

- 1. Сформулируйте определение случайной выборки из конечной генеральной совокупности. Какие виды выборок вам известны? Перечислите (с указанием формул) основные характеристики выборочной и генеральной совокупностей
- 2. Случайные величины X и Y независимы и имеют равномерное распределение на отрезках [0;2] и [0;6] соответственно. Для случайной величины  $Z=\frac{Y}{X}$  найдите: 1) функцию распределения  $F_Z(x)$ ; 2) плотность распределения  $f_Z(x)$  и постройте график плотности; 3) вероятность  $\P(2,532\leqslant Z\leqslant 4,716)$ .
- 3. Случайная величина Y принимает только значения из множества  $\{10,7\}$ , при этом P(Y=10)=0.24. Распределение случайной величины Х определено следующим образом:

$$X|Y = \begin{cases} 4*y, \text{свероятностью } 0.53 \\ 9*y, \text{свероятностью } 1 - 0.53 \end{cases}$$

Юный аналитик Дарья нашла матожидание и дисперсию X.

Помогите Дарье найти матожидание и дисперсию величины X

- 4. Создайте эмперические совокупности  $\exp$  и  $\log$  вида  $\exp(1), \exp(2), ..., \exp(77)$  и  $\log(1), \log(2), ..., \log(77)$ .
  - Найдите эмпирическое среднее и эмпирическое стандартное отклонение совокупности ехр, её четвёртый эмпирический центральный момент и эмпирический эксцесс.
  - Кроме того, найдите эмпирический коэффициент корреляции признаков exp и log на совокупности натуральных чисел от 1 до 77.
- 5. (10) Эмпирическое распределение признаков X и Y на генеральной совокупности  $\Omega$  задано таблицей частот

	Y=2	Y=4	Y = 5
X = 200	1	6	23
X = 300	13	30	27

- Из  $\Omega$  случайным образом без возвращения извлекаются 13 элементов. Пусть  $\bar{X}$  и  $\bar{Y}$  средние значения признаков на выбранных элементах. Требуется найти: 1) математическое ожидание  $\mathbb{E}(\bar{Y})$ ; 2) стандартное отклонение  $\sigma(\bar{X})$ ; 3) ковариацию  $Cov(\bar{X}, \bar{Y})$
- 6. Юный аналитик Дарья использовала метод Монте-Карло для исследования Дискретного случайного вектора, описанного ниже.

		X=-9	X=-8	X=-7
	Y = 8	0.09	0.005	0.23
	Y = 9	0.249	0.095	0.331

Дарья получила, что E(Y|X+Y=1)=8.2921. Проверьте, можно ли доверять результату Дарьи аналитически. Сформулируйте определение метода Монте-Карло.

Подготовил

Дата 01.06.2021

П.Е. Рябов

Утверждаю: Первый заместитель руководителя департамента

Феклин В.Г.