ĐẠI HỌC QUỐC GIA HÀ NỘI ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN

ĐỀ THI KẾT THÚC HỌC KỲ II NĂM HỌC 2021-2022 ——oOo——-

Môn thi: Giải tích 2

Mã môn học: MAT2502

Số tín chỉ: 4

Đề số:

Dành cho sinh viên khoá: **K66** Ngành học: **CLC Máy tính và khoa học thông tin, Khoa học Dữ Liệu** Thời gian làm bài: **120 phút** (không kể thời gian phát đề)

Câu 1. a. Định nghĩa chuỗi lũy thừa. Tính bán kính hội tụ và miền hội tụ của chuỗi lũy thừa sau

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{2^n + 1}.$$

b. Tính tổng của chuỗi lũy thừa sau

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n+3} , \qquad -1 < x < 1.$$

c. Khai triển hàm f(x) = 2|x| + 1 thành chuỗi Fourier trên $[-\pi, \pi]$.

Câu 2. a. Nêu định nghĩa giới hạn lặp của hàm 2 biến số? Phát biểu định lý về mối quan hệ giữa giới hạn lặp và giới hạn kép? Tìm các giới hạn sau $\lim_{x\to 0} \lim_{y\to 0} f(x,y)$, $\lim_{y\to 0} \lim_{x\to 0} f(x,y)$, trong đó

$$f(x,y) = \frac{\cos(5x) - \cos(5y)}{2x^2 + y^2}.$$

b. Định nghĩa đạo hàm theo hướng. Tính đạo hàm của hàm số $f(x,y)=x^5y^3$ tại (-1,2) theo hướng của vecto $v(\frac{3}{5},\frac{4}{5})$.

Câu 3. a. Tính đạo hàm riêng cấp cao sau $\frac{\partial^{17} f(x,y)}{\partial x^{10} \partial y^7}$ trong đó $f(x,y) = e^{2x} y^8$.

b. Khai triển Taylor hàm số f tại điểm (1, -2), trong đó

$$f(x,y) = 2x^2 + y^2 - 2xy - x + 3y.$$

c. Tìm cực trị của hàm số

$$f(x,y) = xy(9-3x-y), \quad x,y > 0.$$

Chú ý: Thí sinh không được sử dụng bất cứ tài liệu nào.