

Versuch 13 - Resonanz

PAP 1

23.9.2025

Teilnehmender Student: **Paul Saß**

Gruppe: 9

Kurs: Vormittags

Tutor/in : Quirin Wittek

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	1
1.1	Motivation	1
1.2	Messverfahren	1
1.3	Grundlagen aus der Physik	1
2	Durchführung	1
2.1	Versuchsaufbau	1
2.2	Aufgaben	1
3	Auswertung	2
3.1	Aufgabe I	2
3.2	Aufgabe II	2
3.3	Aufgabe III	3
3.3.1	Bestimmung von δ durch die Halbwertsbreite	3
3.3.2	Bestimmung von δ durch Resonanzüberhöhung	3
4	Zusammenfassung und Diskussion	5

1. Einleitung

1.1 Motivation

1.2 Messverfahren

1.3 Grundlagen aus der Physik

$$\delta = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \quad (1.1)$$

$$t_{1/2} = T \cdot n_{1/2} \quad (1.2)$$

$$\Rightarrow \delta = \frac{\ln 2}{T \cdot n_{1/2}} \quad (1.3)$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T} \quad (1.4)$$

$$H = (\omega_2 - \omega_1) = 2\delta \quad (1.5)$$

$$\omega' = \sqrt{\omega_0^2 - 2\delta^2} \quad (1.6)$$

$$b(\omega) = \frac{A\omega_0^2}{\sqrt{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 - (2\delta\omega)^2}} \quad (1.7)$$

$$b(\omega \rightarrow 0) = A\omega_0 \quad (1.8)$$

$$\delta = \frac{\omega_0 \cdot b(\omega \rightarrow 0)}{2 \cdot b(\omega')} \quad (1.9)$$

2. Durchführung

2.1 Versuchsaufbau

2.2 Aufgaben

3. Auswertung

3.1 Aufgabe I

Messung	Gemessene Zeit [s]	Umlaufzeit T_0 [s]
1	$36,32 \pm 0,3$	$1,816 \pm 0,015$
2	$36,34 \pm 0,3$	$1,817 \pm 0,015$
3	$36,31 \pm 0,3$	$1,816 \pm 0,015$

Fehler:

$$\boxed{\overline{T_0} = 1,816 \pm 0,015}$$

$$\Delta \overline{T_0} = \sqrt{\sigma^2 + (\Delta T_0)^2} \quad (3.1)$$

Es ergibt sich ebenfalls für die Frequenz:

$$\boxed{f_0 = 0,551 \pm 0,005 \text{ Hz}}$$

Wobei ΔT_0 die Abweichung einer Umlaufzeit ist, also die Reaktionszeit heruntergerechnet auf einen Umlauf und σ die mittlere Abweichung des Mittelwerts ist.

3.2 Aufgabe II

Hier wird für die Spannung 320 mA der Index 1 und für die Spannung 400 mA der Index 2 verwendet. Aus Diagramm 1 und 2 folgen für die Umlaufanzahlen bei halber Amplitude:

$$n_1 = 4,08 \pm 0,12 \quad n_2 = 2,60 \pm 0,09$$

Die Umlaufzeiten betragen:

$$T_1 = 1,390 \pm 0,015 \quad T_2 = 0,905 \pm 0,015$$

Damit ergeben sich nach Gleichung 1.3 die Dämpfungskonstanten:

$$\boxed{\delta_1 = (0,122 \pm 0,004) \frac{1}{s}}$$

$$\boxed{\delta_2 = (0,295 \pm 0,011) \frac{1}{s}}$$

Fehler:

$$\Delta \delta = \ln(2) \sqrt{\frac{(T_{1/2})^2 (\Delta n_{1/2})^2 + (\Delta T_{1/2})^2 (n_{1/2})^2}{(T_{1/2})^4 (n_{1/2})^4}}$$

3.3 Aufgabe III

Die Eigenfrequenz des Pendels ω_0 berechnet sich nach Gleichung 1.4 mit den Messwerten des ungedämpften Pendels. Dafür wird die Umlaufzeit aus Aufgabe I verwendet.

$$\omega_0 = 3,460 \pm 0,029 \text{ Hz}$$

Dabei wurde für den Fehler folgende Formel verwendet:

$$\Delta\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0^2} \Delta T_0 \quad (3.2)$$

Nun ist anhand der Diagramme 3 und 4 zu bestimmen wo sich die jeweiligen Maxima der Amplituden befinden. Daraus kann die Frequenz des Motors bei welcher die Amplitude maximal wird bestimmt werden. Im folgenden werden Index 1 zu Diagramm 3 und Index 2 zu Diagramm 4 zugeordnet. Als gemessene Frequenz wird der Mittelwert der Frequenzen genommen:

$$f_1 = 2200 \pm 25 \text{ Hz}$$

$$f_2 = 2225 \pm 25 \text{ Hz}$$

$$\Rightarrow f = 2213 \pm 18 \text{ Hz}$$

Der Fehler berechnet sich durch:

$$\Delta f = \frac{\sqrt{2}}{2} \Delta f_{1/2} \quad (3.3)$$

Daraus ergibt sich mit dem Faktor $\frac{1}{4000}$, da dies der Umrechnungsfaktor zwischen Funktionengenerator und Motor ist, die Frequenz des Motors und damit die des Pendels:

$$f_{res} = 0,553 \pm 0,005 \text{ Hz}$$

3.3.1 Bestimmung von δ durch die Halbwertsbreite

Mit den Ergebnissen aus Diagramm 3 und 4 werden mithilfe von Gleichung 1.5 die Dämpfungskonstanten bestimmt. Dafür werden die Frequenzen gesucht, bei denen die Amplitude die Hälfte der maximalen Amplitude beträgt. Der Abstand ist dann die Halbwertsbreite H . Jedoch muss die Frequenz f erst in $\omega = \frac{2\pi}{4000} f$ umgerechnet werden.

$$\delta_1 = 0,1963 \pm 0,028$$

$$\delta_2 = 0,2945 \pm 0,028$$

Der Fehler wird wie folgt berechnet:

$$\Delta\delta = \frac{2 \cdot \pi}{2 \cdot 4000} \sqrt{(\Delta\omega_2)^2 + (\Delta\omega_1)^2} \quad (3.4)$$

3.3.2 Bestimmung von δ durch Resonanzüberhöhung

Für die Bestimmung der Dämpfungskonstanten mithilfe der Resonanzüberhöhung werden die Maximalamplituden aus den Diagrammen 3 und 4 ermittelt. Als den Wert für $b(\omega \rightarrow 0)$ wird

hier jeweils der kleinste messbare Wert verwendet und für die Maximalamplituden $b(\omega')$ der jeweils abgelesene Wert. Aus diesen Werten können mit Gleichung 1.9 die Dämpfungskonstanten bestimmt werden:

$$\delta_1 = 0,10 \pm 0,03$$

$$\delta_2 = 0,22 \pm 0,05$$

Dabei wurde der Fehler wie folgt berechnet:

$$\sqrt{\left(\frac{b(\omega \rightarrow 0)}{2b(\omega')} \cdot \Delta\omega_0\right)^2 + \left(\frac{\omega_0}{2b(\omega')} \cdot \Delta b(\omega \rightarrow 0)\right)^2 + \left(-\frac{\omega_0 b(\omega \rightarrow 0)}{2b(\omega')^2} \cdot \Delta b(\omega')\right)^2} \quad (3.5)$$

4. Zusammenfassung und Diskussion