Klaudia Anna Kiedrowska Bioinformatyka

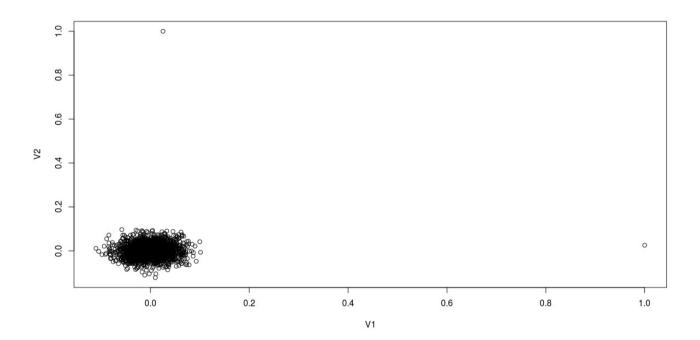
Raport – SAD

W pliku **protein.Rdata** zastosowano fukcję duplicated, jednak nie znalazła ona żadnych powtórzonych kolumn.

W pliku data.train znajduje się 1000 wierszy i 2001 kolumn a w data.test 500 wierszy i 2001 kolumn.

Korelacje pomiędzy zmiennymi zostały zbadane za pomocą wykresów utworzonych przy pomocy funkcji pairs oraz obliczone za pomocą funkcji cor. Zmienne nie są mocno skorelowane.

Wynik funkcji plot(cor(data.train)):



Fragment wyników:

- 0	meme wymmow.						
	V1956	V1957	V1958	V195	9 V196	60	
V1	-2.578664e-03	-1.179786e-	02 4.104	693e-02	5.553593e-	04 2.161467e-03	
V2	-1.250984e-02	6.041232e-	02 -9.518	487e-03	-3.926215e-	03 -3.740845e-02	
V3	-9.357737e-03	1.257991e-	02 4.001	263e - 02 -	-5.422084e-	03 -1.018791e-02	
V4	4.142963e-02	1.574881e-0	2.600	124e-02	2.254012e-0	02 -4.764468e-02	
V5	2.213399e-02	-1.992020e-	03 5.316	470e-03	2.771185e-0	02 5.602291e-02	
V6	-6.112282e-03	-3.800838e-	02 2.178	726e-02	1.442034e-	02 3.198166e-02	
V7	6.549208e-02	7.418860e-0	03 3.196	171e-02	1.784415e-0	02 3.581671e-02	
V8	5.652824e-02	-2.584356e-	02 -2.496	970e-02	3.380532e-	02 3.249602e-02	
V9	8.455240e-03	1.880862e-0	03 -9.433	146e-03 ·	-5.818057e-	03 1.970986e-02	
V10	-1.344176e-02	2 3.297816e-	02 3.292	2106e-02	3.192839e-	-03 3.556865e-02	
V11	-1.041617e-03	3 -1.208251e	-02 -3.33	1949e-02	2.552195e	-02 4.181045e-02	
V12	2.571194e-02	-2.388442e-	02 2.242	2709e-02	1.878270e-	03 6.323555e-03	
V13	5.172684e-02	2 -1.608418e-	04 -9.983	3284e-03	-2.208506e	-02 -5.658575e-02	
V14	2.593113e-02	2.199222e-	02 -3.055	5741e-02	-4.278420e-	-02 7.980415e-03	

```
V15
     2.803415e-02 6.156496e-03 -5.551235e-02 -4.115560e-03 -1.162898e-02
V16
    -1.558810e-02 9.884528e-03 4.485624e-02 -1.481163e-02 -3.001501e-04
V17
     4.827370e-02 3.201651e-02 -1.535935e-02 -1.726837e-02 4.204244e-02
V18 -4.785713e-02 -4.398470e-02 4.920248e-02 1.633930e-02 -4.996290e-02
V19
     1.982195e-02 -4.201822e-02 2.412178e-02 -5.836621e-02 -4.469640e-02
V20
     3.463712e-02 1.828408e-02 3.096872e-02 3.572650e-02 -1.205946e-02
V21
     3.794791e-02 -7.861159e-03 1.840659e-02 -1.232875e-02 -1.765232e-02
V22 -2.963920e-02 -1.198333e-02 4.359130e-03 1.593894e-02 -1.210195e-02
V23 -2.971941e-02 1.588026e-02 -2.909589e-02 2.380672e-02 6.971919e-02
V24
     4.237008e-02 6.202561e-02 3.612424e-02 8.670985e-03 5.606381e-02
V25
     1.060555e-02 1.483459e-02 1.127947e-02 3.673599e-02 6.742443e-04
V26 -3.671006e-02 -9.899426e-03 3.754438e-02 -5.417661e-02 8.263206e-03
V27
     3.357676e-03 -2.990635e-02 8.186195e-03 2.992457e-02 6.028339e-02
V28 -2.234263e-02 -2.602468e-02 4.359291e-02 -7.009614e-03 -4.406300e-02
V29
     3.480911e-02 1.190753e-02 -8.058850e-03 3.035485e-02 3.777277e-02
V30 -1.065614e-03 -2.993309e-02 6.943470e-02 1.693072e-02 2.818598e-02
V31 -1.167914e-02 -4.050659e-02 -4.387682e-02 -2.810314e-02 -1.954893e-02
V32
     2.071126e-03 4.112901e-02 -6.706938e-02 4.329470e-03 -1.066321e-02
V33
     2.879490e-02 3.335594e-02 1.800524e-02 -4.887059e-02 2.413364e-02
V34 -2.656251e-02 1.182172e-02 2.129902e-02 3.251638e-02 -3.452152e-02
V35
     2.607245e-03 3.214413e-02 5.970017e-04 2.646569e-02 2.738529e-02
V36
     2.015038e-02 -5.193158e-02 -1.891293e-02 1.334873e-02 -9.198795e-03
V37
    -4.091907e-02 8.768159e-03 3.132547e-03 -1.071963e-02 -1.433220e-02
V38 -1.750456e-02 -4.196243e-02 2.841509e-03 -4.241538e-03 -5.190519e-02
V39 -2.989381e-02 -1.940986e-02 -4.068426e-02 1.463491e-02 -2.503412e-02
V40 1.539055e-02 5.195341e-03 7.097727e-02 2.668695e-02 -3.208026e-02
V41 -1.519049e-02 1.206564e-02 -7.146852e-02 5.248850e-03 -1.840328e-03
V42 -4.240185e-03 6.139599e-03 -1.974338e-02 8.048770e-02 -4.768996e-02
V43 -2.807105e-02 -3.048842e-04 5.807029e-03 -4.840211e-02 -8.300420e-02
V44 -2.213399e-02 -2.200822e-02 -2.593848e-02 1.043035e-03 2.798146e-02
V45 -6.178308e-03 3.035150e-02 -5.292362e-03 -1.230683e-02 2.103768e-02
V46 -4.216112e-02 1.399214e-02 -1.108690e-03 -1.347736e-02 3.198166e-02
V47
     3.362455e-02 -1.070758e-02 -3.273327e-02 1.474190e-02 5.317839e-02
V48
     3.686338e-02 -2.081297e-02 1.682075e-02 -1.389926e-02 -8.373305e-03
V49
     8.040678e-03 -1.816527e-02 3.991693e-02 2.989191e-02 4.365371e-02
       V1961
                  V1962
                             V1963
                                        V1964
                                                   V1965
V1
     8.877754e-04 3.277677e-02 -3.034814e-02 -3.244361e-02 -1.594546e-02
V2
     2.348729e-02 -7.189499e-02 9.878897e-03 1.381447e-02 1.987984e-02
V3
     4.530840e-04 8.940648e-03 -3.485846e-02 1.107575e-02 3.292601e-02
V4
    -3.126977e-02 -5.318303e-04 -4.067425e-02 3.897304e-03 9.508103e-02
V5
     1.993844e-02 4.600846e-02 4.089136e-02 -1.987866e-02 2.714805e-03
V6
     1.608765e-02 5.992060e-03 2.414882e-02 -1.705703e-03 -1.016190e-03
V7
    -1.807149e-02 1.633148e-02 2.217772e-02 -5.425146e-02 3.066695e-04
V8
     8.640581e-02 5.023758e-02 -1.071780e-02 4.744618e-02 -5.356010e-02
V9
     3.718358e-02 5.882695e-03 -3.505793e-03 -3.912802e-03 -2.499162e-02
V10 -1.515366e-02 3.921150e-03 -4.622688e-02 6.875534e-02 -1.478264e-02
V11 -2.125960e-02 1.592331e-02 1.725658e-02 1.384440e-02 -2.952663e-02
V12 -4.326940e-02 2.013847e-02 1.189689e-02 -1.619299e-02 -2.132026e-02
V13 -1.980163e-03 -3.551480e-02 2.514961e-02 1.717912e-02 2.534081e-03
V14
     1.608765e-02 -2.008020e-03 4.037207e-03 -1.868135e-02 3.755048e-02
V15
     3.460597e-02 3.017403e-02 -2.058319e-02 3.799518e-03 -4.388541e-02
V16
     1.315542e-02 -3.813747e-02 -5.351333e-03 -6.088750e-02 -2.304174e-02
```

```
V17
     -3.817988e-02 1.600026e-05 -4.212661e-02 -2.665617e-02 -4.811667e-03
V18
    -6.156496e-03 -1.998432e-02 -3.155075e-02 -1.404392e-02 -4.665958e-02
V19
     3.997920e-02 3.741964e-02 6.866284e-02 -2.875743e-02 2.843458e-02
V20
     5.059416e-02 -2.100988e-02 -7.211157e-03 1.451472e-02 2.440375e-02
V21 1.665482e-02 -5.189005e-02 -6.085298e-02 2.649931e-02 -3.260959e-02
V22 -1.470795e-02 -2.188684e-02 -3.505178e-02 6.386821e-03 1.785146e-02
V23 -8.794853e-03 -2.013847e-02 1.823974e-02 1.566025e-02 -1.953442e-02
V24 -2.824891e-02 -4.197709e-02 1.450453e-03 3.432882e-02 4.195278e-02
V25
     2.233521e-02 8.989029e-03 -2.826472e-02 1.837678e-02 -9.623164e-03
V26
     2.704067e-02 2.104728e-03 -2.707458e-02 -2.082931e-02 -4.069738e-02
V27 -2.501452e-02 -3.390773e-02 7.814075e-02 6.744493e-02 1.893766e-02
V28 -1.178072e-02 1.397636e-02 2.966868e-02 -5.163927e-02 -4.759497e-03
V29 -2.110932e-02 -4.811024e-02 -3.672890e-02 -4.980803e-02 9.183748e-05
V30
     5.536495e-02 -2.193173e-02 -1.107274e-02 3.082174e-03 2.954901e-02
V31
     4.322197e-02 -2.037989e-02 -2.485259e-02 6.003475e-02 4.445808e-02
V32 -1.881939e-02 4.459287e-02 1.765678e-02 -2.619415e-03 -7.377162e-02
V33 -1.896950e-02 1.380512e-02 2.654606e-03 -1.477896e-02 -2.816297e-03
V34 -2.422139e-02 3.184496e-02 -1.588136e-02 2.496085e-02 -1.483939e-02
V35 -3.622343e-02 3.835895e-02 3.198599e-02 8.823616e-02 -7.534558e-03
V36
    8.361889e-03 -7.306189e-03 -2.582806e-02 -3.063345e-02 -3.070004e-02
V37 -2.232857e-02 4.173672e-02 -3.729046e-02 -1.494299e-02 9.244573e-03
V38 -6.442975e-02 -5.960346e-03 5.511536e-02 5.224834e-03 6.287215e-02
V39
     -6.293420e-02 -8.715732e-03 1.508991e-02 -7.091301e-02 3.839929e-03
V40 -9.106546e-03 -2.249422e-02 -3.447402e-03 3.348704e-02 3.668163e-02
V41
     9.399992e-03 5.607163e-02 5.267372e-03 1.655281e-02 -8.280862e-02
V42
     2.674277e-02 1.014194e-02 -3.240274e-02 1.257335e-02 5.518084e-03
V43
     1,293472e-02 3,178819e-02 5,342254e-03 -1,506705e-02 -5,499083e-02
V44
     5.211374e-02 -3.400834e-02 -6.588754e-03 2.962389e-03 -1.964126e-02
V45
     6.997006e-03 3.715377e-02 -5.696725e-02 -2.418980e-02 -4.644737e-02
V46
     2.009055e-02 1.799218e-02 1.253648e-02 5.412717e-03 2.967166e-03
V47 -2.709926e-02 -5.332271e-02 1.592782e-02 2.386516e-02 -1.936828e-02
V48 -3.357464e-02 -2.072612e-02 -2.846113e-02 -2.570467e-02 -3.918576e-02
V49
     2.147501e-02 1.385812e-02 4.535590e-02 -2.616562e-02 -1.943399e-02
                                        V1969
       V1966
                  V1967
                             V1968
                                                   V1970
V1
     3.735186e-02 1.548917e-02 -5.987239e-02 5.649335e-03 -2.785125e-02
V2
    -7.216704e-02 8.179521e-04 -3.448845e-02 3.197870e-04 4.169923e-02
V3
    -3.054904e-02 -3.388252e-02 3.024397e-02 2.291072e-02 -2.438305e-03
V4
    -1.132651e-02 -1.556936e-02 4.761018e-02 1.064845e-02 3.009073e-02
V5
    -6.200012e-02 -6.598088e-02 5.198904e-02 6.232292e-03 2.392020e-02
V6
    -3.800008e-02 9.976738e-03 1.200024e-05 -9.642953e-03 -3.876460e-03
V7
    -6.556580e-03 3.121522e-02 -1.380676e-02 3.438244e-03 -1.605684e-02
V8
    -1.401484e-02 1.456847e-02 3.976681e-02 -4.543554e-02 2.103207e-02
V9
    -3.401531e-02 -6.363322e-03 1.218570e-02 -1.444943e-02 -6.035871e-03
V10 -8.544884e-03 -1.566282e-02 1.876702e-02 -9.923320e-03 4.646366e-02
V11
     2.800560e-02 -2.024551e-02 2.612570e-02 4.365537e-02 -8.700707e-03
V12
     4.802459e-02 -2.362980e-02 9.813202e-03 2.624860e-02 1.593088e-02
V13
     1.722382e-02 2.912889e-02 -2.477300e-02 7.923707e-03 3.323042e-02
V14
     6.000012e-03 -1.002474e-02 4.012080e-03 -1.731001e-02 -1.590271e-02
V15 -1.000723e-02 -2.156112e-02 -3.225187e-02 1.323556e-02 1.353126e-02
V16 -6.002702e-03 -3.037586e-02 -3.821789e-03 -7.690103e-03 1.401686e-02
V17
     -4.000032e-02 1.604928e-02 5.976155e-03 3.619309e-02 -1.429528e-02
V18
     1.200010e-02 2.805024e-02 -3.402488e-02 -7.315725e-02 -3.834792e-02
```

```
V19
     -3.462539e-02 -5.153124e-02 -4.088411e-02 -1.028521e-02 -1.720973e-03
V20
    -6.362905e-02 -4.256735e-02 -2.062905e-02 -2.534545e-02 -2.914069e-02
V21
     5.203373e-02 -5.160516e-02 1.779586e-02 -1.727975e-03 -2.845645e-02
V22 -1.948261e-03 -2.239444e-03 9.561139e-03 -4.177738e-03 -1.334718e-03
V23
     4.002050e-03 -2.840059e-02 1.820165e-02 1.027082e-02 4.824184e-02
V24 -3.000054e-02 -2.593033e-02 7.964287e-03 4.972630e-02 1.563838e-02
V25 -9.670164e-03 1.037214e-02 3.040420e-02 -2.947561e-03 4.830803e-02
V26 -8.602908e-02 1.431787e-02 4.786104e-02 4.146472e-03 -4.583139e-02
V27
     6.002029e-03 3.432607e-02 3.185534e-02 4.683565e-02 -1.776072e-02
V28 -4.600083e-02 -2.607435e-02 -2.796501e-02 3.570412e-02 -3.568244e-02
V29
     2.400691e-02 6.373495e-02 2.215078e-02 7.322049e-04 2.364234e-02
V30 -1.800292e-02 -5.785354e-03 8.790782e-02 -5.621207e-02 -4.128469e-02
V31
     3.200256e-02 -6.937596e-02 1.860558e-02 3.030583e-03 3.610090e-02
V32 -2.458182e-02 -9.627349e-03 4.029348e-02 1.137993e-02 -2.355757e-02
V33 -5.733019e-02 -2.337041e-02 -4.673916e-02 6.505316e-03 -2.856341e-02
V34 -3.203693e-02 -1.659632e-02 -9.723383e-03 4.285950e-02 -2.290830e-02
V35
     1.009065e-01 4.162216e-02 1.108201e-03 2.573296e-02 8.604227e-03
V36 -4.253721e-02 2.308151e-02 4.888396e-02 -1.079351e-02 3.150740e-02
V37
    -4.715879e-02 -1.763794e-02 5.725108e-02 5.059247e-02 -3.356341e-02
V38
     1.400070e-02 3.012368e-02 3.594244e-02 3.696246e-02 -1.268830e-02
V39 -5.282370e-02 -1.848330e-02 2.269146e-03 1.705304e-02 4.228916e-02
V40
     2.500516e-02 1.952743e-03 -3.563908e-03 4.685201e-02 -3.553947e-03
V41
     1.600205e-02 -1.581116e-02 3.390895e-02 -1.346646e-02 2.901096e-02
V42 -3.802198e-02 2.409567e-03 -2.421844e-02 2.435464e-02 3.786039e-02
V43
     1,203481e-02 -4,504551e-02 2,463168e-03 -2,561743e-03 -5,009379e-03
V44
     6.000012e-03 -1.402504e-02 1.201224e-02 5.664782e-02 -2.792895e-02
V45 -2.825905e-02 2.233843e-02 4.083178e-03 -4.278555e-03 -7.965748e-03
V46
     2.000004e-03 -1.402504e-02 -1.598832e-02 -3.413096e-02 2.819353e-02
V47
     3.937730e-02 6.101260e-02 -3.454701e-02 -4.646253e-02 -4.046711e-02
V48
     1.240839e-03 4.111521e-02 -4.572054e-02 8.028962e-03 -1.291393e-02
V49
     6.204481e-02 5.548407e-03 -4.380443e-02 -3.253192e-03 -2.155453e-02
                  V1972
                             V1973
                                        V1974
       V1971
                                                   V1975
V1
    -1.230615e-02 -2.982703e-03 -3.644078e-02 5.763004e-03 -5.298569e-03
V2
    -2.661656e-02 3.691168e-02 -3.632834e-02 -1.090664e-03 2.542392e-02
V3
    -3.016532e-02 -2.136205e-02 6.389278e-02 -2.221423e-02 5.546578e-03
V4
    -1.606205e-02 -9.230687e-03 -1.270537e-02 5.409724e-02 -1.891758e-02
V5
    -4.216100e-02 2.752430e-02 -5.196567e-02 -2.032264e-03 -4.196848e-02
V6
     4.560054e-02 4.815964e-03 3.596023e-02 4.203747e-02 -2.604526e-02
V7
    -4.152235e-02 -3.227239e-02 1.695198e-02 -5.563441e-02 -6.512797e-02
V8
     1.094889e-03 3.453539e-02 -1.482470e-02 -3.077251e-02 2.695392e-02
V9
    -2.303855e-02 -4.726281e-02 2.323831e-02 -4.554633e-02 3.742433e-02
V10 -6.425332e-03 1.169862e-02 -8.185309e-03 4.662178e-02 4.377162e-02
V11
     9.003681e-03 -2.365827e-02 2.149156e-02 1.632535e-02 2.360944e-02
V12 -2.705536e-02 4.588267e-02 3.085823e-02 1.950048e-02 -1.537094e-02
V13
     6.568376e-04 1.102266e-03 2.916219e-02 3.224065e-02 1.877760e-02
V14
     2.077465e-02 -5.650851e-02 -1.605746e-02 -1.396982e-02 4.596929e-02
V15
     1.684802e-02 -8.556045e-04 9.890485e-04 -3.864085e-02 -2.125960e-02
V16 -5.256888e-02 -1.609997e-02 2.323831e-02 -5.523193e-03 -6.604293e-03
V17
     -1.766437e-02 -2.153102e-02 1.010750e-02 -6.407271e-02 2.408501e-02
V18 -4.918561e-02 2.558235e-02 1.010750e-02 -1.206564e-02 2.808584e-02
V19
     2.169902e-02 1.424610e-02 -3.461041e-02 -1.427914e-02 -2.603398e-02
V20
     5.297040e-02 3.324322e-02 -3.088918e-02 -1.097209e-02 3.918645e-03
```

```
V21
     2.911967e-02 5.677564e-02 -1.065050e-03 -1.658888e-02 6.077154e-02
V22
     1.784293e-02 -4.181319e-02 -2.978377e-02 6.145602e-03 -3.762694e-02
V23 -1.676579e-02 3.626733e-02 -2.685483e-02 8.517452e-03 -8.646156e-03
V24 -2.383474e-02 -2.982852e-02 -4.786104e-02 1.904278e-03 -9.882154e-03
V25
     5.149287e-02 -1.144544e-03 -7.222375e-04 5.282784e-02 2.329993e-02
V26
     3.714915e-03 -3.158249e-02 6.764573e-04 2.559593e-02 -5.350879e-02
V27 -2.850495e-02 7.608853e-03 -1.133166e-02 -3.443205e-02 4.254289e-02
V28
     1.822957e-03 -2.441135e-02 2.785392e-02 2.096306e-03 -5.013093e-02
V29
     3.588599e-02 1.109958e-02 9.381873e-03 -4.763582e-02 5.154515e-02
V30
     2.439551e-02 -1.998479e-02 8.472236e-03 2.171830e-02 3.837389e-02
V31 -7.490389e-03 -4.953928e-03 -2.337899e-02 -3.564205e-02 3.411634e-03
V32
     6.066197e-03 -4.149192e-04 -5.622818e-03 -1.301419e-02 6.152001e-03
V33 -2.002990e-02 -1.873674e-02 2.957410e-02 9.731455e-03 -2.168817e-02
V34
     4.252852e-02 6.042044e-02 7.531224e-04 -4.729256e-02 3.909287e-02
V35 -4.952803e-02 -1.753295e-02 -7.735757e-02 1.409911e-02 1.529264e-02
V36 -7.278719e-02 1.767219e-02 -2.285303e-02 2.260120e-03 -1.615977e-02
V37
     5.792812e-02 7.342066e-04 -4.097923e-02 3.167669e-02 -1.776222e-02
V38
     6.763482e-03 -4.357139e-02 2.026786e-02 2.584460e-02 2.200550e-03
V39
     2.431206e-02 1.601980e-02 -1.986450e-03 -5.297369e-03 1.209259e-02
V40 -9.157025e-03 2.305514e-02 -5.025301e-02 -1.323320e-02 1.867145e-02
V41 -1.661014e-02 2.383433e-02 -5.360898e-02 -1.626016e-02 -3.681207e-03
V42 -9.870460e-03 7.264735e-02 8.892145e-03 2.947681e-02 -5.324143e-03
V43 -8.240735e-03 -6.524654e-03 5.620550e-02 9.243915e-03 -1.356193e-02
V44
     2.759423e-02 3.092234e-02 -8.054739e-03 1.803434e-02 -1.804365e-02
V45
     4.646228e-02 2.042909e-03 5.443588e-03 1.889039e-02 4.719054e-02
V46 -1.032869e-02 -3.096415e-02 -5.201769e-05 -6.197606e-02 -3.804769e-02
     3.564178e-02 1.150939e-03 -3.263230e-02 1.109864e-02 -4.547605e-02
V47
V48
    -4.176392e-02 -1.069224e-01 -4.493485e-02 2.534291e-02 -4.101669e-02
     8.034107e-02 7.175657e-02 1.502793e-02 -1.393184e-03 2.526330e-02
V49
                             V1978
       V1976
                  V1977
                                        V1979
                                                   V1980
V1
     2.473360e-02 -1.686313e-02 8.500441e-04 1.421509e-04 -4.264290e-02
V2
    -2.529369e-02 -2.960097e-02 3.063676e-02 -1.749994e-02 -5.045090e-02
V3
     6.157908e-03 7.122566e-02 -7.092575e-02 5.504248e-02 1.378454e-02
V4
    -1.311563e-02 -3.968620e-02 3.108724e-02 7.810540e-03 -1.734067e-02
V5
     6.306135e-02 -5.398030e-03 7.923323e-03 -2.365988e-02 -8.476815e-03
V6
     2.698304e-02 -7.283282e-02 4.490640e-03 4.631095e-02 -1.128204e-02
V7
     3.406228e-02 4.368813e-02 -4.889303e-02 4.556846e-02 -2.895840e-02
V8
    -1.731320e-02 -5.952878e-02 -1.074970e-02 -1.576888e-02 -1.265686e-02
V9
    -1.774862e-02 -1.312641e-02 -2.152579e-02 1.268336e-02 -1.483965e-02
V10
     1.093118e-02 -2.718380e-02 4.320010e-02 -1.512648e-02 4.518603e-02
V11 -4.781175e-03 -3.083241e-02 -2.876324e-02 -4.580653e-02 4.118711e-02
V12
     5.374774e-02 1.328405e-03 1.747325e-02 -1.439047e-02 -5.261730e-03
V13 -4.041850e-02 -4.093082e-02 7.389400e-03 -5.317579e-02 1.223556e-02
V14
     1.457819e-02 5.391081e-02 -9.030756e-03 2.320810e-02 2.810102e-02
V15 -1.205999e-02 3.092946e-02 -1.604826e-02 -1.605027e-03 1.289133e-02
V16
     6.081098e-03 1.750543e-02 -7.308154e-02 -5.720545e-02 -5.230404e-02
V17
     2.403424e-02 -3.089830e-02 -1.158520e-02 8.199622e-02 6.524562e-02
V18
     3.533356e-02 2.755965e-02 -2.343703e-02 -3.327981e-02 2.391073e-02
V19
     1.702609e-02 -2.592929e-02 -1.148345e-02 -9.988385e-03 -6.335223e-03
V20 -1.123644e-02 -4.256689e-02 8.278311e-02 -1.563198e-02 1.070235e-02
V21
     3.245607e-02 7.364207e-02 3.344129e-02 -7.094363e-02 2.237254e-03
V22 -1.163092e-02 4.651164e-02 -3.540622e-02 -5.307520e-02 1.037733e-01
```

```
V23
     -6.850090e-02 1.658925e-02 5.281739e-02 4.271939e-03 1.056637e-02
V24 -4.032466e-02 -7.450818e-03 4.041803e-02 1.014664e-02 4.079225e-02
V25
     7.070184e-03 -3.754446e-02 1.741748e-02 9.192869e-03 2.658953e-02
     1.419138e-02 -2.864338e-02 -3.726890e-03 4.871080e-02 4.468214e-02
V26
V27 -6.930719e-03 1.344683e-02 4.121391e-02 3.347899e-05 9.504326e-03
V28
     7.408214e-04 3.791191e-03 6.199391e-02 2.467078e-03 -4.985869e-02
V29
     4.247115e-02 -1.404335e-03 4.105605e-03 7.685519e-03 6.502883e-02
V30 -6.137216e-03 -3.377303e-03 -1.247093e-02 4.415280e-02 -2.047548e-02
V31
     1.484076e-02 4.376941e-02 3.385245e-02 1.395590e-02 -1.722943e-02
V32 -1.213636e-02 -1.304637e-02 -1.236507e-02 4.556386e-03 -3.778666e-02
V33
     1.960001e-02 2.652597e-02 -1.589896e-02 -9.575263e-04 1.407878e-02
V34 -2.731197e-02 3.822731e-02 -5.941100e-05 3.912847e-02 -5.972934e-02
V35 -4.294746e-02 -5.303540e-02 -1.673901e-02 -3.785744e-02 -3.915393e-02
V36 -7.286789e-03 -2.520335e-02 -9.519467e-03 -3.446494e-02 4.748662e-02
V37 -7.300960e-03 -8.664342e-03 2.446663e-02 2.501127e-02 -2.204591e-02
V38 -1.609943e-02 3.546740e-02 -2.485678e-02 9.809074e-03 7.306221e-03
V39
     2.361161e-02 3.027868e-02 3.243568e-02 -1.797312e-02 -2.632062e-02
V40 -5.020570e-02 -3.269766e-02 -9.625477e-03 -9.454559e-03 2.320284e-03
V41 -3.167585e-02 -3.966625e-02 3.717705e-02 1.739752e-02 -1.553293e-02
V42
     3.016016e-02 5.002701e-02 -1.821079e-02 2.892944e-02 -2.021659e-02
V43
     2.910705e-02 1.316705e-02 -6.392298e-02 4.607361e-03 -1.525571e-02
V44 -1.513579e-02 4.738512e-02 -2.314103e-02 -2.440847e-03 3.843579e-02
V45
     7.190632e-03 5.521782e-03 8.334096e-03 -1.818980e-02 -5.270521e-02
V46 -1.812210e-03 -3.274324e-03 -1.267370e-02 3.334243e-02 3.853974e-02
V47 -1.982084e-02 4.189691e-02 -4.749310e-02 -4.794454e-02 1.231387e-02
V48
     1.055411e-02 3.262051e-02 2.218903e-03 -3.000927e-02 -4.474524e-02
V49
     3.621968e-03 -5.929373e-02 -6.065658e-02 -1.221747e-02 -9.113968e-03
       V1981
                  V1982
                             V1983
                                        V1984
                                                   V1985
V1
    -2.223379e-03 4.691928e-02 -3.297214e-02 -1.775348e-02 -5.812306e-02
V2
     2.301498e-02 6.975858e-02 -1.307955e-02 5.680458e-02 -1.712984e-02
V3
    -3.086158e-04 -6.205339e-03 1.245501e-02 3.189235e-02 -5.848237e-02
V4
    -3.347846e-02 -5.879287e-02 -6.574009e-03 -1.613472e-02 -4.435575e-02
V5
    -2.782477e-03 2.194227e-02 -1.597360e-02 -2.452267e-02 2.997190e-02
V6
     6.327026e-02 -4.996048e-02 -4.028403e-03 4.021818e-02 5.003851e-02
V7
     2.322658e-02 2.529060e-02 -9.380626e-04 -4.886038e-02 4.356925e-02
V8
     2.470498e-02 1.236510e-02 -4.741083e-02 -2.346472e-02 1.728451e-02
V9
    -5.328209e-03 -4.897377e-02 2.359293e-02 -1.165871e-03 3.449994e-02
V10 -2.384782e-02 2.357731e-02 2.723327e-02 3.076894e-02 -3.288114e-02
V11 -2.293265e-03 2.073759e-02 -1.428426e-02 -2.550311e-02 -2.368777e-02
V12
     4.294549e-02 -1.316727e-02 -1.356027e-02 -7.365775e-03 -1.652258e-02
V13 -3.495207e-02 7.171036e-02 -2.617486e-02 -2.372074e-02 -5.575635e-02
     6.786041e-02 -1.393706e-02 3.197520e-02 1.349082e-02 6.032784e-03
V14
V15
     4.968307e-02 6.328670e-04 -3.549711e-02 2.194271e-02 -2.262724e-02
V16 -6.370691e-02 -2.494739e-02 5.160828e-02 8.764241e-03 -3.754170e-02
V17
     1.538857e-02 -3.616773e-02 1.805791e-02 1.471368e-02 -2.006673e-02
V18
     2.077755e-02 -1.440946e-04 1.805791e-02 3.858766e-02 -6.400871e-05
V19 -7.669076e-02 2.784059e-02 5.584169e-03 -2.571129e-02 -5.563802e-02
V20 -1.075264e-02 3.777069e-02 -3.980792e-02 -1.238866e-02 -4.317569e-02
V21 -1.831548e-02 -1.331325e-02 1.851782e-02 7.784267e-03 -4.060752e-02
V22
     5.681850e-04 7.394458e-03 4.863244e-02 1.688193e-02 -1.084969e-02
V23
     -4.506138e-03 -3.889312e-02 -1.445682e-02 -1.500754e-02 1.652258e-02
V24 -3.265692e-03 4.981719e-02 -1.591785e-02 4.660289e-03 1.790661e-02
```

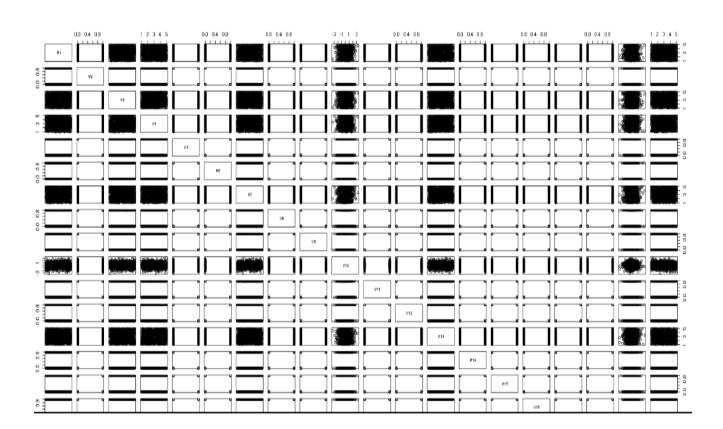
```
V25
     -4.266963e-02 2.572243e-03 -9.613201e-03 -1.590645e-02 5.025319e-02
V26
     3.137371e-02 9.072946e-03 3.637986e-02 4.131753e-02 3.760152e-02
V27
     1.366777e-02 4.510848e-02 -1.164108e-02 -3.819859e-02 1.584739e-03
V28 -4.692397e-02 -4.581452e-02 7.916918e-03 9.951252e-04 6.096890e-03
V29 -4.686188e-02 -1.515018e-02 9.667732e-03 7.578148e-02 3.639914e-02
V30 -1.932480e-02 -2.266636e-02 -1.975314e-02 -2.602602e-02 9.714817e-03
V31
     3.202050e-02 -3.116148e-02 -2.784846e-02 -3.264070e-02 -1.673328e-02
V32 -3.940387e-03 -1.355473e-02 2.122134e-02 2.979483e-02 -4.668649e-02
V33
     2.256561e-02 1.438457e-03 5.235613e-03 -2.346533e-02 5.953358e-02
V34
     4.307239e-03 -4.635545e-02 2.135471e-02 2.246007e-02 2.479976e-02
V35
     1.701574e-03 -2.420089e-02 -1.519025e-02 3.994840e-02 7.175339e-03
V36 -1.898344e-02 2.261811e-02 3.580641e-02 2.064418e-02 -3.860818e-02
V37
     1.338823e-02 -2.815114e-02 3.483895e-03 2.390956e-02 1.100688e-02
V38 -5.450714e-03 2.165512e-02 -4.786708e-02 3.268579e-02 2.184389e-02
V39
     2.229570e-02 2.127234e-03 -2.744171e-03 -2.326728e-02 -2.343131e-02
V40
     5.480879e-02 2.805242e-02 -3.168299e-02 2.976514e-03 3.348490e-02
V41 -5.223497e-02 4.746084e-02 1.822812e-02 2.478696e-02 -8.258114e-03
V42
     4.025418e-02 1.679659e-02 -2.353992e-02 -8.775337e-03 -2.255993e-02
V43
     7.819132e-03 -3.338212e-02 1.297479e-02 -1.817419e-02 3.732873e-02
V44 -2.056853e-02 -5.931857e-03 -4.003200e-02 2.979148e-03 1.403382e-02
V45
     5.966468e-02 -1.554460e-02 1.281247e-03 4.066340e-02 -1.511109e-02
V46
     4.701280e-02 2.073348e-03 -4.403240e-02 -4.263364e-02 -1.968256e-03
V47
     1.401687e-02 5.616872e-02 3.361331e-02 -2.180820e-02 -5.301404e-02
V48
     2.025732e-02 -3.587424e-02 4.218537e-03 -2.550507e-02 -3.470627e-03
V49 -7.294776e-02 5.544396e-02 -8.539004e-03 -1.837103e-02 -5.396588e-03
       V1986
                  V1987
                             V1988
                                        V1989
                                                   V1990
V1
    -8.672980e-03 -2.610821e-02 -1.484835e-02 -5.434573e-03 1.920699e-02
     3.291433e-02 7.140081e-02 1.090634e-03 7.538890e-04 -3.851453e-02
V2
V3
    -3.098766e-02 2.292865e-02 -5.775825e-03 3.400711e-02 2.371554e-02
V4
     3.438564e-02 -1.356102e-02 -2.477368e-02 2.022766e-02 1.640329e-02
V5
     3.105258e-02 3.600591e-05 -3.063012e-03 2.999540e-03 3.983987e-02
V6
    -3.003548e-02 -3.600591e-05 4.245312e-03 -2.111187e-02 2.931114e-02
V7
    -2.956668e-02 -2.107097e-02 1.082540e-02 1.475022e-02 4.002234e-02
V8
     4.298892e-02 -7.180763e-03 -3.616821e-02 -2.979147e-02 2.320705e-02
V9
    -1.943487e-02 -2.855748e-02 -2.523970e-02 -2.184069e-02 -4.078449e-02
V10
     5.540062e-02 1.412619e-03 -3.862848e-02 9.566231e-03 9.408672e-03
V11 -3.521136e-02 -2.360855e-03 -5.504530e-04 1.857626e-02 2.501689e-02
V12 -4.741791e-02 6.580436e-03 -5.521700e-02 -2.443308e-03 6.283865e-02
V13 -4.369707e-02 -4.838616e-03 1.089290e-02 1.266475e-02 2.532142e-02
V14 -3.295934e-02 -7.204782e-02 -1.728160e-02 1.762065e-02 -1.348020e-02
V15
     1.654195e-02 2.870938e-02 -3.395942e-03 4.255398e-02 3.521271e-02
V16 -6.318415e-03 -1.655013e-02 8.504175e-02 1.649207e-02 -6.095494e-02
V17
    -4.175406e-03 1.007371e-02 2.702451e-02 -4.012383e-02 4.661269e-02
V18 -3.042714e-02 -1.928328e-03 7.764297e-03 -2.854273e-02 -2.756809e-02
V19
     5.574008e-02 -1.942708e-02 -2.019598e-02 -1.088489e-02 3.141688e-02
V20
     4.157083e-02 1.300551e-02 2.313391e-02 -4.423894e-02 2.185472e-02
V21
     1.430520e-02 5.869555e-02 -1.265825e-02 -8.468946e-02 -7.999056e-03
V22
     7.138514e-04 6.746914e-03 -1.037833e-02 -4.692313e-02 -9.541356e-03
V23
     2.478082e-02 2.944385e-02 -7.573619e-03 5.128906e-03 1.548573e-02
     2.161019e-02 -2.789702e-02 7.072449e-02 6.596777e-02 -4.174927e-02
V24
V25
    -3.607915e-02 -1.242569e-02 -1.851910e-02 -3.664812e-02 -3.244598e-03
V26
     6.127095e-02 2.848224e-02 9.069227e-03 6.987532e-02 2.625880e-02
```

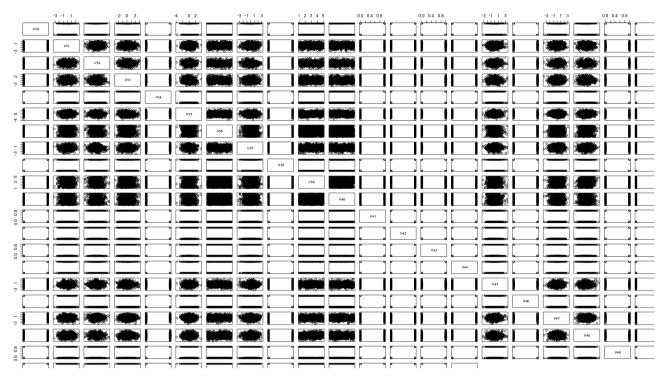
```
V27
     5.117336e-02 -7.535768e-03 -3.831788e-02 2.293109e-02 5.938515e-02
V28
     -6.992231e-02 -8.109460e-03 -2.436599e-03 -9.983642e-03 -5.018376e-03
V29
     1.551923e-02 -2.244210e-02 7.600202e-03 -5.802705e-03 -6.224919e-03
V30
     1.085471e-02 8.326698e-03 6.791831e-04 -1.312716e-02 -6.072699e-03
V31
     4.716004e-02 8.179572e-03 8.975665e-03 -1.700392e-02 -2.147525e-02
V32
     4.012067e-02 4.896107e-02 -1.623825e-02 -4.407462e-03 2.169573e-02
V33 -1.763706e-02 4.358589e-02 -1.265771e-02 -6.022145e-02 1.132823e-02
V34 -9.904879e-02 2.116382e-02 -5.803354e-03 -3.061677e-02 5.951760e-03
V35
     3.457871e-03 3.887462e-03 2.941903e-02 7.916334e-03 -1.025205e-02
V36 -2.503349e-02 -1.070001e-03 4.234891e-02 5.274915e-02 4.176005e-02
V37
     7.310579e-03 3.829123e-02 3.692352e-02 -2.178982e-02 9.989306e-03
V38 -1.172062e-02 -1.982420e-02 3.042209e-02 -1.746964e-02 4.748029e-02
V39
     1.004087e-02 6.694784e-03 2.555494e-02 6.487199e-03 4.025429e-02
V40
     2.121969e-02 -6.089670e-02 -1.434389e-02 2.423813e-02 4.953256e-02
V41 -1.481245e-02 6.289824e-03 1.037387e-02 -2.971631e-02 3.567628e-03
V42 -5.548074e-02 6.065689e-02 1.194236e-02 3.369153e-02 -8.252616e-02
V43
     1.891532e-02 4.476871e-02 -5.469719e-04 -1.777184e-02 1.577105e-02
V44
     3.204782e-02 7.965306e-03 3.184630e-02 -2.691387e-02 -1.184546e-02
V45 -2.883487e-02 3.707247e-02 -3.955588e-02 3.112401e-02 -2.921268e-02
V46 -3.186211e-02 3.596990e-02 -4.821319e-02 -2.217065e-04 5.227693e-02
V47
     2.273274e-02 -1.635958e-02 -2.506675e-02 -1.584333e-02 -5.014323e-02
V48 -9.947839e-03 -3.248595e-02 -1.978482e-02 -1.561451e-02 -6.089334e-04
V49
    -1.301457e-02 -1.669876e-02 3.347009e-02 5.552086e-02 3.794454e-02
       V1991
                  V1992
                             V1993
                                        V1994
                                                   V1995
V1
     7.088012e-03 -2.831601e-04 1.953868e-02 2.671285e-02 -3.276262e-02
V2
     1.061407e-02 -2.883591e-02 -4.360747e-02 -3.586311e-02 1.751541e-02
V3
     2.490130e-02 -1.596331e-02 7.080423e-02 7.629544e-03 -1.621038e-02
V4
    -1.240937e-02 -1.640106e-02 5.287503e-03 -1.130129e-02 9.691080e-03
V5
     2.626060e-02 -2.593394e-02 -4.405475e-02 1.595343e-02 -2.220588e-02
V6
     1.658982e-02 -2.612617e-02 -3.996575e-02 -3.596023e-02 -1.316520e-03
V7
    -5.555119e-02 -2.005823e-02 -6.935027e-03 -1.875534e-02 -5.790051e-02
V8
     3.238035e-02 -7.809258e-03 1.901272e-02 6.289181e-02 -6.546677e-03
V9
    -6.967061e-02 -7.451940e-03 2.067431e-02 -1.122885e-02 7.924474e-02
V10
     1.836881e-02 -4.659026e-02 3.623973e-03 -9.041326e-03 9.814818e-05
V11 -2.149878e-02 3.508745e-02 3.045346e-02 -2.149156e-02 -6.016160e-02
V12
     7.338402e-02 -2.650811e-02 -1.471510e-02 2.518941e-02 1.346582e-02
V13
     2.184532e-03 3.585922e-03 6.324459e-03 -2.666938e-02 -5.582549e-02
V14
     1.082002e-02 2.593394e-02 -3.956966e-03 -1.995479e-02 -1.653427e-02
V15 -1.644822e-02 3.589126e-02 1.117477e-02 4.305764e-02 -7.459390e-03
V16 -3.027071e-02 -2.748404e-02 -1.134785e-02 4.783770e-03 1.559176e-02
V17 -4.452127e-02 -1.182172e-02 -1.009052e-02 2.590496e-02 -5.119208e-03
V18 -3.567120e-02 -1.182172e-02 -1.809252e-02 -1.811027e-02 3.478776e-02
V19 -2.396370e-03 5.554795e-03 -3.326815e-02 -3.037030e-02 -2.706518e-02
V20
     4.161000e-02 -4.422005e-02 9.220335e-03 -3.846670e-03 3.695075e-02
V21
    -8.642505e-03 -1.429774e-02 -5.484081e-02 5.311638e-02 8.723699e-02
V22 -2.427993e-03 -3.537503e-02 -2.613361e-02 5.402510e-03 -9.724997e-03
V23
     1.347319e-03 -2.157190e-02 -1.730905e-02 -1.168994e-03 -9.956286e-03
V24 -8.961120e-03 7.037038e-02 -1.320343e-04 -5.617600e-02 2.119914e-02
V25
     7.490381e-03 4.873812e-02 1.009627e-02 -7.922753e-03 -2.798364e-03
V26 -4.656847e-02 3.930658e-02 5.546017e-02 3.534790e-02 2.380024e-02
V27
     2.935179e-02 1.927673e-02 3.429989e-03 -8.681869e-03 -3.240109e-02
V28
     2.922168e-02 -1.030006e-02 -3.987837e-02 3.216745e-02 3.351965e-02
```

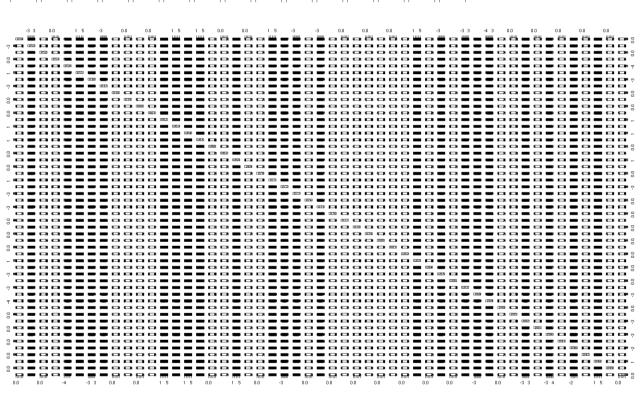
```
-3.709554e-02 -1.153662e-03 3.454631e-02 1.463316e-02 3.958168e-02
V30
    -2.233373e-02 2.867770e-03 -1.240101e-02 -1.647624e-02 -4.432965e-02
V31
     2.925800e-02 -2.870113e-02 1.421954e-02 3.362038e-02 4.732843e-02
V32 -1.600952e-02 -2.607028e-02 -5.876161e-03 -2.660717e-02 3.321709e-02
V33
     3.867620e-02 2.207220e-02 -4.104804e-02 -4.114223e-02 -4.422730e-02
V34 -6.409250e-02 1.699917e-03 2.308819e-02 -4.759093e-03 -3.572568e-02
V35
     3.074844e-02 -7.334461e-02 3.530332e-02 1.812261e-02 1.337409e-02
V36
     1.434745e-02 -3.009744e-02 1.898396e-02 2.598842e-02 2.085406e-02
V37 -1.745194e-03 6.136582e-02 5.312834e-04 9.503071e-03 -7.056460e-02
V38
    -4.598124e-02 3.852633e-02 6.779980e-02 -4.261654e-03 1.142394e-02
V39
     3.172625e-02 2.120989e-02 2.368882e-02 3.078052e-03 -3.265130e-02
V40
     4.022126e-02 3.263388e-02 1.594872e-02 1.358451e-02 -1.118985e-03
V41 -1.375284e-02 -1.525153e-02 -1.035583e-02 -4.643764e-02 -5.253455e-02
V42
     1.449777e-02 -1.238944e-02 -5.679457e-02 -1.689948e-02 -1.634453e-02
V43
     7.568927e-03 4.369660e-03 -2.440447e-02 -8.049996e-03 5.591895e-02
V44
     2.786533e-02 -2.612617e-02 2.004889e-02 2.005882e-02 9.128250e-03
V45 -2.678981e-02 -1.842967e-02 8.086109e-03 1.976972e-02 -1.647759e-02
V46
     1.183413e-02 -1.811692e-02 2.404987e-02 -1.195206e-02 -4.590487e-02
V47
     1.089133e-02 4.138469e-02 -8.150743e-03 -1.398854e-03 -4.421068e-02
V48
     4.101650e-03 -8.873646e-03 -3.892964e-03 -4.120101e-02 3.996672e-02
V49
    -1.185905e-02 -3.831180e-03 8.844527e-03 2.901876e-02 -3.431732e-03
                  V1997
                             V1998
                                        V1999
       V1996
                                                   V2000
V1
     2.569879e-02 -1.662142e-02 5.185561e-02 -2.146021e-02 6.449637e-02
V2
    -7.513326e-02 3.392765e-02 2.449343e-02 1.559314e-02 4.554688e-03
V3
    -1.727047e-02 -3.960456e-02 -5.304379e-02 -3.964517e-02 -6.871232e-03
V4
    -6.928970e-02 2.276976e-02 2.655608e-02 1.748366e-02 1.149841e-02
V5
    -2.403040e-02 1.189892e-02 -4.477767e-02 4.216112e-02 -5.984203e-03
V6
     8.028803e-03 -1.991435e-02 2.227430e-02 1.898572e-03 -2.201675e-02
V7
    -9.072952e-04 -3.388371e-02 -4.046872e-02 5.445510e-03 1.616401e-02
V8
    -4.649377e-03 -1.890835e-02 -7.003418e-02 -2.366503e-02 -2.966435e-02
V9
     1.242681e-02 -1.016412e-02 1.312026e-02 -1.558810e-02 2.177050e-02
V10
     1.188561e-02 4.734712e-02 1.267727e-02 5.530830e-02 4.971548e-04
V11
     2.628783e-02 -4.084674e-02 9.775104e-03 1.097704e-02 -4.016932e-02
V12
     9.360911e-02 2.006486e-02 -1.527578e-02 2.971941e-02 -3.576346e-02
V13 -1.954435e-02 9.853413e-03 5.605883e-04 -2.687462e-02 -4.548994e-02
V14 -3.972397e-03 -7.891197e-03 1.478165e-02 3.394199e-02 -3.001702e-02
V15
     3.149383e-02 2.571200e-02 1.750638e-02 3.605078e-02 5.034197e-02
V16 -1.959074e-02 -3.422121e-02 2.947974e-03 -3.161699e-02 3.777821e-02
V17
     9.945054e-03 2.980959e-02 -5.245663e-02 4.426824e-02 3.200128e-05
V18 -6.056642e-03 -5.836074e-02 1.873379e-02 8.219186e-03 1.603264e-02
V19 -4.281522e-02 2.476051e-02 -4.760933e-02 -3.214519e-02 4.397449e-02
V20 -2.641273e-02 -4.789393e-02 -3.340373e-02 -1.357171e-02 -4.182356e-03
V21
     5.500104e-03 -3.231508e-02 7.644099e-04 1.141002e-01 4.431814e-02
V22
     2.070859e-02 -2.581620e-02 -2.305961e-02 5.868442e-02 4.781022e-02
V23
     3.446903e-02 -1.603906e-05 -3.306555e-02 1.035531e-02 -4.428009e-02
V24
     3.191970e-02 -3.243498e-02 1.294005e-02 -5.776719e-02 1.404870e-02
V25
     1.248597e-02 -3.330571e-02 -3.010316e-02 -2.719067e-03 -6.252915e-04
V26
     2.764806e-02 -5.624719e-03 1.436465e-02 3.941864e-02 3.822214e-02
V27
     -1.637114e-02 1.842967e-02 4.109241e-02 7.147283e-02 1.421326e-02
V28
     3.208772e-02 3.644277e-02 3.777021e-02 2.972875e-02 -5.005050e-02
V29
     1.834308e-02 -4.060178e-02 3.558929e-02 -2.528949e-02 3.809219e-03
V30
     1.975314e-02 2.293183e-02 -4.231572e-03 2.697686e-02 -1.856360e-03
```

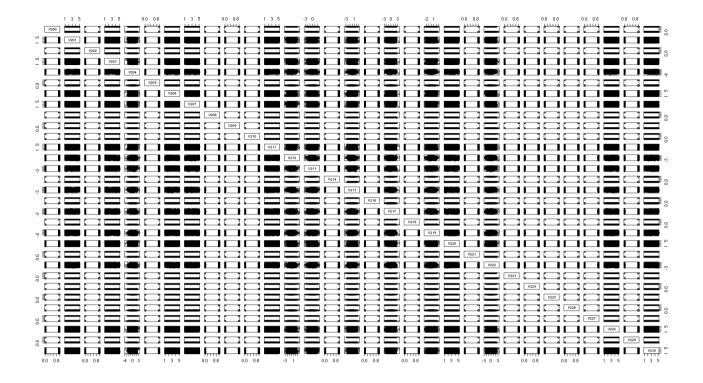
```
V31
     5.341953e-03 2.537693e-02 -4.891810e-03 3.497030e-02 1.471843e-02
V32 -4.595088e-03 1.047510e-02 -1.557214e-03 -1.595504e-02 -1.423848e-02
V33 -2.563650e-02 -1.325610e-02 8.058369e-03 4.866892e-04 7.108747e-03
V34 -1.334469e-02 -1.908267e-02 5.833921e-03 -2.502266e-03 1.162978e-02
V35
     1.230515e-02 3.106848e-02 8.962963e-03 2.424998e-02 3.398429e-02
V36 -2.852283e-02 4.007420e-02 1.959165e-02 -1.966044e-02 -2.659850e-02
V37 -1.088008e-02 -4.275276e-02 5.647829e-03 1.980330e-02 -1.589143e-02
V38 -5.214772e-02 2.743415e-02 -1.338096e-03 -3.753265e-02 -4.992409e-02
V39 -4.499297e-02 3.716279e-02 -3.762346e-02 -3.273214e-03 -1.181060e-02
V40
     8.607244e-03 -1.314188e-02 -1.682077e-02 -1.714206e-02 1.976828e-02
V41
     2.178092e-02 -4.308038e-02 -1.005271e-02 -7.178630e-03 -3.872620e-03
     4.755615e-02 -3.018349e-02 -1.662459e-02 3.583718e-02 1.828316e-02
V42
V43 -1.698679e-02 -1.294226e-03 2.333651e-03 2.816746e-02 -3.671536e-02
V44
     2.403040e-02 8.027860e-02 5.588108e-04 -2.613942e-02 1.398448e-02
V45 -2.943642e-02 -2.802043e-02 -6.482736e-02 9.486715e-03 -7.293175e-03
V46
     2.800280e-05 -3.594522e-02 -4.554068e-04 -2.213399e-02 1.798461e-02
V47 -3.503981e-02 -2.067490e-02 -1.649504e-03 -3.399908e-02 3.021549e-02
V48
     9.353673e-03 5.965685e-02 8.840604e-03 2.679553e-03 -4.657495e-03
V49
     5.657841e-02 -9.669573e-03 2.276478e-02 -3.984264e-03 -1.031178e-02
         Y
V1
    -3.796775e-02
V2
    -5.799067e-02
V3
     8.332848e-02
V4
    2.026420e-02
V5
     4.670080e-02
V6
   -5.861926e-03
V7
    7.357898e-03
V8
   -2.876089e-02
V9 -2.894883e-03
V10 6.801959e-03
V11 -4.754315e-03
V12 -1.512397e-02
V13 -3.264752e-02
V14
     2.440973e-02
V15 -9.076189e-03
V16
     1.510622e-02
V17
     3.490128e-02
V18
     5.737782e-03
V19 -4.803849e-02
V20 -2.152685e-02
V21 -4.818700e-03
V22 -1.945842e-02
V23 -6.945635e-03
V24 2.537854e-02
V25 -4.154836e-02
V26
     3.747913e-03
V27 -1.813506e-02
V28
     6.117986e-02
V29 -3.217373e-02
V30 1.840843e-02
V31 -2.284655e-02
V32 1.004478e-02
```

V33	-1.896464e-02	
V34	1.822664e-02	
V35	3.725790e-02	
V36	-3.135769e-02	
V37	4.169834e-02	
V38	-4.726063e-02	
V39	4.868890e-02	
V40	1.039558e-02	
V41	-2.817549e-02	
V42	2.963782e-03	
V43	-1.038761e-02	
V44	-4.003582e-03	
V45	6.284934e-03	
V46	9.881976e-04	
V47	-6.521547e-03	
V48	5.385965e-02	
V49	1.110208e-02	









Do analizy danych z protein.Rdata użyto:

-Ridge regression

Jest metodą stosowaną kiedy zwykła regresja liniowa nie daje dobrych wyników. Predykcje (coefficient estimates) regresji ridge są wartościami które minimalizują wyrażenie:

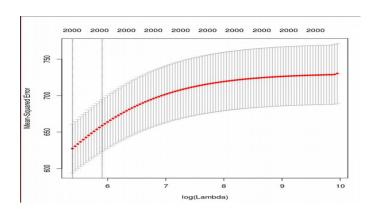
$$\sum_{i=1}^{n} \left(y_i - \beta_0 - \sum_{j=1}^{p} \beta_j x_{ij} \right)^2 + \lambda \sum_{j=1}^{p} \beta_j^2 = RSS + \lambda \sum_{j=1}^{p} \beta_j^2,$$

Wartość labda > 0 jest parametrem tuningowym. W regresji ridge minimalizowany jest RSS (błąd średniokwadratowy) aby współczynniki predykcji jak najlepiej pasowały do danych. Drugi człon wyrażenia : $\lambda \sum_{i=1}^{p} \beta_{j}^{2}$,

zwany shinkage penalty (kara pomniejszająca) jest mały kiedy wartości B1,....Bp są bliskie zeru, więc ma własność zmniejszania współczynników B do zera. Kiedy lambda =0 to kara nie ma żadnego wpływu, kiedy jednak lambda dąży do nieskończoności, wpływ kary wzrasta i współczynniki predykcji (coefficient estimates) będą osiągały wartość zero. W przeciwieństwie do metody najmnejszych kwadratów, regresja ridge generuje różne współczynniki predykcji dla każdej wartości lamda. Wybór wartości lambda następuje za pomocą walidacji krzyżowej.

W zadaniu utworzono model za pomocą glmnet, następnie przeprowadzono walidację krzyżową, wybrano najlepszą wartość lambda i dokonano predykcji na danych testowych.

Wykres zależności błędu średniokwadratowego od wartości lamda wskazuje że błąd ten rośnie ale od pewnej wartości się stabilizuje i osiągą stałą wartość.



W zadaniu zamieniono kolumnę Y, zbiór treningowy oraz testowy na macierz. Utowrzono model z paramatrami alpha=1 oraz lambda=grid, gdzie grid został wcześniej zdefiniowany = 10\seq(10,-2,length=100). Wyszukano najlepszej wartości lambda za pomocą walidacji krzyżowej. Wartość ta wyniosła 219.8067. MSE dla najlepszej lambdy wyniosło 621.0123. Znacznie lepsze wyniki otrzymano stosując metodę Lasso.

-LASSO

Metoda Lasso jest modyfikacją metody ridge, która pokonuję wadę metody ridge: zawiera wszystkie p predyktory w ostatecznym modelu. Kara zmniejsza współczynniki do zera, ale nie przyrównuje do zera. I tak dla przykładowych danych Credit najistotniejsze są income, limit, rating i student, natomiast regresja ridge wygeneruje model zawierający wszystkie p predykcji.

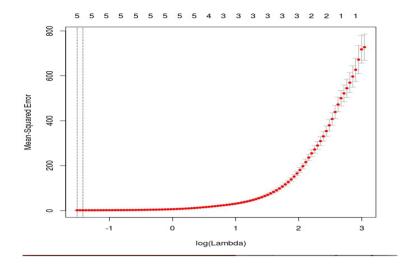
W metodzie Lasso minimalizowane wyrażenie ma postać:

$$\sum_{i=1}^{n} \left(y_i - \beta_0 - \sum_{j=1}^{p} \beta_j x_{ij} \right)^2 + \lambda \sum_{j=1}^{p} |\beta_j| = RSS + \lambda \sum_{j=1}^{p} |\beta_j|.$$

Analogcznie do metody ridge shrinkage penalty zmniejsza wspólczynniki predykcji, tylko że tym razem kietóre są eliminowane poprzez przyrównanie ich do zera, kiedy wartości lambda są odpowiednio duże. W efekcie, modele wygenerowane przez metodę lasso są łatwiejsze w interpretacji.

W zadaniu również utworzono model na danych treningowych, przeprowadzono walidację krzyżową, wybranę najepszą wartość lambda, przeprowadzono predykcję na danych testowych.

Wykres zależności błędu średnio-kwadratowego od wartośc lambda. Błąd ten rośnie.



W zadaniu zamieniono kolumnę Y, zbiór treningowy oraz testowy na macierz. Utowrzono model z paramatrami alpha=1 oraz lambda=grid, gdzie grid został wcześniej zdefiniowany = 10^seq(10,-2,length=100). Wyszukano najlepszej wartości lambda za pomocą walidacji krzyżowej. Wartość ta wyniosła 0.2198067 i nie była to najmniejsza wartość, ale została oznaczona jako lamda.min gdyż generowała najniższy MSE który wyniósł 1.337281 V1524. Wartość ta została zapisana na zmienną bestlam. Dokonano predykcji metodą predict której parametrami były utworzony model, bestlam oraz zbiór testowy. Tak dokonana predykcja została zapisana do pliku Kiedrowska2.Rdata.

Metoda Forward selection

Pierwszy krok to stworzenie modelu bez żadnych predyktorów. Następnie dla każdego pojedynczego predyktora obliczane jest RSS. Wybierany jest najlepszy pod względem RSS lub R^2 predyktor. Następnie dodawane są do niego pojedynczo wszystkie pozostałe i dla takiej 2-ki liczony jest RSS. Jeśli jest lepsze niż dla pojedynczego predyktora, to uznawany taki model jest za lepszy i szukana jest taka 3ka predyktorów i tak aż dojdzie do maksymalnej liczny predyktorów. Jeśli natomiast okaże się że którą n-tka predyktorów była gorsza od n-1, to algorytm zatrzymuje się. Po wynkonaniu metody forward selection należy zrobić walidację krzyżową, w tym celu trzeba podzielić zbiór data.train na część treningową(0.8) i testową (0.2).

Najlepszą metodą okazało się LASSO ponieważ miarą predykcji dla pred.protein jest mean squared error, i w przypadku LASSO jest on najmniejszy.

Listę najważniejszych predyktorów znaleziono za pomocą najlepszej metody lasso szukając niezerowych współczynników:

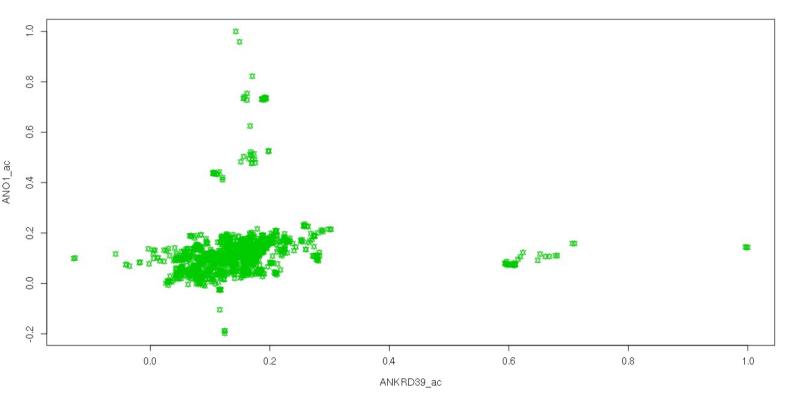
lasso.coef=predict(lasso.mod,type="coefficients",s=bestlam)
lasso.coef[lasso.coef!=0]

```
V1524 4.447292
V1082 3.815309
V1072 7.751370
V1045 4.912623
V945 8.708129
```

W pliku **cancer.Rdata** znaleziono zduplikowane kolumny za pomocą funkcji unique. Duplikaty zostały usunięte. Zmieniono nazwy kolumn metodą gsub: "_deac", "Z", "_ac", "A", " _spm _spm", "S", "-", ""

W pliku data.train jest 4003 wierszy i 3623 kolumn, w data.test 500 wierszy i 3622 kolumny. Po usunięciu dupliktów o połowę mniej kolumn.

Dane w pliku cancer są o wiele bardziej skorelowane niż w pliku protein.



Wbrane metody do analizy tego pliku to: Random forest, Support Vector Machine, Linear Discriminant Analysis.

Random forest – las losowy, jest zbiorem wielu drzew decyzyjnych. Losowość odnosi się do tego, na jakim zbiorze będą uczone kolejne drzewa decyzyjne w lesie. Jeśli las losowy ma być nauczony na zbiorze treningowym rozmiaru N to uczenie nowego drzewa decyzyjnego przebiega poprzez losowanie ze zwracaniem dokładnie N przykładów ze zbioru treningowego. Istotne jest aby w wylosowanych przykładach proporcja pomiędzy poszczególnymi klasami była podobna do tej w pełnym zbiorze treningowym. Uczymy drzewo decyzyjne na tak zdefiniowanym nowym zbiorze treningowym.

W programie R należy załadować bibliotekę(randomForest). Metodą Random forest wyszukano 50 oraz 100 najlepszych predyktorów.

Kolumnę Y zamieniono na factor, utworzono model, a następnie funkcją importance wyszukano w modelu kolumny o najwyższym wskaźniku MeanDecreaseGini. W funkcji importance użyto parametru decreasing=TRUE aby zwracane wartości były w kolejności od największej do najmniejszej.

50 wybranych predyktorów	100 wybranych predyktorów	
MeanDecreaseGini V2	MeanDecreaseGini V2	
NOTCH2A 9.273355 674	NOTCH2A 10.037111 674	
FBRSA 7.835688 229	ERGZ 8.797129 978	
CDR2A 7.716380 532	CREBBPA 7.897565 178	
CREBBPA 7.670996 178	PARD3Z 7.237271 1571	
ERGZ 7.627168 978	ADAM28Z 7.085552 839	

ADAM28Z	7.340902 839
NEFLZ	7.284402 1537
PARD3Z	7.230178 1571
MROH1A	7.164080 652
NEFMZ	7.143524 1538
GATA3Z	6.949680 1438
GOLT1AA	6.948886 589
LARP4BZ	6.807905 1071
DIP2CZ	6.611344 1396
PLK1A	6.609626 707
MYCA	6.569657 657
TIGD5A	6.542093 430
CNIH4A	6.536963 169
SVILZ	6.466030 1233
AKR1C2Z	6.433996 1304
CDKN2AZ	6.406539 916
CDKN2BZ	6.367615 917
TNRC6AA	6.345894 789
NRG3Z	6.290425 1559
MTAPZ	6.222182 1524
YWHAZA	6.202887 824
KISS1A	6.199239 291
DLG5Z	6.190265 962
PLXDC2Z	6.182152 1587
PLXDC2Z	6.182152 1587
PPP2R2AZ	6.177612 1157
TCF7L2Z	6.068622 1657
ZMYND11Z	6.061163 1715
ADARB2Z	5.922429 840
CAMK1DZ	5.814855 896
ZFHX3Z	5.757527 1713
CSMD1Z	5.738196 942
CYP2E1Z	5.685841 951
CBFBZ	5.650425 1349
POLR3EA	5.626636 355
COA6A	5.623408 173
APRTZ	5.620770 1315
WDR37Z	5.608739 1702
PHLPP1Z	5.597010 1138
ITGALA	5.586511 277
NPIPB3A	5.471695 677
GPR137BA	5.433377 592
SMAD4Z	5.382178 1222
EEF2KA	5.376577 561
LONRF1Z	5.277515 1497
MECOMA	5.250000 308

PLK1A 7.057366 707 AKR1C2Z 7.024191 1304 7.022011 657 MYCA CNIH4A 7.006344 169 MTAPZ 6.979130 1524 6.912207 917 CDKN2B7 CAMK1DZ 6.789749 896 YWHAZA 6.786812 824 **SVILZ** 6.735279 1233 TNRC6AA 6.693170 789 ADARB2Z 6.611301 840 VWA3AA 6.598763 456 IDI2Z 6.546310 1039 PPP2R2AZ 6.508184 1157 NEFMZ 6.459039 1538 TIGD5A 6.425327 430 6.422943 1537 NEFLZ. COA6A 6.365017 173 CDKN2AZ 6.289868 916 NPIPB3A 6.267453 677 PLEKHA6A 6.244655 705 **FBRSA** 6.016657 229 ITGALA 6.016336 277 6.011641 652 MROH1A FGFR2Z 5.993243 1000 IDI1Z 5.924424 1038 DLG5Z 5.834387 962 5.760055 291 KISS1A WDR37Z 5.759490 1702 TCF7L2Z 5.756700 1657 CSMD1Z 5.753075 942 5.720220 532 CDR2A PLXDC2Z 5.674455 1587 5.551856 1706 WWOXZ DUSP13Z 5.545212 970 CTCFZ 5.523998 945 LARP4BZ 5.520579 1071 DPEP1Z 5.465334 967 5.436300 543 CNTN2A **CBFBZ** 5.430521 1349 SMYD3A 5.415087 753 DIP2CZ 5.413058 1396 UQCRC2A 5.402886 448 EEF2KA 5.389697 561 5.366351 299 LRRN2A 5.351765 1666 TMX3Z PTENZ 5.338947 1601 PHLPP1Z 5.298131 1138 5.257774 1222 SMAD4Z METTL9A 5.254067 642 PIK3C2BA 5.250129 703 CDK10Z 5.196633 910 ZMYND11Z 5.191047 1715 POLR3EA 5.171828 355 PAOXZ 5.164279 1124 DOK6Z 5.159109 1402 NRG3Z 5.157289 1559 RPL13Z 5.154460 1195 APRTZ 5.141056 1315 TUSC3Z 5.034149 1685 OPCMLZ 5.013099 1564 LONRF1Z 5.012643 1497 GATA3Z 5.008529 1438 CENPBD1Z 4.994649 919 MECOMA 4.953446 308 CYP2E1Z 4.931077 951 4.925293 757 SOX2A GLB1L2Z 4.924275 1018 DMRTA1Z 4.902912 1397 PLSCR5A 4.897214 351 4.895483 360 PPP1R15RA ZNF639A 4.890342 470 POMKA 4.888122 356 SPATA2LZ 4.874475 1644 4.869139 640 MDM4A RB1Z 4.855801 1610 4.851326 1056 KCNG2Z **FNTAA** 4.829650 580

ETNK2.	A 4.813539 215
FNDC3.	AZ 4.811344 1430
CDH13	Z 4.805777 1364
RBM7Z	4.795266 1179
GNB4A	4.765593 588
NETO12	Z 4.762406 1540
EP300Z	4.711105 1412
GPR137	BA 4.708202 592
FOXP12	Z 4.675887 1006
CBLN2	Z 4.664410 901
ADNP2	Z 4.661227 841
C1ORF.	100A 4.656526 125
CAB391	LZ 4.639763 1343
NEDD9	A 4.638432 664
CHD3Z	4.626755 922
ANKRI	011Z 4.618068 847
SPG7Z	4.614723 1227

W celu dokonania predykcji należy utworzyć model z parametrami:

Y – podać zmienną objaśnianą jako factor

data – predyktory ze zbioru data.train

ntree – podać ilość drzew jaka ma zostać utworzona

mtry – liczba zmiennych losowo wybierana jako kandydaci przy każdym podziale. W przypadku klasyfikacji domyślna wartość wynosi sqrt(p) gdzie p oznacza liczbę wszystkich predyktorów, natomiast w przypadku regresji domyślna wartość wynosi p/3

importance=TRUE – oznacza że ważność predyktorów powinna być brana pod uwagę Następnie funkcją predict która jako parametr przyjmuje wcześniej utworzony model oraz zbiór predyktorów z data.test z wybranymi takimi samymi kolumnani jakie zostały wybrane w data.train.

Ocena modelu.

Aby ocenić czy predykcje są właściwe można skorzystać z funkcji table. Wyświetla ona:

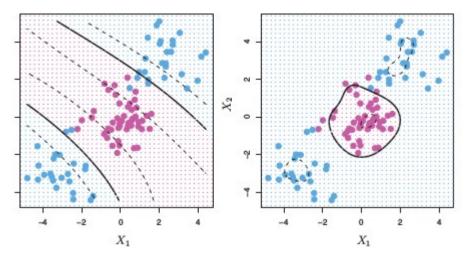
True positive	False positive
False negative	False negative

Można z niej wyliczyć wartości: accuracy, recall, precision.

Krzywa ROC. Należy załadować bibliotekę(ROCR). Następnie użyć funkcji **prediction** która jako parametr przyjmuje wynik funkcji predict oraz zmienne ze zbioru test.data, następnie funkcji **performance** która jako parametry przyjmuje wynik funkcji prediction oraz "tpr" i "fpr". Następnie należy wyrysować wykres za pomocą plot(performance). Można też podać jako parametry kolory wykresów.

Metoda Random forest jest najlepszą metodą. Zastosowanie w tej metodzie procedury backward elimination RFVS daje najlepsze rezultaty. Tworząc drzewa losowe iteracyjnie, przy każdej iteracji pomijane są geny najmniej istotne. Rekomendowane parametry: ntree= 2000, mtry-Factor=1,nodsize=1, fraction.dropped = 0.2 (parametr mówiący o ilości pominajanych genów z najmniejszym wskaźnikiem ważności).

Support Vector Machine - jest uogólnieniem metody Maximal Margin Classifier. MMC nie może być jednak zastosowana do większości danych gdyż wymaga tego by dane można było rozdzielić liniową granicą. Dane są rozdzielane za pomocą hiperpłaszczyzny o wzorze: B0+B1X1+....BpXp=0 w taki sposób by margines czyli odległość od danych w obu podzbiorach była maxymalna. SVM umożliwia wprowadzenie nieliniowych granic jednak dane muszę być binarne. Korzysta z funkcji kernel.



Rys. Po lewej stronie funkcja kernel wielomianowa (polynomial kernel) a po prawej promieniowa (radial kernel).

W pliku Cancer.Rdata zmieniono nazwy kolumn za pomocą funkcji gsub oraz dokonano klasyfikacji za pomocą svmfit. Otrzymano następujące podziały:

svm(formula = Y ~ ., data = zmienione3, kernel = "linear", cost = 10, type = "C-classification", scale = FALSE)

Parameters:

SVM-Type: C-classification

SVM-Kernel: linear

cost: 10

gamma: 0.0005837712

Number of Support Vectors: 3179

(60 54 489 122 20 33 143 26 91 155 120 22 214 62 47 38 108 119 82 263 185 204 184 77 49 150 62)

Number of Classes: 27

Levels:

Adrenocortical Carcinoma astrocytoma Bladder Cancer Breast Invasive Carcinoma Cervical Squamous Cell Carcinoma Cholangiocarcinoma Colorectal Adenocarcinoma Endocervical Type of Adenocarcinoma glioblastoma Kidney Renal Clear Cell Carcinoma Kidney Renal Papillary Cell Carcinoma Liver Hepatocellular Carcinoma Lung Squamous Cell Carcinoma Lymphoid Neoplasm Diffuse Large B-cell Lymphoma oligoastrocytoma oligodendroglioma Ovarian Serous Cystadenocarcinoma Pancreatic Adenocarcinoma Pheochromocytoma Prostate Adenocarcinoma Sarcoma Skin Cutaneous Melanoma Stomach Adenocarcinoma Testicular Germ Cell Cancer Uterine Carcinosarcoma Uterine Corpus Endometrioid Carcinoma Uveal Melanoma

LDA- Metoda liniowej dyskryminacji LDA polega na znalezieniu kierunku a* maksymalizującego wyrażenie:

$$rac{a^TBa}{a^TWa}$$
, gdzie
$$B=rac{1}{g-1}\sum_{k=1}^g n_k(\bar{x}_k-\bar{x})(\bar{x}_k-\bar{x})^T$$
- macierz kowariancji międzygrupowej,

$$W=rac{1}{n-g}\sum_{k=1}^g(n_k-1)S_k$$
 - macierz kowariancji wewnątrzgrupowej, dla g – liczby

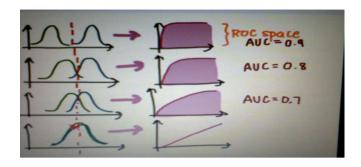
klas, Sk – macierzy kowariancji w klasie k oraz nk – liczby elementów w klasie k. Po znalezieniu a* stosowana jest następująca reguła dyskryminacyjna:

Jeśli obserwacja x spełnia warunek:

$$|a^Tx - a^T\bar{x}_i| < |a^Tx - a^T\bar{x}_k|$$

dla wszystkich k !=j to jest przypisywana do klasy j.

Aby sprawdzć czy klasyfikacja jest prawidłowa, rysuje się krzywą ROC, która im bardziej "wygięta" i bliżej lewego górnego rogu tym lepsza klasyfikacja. Poniższy rysunek ilustruje jakim klasyfikacjom odpowiada jaka krzywa.



Bibliografia:

An Introduction to Statistical Learning with Applications in R: http://www.mimuw.edu.pl/~pawel.bednarz/zadanie2.html
https://www.ncbi.nlm.nih.gov/pmc/articles/PMC2655823/