SAÜ BİLGİSAYAR VE BİLİŞİM BİLİMLERİ FAKÜLTESİ BİLGİSAYAR MÜHENDİSLİĞİ BÖLÜMÜ DİFERENSİYEL DENKLEMLER DERSİ ARASINAVI



İŞLEM YAPILMADAN VERİLEN CEVAPLAR DİKKATE ALINMAYACAKTIR.

- 1. $y = \underline{c_1} \ln x + \underline{c_2} e^x$ eğri ailesini çözüm kabul eden en düşük basamaktan diferensiyel denklemi $a_2(x)y'' + a_1(x)y' + a_0(x)y = 0$ şeklinde elde ediniz.
- 2. $y' = (x^2 + y + 1)\left(x^2 + y \frac{3}{2}\right) + 1 2x$ denkleminin bir özel çözümü $y = 1 x^2$ olduğuna göre genel çözümünü bulunuz.
- 3. $(2y-xy^2)dx+(2x+x^2y)dy=0$ denklemi için u=xy olmak üzere $\lambda=\lambda(u)$ şeklinde bir integrasyon çarpanı bulunuz.
- 4. $3(y-xp)=p^3$ denkleminin genel ve varsa <u>aykırı çözüm</u>ünü bulunuz. $(y^2=p)$

SÜRE: 80 DAKİKADIR.

BAŞARILAR DİLERİZ

CEVAPLAR

1)
$$y = \frac{c_1 + c_2 e^{x}}{x}$$
 (1) (2) $x = \frac{(3)}{4} + c_2 e^{x}$ (1) $y' = \frac{c_1}{x} + c_2 e^{x}$ (2) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (3) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (4) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (5) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (7) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (1) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (2) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (3) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (3) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (4) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (5) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (7) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (1) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (2) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (3) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (3) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (4) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (5) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (7) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (1) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (2) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (3) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (3) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (4) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (5) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (7) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (8) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (9) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (1) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (2) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (3) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (4) $y'' = -\frac{c_1}{x^2} + c_2 e^{x}$ (5) $y'' = -\frac{c_1}{x^$

2)
$$y' = (x^{2} + y + 1)(x^{2} + y - \frac{3}{2}) + 1 - 2x$$
 $y_{1} = 1 - x^{2}$
 $y = y_{1} + \frac{1}{4}$ $y' = -2x - \frac{u'}{u^{2}}$ ilc
 $\frac{du}{dx} + \frac{3}{2}u = -1$ (linear) der Memi el de ed lin.
 $\frac{du}{dx} + \frac{3}{2}u = -1$ olup

Suradan
$$y = 1 - x^{2} + \frac{3}{ce^{\frac{3}{2}x}-2}$$
 et de edilin

3)
$$\lambda/(2y-xy^2) dx + (2x+x^2y) dy = 0$$

$$\lambda = \lambda(u)$$

$$u = xy$$

$$\frac{\partial}{\partial y} \left[\lambda(2y-xy^2) = \frac{\partial}{\partial x} \left[\lambda(2x+x^2y) \right] \right]$$

$$\frac{\partial}{\partial y} \left(2y-xy^2 \right) + \lambda(2-2xy) = \frac{\partial}{\partial x} \left(2x+x^2y \right) + \lambda(2+2xy)$$

$$\frac{\partial}{\partial y} \left(-2x^2y^2 \right) = 4\lambda xy \Rightarrow -2u^2 \frac{\partial}{\partial u} = 4u\lambda$$

$$\frac{\partial}{\partial u} \left(-2x^2y^2 \right) = 4\lambda xy \Rightarrow \lambda = u^{-2} \Rightarrow \lambda = \frac{1}{x^2y^2}$$

4)
$$3(y-xp)=p^3$$
 $y=xp+\frac{1}{3}p^3$ (clairant)
 $x' \in gore \ \text{forev} \ \text{alalim}$
 $p=p+x \ \frac{dp}{dx} + p^2 \frac{dp}{dx} \Rightarrow \frac{dp}{dx}(x+p^2) = 0$
 $dp=0 \Rightarrow p=c \Rightarrow y=cx+\frac{1}{3}c^3$ General Gorann
 $y=xp+\frac{1}{3}p^3$ $y=xp+\frac{1}{3}p^3$ Gorann
 $y=xp+\frac{1}{3}p^3$ $y=xp+\frac{1}{3}p^3$ Gorann