2021-2022 BAHAR YARIYILI BİLGİSAYAR VE BİLİSİM MLERİ FAKÜLTESİ BİLİŞİM SİSTEMLERİ HENDİSLİĞİ MATEMATİK II FİNAL SINAVI

TARÎH: 26.05.2022 ADI SOYADI: NUMARASI: SÜRE: 90 dakika

f(x) > 0 olmak üzere  $\int f(x) f'(x) dx = x$  ve

f(1) = 4 ise f(x) aşağıdakilerden hangisine eşittir?

A) 
$$\sqrt{25-9x}$$
 (B)  $\sqrt{2x+14}$  (C)  $\sqrt{x^2+15}$  (D)  $x+3$  (E)  $x^4+3$ 

2. 
$$\int \frac{dx}{x + x \ln x} = ?$$
A)  $\ln |1 + \ln x| + c$  B)  $\ln |1 + x| + c$  C)  $1 + \ln x + c$ 
D)  $\ln |\ln |1 + x| + c$  E)  $1 + \ln |\ln |x + 1| + c$ 

$$3. \int \frac{\sin x \, dx}{\sin(x-a)} = ?$$

A) 
$$\cos a \cdot (x-a) + c$$
 B)  $\sin x \cdot \cos (x-a) + c$ 

C) 
$$\cos a \cdot (x-a) + \cos a \cdot \ln \left| \cos (x-a) \right| + c$$

(D) 
$$\cos a \cdot (x-a) + \sin a \cdot \ln |\sin (x-a)| + c$$

E) 
$$\cos x \cdot (x-a) + \sin x \cdot \ln \left| \sin (x-a) \right| + c$$

**4.** Bir y = f(x) fonksiyonunun (-1,4) noktasındaki eğimi -2 dir. f''(x) = 12x - 4 olduğuna göre f(0) ın

(A)-4 B) -2 C) 0 D) 2 E) 4

5.  $\frac{1}{(x^3-27)(x^2-9)}$  ile verilen rasyonel polinomunun

basit kesirlere ayrılmış hali hangi şıkta verilmiştir?

A) 
$$\frac{Ax+B}{(x^3-27)} + \frac{C}{(x-3)^2} + \frac{D}{(x-3)}$$

B) 
$$\frac{Ax+B}{(x-3)^2} + \frac{C}{(x-3)} + \frac{D}{(x+3)} \frac{Ex+F}{(x^2+3x+9)}$$

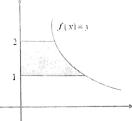
C) 
$$\frac{A}{(x-3)^2} + \frac{B}{(x-3)} + \frac{C}{(x+3)} + \frac{Dx + E}{(x^2 + 3x + 9)}$$

D) 
$$\frac{A}{(x-3)^2} + \frac{Bx+C}{x^2-9} + \frac{Dx+E}{(x^2+6x+9)}$$

E) 
$$\frac{A}{(x-3)^2} + \frac{B}{(x+3)} + \frac{C}{(x^2+6x+9)} + \frac{D}{(x^2+6x+9)}$$

6. 
$$\int_{0}^{\ln 5} \frac{e^{x} \sqrt{e^{x} - 1}}{e^{x} + 3} dx$$
 integralinin değeri kaçtır?

A) 
$$\pi$$
 B)  $-\pi$  C) 2  $-\pi$  (D) 4 $-\pi$  E) 0

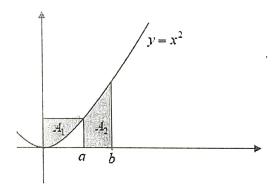


7. k > 0 olmak üzere, şekilde

$$y = \frac{k}{x}$$
 bağıntısı ile verilen eğri ile y=1, y=2 doğruları ve  $y = -$ ekseni tarafından sınırlanan bölgenin  $Oy = -$ 

ekseni etrafında döndürülmesi ile oluşan cismin hacmi  $8\pi br^3$  olduğuna göre k değeri aşağıdakilerden hangisidir?

8.



Şekilde  $A_1 = A_2$  ise  $\left(\frac{b}{a}\right)^3$  değeri kaçtır? (A)3 B)  $\sqrt{3}$  C) 2 D)  $\sqrt{2}$  E) 1

 $\int_{0}^{\infty} f(x).f'(x)dx = 2 \text{ ise } b \text{ nin esiti nedir?}$ 

A) 
$$\frac{1}{2}$$
 B) 1 C)  $\frac{3}{2}$  D)2 E)  $\frac{5}{2}$ 

10. 
$$\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \left( \frac{\sin x + \cos x + 1}{1 + \cos x} \right) dx \text{ integralinin değeri kaçtır?}$$

$$A) \frac{\pi}{2} - \ln 2 \left( \widehat{B} \right) \frac{\pi}{2} + \ln 2 \quad C) \ln 2$$

D) 
$$\frac{\pi}{2}$$
 E)  $2 + \ln\left(\frac{\pi}{2}\right)$ 

11. 
$$f(x)$$
,  $f'(x) = f(x)$  ve  $f(0) = 1$  olan  $g(x)$ 

ise  $f(x) + g(x) = x^2$  özelliğini sağlayan bir fonksiyon

ise  $\int_0^1 f(x).g(x)dx$  integralinin eşiti nedir?

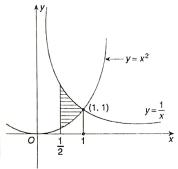
A) 
$$e + \frac{e^2}{2} + \frac{5}{2}$$
 B)  $e - \frac{e^2}{2} - \frac{5}{2}$  C)  $e - \frac{e^2}{2} - \frac{3}{2}$ 

D) 
$$e + \frac{e^2}{2} - \frac{5}{2}$$
 E)  $e + \frac{e^2}{2} + \frac{3}{2}$ 

12.  $y = 2x - x^2$  parabolü ile y = -x doğrusu tarafından sınırlanan bölgenin alanı aşağıdakilerden hangisidir?

A) 
$$\frac{5}{2}$$
 B) 3 C)  $\frac{7}{2}$  D) 4 E)  $\frac{9}{2}$ 

13.



Yukarıda verilen taralı bölgenin *Oy* -ekseni etrafında döndürülmesiyle oluşan dönel cismin hacmi nedir?

(A) 
$$\frac{17\pi}{32}$$
 B)  $\frac{\pi}{2}$  C)  $\frac{\pi}{4}$  D)  $\frac{17\pi}{64}$  E)  $\frac{2\pi}{3}$ 

14.  $y = \sqrt{4-x^2}$  eğrisinin [-1,1] aralığındaki yay uzunluğunu bulunuz.

A) 
$$\frac{\pi}{2}$$
 B)  $\frac{2\pi}{3}$  C)  $\frac{\pi}{4}$  D)  $\frac{\pi}{6}$  E)  $\pi$ 

15. 
$$\begin{cases} x = e^t \cos t \\ y = e^t \sin t \end{cases}$$
 parametrik denklemi ile verilen eğrinin

 $0 \le t \le 2$  aralığındaki yay uzunluğunu bulunuz.

A) 
$$\sqrt{2}(e^2+1)$$
 B)  $2(e^2-1)$  C)  $e^2-2$   
D)  $\sqrt{2}(e^2+2)(E)\sqrt{2}(e^2-1)$ 

16.  $x = \frac{1}{3}y^3$ ,  $0 \le y \le 1$  denklemli eğri parçasının Oy

ekseni etrafında döndürülmesiyle oluşan dönel yüzeyin alanını hesaplayınız.

A) 
$$2\sqrt{2}\pi$$
 B)  $\frac{\pi}{7}(2\sqrt{5}-2)$  C)  $\frac{\pi}{4}\sqrt{3}$ 

17. 
$$\begin{cases} x = \frac{1}{2}t^2 \\ y = t \end{cases}$$
,  $\sqrt{3} \le t \le 2\sqrt{2}$  denklemli eğri parçasının,

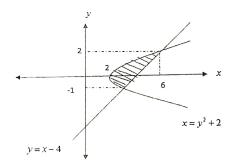
Ox-ekseni etrafında döndürülmesiyle oluşan dönel yüzeyin alanı aşağıdakilerden hangisidir?

A) 
$$6\pi \widehat{(B)} \frac{38}{3}\pi$$
 C)  $\frac{32}{5}\pi$  D)  $2\pi$  E)  $\frac{34}{3}\pi$ 

18.  $\int_{3}^{\infty} \frac{3}{x(\ln x)^2} dx$  integralini hesaplayınız.

A) 
$$-\infty$$
 B)  $\frac{1}{3 \ln 2}$  C)  $\frac{3}{\ln 2}$  D)  $\frac{1}{\ln 2}$  E)  $-\frac{1}{3 \ln 2}$ 

19.



Taralı bölgenin Ox – ekseni etrafında döndürülmesi ile oluşan cismin hacim formülü aşağıdakilerden hangisinde verilmiştir?

A) 
$$V = \pi \int_{-1}^{2} y ((y+4)^2 - (y^2+2)^2) dy$$

B) 
$$V = 2\pi \int_{2}^{6} y((y+4)-(y^2+2))dy$$

(C) 
$$V = 2\pi \int_{-1}^{2} y((y+4)-(y^2+2))dy$$

D) 
$$V = \pi \int_{2}^{6} y((y+4)-(y^2+2))dy$$

E) 
$$V = \pi \int_{2}^{6} \left( (y+4)^{2} - (y^{2}+2)^{2} \right) dy$$

- 20.  $\int_{-1}^{1} \frac{2}{x^3} dx$  integrali için hangisi doğrudur?
- A) Çözümü 0 olan belirli integraldir.
- B) Çözümü 2 olan belirli integraldir.
- C) Çözümü 1 olan genelleştirilmiş integraldir.
- D) Çözümü -l olan genelleştirilmiş integraldir
- E) Iraksak bir genelleştirilmiş integraldir.