${\bf Programmier praktikum}$

Der Bericht

Alexander Steding 10028034Gottfried Wilhelm Leibniz Universität $22. \ \text{September} \ 2022$

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	4
2	Aufgabe 12.1 Aufgabenteil a2.2 Aufgabenteil b	4 4
3	Aufgabe 2	8
4		13
5	Aufgabe 4	15
6	Quellcode 6.1 Aufgabe 2	

1 Einleitung

Dieser Bericht stellt als Abschlussbericht die Ergebnisse und Erkenntnisse des Programmierpraktikums Schadstoffausbreitung zusammen. Angefangen mit dem Vergleich zwischen Gauß-Modell und Monte-Carlo-Modell, weiter über die Validierung des Monte-Carlo-Modells und schließlich zur Anwendung des Modells in einer Straßenschlucht. Abschließend werden Gedanken über die dreidimensionale Schadstoffausbreitung in Stadtgebieten geteilt. Als Programmiersprache wurde über alle Aufgaben hinweg Julia verwendet und als Graphisches Backend PlotlyJS sowie GlMakie.

2 Aufgabe 1

Ziel dieser Aufgabe ist es ein Gauß-Modell für eine kontinuierliche Linienquelle zu Programmieren und anschließend die Maximalkonzentration am Erdboden zu bestimmen.

In Aufgabenteil b wird ein Monte-Carlo-Modell für eine kontinuirliche Linienquelle programmiert und mit dem Gauß-Modell aus Aufgabenteil a verglichen.

2.1 Aufgabenteil a

In Aufgabenteil a wird zunächst ein Gauß-Modell für die Ausbreitung einer kontinuirliche Linienquelle programmiert mit Vernachlässigung der Prandtlschicht. Hier gilt:

$$x = 51 \text{m} \tag{1}$$

$$z = 45 \text{m} \tag{2}$$

$$q = 540 \frac{\text{kg}}{\text{h}} \tag{3}$$

$$\tau_l = 100s \tag{4}$$

$$\sigma_w = 0.39 \frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}} \tag{5}$$

(6)

In Abbildung 1. ist die zu erwartende Konzentrationsverteilung des Gauß-Modells als X-Z-Schnitt visualisiert.

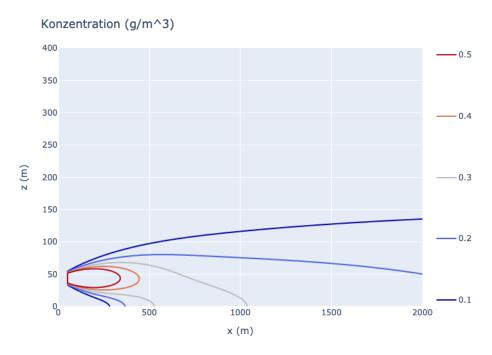


Abb. 1: Konzentrationsverteilung als Contour-Plot. Die Konzentration ist in $\frac{g}{m^3}$ dargestellt.

Für eine feinere grapische Analyse wurde in Abbildung 2. die Konzentrationsverteilung am Erdboden, also für z=0m, visualisiert.

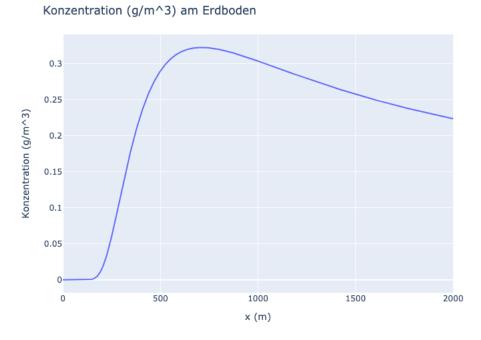


Abb. 2: Konzentrationsverteilung am Erdboden. Die Konzentration ist in $\frac{g}{m^3}$ dargestellt.

Die maximale Konzentration wurde final rechnerisch mittels Julia bestimmt als

$$c[0,711] = 0,32263 \frac{g}{m^3} \tag{7}$$

.

2.2 Aufgabenteil b

In Aufgabenteil b wird nun das Monte-Carlo-Modell mit einer genährten Gitterauswertung verwendet. Für den Vergleich zwischen Monte-Carlo-Modell und Gauß-Modell wurden beide Modelle in einem Contour-Plot visualisiert. Für die optimale Visualisierung wurden verschiedene Partikelanzahlen simuliert.

Zunächst für N = 1000

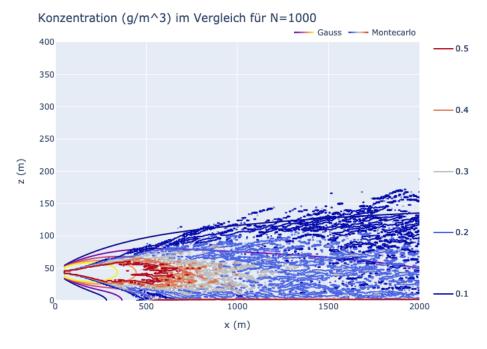


Abb. 3: Vergleich für N=1000. Die Konzentration ist in $\frac{g}{m^3}$ dargestellt.

In Abb. 4 ist leider keine gute Annäherung des Monte-Carlo-Modells an das Gauß-Modell zu erkennen. Die Anzahl der Teilchen hat beim Monte-Carlo-Modell einen hohen Einfluss auf die Güte des Modells. Bei einer geringeren Anzahl wie

$$N = 1000 \tag{8}$$

sind extrem große Abweichungen zum Gauß-Modell zu erkennen, obwohl auch hier bereits die Grundstruktur erkennbar ist.

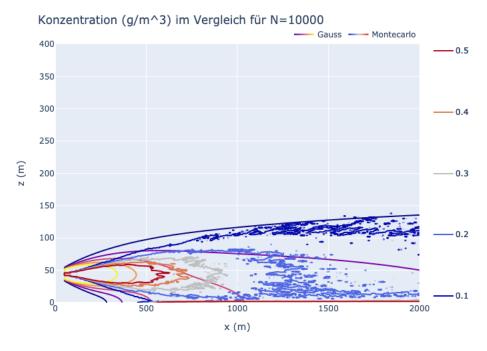


Abb. 4: Vergleich für N=10000. Die Konzentration ist in $\frac{g}{m^3}$ dargestellt.

Bei einer mittleren Anzahl wie

$$N = 10000 \tag{9}$$

gleicht sich das Monte-Carlo-Modell bedeutend besser an das Gauß-Modell an.

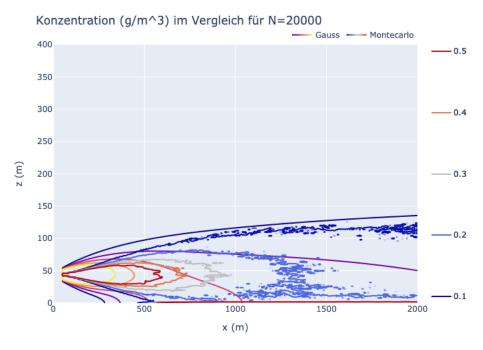


Abb. 5: Vergleich für N=20000. Die Konzentration ist in $\frac{g}{m^3}$ dargestellt.

Bei einer hohen Anzahl wie

$$N = 20000 (10)$$

gleicht sich das MC Modell sehr gut an das Gauß-Modell an.

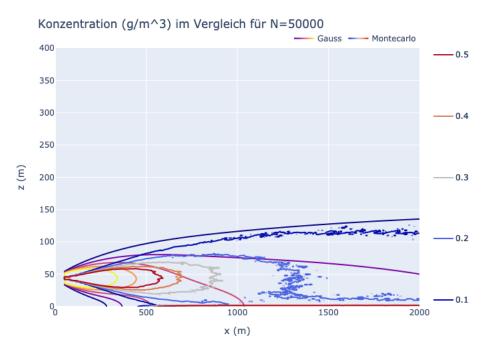


Abb. 6: Vergleich für N=50000. Die Konzentration ist in $\frac{g}{m^3}$ dargestellt.

Abbildung 6 zeigt das mit meiner Hardware maximal mögliche Ergebnis. Jenseits von dieser Anzahl sind zwar noch leichte Verbesserungen zu erwarten, nichts destotrotz zeigt sich bei

$$N = 50000 (11)$$

eine extrem gute Annäherung an das Gauß-Modell. Für eine Ausreichende Statistik reichen aber bereits

$$N = 20000 (12)$$

.

Die größten Unterschiede zwischen dem Monte-Carlo-Modell und dem Gauß-Modell enstehen bei zunehmender Entfernung von der Quelle, sowie in der Nähe des Quellortes selbst. Auch im Bereich bis 500 m in X Richtung ist die Konzentration beim Monte-Carlo-Modell niedrieger als beim Gauß-Modell, allen voran aber fehlt hier die Variation der Konzentration, die mit dem Gauß-Modell aufgelöst werden kann.

3 Aufgabe 2

In dieser Aufgabe sollte das Monte-Carlo-Modell mit der Prandtl-Schicht optimiert und die Ergebnisse durch das Prairie-Grass-Experiment validiert werden. Für die Valiedierung wurde ein grafischer Vergleich gewählt. Dazu wurde jeweils die Z-Achse vom Prairie-Grass-Experiment

sowie des Monte-Carlo-Modells mit der entsprechenden Konzentration in einem Plot dargestellt. Als Randbedingungen sollen hier gelten:

$$x = 0 \text{m} \tag{13}$$

$$z = 0.5 \text{m} \tag{14}$$

$$z_0 = 0.008 \text{m} \tag{15}$$

$$u_* = 0.35 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$
 (16)

$$\kappa = 0.38 \tag{17}$$

Im folgenden ist die Konzentrationsverteilung bei x = 100m dargestellt.

Vergleich Montecarlo Modell mit dem Prairie-Grass Experiment

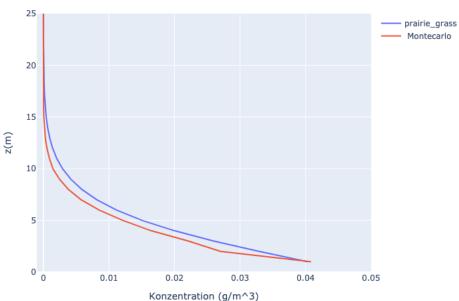


Abb. 7: Vergleich Prairie-Grass, Monte-Carlo. Die Konzentration ist in $\frac{g}{m^3}$ dargestellt.

Rein Qualitativ betrachtet ist der Verlauf des Monte-Carlo-Modells dem des Prairie-Grass-Experimentes extrem ähnlich. Insbesondere für z>15m ist der Unterschied fast verschwindend gering. Die Größte Abweichung bei einer rein qualitativen Betrachtung liegt in Bodennähe bei z<2m zu finden. Trotzdem ist über den gesammten Verlauf der Höhe eine Abweichung von etwa $\Delta c=0.0025\frac{\rm g}{\rm m^3}$ zu beobachten. Zum Erdboden direkt hin konvergieren die beiden Konzentrationen erneut gegeneinader so dass die Unterschiede an dieser Stelle nahezu verschwinden.

4 Aufgabe 3

Ziel dieser Aufgabe ist die Anwendung der bisher verwendeten Monte-Carlo-Methode in einem praxisnahen Beispiels. Dabei wurden die für eine Straßenschlucht mit dem Modell PALM simulierten Windgeschwindigkeiten sowie deren Standartabweichung importiert und ein Contourprofil

aus der berechneten Konzentration gebildet. Für die Berechnung von τ_l wurde der Prandtl-Kolmorov-Ansatz verwendet. Aufgrund der besseren Optimierung wurde für die komplexeren Berechnungen in dieser Aufgabe statt PlotlyJS GlMakie als Visualiesierungs-Backend verwendet. Im ersten Szenario wurde ein Schadstoffquelle im Straßenverkehr mit Quellort

$$x = 60.5 \text{m} \tag{18}$$

$$z = 0.5 \text{m} \tag{19}$$

simuliert.

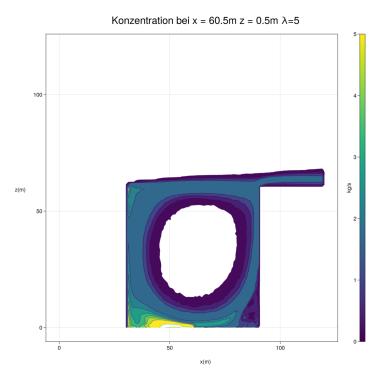


Abb. 8: Konzentrationsverteilung am Erdboden. Die Konzentration ist in $\frac{kg}{s}$ dargestellt. N=1000, $\lambda = 5$

In der Straßenschlucht bildet sich durch den Wind über der Schlucht ein Wirbel aus. In diesem sinkt die Konzentration mit abnehmendem Abstand zum Zentrum, sowie tendenziel mit der Höhe. Besonders am Boden der Lee-Seite der Straßenschlucht kommt es zu einer extrem starken Ansammlung der Schadstoffe. Teilweise sind dort um den Faktor 500 höhere Konzentrationen simuliert worden als im Zentrum des Wirbels. Dies kann zu je nach Schadtstoff zu negativen gesundheitlichen Folgen für Fußgänger*innen, Radfahrer*innen, Anwohner*innen, welche sich in der Nähe aufhalten führen.

Im zweiten Szenario wurde als Schadstoffquelle ein Hausbrand mit Quellort

$$x = 15.5 \text{m} \tag{20}$$

$$z = 65.5 \text{m} \tag{21}$$

simuliert.

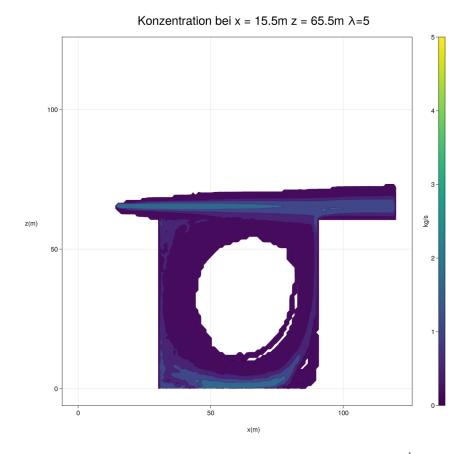


Abb. 9: Konzentrationsverteilung am Erdboden. Die Konzentration ist in $\frac{kg}{s}$ dargestellt.N=1000, $\lambda = 5$

Abseits der offensichtlichen Änderung durch den neuen Quellort über den Häusern, zeigt sich ein nahezu ähnliches Bild wie im ersten Szenario. Erneut befindet sich der Ort der größten Konzentration an Schadstoffen in Bodennähe. Ein signifikanter Unterschied ist jedoch die quantitative Konzentrationshöhe am Erdboden. Diese liegt mit $c=2,5\frac{\mathrm{kg}}{\mathrm{s}}$ nur noch halb so hoch wie im vorherigen Fall. Die allgemein geringere Konzentration lässt sich auf die Quellposition über der Häuserschlucht zurückführen, wodruch nur noch ein Teil der Partikel in den Wirbel gelangen kann.

4.1 Einfluss der Teilchenanzahl

Desweiteren soll nun der Einfluss der Teilchenanzahl analysiert werden. Dazu wurde für jedes Szenario ein Plot, welcher vier Contourplots für unterschiedliche Partikelanzahlen im direkten Vergleich visualisiert gewählt.

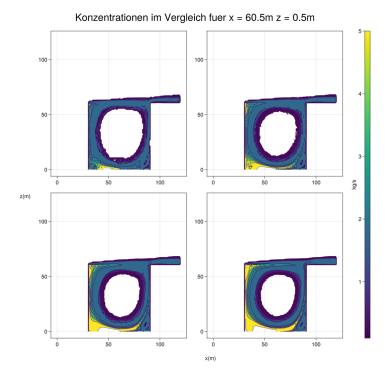


Abb. 10: Verschiedene Konzentrationsverteilung im Vergleich. $N \in [10^2, 10^3, 5*10^3, 10^4]$ v.L.n.R. $\lambda = 5$

Für die Situation a) bringt eine Erhöhung der Teilchenzhahl von N=100 dargestellt in Abblidung 10 linksoben auf N=1000 einen enormen Sprung in der Qualität der Konzentration. Dadurch können so zum Beispiel auch die feineren Wirbelstrukturen im Zentrum der Häuserschlucht erfasst werden. Eine weitere Erhöhung auf N=5000 ermnöglicht noch eine gering höhere Auflösung; N=10000 führen trotz höherer Rechenzeit nur zu einer marginalen Verbesserung. Aus ökonomischen Gesichtspunkten ist eine Teilchenanzuahl zwischen 1000 und 5000 optimal.

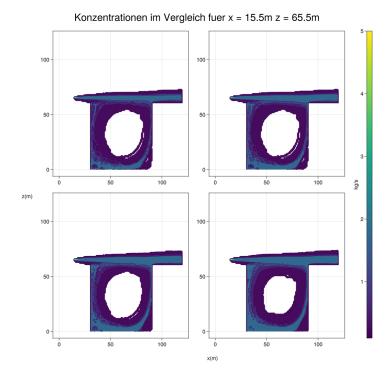


Abb. 11: Verschiedene Konzentrationsverteilung im Vergleich. $N \in [10^2, 10^3, 5*10^3, 10^4]$ v.L.n.R, $\lambda = 5$

Für die in Aufgabenteil b) geschilderte Situation zeichnet sich ein leicht anderer Verlauf ab. Zwischen N=100 und N=1000 ist auch hier der Qualitätssprung gut zu erkennen. Im Unterschied zur vorausgegangenen Simulation führt eine Steigerung der Partikelanzahl jenseits von N=1000 weiterhin zu einer deutlichen Verbesserung. Da aufgrund der Quellposition bei diesem Szenario weniger Partikel in den Wirbel gelangen, muss für eine repräsentative Darstellung eine höhere Teilchenzahl als bei Situtation a) verwendet werden.

4.2 Einfluss von λ

Auch der Einfluss von λ aus dem Prandt-Kolmogorov-Ansatz soll nun analog betrachtet werden.

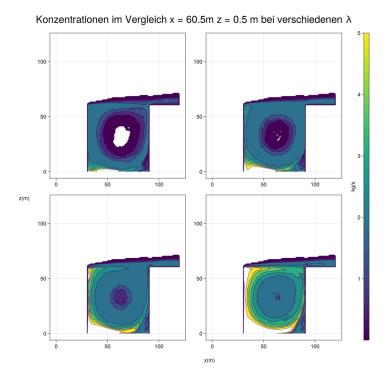


Abb. 12: Verschiedene λ im Vergleich. $\lambda \in [10, 5, 2, 1]$ v.L.n.R, N=1000

Da es sich bei λ um eine Komponente des Mischungsweg handelt, führt eine Vergrößerung dieses zu einer Vergößerung des Wirbels, et vicae versa. Bei kleinem Mischungsweg kommt es daher in einem deutlich erhöhtem Bereich zu einer Ansammlung gefährlicher Konzentrationen, bei einem großen Mischungsweg zu einer örtlich beschränkteren Ausbreitung.

4.3 Einfluss von σ

Als letztes soll nun der Einfluss von σ_u und σ_w analog betrachtet werden. Es wurden jeweils beide Standartabweichungen simultan verändert.

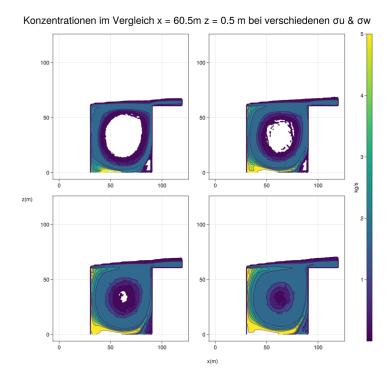


Abb. 13: Verschiedene σ im Vergleich. $\sigma \in [1, 2, 5, 10]$ v.L.n.R N=1000, $\lambda = 5$

Eine Veränderung der Standartabweichung hat in diesem Simulations-Modell direkten Einfluss auf den turbolenten Anteil der Geschwindigkeitskomponente. Eine Zunahme der Standartabweichung führt folglich zu einem stärker ausgeprägtem Wirbel, eine Reduzierung zu einem schwächerem. Analog dazu verhällt sich aufgrund der varierenden Diffusionsstärke jeweils die Konzentration. Wodurch bei einem hohen σ eine erhöhte Konzentration auch an den Häuserwänden zu beobachten ist.

5 Aufgabe 4

Bei einer Ausbreitung in einem dreidmensionalem Stadtgebiet müssten neben der zusätlichen räumlichen Ausbreitungskoordinate, auch die neue Gitterdimension, sowie die Windkomponenten angepasst und erweitert werden. Auch muss überlegt werden ob statt dem Mischungsweg der turbolente Diffusionskoeffitient als multidimensionale Größe verwendet werden kann. Dieser könnte möglicherweise aus dem Strömungsmodell stammen.

6 Quellcode

6.1 Aufgabe 2

```
1 using NetCDF
2 using Random, Distributions
3 using ProgressBars
4 using PlotlyJS
6 # Definition der globalen Variablen
7 global n, ubalken, wbalken, zq, xq, xgrenz, zgrenz, tl, nx, ny, nz, dx, dy, dz:: Int
8 global dt,sigu,sigw,ustern,k,znull,q::Float64
9 global units::String
10 global gitter,cd,x,cdground::Array
12 n = 10^3
                      # Anzahl Partikel
                      # Quellort z Komponente in m
13 zq = 0
14 \text{ xq} = 0.5
                      # Quellort x Komponente in m
15 xgrenz= 110
                      # Grenze in x Richtung in m
16 zgrenz=25
                      # Grenze in z Richtung in m
17 dx = 1
                      # Gitterweite x Richtung in m
18 dz = 1
                      # Gitterweite z Richtung in m
ustern = 0.35
                      # Schubspannungsgeschwindigkeit in m/s
20 k = 0.38
                      # Kappa
21 \text{ znull} = 0.008
                     # Rauhigkeitslaenge
sigu = 2.5 * ustern # Standartabweichung u m/sm/s
23 sigw = 1.3 * ustern # Standartabweichung w m/s m/s
q = 0.7
                      # Konzentration fuer das Montecarlo Modell in m/s
25 \text{ rl} = \exp(- \text{ dt/tl})
                      # Berechnung von rl
26 units = "g/m^3"
                    # Einheit fuer Graphen
28 ## Arrays Initialisieren
31 #Array wird in der Gr e xgrenz*zgrenz aufgespannt und mit O gef llt
konk=zeros(xgrenz,zgrenz)
36 # Montecarlo-Modell #
38 ##Funktionen zur Berechnung des Montecarlo Modell ##
39
40 ### Berechnung der Prandtlschicht###
41 function prandltl(zi,xi)
      #### Berechnung der mittleren Windgeschwindigkeit ####
42
      if zi < znull</pre>
43
          ubalken = 0 #kein mittlerer Wind f r zi < znull
          ubalken = (ustern / k) * log(abs(zi) / znull) # Log. Windprofil
46
47
      ##Berechnung des Lagrangeschen Zeitschrittes tl
      tl = ((k * ustern) / sigw ^ 2) * abs(zi)
50
      #### Berechnung des Zeitschrittes dt
51
      if (0.1*tl)>((k * ustern) / sigw ^ 2) * abs(2)
     dt = 0.1*tl
53
```

```
dt = ((k * ustern) / sigw ^ 2) * abs(2) #falls dt kleiner als tl in
      2 m Hoehe wird dt auf tl(2m) gesetzt
       return tl, dt, ubalken
57
  end
58
59
  ### Berechnung der Positionen###
  function positionen(xi, wi, zi,tl, ui, dt)
       #Lagrangesche Autokorellationsfunktion
       rl = exp(- dt / tl)
       Random.seed!()
65
       d = Normal()
66
      rr = rand(d, 1)[1]
      xi = xi + ui * dt
69
       wi=rl*wi + sqrt((1 - rl^2))*sigw* rr
70
       zi = zi + wi * dt
72 return xi, wi, zi
73
74 end
75 ### Gitterauswertung ###
76 function exaktgitter(xi, xold, zi, zold, dt)
       #Initialisierung
77
       ti = []
       toks = []
       # Berechnung der Anzahl an Gitterschnitpunkten
80
       rangex = convert(Int64,floor(abs(xi - xold)))
81
       rangez = convert(Int64,floor(abs(zi - zold)))
82
       # Fallunterscheidung: Gibt es Schnittpunkte
84
       if rangex >0 && rangez >0
85
       #Falls es sie gibt muss die Konzentration pro Anteil Giterpunkt
      berechnet werden
           # Berechnung von ti und tj
87
           for i in 0:rangex
88
               if xold >xi
89
               xsi=ceil(xold) +i
               else
               xsi=ceil(xold) -i
92
               push!(toks,(xsi - xold) / abs(xi - xold)) # Einh ngen in die
94
      Liste
           end
95
           for i in 0:rangez
               if zold >zi
97
                   zsi=ceil(zold) +i
98
99
                   else
                   zsi=ceil(zold) -i
               push!(toks,(zsi - zold) / abs(zi - zold)) # Einh ngen in die
      Liste
           end
           tku = sort!(toks) #Sortieren der Liste
104
           for i in 2:length(tku)
               ti = tku[i]
               told = tku[i - 1]
```

```
t = mean([told, ti])
108
               # Der Mittelwert t der beiden Punkte told und ti kann in einer
      Geradengleichung verwendet werden
               # So k nnen die Betroffenen Gitterpunkte ermittelt werden
               posx, posz = gg(xold, zold, xi, zi, t) #Ausf hren der
111
      Geradengleichung
               #Anschlie end wird die konzentrationen am mit der GG
      berechneten Punkt um den entsprechenden Betrag erh ht
               konk[abs(posx), abs(posz)] += ((tku[i] - tku[i-1])* dt*((q * dt))
113
      /(n * dx * dz)))
           end
115 else
      #Gitterauswertung falls Partikel in dem Giterpunkt verbleibt
116
      konk[convert(Int64,ceil(xi)),convert(Int64,ceil(zi))] += ((q * dt)/(n
117
      * dx * dz)) #Erh hung um die gesammte Konzentration
118 end
119 end
120
  ### Geradengleichung zur exakten Gitterauswertung ###
122 function gg(xold, zold, xi, zi, t)
       xg = xold + t * (xi - xold)
123
       zg = zold + t * (zi - zold)
124
       if xg>xgrenz
125
           xg=xgrenz
126
       end
127
       #Die Geradengleichung kann negative Werte liefern.
128
      #Um einen Abbruch zu verhindern werden zg und xg in diesem Fall auf 1
      gesetzt
      if floor(zg) <1</pre>
130
           zg=1
       end
       if floor(xg) <1</pre>
133
           xg=1
134
       end
135
       return convert(Int64, floor(xg)), convert(Int64, floor(zg)) #
      Zur ckgeben der Werte als Integer
137 end
138
### Berechnung des Montecarlo-Modells ###
140 function monte()
       for i in ProgressBar(1:n+1) #Loop ber alle Partikel
141
           #Initialisieren der Parameter f r jeden Partikel
143
           xi = xa
           zi=zq
144
           ui=ubalken
145
           wi=wbalken
           dt = 0
147
           while (ceil(xi+ui*dt) < xgrenz)</pre>
148
               xold=xi #Zwischenspeichern der alten Werte f r x
149
               zold=zi #Zwischenspeichern der alten Werte f r y
150
               if zi<znull #Ber cksichtigen der Totalreflexion
                   zi= zi+ 2*abs(zi-znull) #Reflexion
                   wi = -wi
153
                   tl, dt,ui = prandltl(zi,xi) #Berechnung der Prandtlschicht
                   xi,wi,zi =positionen(xi, wi, zi,tl, ui, dt) #Berechnung der
155
      neuen Positionen
                   exaktgitter(xi, xold, zi, zold, dt) #Exakte Gitterauswertung
```

```
tl, dt,ui = prandltl(zi,xi) #Berechnung der Prandtlschicht
158
                    xi, wi, zi = positionen(xi, wi, zi, tl, ui, dt) #Berechnung der
159
      neuen Positionen
                    exaktgitter(xi, xold, zi, zold,dt) #Exakte Gitterauswertung
                end
           end
162
163
       end
164
       return konk #Zur ckgeben der Konzentration als Feld
165
166
  end
167
  # Prairie-Grass-Experiments #
168
  function prairie_grass(konk)
169
       pg_mod= [] #Initialisieren
170
       #Ermitteln der ben tigten Werte aus dem Montecarlo-Modells
171
       for i in 100:xgrenz
172
           for j in 1:zgrenz
                push!(pg_mod, konk[i,j])
174
           end
       end
176
       c0 = 4.63E - 02
177
       gamma = 0.68
178
       my = 1.3
       zs = 3.4
180
       z= collect(1:zgrenz)
181
       pg = zeros(length(z)+1)
   for k in 1:zgrenz
      pg[k] = c0 * exp(-gamma * (z[k]/zs)^my)
184
185 end
return pg, pg_mod
187
  end
188
  ### Visualisierung ###
189
    function grafen (pg,pg_mod)
191
       #Darstellung mit PlotlyJS
       title="Vergleich Montecarlo Modell mit dem Prairie-Grass Experiment"
193
       xaxis_title="Konzentration (" * units * ")"
194
       plot_prairie=scatter(y=collect(1:zgrenz),x=pg,name="prairie_grass",
195
      showlegend=true ,)
       plot_monte= scatter(y=collect(1:zgrenz),x=pg_mod,name=" Montecarlo",
196
      showlegend=true ,)
       savefig(plot([plot_prairie,plot_monte],Layout(title= title, xaxis_title=
197
      xaxis_title, yaxis_title="z(m)",xaxis_range=[-0.001, 0.05], yaxis_range
      =[0, 25])), "Bericht/Bilder/2.png")
    end
198
199
200
201
   ### Main ####
203
  function main()
204
       #Zun chst wird das Montecarlo-Modell berechnet
205
       konzentrationen=monte() #Die Konzentration wird in einem Array
      zwischengespeichert
      #Als n chstes wird das prairie_grass-Experiment mit der berechneten
207
      Konzentration durchgef hrt
```

```
pg,pg_mod=prairie_grass(konzentrationen) #Die Arrays werden
zwischengespeichert

# Als letztes kommt es zur Visualisierung
grafen(pg,pg_mod)

end

main() #Ausf hren der Main Funktion
```

6.2 Aufgabe 3

```
1 using NetCDF
2 using Random, Distributions
3 using ProgressBars
4 using LinearAlgebra
5 using GLMakie
6 using SymPy
7 using FileIO
9 # Globale Variablen
10 \text{ xgrenz} = 120
                      # Grenze des Modells in x Richtung in m
zgrenz = 120
                      # Grenze des Modells in z Richtung in m
                      # Wird ben tigt f r die Eckenreflexion
r = symbols("r")
13 dx = 1
                      \# Gitterweite in x-Richtung in m
14 dz = 1
                      # Gitterweite in z-Richtung in m
15 k = 0.38
                      # Karman-Konstante
16 q = 1
                      # Anfangskonzentration in kg/s
17
  ## Arrays Initialisieren
20 #Array wird in der Gr
                           e xgrenz*zgrenz aufgespannt und mit 0 gef 11t
21 konk=zeros(xgrenz, zgrenz)
22 # Montecarlo-Modell #
23 ##Funktionen zur Berechnung des Montecarlo Modell ##
25 ### Berechnung der Prandtlschicht###
function prandltl(zi,xi,lambda,us,ws,k)
      xii=convert(Int64,floor(xi))
      zii=convert(Int64,floor(zi))
2.8
      if floor(zi)==0
      zii=1
31
      #Berechnung des Lagrangeschen Zeitschrittes tl
32
      tl= 0.05*((k*zii)/(1+k*(zii/lambda)))/(0.23*sqrt(us[xii+1,zii+1]+ws[xii
     +1,zii+1]))
34
      #### Berechnung des Zeitschrittes dt
35
      if (0.1*tl)>0.05*((k*2)/(1+k*(2/lambda)))/(0.23*sqrt(us[xii+1,zii+1]+ws[
     xii+1,zii+1])) #falls dt kleiner als tl in 2 m Hoehe
        dt = 0.1*t1
                                  # Normalfall
          dt = 0.05*((k*2)/(1+k*(2/lambda)))/(0.23*sqrt(us[xii+1,zii+1]+ws[xii
                     #falls dt kleiner als tl in 2 m Hoehe wird dt auf tl(2m)
     +1,zii+1]))
     gesetzt
      end
     return tl, dt
41
```

```
42 end
43
44 ### Gitterauswertung ###
45 function exaktgitter(xi, xold, zi, zold, dt,n)
              #Initialisierung
46
              ti = []
47
              toks = []
48
              # Berechnung der Anzahl an Gitterschnitpunkten
              rangex = convert(Int64,floor(abs(xi - xold)))
50
              rangez = convert(Int64,floor(abs(zi - zold)))
51
53
              # Fallunterscheidung: Gibt es Schnittpunkte
              if rangex >0 && rangez >0
54
              #Falls es sie gibt muss die Konzentration pro Anteil Giterpunkt
            berechnet werden
                       # Berechnung von ti und tj
                       for i in 0:rangex
57
                                if xold >xi
                                xsi=ceil(xold) +i
                                 else
60
                                xsi=ceil(xold) -i
61
                                 end
62
                                 push!(toks,(xsi - xold) / abs(xi - xold)) # Einh ngen in die
            Liste
                       end
64
                       for i in 0:rangez
                                 if zold >zi
                                          zsi=ceil(zold) +i
67
                                          else
68
                                          zsi=ceil(zold) -i
69
70
                                 push!(toks,(zsi - zold) / abs(zi - zold)) # Einh ngen in die
71
            Liste
                       end
                       tku = sort!(toks) #Sortieren der Liste
                       for i in 2:length(tku)
74
                                ti = tku[i]
75
                                told = tku[i - 1]
                                t = mean([told, ti])
77
                                # Der Mittelwert t der beiden Punkte told und ti kann in einer
            Geradengleichung verwendet werden
                                # So k nnen die Betroffenen Gitterpunkte ermittelt werden
                                posx, posz = gg(xold, zold, xi, zi, t) #Ausf hren der
80
            Geradengleichung
                                #Anschlie end wird die konzentrationen am mit der GG
81
            berechneten Punkt um den entsprechenden Betrag erh ht
                                konk[abs(posx), abs(posz)] += ((tku[i] - tku[i-1])* dt*((q * dt))
82
            /(n * dx * dz)))
83
                       end
    else
              #Gitterauswertung falls Partikel in dem Giterpunkt verbleibt
85
              konk[convert(Int64,ceil(xi)),convert(Int64,ceil(zi))] += ((q * dt)/(n + (q * dt)/(n 
86
            * dx * dz)) #Erh hung um die gesammte Konzentration
87 end
88 end
90 ### Berechnung der Geradengleichung ###
91 function gg(xold, zold, xi, zi, t)
```

```
xg = xold + t * abs(xi - xold)
92
      zg = zold + t * abs(zi - zold)
93
94
      #Durch die Geradengleichung k nnen Gitterpunkte jenseits der Grenzen
      berechnet werden
      #Um einen Abbruch zu verhindern werden in disem Fall die Maximalwerte
96
      verwendet
      if xg>xgrenz
           xg=xgrenz
98
       end
99
       if zg>zgrenz
           zg=zgrenz
      end
      return convert(Int64, floor(xg)), convert(Int64, floor(zg)) #
      Zur ckgeben der Werte als Int
104
  end
106 ### Funktion zur Berechnung der Positionen ###
  function positionen(xi, wi, zi, tl, ui, dt,xold,zold,xolder,zolder,us,ws,u,w
       )
      #Da Julia mit einer Indexierung ab 1 startet m ssen die Indexe der
108
      Parameter angepasst werden
      ixolder= floor(xolder )+1
      izolder=floor(zolder )+1
110
      ixold= floor(xold )+1
      izold= floor(zold )+1
112
      izi= floor(zi )+1
      ixi= floor(xi)+1
114
      #Lagrangesche Autokorellationsfunktion
      rl = exp(-dt / tl)
116
117
      Random.seed!()
      d = Normal()
118
      rr = rand(d, 1)[1]
119
      # Abfangen von m glichen Grenzf llen f r die Indexe
       if izi == 1
           izi = 2
       end
123
      if ixi == 91
124
           ixi=90
125
       end
      if ixold== 91
           ixold=90
       end
129
       if izold== 1
130
           izold=2
131
       end
133
      # Zentraler Diffentialquotient
135
      difqu= abs(us[abs(convert(Int64,(ixolder))),abs(convert(Int64,(izolder))
      )]-us[abs(convert(Int64,(ixi))),abs(convert(Int64,(izi)))])/ 2* abs(
      xolder-xi)
      difqw=abs(ws[abs(convert(Int64,(ixolder))),abs(convert(Int64,(izolder)))
136
      ]-ws[abs(convert(Int64,(ixi))),abs(convert(Int64,(izi)))])/ 2*abs(zolder-
      zi)
137
      ## Turbulenter Anteil
138
      uturbo = rl * ui + sqrt((1 - rl ^ 2)) * sqrt(us[abs(convert(Int64,(ixi))
139
      ), abs (convert(Int64,(izi)))] *rr +(1-rl)*tl*difqu
```

```
wturbo = rl * wi + sqrt((1 - rl ^2)) * sqrt(ws[abs(convert(Int64,(ixi))])
140
      ),abs(convert(Int64,(izi)))])*rr +(1-rl)*tl*difqw
141
       #Berechnung der Windgeschwindigkeit (Mittelwert + Turbulenz)
       ui = u[abs(convert(Int64,(ixold))),abs(convert(Int64,(izold)))] +uturbo
143
       wi = w[abs(convert(Int64,(ixold))),abs(convert(Int64,(izold)))] +wturbo
144
145
       #Berechnung der neuen Positionen
146
       xi = xi + ui * dt
147
       zi = zi + wi * dt
148
       #Reflexion
                     berprfen
       while ((xi<=31 && zi<=61)||(xi>=90 && zi <=61)||(30<=xi<=90 && zi<=0))
           if (xi>=90 && zi<=61) # Reflexion an der rechten Wand
               eckenreflexion(xi,zi,xold,zold,ui,wi)
               if br == 1 # Falls dies der Fall ist gab es keine Eckenreflexion
                   xi = xi - 2*(abs(90-xi))
                   ui = -ui
               end
           elseif (xi <= 31 && zi <= 61) # Reflexion an der linken Wand
158
               eckenreflexion(xi,zi,xold,zold,ui,wi)
159
               if br==1 # Falls dies der Fall ist gab es keine Eckenreflexion
                   xi=xi+2*(abs(31-xi))
                   ui = -ui
               end
163
           elseif (30<=xi<=90 && zi<=0) #Reflexion am Boden
164
               eckenreflexion(xi,zi,xold,zold,ui,wi)
               if br == 1 # Falls dies der Fall ist gab es keine Eckenreflexion
               wi = -wi
167
               zi = -zi
168
169
               end
170
               print("Fehler in der Reflexion")
           end
175 end
176 return xi, wi, zi,ui
177
  end
178
179
181 ### Funktion zur
                       berprfung
                                   der Eckenreflexion ###
  function eckenreflexion(xi,zi,xold,zold,ui,wi)
182
       #Hier wird die Reflexion an den Ecken
                                                 berprft
183
       #Falls es eine Eckenreflexion gibt muss eine der folgenden Gleichungen
      l sbar sein, wodurch sich deren Typ ver ndert
       #Reflexion an der linken oberen Ecke
185
      if xi <= 30 \& \& typeof(solve(r*[1,1]+[30,60]-[xold,zold],r)) != Vector{Any}
      && typeof(solve(r*[1,1]+[30,60]-[xi,zi],r)) !=Vector{Any}
           ui=-ui
187
           wi = -wi
188
           xi=xold
189
           zi=zold
191
       #Reflexion an der linken unteren Ecke
       elseif xi \le 30\& typeof(solve(r*[1,1]+[30,0]-[xold,zold],r)) !=Vector{Any
      } && typeof(solve(r*[1,1]+[30,0]-[xi,zi],r)) !=Vector{Any}
```

```
ui = -ui
194
                wi = -wi
195
                xi = xold
                zi=zold
                br=2
       #Reflexion an der rechten unteren Ecke
199
       elseif xi>=90 && typeof(solve(-r*[1,1]+[90,0]-[xold,zold],r))!=Vector{
      Any} && typeof(solve(-r*[1,1]+[90,0]-[xi,zi],r)) !=Vector{Any}
                ui=-ui
201
                wi = -wi
202
                xi=xold
                zi=zold
                br=2
205
       #Reflexion an der rechten oberen Ecke
206
       elseif xi>=90&& typeof(solve(-r*[1,1]+[90,60]-[xold,zold],r))!=Vector{
      Any} && typeof(solve(-r*[1,1]+[90,60]-[xi,zi],r)) !=Vector{Any}
           11 i = - 11 i
208
           wi = -wi
209
           xi = xold
           zi=zold
           br=2
212
213 else
       ui=ui
214
       wi=wi
215
       br=1
216
217 end
218 return ui, wi, br
219 end
220
221 ###
                       Funktion zur Berechnung des Monte-Carlo-Modells ###
         bergreifende
function monte(xq,zq,n,lambda,sigma)
# Einlesen der Parameter aus der externen NC-Datei
       u = ncread("Bericht/input_uebung5.nc", "u")
       w = ncread("Bericht/input_uebung5.nc","w")
       us = sigma*ncread("Bericht/input_uebung5.nc","u2")
227
       ws = sigma*ncread("Bericht/input_uebung5.nc","w2")
228
       #Ersetzen von den Fehlenden Werten mit NaN
229
       templist = findall(x -> x == -9999.0, u)
       templistw = findall(x->x==-9999.0,w)
231
       for i in 1: length(templist)
232
       u[templist[i]]=NaN
       end
234
       for i in 1: length(templistw)
235
           w[templistw[i]]=NaN
236
       end
237
239 #Loop ber alle Partikel
       for i in ProgressBar(1:n)
240
           #Initialisieren aller Parameter f r den n chsten Partikel
           xi = xq
242
           zi = zq
243
           dt = 0
244
           ui = 0
           wi=0
246
           xold=xq
247
           zold=zq
248
           while (ceil(xi+ui*dt) < xgrenz)</pre>
```

```
#Abspeichern der alten Werte
250
                xolder=xold
251
                zolder=zold
                xold = xi
                zold = zi
254
                #Berechnung der Prandtlschicht
255
                tl, dt = prandltl(zi,xi,lambda,us,ws,k)
                #Berechnung der neuen Positionen
                xi, wi, zi,ui = positionen(xi, wi, zi, tl, ui, dt,xold,zold,
258
      xolder,zolder,us,ws,u,w)
                # Gitterauswertung der Konzentration
259
                exaktgitter(xi, xold, zi, zold,dt,n)
260
           end
261
262
       end
               konk #Zur ckgeben der Konzentration als Feld
265 end
266
  # Visualisierung #
269
270 ## Funktionen zur Visualisierung ##
272 ### Partikelanzahlplot ###
  function partikelanzahlplot(xq,zq)
       #Initialisierung der Parameter
       lambda=5
       sigma=1
276
       # Partikelanzahlen
277
       na= 100
278
       nb = 1000
       nc = 5000
280
       nd= 10000
281
       # Grafeneinstellungen
       levels = [0.00001,0.01,0.025,0.05,0.5,0.75,1.0,1.25,1.5,2,5]
284
       fig = Figure(resolution=(1080,1080))
285
       xs=LinRange(0, xgrenz,xgrenz)
       ys=LinRange(0, zgrenz, zgrenz)
288
       # Erster Plot
289
       a=monte(xq,zq,na,lambda,sigma)
       contourf(fig[1, 1], ys, xs, a, levels = levels)
291
       contour!(fig[1, 1],ys, xs,a ,levels=levels)
292
293
       #Zweiter Plot
       b=monte(xq,zq,nb,lambda,sigma)
295
       contourf(fig[1, 2],xs, ys, b,levels=levels,title= "\mathbb{N} = "*string(nb))
296
       contour!(fig[1, 2],ys, xs,b ,levels=levels )
297
       #Dritter Plot
299
       c=monte(xq,zq,nc,lambda,sigma)
300
       \texttt{contourf}(\texttt{fig}\texttt{[2, 1]}, \texttt{xs, ys,c,levels=levels,title="N = "*string(nc))}
301
       contour!(fig[2, 1],ys, xs,c ,levels=levels )
303
       #Vierter Plot
304
       d=monte(xq,zq,nd,lambda,sigma)
305
       contourf(fig[2, 2],xs, ys,d,levels=levels,title= "N = " *string(nd))
```

```
contour!(fig[2, 2],ys, xs,d ,levels=levels )
307
308
       #Farbskala
309
       Colorbar(fig[1:2,3], limits = (0.1, 5), colormap = :viridis, flipaxis =
      false, label = "kg/s")
311
       Label(fig[3, :], text = "x(m)")
312
       Label(fig[:, 0], text = "z(m)")
313
       Label(fig[0, :], text = "Konzentrationen im Vergleich fuer x = " *string
314
      (xq)*"m z = "*string(zq)*"m", textsize = 30)
       save("Bericht/Bilder/3_vergleich_x = "*string(xq)*".png", fig)
316
       #L schen der Grafik aus dem Zwischenspeicher
317
       empty!(fig)
318
319 end
321 ### Einzelplot ###
322 function einzelplot(xq,zq)
       #Initialisierung der Parameter
       n = 5000
324
       lambda=5
325
       sigma=1
326
       # Grafeneinstellungen
328
       levels = [0.00001,0.01,0.025,0.05,0.5,0.75,1.0,1.25,1.5,2,5]
329
       fig = Figure(resolution=(1080,1080))
       xs=LinRange(0, xgrenz,xgrenz)
       ys=LinRange(0, zgrenz, zgrenz)
332
333
       #Plot
334
       a=monte(xq,zq,n,lambda,1)
       contourf(fig[1, 1],ys, xs,a ,levels=levels, xlabel = "x label", ylabel =
336
       "y label" )
       contour!(fig[1, 1],ys, xs,a ,levels=levels )
       #Label
339
       Colorbar(fig[1,2], limits = (0, 5), colormap = :viridis,flipaxis = false
340
         label = "kg/s")
       Label(fig[0, :], text = "Konzentration bei x = "*string(xq)*"m z = "*
                       ="*string(lambda), textsize = 30)
      string(zq)*"m
       Label(fig[2, :], text = "x(m)")
342
       Label(fig[:, 0], text = "z(m)")
       save("Bericht/Bilder/3_single_x = "*string(xq)*".png", fig)
344
       #L schen der Grafik aus dem Zwischenspeicher
345
       empty!(fig)
346
347 end
349 ### Funktion zur Erstellung des Lambda-Vergleichsplots
350 function lambdaplot(xq,zq)
       #Initialisierung der Parameter
       n = 1000
352
       sigma=5
353
       #Initialisieren der Lambda Werte
354
       la = 10
       1b = 5
356
       1c = 2
357
       ld=1
```

```
#Grafeneinstellungen
360
       levels = [0.00001,0.01,0.025,0.05,0.5,0.75,1.0,1.25,1.5,2]
361
       fig = Figure(resolution=(1080,1080))
362
       xs=LinRange(0, xgrenz,xgrenz)
       ys=LinRange(0, zgrenz, zgrenz)
364
365
       # Erster Plot
366
       a=monte(xq,zq,n,la,sigma)
       contourf(fig[1, 1],ys, xs, a,levels=levels)
368
       contour!(fig[1, 1],ys, xs,a ,levels=levels )
369
       #Zweiter Plot
       b=monte(xq,zq,n,lb,sigma)
372
       contourf(fig[1, 2],xs, ys, b,levels=levels)
373
       contour!(fig[1, 2],ys, xs,b ,levels=levels )
       # Dritter Plot
376
       c=monte(xq,zq,n,lc,sigma)
       contourf(fig[2, 1],xs, ys,c,levels=levels)
       contour!(fig[2, 1],ys, xs,c ,levels=levels )
379
380
       #Vierter Plot
381
       d=monte(xq,zq,n,ld,sigma)
       contourf(fig[2, 2],xs, ys,d,levels=levels)
383
       contour!(fig[2, 2],ys, xs,d ,levels=levels )
384
385
       #Label
       Colorbar(fig[1:2,3], limits = (0.00001, 5), colormap = :viridis,flipaxis
387
       = false, label = "kg/s")
       Label(fig[3, :], text = "x(m)")
388
       Label(fig[:, 0], text = "z(m)")
       Label(fig[0, :], text = "Konzentrationen im Vergleich x = " *string(xq)*
390
      "m z = " *string(zq)*" m bei verschiedenen ", textsize = 30)
       save( "Bericht/Bilder/3_lambda_x = "*string(xq)*".png", fig)
       #L schen der Grafik aus dem Zwischenspeicher
393
       empty!(fig)
394
395 end
397 ### Funktion zur Erstellung des Sigma-Vergleichsplots
398 function sigmaplot(xq,zq)
       #Initialisierung der Parameter
       1=5
400
       n = 1000
401
       siga=1
402
       sigb=2
       sigc=5
404
       sigd=10
405
       #Grafeneinstellungen
       levels = [0.001,0.01,0.025,0.05,0.5,0.75,1.0,1.25,1.5,2,5]
408
       fig = Figure(resolution=(1080,1080))
409
       xs=LinRange(0, xgrenz,xgrenz)
410
       ys=LinRange(0, zgrenz, zgrenz)
412
       #Erster Plot
413
       a=monte(xq,zq,n,l,siga)
414
       contourf(fig[1, 1],ys, xs, a,levels=levels)
```

```
contour!(fig[1, 1],ys, xs,a ,levels=levels )
416
417
       #Zweiter Plot
418
       b=monte(xq,zq,n,l,sigb)
       contourf(fig[1, 2],xs, ys, b,levels=levels)
420
       contour!(fig[1, 2],ys, xs,b ,levels=levels )
421
422
       #Dritter Plot
423
       c=monte(xq,zq,n,l,sigc)
424
       contourf(fig[2, 1],xs, ys,c,levels=levels)
425
       contour!(fig[2, 1],ys, xs,c ,levels=levels )
427
       #Vierter Plot
428
       d=monte(xq,zq,n,l,sigd)
429
       contourf(fig[2, 2],xs, ys,d,levels=levels)
       contour!(fig[2, 2],ys, xs,d ,levels=levels )
432
       #Label
433
       Colorbar(fig[1:2,3], limits = (0.00001, 5), colormap = :viridis,flipaxis
       = false, label = "kg/s")
       Label(fig[3, :], text = "x(m)")
435
       Label(fig[:, 0], text = "z(m)")
436
       Label(fig[0, :], text = "Konzentrationen im Vergleich x = " *string(xq)*
      "m z = " *string(zq)*" m bei verschiedenen u & w ", textsize = 30)
       save("Bericht/Bilder/3_sigma_x = "*string(xq)*".png", fig)
438
439
       #L schen der Grafik aus dem Zwischenspeicher
       empty!(fig)
441
442 end
443
445 # Main Funktion
446 function main()
       ### Aufgbabe a
       xq = 60.5 \# m
449
       zq = 0.5
                    # m
450
       einzelplot(xq,zq)
451
       partikelanzahlplot(xq,zq)
       lambdaplot(xq,zq)
453
       sigmaplot(xq,zq)
       ### Aufgbabe b
456
       xq = 15.5 \# m
457
       zq = 65.5 \# m
458
       einzelplot(xq,zq)
       partikelanzahlplot(xq,zq)
460
       lambdaplot(xq,zq)
461
       sigmaplot(xq,zq)
462
464 end
466 #Ausf hren der Mainfunktion
467 main()
```