

Kriptosistem

<i>B</i> ... besedila
<i>C</i> ... kriptogrami
<i>K</i> ... ključi
<i>ℰ</i> = { <i>E</i> _{<i>k</i>} : <i>B</i> → <i>C</i> ; <i>k</i> ∈ <i>K</i> } ... kodirne f.
<i>ℰ</i> = { <i>D</i> _{<i>k</i>} : <i>C</i> → <i>B</i> ; <i>k</i> ∈ <i>K</i> } ... dekodirne f.

<i>E</i> = { <i>E</i> _{<i>k</i>} : <i>B</i> → <i>C</i> ; <i>k</i> ∈ <i>K</i> } ... kodirne f.
<i>D</i> = { <i>D</i> _{<i>k</i>} : <i>C</i> → <i>B</i> ; <i>k</i> ∈ <i>K</i> } ... dekodirne f.
<i>E</i> = { <i>E</i> _{<i>k</i>} : <i>B</i> → <i>C</i> ; <i>k</i> ∈ <i>K</i> } ... kodirne f.
<i>D</i> = { <i>D</i> _{<i>k</i>} : <i>C</i> → <i>B</i> ; <i>k</i> ∈ <i>K</i> } ... dekodirne f.

Za vsak *e* ∈ *K* obstaja *d* ∈ *K*

*D*_{*d*}(*E*_{*e*}(*x*)) = *x* ∀*x* ∈ *B*

Vsaka kodrirna funkcija *E*_{*k*} ∈ *ℰ* je injektivna.

Produkt kriptosistemov

Naj bosta *S*₁ = (*B*₁,*C*₁,*K*₁,*ℰ*',*D*') in *S*₂ = (*B*₂,*C*₂,*K*₂,*ℰ*'',*D*'') kriptosistema za katera je *C*₁ = *B*₂.

*S*₁ × *S*₂ = (*B*₁,*C*₂,*K*₁ × *K*₂,*ℰ*,*D*)

*E*_{(*k*₁,*k*₂)(*x*) = *E*''_{*k*₂}(*K*'_{*k*₁}(*x*))}

*D*_{(*k*₁,*k*₂)(*y*) = *D*''_{*k*₁}(*D*''_{*k*₂}(*y*))}

Prevedljivost kriptosistemov

Kripto sistem *S* = (*B*,*C*,*K*,*ℰ*,*D*) je prevedljiv na *S*' = (*B*,*C*,*K*',*ℰ*',*D*'), če obstaja *f* : *K* → *K*', da za vsak *k* ∈ *K* velja:

*E*_{*k*} = *E*'_{*f*(*k*) *D*_{*k*} = *D*'_{*f*(*k*)}}

Tedaj pišemo *S* → *S*'.

Kriptosistema sta **ekvivalentna**, če velja *S* → *S*' in *S*' → *S*.

Tedaj pišemo *S* ≡ *S*'.

Idempotentnost kriptosistemov

Kriptosistem *S* je idempotenten, če

S × *S* ≡ *S*

Klasični kriposistem so vsi idempotentni.

Klasični kriptosistem

<i>B</i> = <i>C</i> = <i>K</i> = ℤ ₂₅
<i>E</i> _{<i>k</i>} (<i>x</i>) ≡ <i>x</i> + <i>k</i> mod 25
<i>D</i> _{<i>k</i>} (<i>y</i>) ≡ <i>y</i> − <i>k</i> mod 25

<i>B</i> = <i>C</i> = ℤ ₂₅ , <i>K</i> = <i>S</i> (ℤ ₂₅)

Ključ je permutacija π ∈ *K*

*E*_{*k*}(*x*) = π(*x*)

*D*_{*k*}(*y*) = π^{−1}(*y*)

<i>B</i> = <i>C</i> = ℤ ₂₅ , <i>K</i> = ℤ ₂₅ [*] × ℤ ₂₅
Ključ (<i>a</i> , <i>b</i>) ∈ <i>K</i>

*K*_{(*a*,*b*)(*x*) = *a**x* + *b* mod 25}

*D*_{(*a*,*b*)(*y*) = *a*^{−1}(*y* − *b*) mod 25}

<i>B</i> = <i>C</i> = <i>K</i> = ℤ ₂₅ ^{<i>n</i>}

Ključ *k* ∈ *K*

*K*_{*k*}(*x*) = *x* + *k* mod 25

*D*_{*k*}(*y*) = *y* − *k* mod 25

Permutacijska šifra

Simbolov ne nadomeščamo, ampak jih premešamo

B = *C* = ℤ₂₅^{*n*}, *K* = *S*_{*n*}

*K*_{π(*x*)} = *x*_{π(1)} + ⋯ + *x*_{π(*n*)}

*D*_{π(*x*)} = *x*_{π^{−1}(1)} + ⋯ + *x*_{π^{−1}(*n*)}

<i>B</i> = <i>C</i> = ℤ ₂₅ ^{<i>n</i>} , <i>K</i> = { <i>A</i> ∈ ℤ ₂₅ ^{<i>n</i> × <i>n</i>} det(<i>A</i>) ∈ ℤ ₂₅ [*] }
Ključ je matrika <i>A</i> ∈ <i>K</i>

*K*_{*A*}(*x*) = *A**x* mod 25

*D*_{*A*}(*y*) = *A*^{−1}*y* mod 25

Bločne šifre

Kripotsistem (*B*,*C*,*K*,*ℰ*,*D*) je bločna šifra dolžine n, če je *B* = *C* = Σ^{*n*}, kjer je Σ končna abeceda.

Vsaka kodirna funkcija je ekvivalentna neki permutaciji Σ^{*n*}, njena dekodirna funkcija pa inverzu te permutacije.

<i>Σ</i> = ℤ _{<i>m</i>}
<i>K</i> = { (<i>A</i> , <i>b</i>); <i>A</i> ∈ ℤ _{<i>m</i>} ^{<i>n</i> × <i>n</i>} , det(<i>A</i>) ∈ ℤ _{<i>m</i>} [*] , <i>b</i> ∈ ℤ _{<i>m</i>} ^{<i>n</i>} }

*E*_{(*A*,*b*)(*x*) ≡ *A**x* + *b* mod *m*}

*D*_{(*A*,*b*)(*x*) ≡ *A*^{−1}*x* − *b* mod *m*}

Iterativne šifre

Sestavlja jih

- razpored ključev**: Naj bo *K* ključ. *K* uporabimo za konstrukcijo krožnih ključev (*K*¹, ..., *K*^{*N*_{*r*}}) temu seznamu pravimo razpored ključev.

- krožna funkcija**: ima dva argumenta: tekoče stanje in krožni ključ:

w^{*r*} = *g*(*w*^{*r*−1},*K*^{*r*})

Da je dešifriranje možno mora biti *g* injektivna za vsak fiksen ključ *K*; tj. ∃*g*^{−1} :

g^{−1}(*g*(*w*,*K*),*K*) = *w* ∀*w*,*K*

- šifriranje skozi *N*_{*r*} podobnih krogov**: Besedilo *x* vzamemo za začetno stanje *w*⁰:

y = *g*(*g*( ... *g*(*g*(*x*,*K*¹),*K*²) ...,*K*^{*N*_{*r*}−1}),*K*^{*N*_{*r*}})

- dešifriranje**:

x = *g*^{−1}( ... *g*^{−1}(*g*^{−1}(*y*,*K*^{*N*_{*r*}}),*K*^{*N*_{*r*}−1}) ...,*K*¹)

Substitucijsko-permutacijsko omrežje

je iterativna bločna šifra kjer je Σ = {0,1}, *ℓ*,*m* ∈ ℕ in *B* = *C* = Σ^{*ℓm*}

- substitucije**: π_{*s*} ∈ *S*(Σ^{*ℓ*})

S-škatla - zamenja *ℓ* bitov z drugimi biti
- permutacije**: π_{*p*} ∈ *S*_{*ℓm*}

P-škatla - zamenja *ℓm* bitov z drugimi biti

Oznaka za delitev na zloge dolžine ℓ:

x = *x*₁*x*₂ ... *x*_{*m*}, |*x*_{*i*}| = *ℓ*

Kodiranje:

*v*_{*r*}⁰ = *b*
za *r* = 1, . . . , *N*_{*r*} − 1 :
u^{*r*} = *w*^{*r*−1} ⊕ *K*^{*r*} // primasamo *K*
za *i* = 1, . . . , *m* :
*y*_{*i*}^{*r*} = π_{*s*}(*y*_{*i*}^{*r*}) // substitucija zlogov
w^{*r*} = *v*_{π_{*p*}(1)}^{*r*}, . . . , *v*_{π_{*p*}(*ℓm*)}^{*r*} // permutacija bitov
// zadnji krog
u^{*N*_{*r*}} = *w*^{*N*_{*r*}−1} ⊕ *K*^{*N*_{*r*}}
za *i* = 1, . . . , *m* :
*y*_{*i*}^{*N*_{*r*}} = π_{*s*}(*y*_{*i*}^{*N*_{*r*}})
vrni *c* = *v*^{*N*_{*r*}} ⊕ *K*^{*N*_{*r*}+1} // beljenje

Dekodiranje:

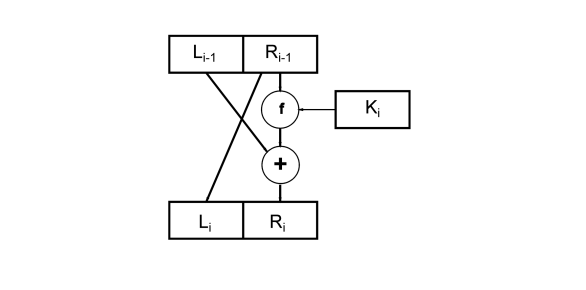
*v*_{*r*}^{*N*} = *c* ⊕ *K*^{*N*_{*r*}+1}
za *i* = 1, . . . , *m*:
*y*_{*i*}^{*N*_{*r*}} = π_{*s*}^{−1}(*y*_{*i*}^{*N*_{*r*}})
za *r* = *N*_{*r*} − 1, . . . , 1:
w^{*r*} = *u*^{*r*} ⊕ *K*^{*r*+1}
v^{*r*} = (*w*^{*r*−1}(1), . . . , *w*^{*r*−1}(*ℓm*)^{*r*})
za *i* = 1, . . . , *m*:
*y*_{*i*}^{*r*} = π_{*s*}^{−1}(*y*_{*i*}^{*r*})
b = *u*¹ ⊕ *K*¹

Feistelova šifra

je bločna iterativna šifra dolžine 2*t* za abecedo Σ = {0,1}.

*N*_{*r*} je št. krogov, *K*¹, ..., *K*^{*N*_{*r*}} razpored ključev, ki ga do-bimo iz ključa *K* in *f*_{*K*} : Σ^{*t*} → Σ^{*t*} je *Feistelova kodirna funkcija*.

En krog kodiranja:



<i>Kodiranje</i>
<i>L</i> ₀ = leva polovica <i>b</i>
<i>R</i> ₀ = desna polovica <i>b</i>
za <i>i</i> = 1, . . . , <i>N</i> _{<i>r</i>} :
<i>L</i> _{<i>i</i>} = <i>R</i> _{<i>i</i>−1}
<i>R</i> _{<i>i</i>} = <i>L</i> _{<i>i</i>−1} ⊕ <i>f</i> _{<i>K</i>^{<i>i</i>}} (<i>R</i> _{<i>i</i>−1})
c = <i>R</i> _{<i>N</i>_{<i>r</i>}} <i>L</i> _{<i>N</i>_{<i>r</i>}}

DES in AES

TO-DO!

Tokovne šifre

Besedilo *b* razdelimo na bloke *b* = *b*₁ ... *b*_{*t*} ∈ *B*^{*t*}.

Imamo zaporedje (tok) ključev: *z*₁,*z*₂, ... ∈ *K*.

<i>Kodiranje</i>
za <i>j</i> = 1, . . . , <i>t</i> : <i>c</i> _{<i>j</i>} = <i>E</i> _{<i>z</i>_{<i>j</i>}} (<i>b</i> _{<i>j</i>})
c = <i>c</i> ₁ <i>c</i> ₂   ...   <i>c</i> _{<i>t</i>} ∈ <i>C</i> ^{<i>t</i>}

Dekodiranje

za *j* = 1, . . . , *t*:
*b*_{*j*} = *D*_{*z*_{*j*}}(*c*_{*j*})
b = *b*₁*b*₂ ... *c*_{*t*} ∈ *B*^{*t*}

Aditivne tokovne šifre

Naj bo (*G*, +) grupa, *B* = *C* = *K* in *z*₁,*z*₂, ... tok ključev.

<i>Kodiranje</i>
<i>E</i> _{<i>z</i>_{<i>i</i>}} (<i>b</i> _{<i>i</i>}) = <i>b</i> _{<i>i</i>} + <i>z</i> _{<i>i</i>}
<i>D</i> _{<i>z</i>_{<i>i</i>}} (<i>c</i> _{<i>i</i>}) = <i>c</i> _{<i>i</i>} − <i>z</i> _{<i>i</i>}

Samokodirna šifra

B = *C* = *K* = ℤ₂₆

Začetni ključ izberemo *z*₁ ∈ ℤ₂₆

<i>z</i> _{<i>i</i>} = <i>b</i> _{<i>i</i>−1} za <i>i</i> > 1
--

<i>Kodiranje</i>
<i>E</i> _{<i>z</i>_{<i>i</i>}} (<i>b</i> _{<i>i</i>}) = <i>b</i> _{<i>i</i>} + <i>z</i> _{<i>i</i>}
<i>D</i> _{<i>z</i>_{<i>i</i>}} (<i>c</i> _{<i>i</i>}) = <i>c</i> _{<i>i</i>} − <i>z</i> _{<i>i</i>}

Vermanova šifra

B = *C* = *K* = {0,1}^{*n*}, ključ izberemo naključno.

<i>Kodiranje</i>
<i>E</i> _{<i>k</i>} (<i>b</i>) = <i>b</i> ⊕ <i>k</i>
<i>D</i> _{<i>k</i>} (<i>c</i>) = <i>c</i> ⊕ <i>k</i>

To je pravzaprav Vigenerjeva šifra, le da ima ključ enako dolžino kot besedilo

Uporabimo kratko seme za generiranje dolgega toka pseu-donaključnih bitov, ki jih uporabimo za ključ.

Linearna rekurzivna šifra

je sinhrona tokovna šifra, pri kateri je

B = *C* = *K* = ℤ_{*s*}

zaporedje ključev *z* linearno rekurzinvno enačbo reda *m* s konstantnimi koeficienti nad ℤ_{*s*}:

*z*_{*i*} = *c*₁*z*_{*i*−1} + *c*₂*z*_{*i*−2} + ⋯ + *c*_{*m*}*z*_{*i* ..._{*m*} mod *s*}

Zaporedju lahko priredimo polinom:

C(*x*) = 1 + ∑_{*i*=1}^{*m*} *c*

