

## Examen TELECOM Nancy 1<sup>ère</sup> année Modèles des Systèmes à Evènements Discrets Lundi 22 Novembre 2021

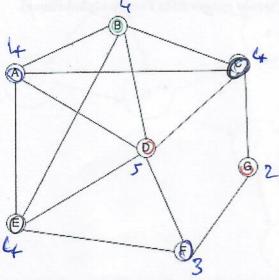


Durée: 1 heure 30 - 1 feuille A4 MANUSCRITE autorisée

## Partie I - THEORIE DES GRAPHES

## Exercice 1

Une entreprise de produits cosmétiques fait réaliser une étude marketing sur une population donnée. L'étude montre que certains produits ne sont jamais achetés simultanément. Le graphe G1 ci-dessous représente les incompatibilités d'achat (2 sommets reliés représentent 2 produits qui ne sont jamais dans une même commande).

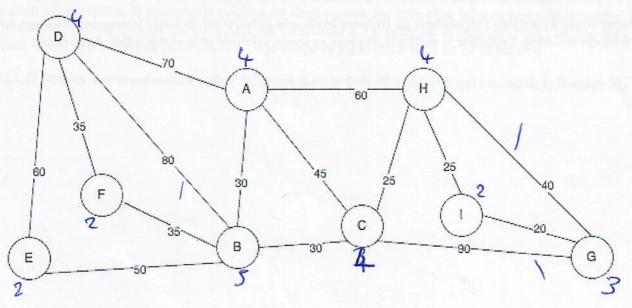


L'entreprise souhaite constituer des lots de produits ne présentant pas d'incompatibilité d'achat.

- I.1.1) Donner le plus grand sous-ensemble complet et son ordre.
- I.1.2) Donner le plus grand sous-ensemble stable et son ordre
- I.1.3) Combien de lots l'entreprise doit- elle prévoir au minimum ? Justifier votre réponse à l'aide d'un algorithme et en explicitant la méthode.
- I.1.4) Donner une répartition des produits par lot.

## **Exercice 2**

On considère le graphe G2 ci-dessous, dans lequel les sommets indiquent des lieux d'un site et les arêtes les liaisons entre ces lieux. Les poids indiquent les temps de parcours (en minutes) entre 2 sites.



<sup>\*</sup> Si dans le sujet, des éléments vous semblent incomplets ou ambigus, donner vos hypothèses et vos choix en les justifiant