

并行程序设计与算法实验

Lab0-环境设置与串行矩阵乘法

姓名_	
学号_	21312450
学院_	计算机学院
专业_	计算机科学与技术

1 实验目的

- 理解并行程序设计的基本概念与理论。
- 掌握使用并行编程模型实现常见算法的能力。
- 学习评估并行程序性能的指标及其优化方法。

2 实验内容

- 设计并实现以下矩阵乘法版本:
 - 使用 C/C++ 语言实现一个串行矩阵乘法。
 - 比较不同编译选项、实现方式、算法或库对性能的影响:
 - * 使用 Python 实现的矩阵乘法。
 - * 使用 C/C++ 实现的基本矩阵乘法。
 - * 调整循环顺序优化矩阵乘法。
 - * 应用编译优化提高性能。
 - * 使用循环展开技术优化矩阵乘法。
 - * 使用 Intel MKL 库进行矩阵乘法运算。
- 生成随机矩阵 A 和 B, 进行矩阵乘法运算得到矩阵 C。
- 衡量各版本的运行时间、加速比、浮点性能等。
- 分析不同实现版本对性能的影响。

3 实验结果

我当前使用的 CPU 为 Intel 酷睿 i5 12490,拥有 6 核心 12 线程, CPU 主频 3GHz,最高睿频 $4.6 \mathrm{GHz}$ 。浮点测试用的矩阵大小为 $2000 \times 200 \times 1000$ 。

- 单核峰值性能为 4.6GHz × 8FLOPS/cycle = 36.8GFLOPS。
- 全核峰值性能为 36.8GFLOPS \times 6 = 220.8GFLOPS。
- 总浮点操作数为 $2000 \times 200 \times 1000 \times 2 = 8 \times 10^8$ FLOP。

版本	实现描述	运行时间	相对加	绝对加	浮点性能	峰值性能
			速比	速比		百分比
1	Python	67,627.9	1×	0.00005x	0.0118x	0.005%
2	C/C++	3,626	$18.66 \times$	0.001x	0.220x	0.1%
3	调整循环顺序	3,087	$21.91 \times$	0.001173x	0.259	0.117%
4	编译优化(-Ofast)	194	$348.6 \times$	0.019x	4.123	1.87%
5	循环展开	4,103	$16.48 \times$	$0.0009 \times$	0.195	0.09%
6	Intel MKL	41.02	$1,648.5 \times$	$0.088 \times$	19.49	8.83%

4 实验分析

• Python 实现

```
def matrix_multiply(A, B):
       rows_a, cols_a = len(A), len(A[0])
       rows_b, cols_b = len(B), len(B[0])
       if cols_a != rows_b:
           raise ValueError("Invalid_matrix_dimensions")
       C = [[0.0 for _ in range(cols_b)] for _ in range(rows_a)]
       start_time = time.time()
       for i in range(rows_a):
           for j in range(cols_b):
               for k in range(cols_a):
                   C[i][j] += A[i][k] * B[k][j]
12
       end_time = time.time()
       print(f"Time_taken_to_multiply_two_matrices:_{(end_time_-
14
          start_time)_{\sqcup}*_{\sqcup}1000_milliseconds.")
       return C
16
```

kobayashi@DESKTOP-5V229OB:~/Code\$ python3 2_Computer_Science/Parallel/ppt/lab0/m_mul1.py
Time taken to multiply two matrices: 67627.90179252625 milliseconds.

图 1: Python 实现

• C/C++ 实现

```
void matrix_multiply(const vector<vector<double>>& A, const
vector<vector<double>>& B, vector<vector<double>>& C) {
```

```
int rows_a = A.size();
       int cols_a = A[0].size();
       int rows_b = B.size();
       int cols_b = B[0].size();
       if (cols_a != rows_b) {
           throw invalid_argument("Invalid_matrix_dimensions");
       }
       C.resize(rows_a, vector<double>(cols_b, 0.0));
12
       auto start_time = chrono::high_resolution_clock::now();
13
       for (int i = 0; i < rows_a; ++i) {</pre>
14
           for (int j = 0; j < cols_b; ++j) {</pre>
               for (int k = 0; k < cols_a; ++k) {</pre>
                    C[i][j] += A[i][k] * B[k][j];
               }
18
           }
19
       auto end_time = chrono::high_resolution_clock::now();
21
       auto duration = chrono::duration_cast<chrono::milliseconds>(
22
          end_time - start_time);
       cout << "Timeutakenutoumultiplyutwoumatrices:u" << duration.
          count() << "_milliseconds." << endl;</pre>
  }
24
```

Time taken to multiply two matrices: 3626 milliseconds. kobayashi@DESKTOP-5V229OB:~/Code\$

图 2: C/C++ 实现

• 调整循环顺序

```
void matrix_multiply(const vector<vector<double>>& A, const
vector<vector<double>>& B, vector<vector<double>>& C) {
  int rows_a = A.size();
  int cols_a = A[0].size();
  int rows_b = B[0].size(); // change B from k*n to n*k
  int cols_b = B.size();
}
```

```
if (cols_a != rows_b) {
           throw invalid_argument("Invalid_matrix_dimensions");
       }
9
       C.resize(rows_a, vector<double>(cols_b, 0.0));
       auto start_time = chrono::high_resolution_clock::now();
13
       for (int i = 0; i < rows_a; ++i) {</pre>
           for (int j = 0; j < cols_b; ++j) {</pre>
               for (int k = 0; k < cols_a; ++k) {</pre>
                    C[i][j] += A[i][k] * B[j][k];
17
               }
18
           }
       }
20
       auto end_time = chrono::high_resolution_clock::now();
       auto duration = chrono::duration_cast<chrono::milliseconds>(
          end_time - start_time);
       cout << "Time_taken_to_multiply_two_matrices:_" << duration.
23
          count() << "_milliseconds." << endl;</pre>
  }
24
```

Time taken to multiply two matrices: 3087 milliseconds. kobayashi@DESKTOP-5V2290B:~/Code\$

图 3: 调整循环顺序

• 编译优化

```
kobayashi@DESKTOP-5V2290B:~/Code$ g++ 2_Computer_Science/Parallel/ppt/lab0/m_mul2.cpp -Ofast -o m_mul2.exe
kobayashi@DESKTOP-5V2290B:~/Code$ ./m_mul2.exe
Time taken to multiply two matrices: 257 milliseconds.
kobayashi@DESKTOP-5V2290B:~/Code$ g++ 2_Computer_Science/Parallel/ppt/lab0/m_mul3.cpp -Ofast -o m_mul3.exe
kobayashi@DESKTOP-5V2290B:~/Code$ ./m_mul3.exe
Time taken to multiply two matrices: 194 milliseconds.
kobayashi@DESKTOP-5V2290B:~/Code$
```

图 4: 编译优化

• 循环展开

```
kobayashi@DESKTOP-5V22908:~/Code$ g++ 2_Computer_Science/Parallel/ppt/lab0/m_mul2.cpp -funroll-loops -o m_mul2.exe
kobayashi@DESKTOP-5V22908:~/Code$ ./m_mul2.exe
Time taken to multiply two matrices: 4103 milliseconds.
kobayashi@DESKTOP-5V22908:~/Code$ g++ 2_Computer_Science/Parallel/ppt/lab0/m_mul3.cpp -funroll-loops -o m_mul3.exe
kobayashi@DESKTOP-5V22908:~/Code$ ./m_mul3.exe
Time taken to multiply two matrices: 4011 milliseconds.
```

图 5: 循环展开

• Intel MKL

Computing matrix product using Intel(R) MKL dgemm function via CBLAS interface
Computations completed in 41.02 milliseconds.

图 6: Intel MKL