



现代密码学

Modern Cryptography

张方国

中山大学计算机学院

Office: Room 305, IM School Building

E-mail: isszhfg@mail.sysu.edu.cn

HomePage: <https://cse.sysu.edu.cn/content/2460>





第十三讲 Hash函数（三）

- 消息认证码MAC
- 安全消息认证码的构造
- 消息认证码的应用





消息认证码

消息认证码即满足某些安全性质的带密钥的Hash函数。

MAC所需要的安全性质与（不带密钥）Hash函数所需要的安全性质是截然不同的。

构造**MAC**的一个常用方法是通过一个密钥作为要被Hash的消息的一部分，从而在一个不带密钥的Hash函数中介入一个秘密密钥。





消息认证码MAC

- 认证码(MAC, 也称密码检验和)
 - 对选定消息, 使用一个密钥, 产生一个短小的定长数据分组, 称认证码, 并将它附加在消息中, 提供认证功能. ($MAC = C_k(M)$, 其中M是可变长的消息, K是共享密钥, $C_k(M)$ 是定长的认证码.)
- 应用认证码, 如果只有收发方知道密钥, 同时收到的MAC与计算得出的MAC匹配:
 - 确认消息未被更改;
 - 确信消息来自所谓的发送者;
 - 如果消息包含序号, 可确信该序号的正确性;



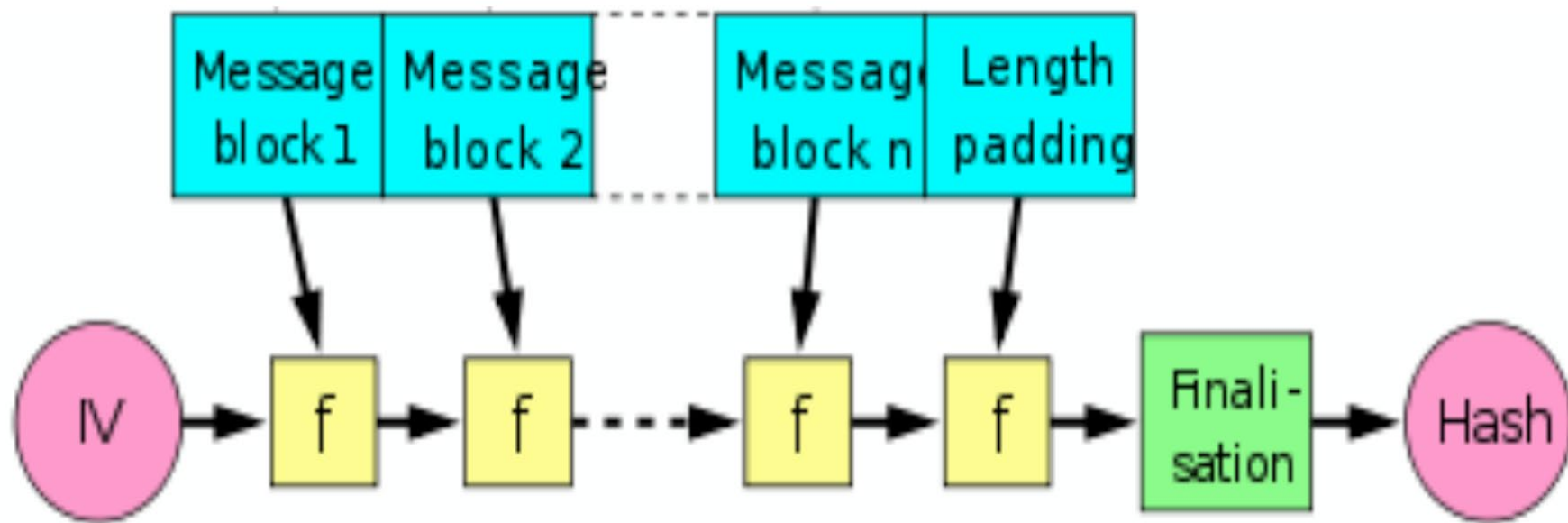


- MAC函数应有如下性质(攻击者没有K):
 - 有 M 和 $C_k(M)$, 试图生成 M' , 使得 $C_k(M') = C_k(M)$, 这在计算上不可行;
 - $C_k(M)$ 应能均匀分布; 对于随机选取的消息 M 和 M' , $C_k(M) = C_k(M')$ 的概率为 2^{-n} 其中 n 为MAC的比特长度;(抗选择明文攻击)
 - 消息 M' 为 M 的某种已知代换, 即 $M' = f(M)$, 则 $C_k(M) = C_k(M')$ 的概率为 2^{-n} .





迭代Hash函数构造





消息认证码的构造

我们使用一个不带密钥的迭代Hash函数 h 来构造一个新的带密钥的Hash函数 h_K , 假设 $IV = K$, 并保密该值。

假定 h 没有预处理或输出变换。这样的Hash函数需要每个输入消息 x 的长度是 t 的倍数, 其中 $compress: \{0,1\}^{m+t} \rightarrow \{0,1\}^m$ 是用于建立 h 的压缩函数。而且, 密钥 K 的长度是 m 比特。

攻击1: 攻击者怎样对给定的任何消息 x 及相应的MAC, 即 $h_K(x)$, 无须知道密钥 K , 就可以构造某个消息有效MAC。设 x' 为任意的长度为 t 的比特串, 考虑消息 $x||x'$ 。

这个消息的MAC, 即 $h_K(x||x')$ 可用下式计算

$$h_K(x||x') = compress(h_K(x)||x')$$

因为 $h_K(x)$ 和 x' 都是已知的, 对攻击者来说, 即使 K 是保密的, 计算 $h_K(x||x')$ 也是一件简单的事情。



消息认证码的构造

攻击2: 即使消息被填充, 攻击仍然成立。

假定在预处理步骤中 $y = x || pad(x)$ 。注意到对某一整数 r , 有 $|y| = rt$ 。设 w 是长度为 t 的任意比特串, 定义 $x' = x || pad(x) || w$ 。在预处理中, 我们计算

$$y' = x' || pad(x') = x || pad(x) || w || pad(x')$$

其中对某一整数 $r' > r$, 有 $|y'| = r't$ 。

显然有 $z_r = h_K(x)$, 因此攻击者可做如下计算:

$$z_{r+1} \leftarrow compress(h_K(x) || y_{r+1})$$

$$z_{r+2} \leftarrow compress(z_{r+1} || y_{r+2})$$

...

$$z_{r'} \leftarrow compress(z_{r'-1} || y_{r'})$$

则 $h_K(x') = z_{r'}$, 因此攻击者即使不知道密钥 K , 也可以计算出 $h_K(x')$ 。



消息认证码的构造

MAC安全性的含义： 攻击者的目标是试图在一个未知但是固定的密钥 K 下，产生一对有效的 (x, y) 。

攻击者允许请求 Q 个自己选择的消息 x_1, x_2, \dots 的有效MAC。（假设存在一个喻示器或黑盒子）

攻击者通过向喻示器提出消息 x_1, \dots, x_Q 的请求，得到一系列有效对（在未知密钥 K 的情况下）：

$$(x_1, y_1), \dots, (x_Q, y_Q)$$

后来，当攻击者输出对 (x, y) 时，要求 $x \notin \{x_1, \dots, x_Q\}$ 。

如果攻击者输出一个假冒的概率至少为 ϵ （最差情况的概率），则攻击者对给定的MAC，被称为一个 (ϵ, Q) 假冒者。





安全消息认证码的构造：嵌套

嵌套MAC： 一个嵌套MAC是指合成两个（带密钥的）Hash族来建立一个MAC算法。

假定 $(\mathbb{X}, \mathbb{Y}, \mathbb{K}, \mathbb{G})$ 和 $(\mathbb{Y}, \mathbb{Z}, \mathbb{L}, \mathbb{H})$ 是Hash族。这些Hash族的复合是指Hash族 $(\mathbb{X}, \mathbb{Z}, \mathbb{M}, \mathbb{G} \circ \mathbb{H})$ ，其中 $\mathbb{M} = \mathbb{K} \times \mathbb{L}$ ，并且

$$\mathbb{G} \circ \mathbb{H} = \{g \circ h : g \in \mathbb{G}, h \in \mathbb{H}\}$$

通常有 $|\mathbb{X}| > |\mathbb{Y}| > |\mathbb{Z}|$ 。

嵌套MAC安全的条件： 粗略地讲，如果满足以下两个条件，则可证明嵌套MAC是安全的。

- (1) 给定一个固定的（未知的）密钥，作为MAC， $(\mathbb{Y}, \mathbb{Z}, \mathbb{L}, \mathbb{H})$ 是安全的。
- (2) 给定一个固定的（未知的）密钥， $(\mathbb{X}, \mathbb{Y}, \mathbb{K}, \mathbb{G})$ 是碰撞稳固的。

直观地说，就是通过一个安全的“小MAC”（即 $(\mathbb{Y}, \mathbb{Z}, \mathbb{L}, \mathbb{H})$ ）和一个碰撞稳固的带密钥的Hash族（即 $(\mathbb{X}, \mathbb{Y}, \mathbb{K}, \mathbb{G})$ ）的复合来构建一个安全的“大MAC”（即嵌套MAC）。



安全消息认证码的构造

安全性实际上是比较对三种Hash族的某种类型的攻击的相对困难性。我们将考虑以下三种攻击者：

- 对嵌套MAC的假冒者，即大MAC的攻击。
- 对小MAC的假冒者，即小MAC的攻击。
- 当密钥是保密的，对Hash函数族的碰撞-探测者，即未知密钥碰撞攻击。

大MAC攻击： 选择并保密一对密钥 (K, L) 。攻击者允许选择 x 的值，并查询大MAC喻示器关于 $h_L(g_K(x))$ 的值。然后攻击者试图产生一对 (x', z) 使得 $z = h_L(g_K(x'))$ ，其中 x' 从未进行过查询。

小MAC攻击： 选择并保密一对密钥 L 。攻击者允许选择 y 的值，并查询小MAC喻示器关于 $h_L(y)$ 的值。然后攻击者试图产生一对 (y', z) 使得 $z = h_L(y')$ ，其中 y' 从未进行过查询。

未知密钥碰撞攻击： 选择并保密一对密钥 K 。攻击者允许选择 x 的值，并查询Hash喻示器关于 $g_K(x)$ 的值。然后攻击者试图产生一对 (x', x'') 使得 $x' \neq x''$ ，并且 $g_K(x') = g_K(x'')$ 。



消息认证码的构造

- 假定对随机选择的 $g_K \in \mathbb{G}$ 不存在 $(\epsilon_1, q+1)$ 未知密钥碰撞攻击。
- 假定对随机选择的 $h_L \in \mathbb{H}$ 不存在 (ϵ_2, q) 小MAC攻击, 其中 L 是保密的。
- 假定对随机选择的 $(g \circ h)_{(K,L)} \in \mathbb{G} \circ \mathbb{H}$, 存在 (ϵ, q) 大MAC攻击, 其中 (K,L) 是保密的。

由于概率至少为 ϵ , 大MAC攻击在向大MAC喻示器最多查询 q 次后, 能输出有效对 (x, z) 。设 (x_1, \dots, x_q) 表示攻击者的查询, 又设 z_1, \dots, z_q 是喻示器做出的相应回答。在攻击者执行完查询后, 可以得到一些列有效对 $(x_1, z_1), \dots, (x_q, z_q)$ 以及可能的有效对 (x, z) 。

- 假定现在取出 x_1, \dots, x_q, x , 向Hash喻示器做 $q+1$ 次查询。可以获得一系列值 $y_1 = g_K(x_1), \dots, y_q = g_K(x_q), y = g_K(x)$ 。假定恰巧 $y \in \{y_1, \dots, y_q\}$, 比如说 $y = y_i$ 。则可以得到一对碰撞 (x, x_i) 。这是一次成功的未知密钥碰撞攻击。
- 另一方面, 如果 $y \notin \{y_1, \dots, y_q\}$, 则可输出对 (y, z) , 这(可能)是小MAC的有效对。从 q 个小MAC查询中得到 q 个答案后, 也就是 $(y_1, z_1), \dots, (y_q, z_q)$, 可构成一个假冒。





消息认证码的构造

- 由假定，任何未知密钥的碰撞攻击最多有 ϵ_1 的成功率。而假定大MAC攻击至少有 ϵ 的成功率。因此， (x, z) 是有效对并且 $y \notin \{y_1, \dots, y_q\}$ 的概率至少是 $\epsilon - \epsilon_1$ 。
- 任何小MAC攻击的成功率最多是 ϵ_2 ，而上述的小MAC攻击的成功率至少是 $\epsilon - \epsilon_1$ 。因此，有 $\epsilon \leq \epsilon_1 + \epsilon_2$ 。

定理4.9 假定 $(\mathbb{X}, \mathbb{Z}, \mathbb{M}, \mathbb{G} \circ \mathbb{H})$ 是一个嵌套MAC。当密钥 K 是保密的，假定对随机选择的 $g_K \in \mathbb{G}$ 不存在 $(\epsilon_1, q+1)$ 碰撞攻击。而且，假定对随机选择的 $h_L \in \mathbb{H}$ 不存在 (ϵ_2, q) 假冒者，其中 L 是保密的。最后，假定随机选择的 $g \circ h_{(K,L)} \in \mathbb{G} \circ \mathbb{H}$ ，对嵌套MAC存在 (ϵ, q) 假冒者。则 $\epsilon \leq \epsilon_1 + \epsilon_2$ 。





嵌套MAC的实例：HMAC

HMAC是一个于2002年3月被提议作为FIPS标准的嵌套MAC算法。它通过不带密钥的Hash函数来构造MAC。我们基于SHA-1来描述HMAC。

$$HMAC_K(x) = SHA-1((K \oplus opad) || SHA-1((K \oplus ipad) || x))$$

其中 K 是密钥， x 是需要认证的消息， $ipad = 3636...36$ ， $opad = 5C5C...5C$ 。





安全消息认证码的构造: CBC

构造一个MAC的最常用的方法之一是基于一个固定的初始化向量的CBC模式。

我们由一个记为 IV 的初始化向量开始, 定义 $y_0 = IV$ 。然后用如下规则构造 y_1, y_2, \dots :

$$y_i = e_K(y_{i-1} \oplus x_i) \quad i \geq 1$$

假定 $(\mathbb{P}, \mathbb{C}, \mathbb{K}, \mathbb{E}, \mathbb{D})$ 是一个内嵌式密码体制, 其中 $\mathbb{P} = \mathbb{C} = \{0, 1\}^t$ 。设 IV 是由 t 个0组成的比特串, 又设 $K \in \mathbb{K}$ 为秘密密钥。令 $x = x_1 || \dots || x_n$ 是长度为 tn 的比特串, 其中每个 x_i 都是长度为 t 的比特串。计算 $CBC-MAC(x, K)$ 的过程如下:

密码体制4.2 CBC-MAC(x, K)

令 $x = x_1 || \dots || x_n$

$IV \leftarrow 00 \dots 0$

$y_0 \leftarrow IV$

for $i \leftarrow 1$ to n

do $y_i \leftarrow e_K(y_{i-1} \oplus x_i)$

return(y_n)



- 基于DES的MAC

描述如下:

被认证消息分成连续的64bit分组: D_1, D_2, \dots, D_n (必要时用0填充). 使用DES算法E, 密钥K, 数据认证码计算如下 ($16 \leq M \leq 64$):

$$C_1 = E_k(D_1)$$

$$C_2 = E_k(D_2 \oplus C_1)$$

. . .

$$C_n = E_k(D_n \oplus C_{n-1})$$





CBC-MAC 安全性

对CBC-MAC(x, K)的已知最好的通用攻击是生日攻击。

当基本加密算法满足适合的安全性质时，CBC-MAC是安全的。也就是说，如果某些似乎合理且未证明的关于加密方案随机性的假定是对的，那么CBC-MAC是安全的。

(生日攻击) 令 $n \geq 3$ 是整数。令 x_3, \dots, x_n 是长度为 t 的固定比特串。令 $q \approx 1.17 \times 2^{t/2}$ 为整数，选择任意 q 个不同的、长度为 t 的比特串，记为 x_1^1, \dots, x_1^q 。又设 x_2^1, \dots, x_2^q 为随机选择的长度为 t 的比特串。对 $1 \leq i \leq q$ 和 $3 \leq k \leq n$ ，定义 $x_k^i = x_k$ ，并对 $1 \leq i \leq q$ ，定义

$$x^i = x_1^i || \dots || x_n^i$$

如果 $i \neq j$ ，则 $x^i \neq x^j$ 。



CBC-MAC 安全性

- 攻击者请求得到 x^1, x^2, \dots, x^q 的MAC。在使用密码体制4.2计算 x^i 的MAC的过程中，得到值 $y_0^i, y_1^i, \dots, y_n^i$ ， y_n^i 是 x_i 的MAC。
- 假定 x^i 和 x^j 有相同的MAC，即 $y_n^i = y_n^j$ 。注意到 $y_n^i = y_n^j$ 当且仅当 $y_2^i = y_2^j$ ，当且仅当 $y_1^i \oplus x_2^i = y_1^j \oplus x_2^j$
- 设 x_δ 为长度为 t 的任意比特串。定义

$$v = x_1^i || (x_2^i \oplus x_\delta || \dots || x_n^i$$

和

$$w = x_1^j || (x_2^j \oplus x_\delta) || \dots || x_n^j$$

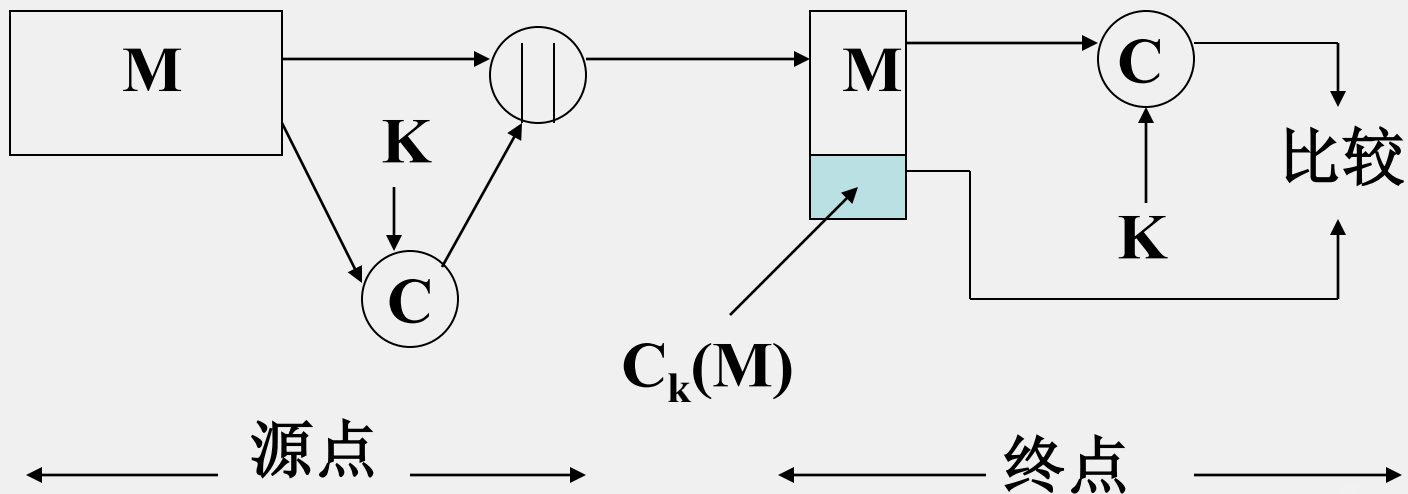
然后攻击者要求得到 v 的MAC。不难看出， v 和 w 有相同的MAC。





消息认证码的应用

- MAC的基本用法1
 - A->B: $M \parallel C_k(M)$
提供认证, 因仅A和B共享K;





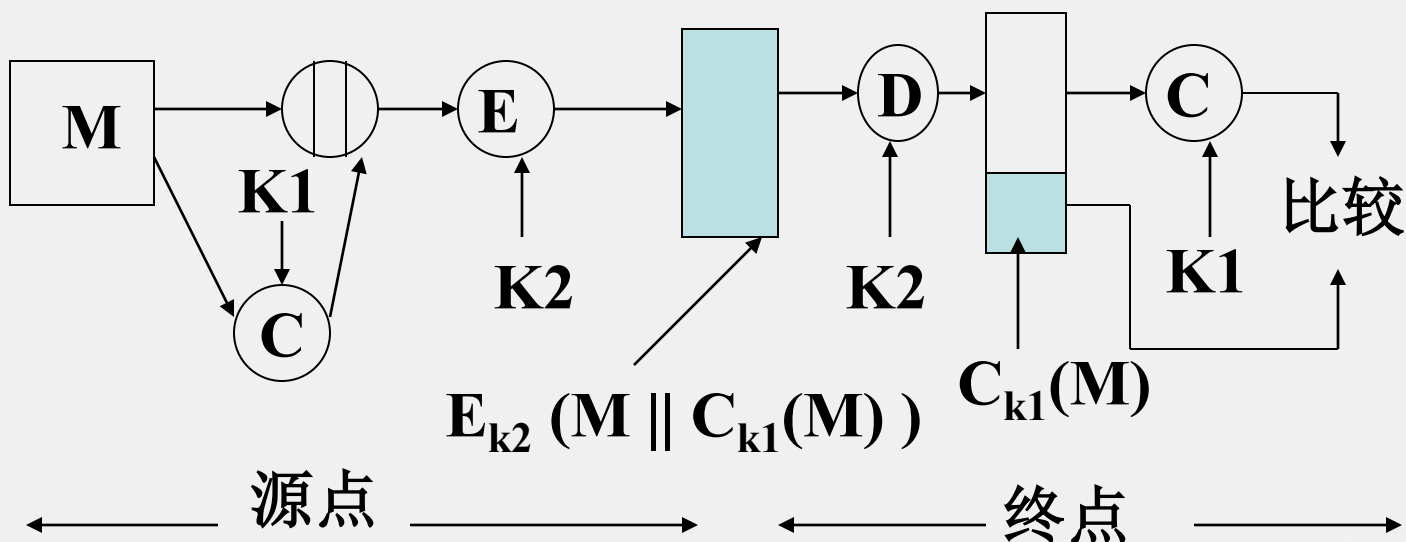
消息认证码的应用

- MAC的基本用法2

– A->B: $E_{k_2}(M \parallel C_{k_1}(M))$

提供认证, 因仅A和B共享K1;

提供保密, 因仅A和B共享K2;





消息认证码的应用

- MAC的基本用法₃

– A→B: $E_{k_2}(M) \parallel C_{k_1}(E_{k_2}(M))$

提供认证, 因仅A和B共享K₁;

提供保密, 因仅A和B共享K₂;

