МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ КРЕМЕНЧУЦЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ ІМЕНІ МИХАЙЛА ОСТРОГРАДСЬКОГО

Кафедра комп'ютерної інженерії та електроніки

ЗВІТ З ПРАКТИЧНИХ РОБІТ

з навчальної дисципліни «Алгоритми та методи обчислень»

Тема «Асимптотична складність алгоритмів. **О**-нотація»

Студент гр. КІ-23-1 ПІБ Кобець О. О.

Практична робота №1

Тема. Асимптотична складність алгоритмів. О-нотація

Мета: набути практичних навичок у розв'язанні задач на оцінку асимптотичної складності алгоритмів у 0.

Завдання

8. Довести, що $f(n) = 2n \ 2 + 10n + 3 = O(n \ 2)$.

Доводимо:

Функція
$$f(n) = 2n^2 + 10n + 3$$
.

$$f(n) \le c * n^2$$
 для всіх $n \ge n_0$

$$2n^2 + 10n + 3 \le (2 + 10 + 3)n^2 = 15n^2$$

$$f(n) \le 15$$
n^2 для всіх $n \ge n_0$

$$f(n) = O(n^2)$$
.

13. Задано функції
$$f(n) = 100n$$
 3 + 8 та $g(n) = n$ 3 . Доведіть, що $f(n) = O(g(n))$.

$$f(n) \le c * g(n)$$
 для всіх $n \ge n_0$, де $g(n) = n^3$.

$$f(n) = 100n^3 + 8 \le (100 + 8)n^3 = 108n^3$$

$$f(n) \le 108n^3$$
 для всіх $n \ge n_0$

$$f(n) = O(n^3).$$

Контрольні питання

1. Що таке асимптотична складність алгоритму?

Асимптотична складність алгоритму — це математична характеристика, яка описує поведінку часу виконання або використання пам'яті алгоритмом при збільшенні розміру вхідних даних. Вона дозволяє оцінити ефективність алгоритму в контексті великих обсягів даних і допомагає порівнювати алгоритми, незалежно від конкретних апаратних засобів або реалізацій.

2. Яким чином визначається О-нотація і яка її сутність?

О-нотація (велике О) використовується для опису верхньої межі швидкості росту часу виконання або використання пам'яті алгоритмом. Її сутність полягає в тому, щоб вказати, як швидко збільшується складність алгоритму відносно розміру вхідних даних у найгіршому випадку. Наприклад, якщо алгоритм має

асимптотичну складність O(n2), це означає, що час виконання алгоритму буде збільшуватися не більше, ніж квадратично з ростом розміру вхідних даних.

3. Які основні правила використання О-нотації при аналізі алгоритмів?

Основні правила використання О-нотації при аналізі алгоритмів:

- Константи та менші члени ігноруються: Якщо є кілька складових з різними степенями, залишають тільки домінуючий член, а константи ігноруються. Наприклад, якщо алгоритм має складність 3n2+5n+2, його О-нотація буде O(n2).
- Асимптотична поведінка враховується для великих даних: Вона визначає продуктивність алгоритму, коли розмір вхідних даних стає дуже великим.
- Описує найгірший випадок: О-нотація, зазвичай, використовується для оцінки продуктивності алгоритму у найгіршому сценарії.
- 4. Що означають вирази O(1), O(n), O(n2) в контексті асимптотичної складності?

Значення виразів в контексті асимптотичної складності:

- O(1): Константна складність час виконання або використання пам'яті не залежить від розміру вхідних даних.
- O(n): Лінійна складність час виконання або використання пам'яті пропорційний розміру вхідних даних.
- O(n2): Квадратична складність час виконання або використання пам'яті пропорційний квадрату розміру вхідних даних.
- 5. Яким чином визначити асимптотичну складність алгоритму за його кодом або математичним виразом?

Щоб визначити асимптотичну складність алгоритму за його кодом або математичним виразом:

- Проаналізуйте цикли в коді: Найчастіше складність залежить від вкладеності циклів. Наприклад, один цикл зазвичай має складність O(n), а вкладений цикл O(n2).
- Врахуйте рекурсії: Для рекурсивних алгоритмів часто використовуються рекурсивні рівняння, які допомагають визначити їх складність.
- Ігноруйте константи та менш значущі члени: Залиште лише домінуючий член, що найшвидше зростає зі збільшенням розміру вхідних даних.