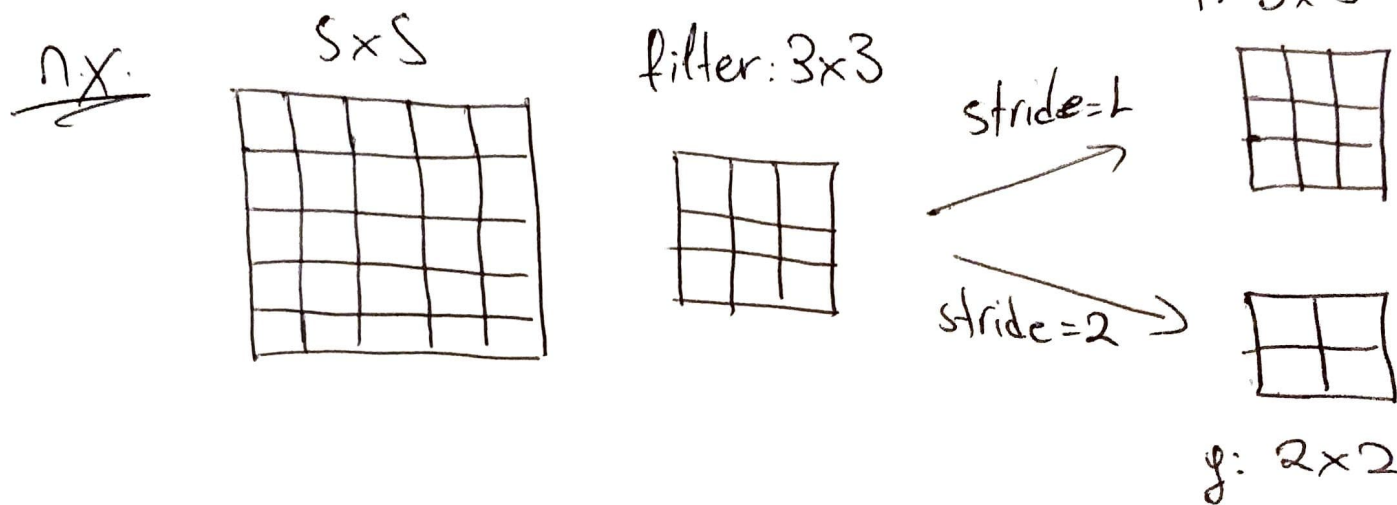


# Problem-121

①

Πως μπορεί να υπολογιστεί ον gradient ενός conv. layer όταν έχουμε  $\text{stride} > 1$

Λύση: Αρχικά, δεν πρέπει το αποτέλεσμα που θα προκύψει θα είναι περίπου το ίδιο ~~με~~ με τη διαφορά ότι το μέγεθος του τελικού πλέγματος θα είναι μικρότερο.



Υπολογισμός του gradient ενός max-pooling με overlapping

Λύση: Γενικά:  $\delta_{ij}^l = \frac{\partial E}{\partial x_{ij}^l} = w'_{ij} \sum_k \delta_k^{l+1} w_{ij}^{l,l+1}$   
 $\uparrow$   
 max pooling function

Έστω ότι έχουμε input  $\mathbf{a} = [i_0, i_1, i_2, i_3, i_4, i_5]$  &  $\uparrow$  max pooling function  $\mathbf{u} = [u_0, u_1]$  όπου  $u_0 = \max(i_0, i_1, i_2)$  &  $u_1 = \max(i_3, i_4, i_5)$

Από την επιλογή της  $\mathbf{u}$  στο  $i$  προκύπτει

$$\mathbf{u} = [i_1^*, i_2^*]$$

όπου  $i_1^*$  είναι το max των  $i_0, i_1, i_2$  & το  $i_2^*$  το max των  $i_3, i_4, i_5$

πχ για  $\mathbf{a} = [1, 2, 3, 4, 5]$   $\Rightarrow \mathbf{u} = [3, 5]$

Η gradient της max pooling operation θα είχε μόνο 2 στοιχεία

$$\nabla_{\mathbf{u}} F = [x, y]$$

Αν όμως επιτρέψουμε overlapping (εξίσου με το παραδείγμα) τότε θα προκύπτει:

$$\mathbf{u} = [0, 0, i_1^*, 0, i_2^*]$$

Άρα: η τελική gradient θα είναι ως προς:  $\nabla_{\mathbf{u}} F = [0, 0, x, 0, y]$