

# Цель работы

---

Освоить на практике разложение чисел на множители.

## Выполнение лабораторной работы

---

Требуется реализовать:

1. Алгоритм, реализующий р-метод Полларда

### р-метод Полларда

Метод Полларда применяется при факторизации натуральных чисел.

Основные шаги:

Вход: число  $N$ , начальное значение  $s$ , функция  $f$ , обладающая сжимающими свойствами Выход: нетривиальный делитель числа  $n$

1. положить  $a \leftarrow s, b \leftarrow s$
2. Вычислить  $a \leftarrow f(a) \pmod n, b \leftarrow f(b) \pmod n$
3. Найти  $d \leftarrow \text{НОД}(a-b, n)$
4. Если  $1 < d < n$ , То положить  $p \leftarrow d$  и результат:  $p$ . При  $d=n$  результат: "Делитель не найден"; при  $d=1$  вернуться на шаг 2

Чтобы реализовать программу, был написан след. код на python:

1. Функция, реализующая р-метод Полларда
2. Функция нахождения НОД [fig:1].

```
1  from math import gcd
2
3  def f(x, n):
4      return (x*x+5)%n
5
6  def fu(n, a, b, d):
7      a = f(a, n)
8      b = f(f(b, n), n)
9      d = gcd(a-b, n)
10     if 1<d<n:
11         print(d)
12         exit()
13     if d == n:
14         print("not found")
15     if d == 1:
16         fu(n, a, b, d)
17
18 def main():
19     n = 1359331
20     c = 1
21     a = f(c, n)
22     b = f(a, n)
23     d = gcd(a-b, n)
24     if 1< d < n:
25         print(d)
26         exit()
27     if d == n:
28         pass
29     if d == 1:
30         fu(n, a, b, d)
```

{#fig:1 width=100%}

Выходные значения программы (пример из методички) [ @fig:2 ].

```
17
18 def main():
19     n = 1359331
20     c = 1
21     a = f(c, n)
22     b = f(a, n)
23     d = gcd(a-b, n)
24     if 1< d < n:
25         print(d)
26         exit()
27     if d == n:
28         pass
29     if d == 1:
30         fu(n, a, b, d)
```

```
[ ] 1  main()
```

1181

{#fig:2 width=100%}

## Выводы

---

В результате выполнения работы освоили на практике алгоритм разложения чисел на множители.

## Список литературы

---

1. Методические материалы курса