

题目：

Given an integer n , count the total number of digit 1 appearing in all non-negative integers less than or equal to n .

For example:

Given $n = 13$,

Return 6, because digit 1 occurred in the following numbers: 1, 10, 11, 12, 13.

[思路]

reference: <https://leetcode.com/discuss/44281/4-lines-o-log-n-c-java-Python>

intuitive: 每 10 个数, 有一个个位是 1, 每 100 个数, 有 10 个十位是 1, 每 1000 个数, 有 100 个百位是 1. 做一个循环, 每次计算单个位上 1 得总个数(个位, 十位, 百位).

例子:

以算百位上 1 为例子: 假设百位上是 0, 1, 和 ≥ 2 三种情况:

case 1: $n=3141092$, $a=31410$, $b=92$. 计算百位上 1 的个数应该为 $3141 * 100$ 次.

case 2: $n=3141192$, $a=31411$, $b=92$. 计算百位上 1 的个数应该为 $3141 * 100 + (92+1)$ 次.

case 3: $n=3141592$, $a=31415$, $b=92$. 计算百位上 1 的个数应该为 $(3141+1) * 100$ 次.

以上三种情况可以用 一个公式概括:

$(a + 8) / 10 * m + (a \% 10 == 1) * (b + 1);$

```
class Solution {  
    typedef long long int64_t;  
public:  
    int countDigitOne(int n) {  
        int result = 0;  
        for (int64_t m = 1; m <= n; m *= 10){  
            int a = n / m, b = n % m;  
            result += (a + 8) / 10 * m;  
            if (a % 10 == 1) result += (b + 1);  
        }  
        return result;  
    }  
};
```