



EÖTVÖS LORÁND TUDOMÁNYEGYETEM

INFORMATIKAI KAR

PROGRAMOZÁSI NYELVEK ÉS FORDÍTÓPROGRAMOK

TANSZÉK

# Táblázatkezelő szoftver implementálása Haskell nyelven

*Supervisor:*

Dr. Kaposi Ambrus

egyetemi docens

*Author:*

Széles Márk

programtervező informatikus BSc

*Budapest, 2021*

This page should be the original Thesis Topic Declaration.

# Tartalomjegyzék

<b>1</b>	<b>Bevezetés</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Felhasználói dokumentáció</b>	<b>4</b>
<b>3</b>	<b>Fejlesztői dokumentáció</b>	<b>5</b>
3.1	A fejlesztői dokumentáció felépítése . . . . .	5
3.2	A szoftver felépítése . . . . .	5
3.2.1	Felhasznált technológiák összefoglalása . . . . .	5
3.2.2	A globális állapot . . . . .	6
3.2.3	Programkomponensek és modulszerkezet (nem teljes!!!!!!!!!!) . .	7
3.3	A program moduljainak részletes leírása . . . . .	8
3.3.1	Spreadsheet.Types . . . . .	8
3.3.2	Spreadsheet.Parser . . . . .	12
3.3.3	Spreadsheet.Interface . . . . .	13
<b>4</b>	<b>Összegzés</b>	<b>16</b>
<b>A</b>	<b>Szimulációs eredmények</b>	<b>17</b>
	<b>Bibliography</b>	<b>19</b>
	<b>List of Figures</b>	<b>20</b>
	<b>List of Tables</b>	<b>21</b>
	<b>List of Codes</b>	<b>22</b>

# fejezet 1

## Bevezetés

Ha indokolni szeretnénk egy új táblázatkezelő szoftver elkészítésének létjogosultságát, két kérdésre kell választ adnunk:

1. Milyen funkciókat kell ellátnia egy táblázatkezelő szoftvernek?
2. Mi az, ami hiányzik a jelenleg elterjedt szoftverekből? (Pl. Microsoft Excel)

Az első kérdésre talán az a legegyszerűbb válasz, hogy egy táblázatkezelő lehetőséget ad adatok tárolására és a bevitt adataink alapján újabb adatok kiszámítására. Ez a valóságban számtalan alkalmazási lehetőséget jelent. Az Excel-lel például lehet színes, táblázatos formájú órarendet készíteni, egy gyakorlati csoport eredményeit számontartani, családi költségvetést vezetni, stb.

Egy táblázatkezelőben minden cella tartalma egy funkcionális program. Egy cellába írhatunk egy egyszerű kifejezést (adat), vagy egy összetettebb programot, ami korábbi adatok függvényében számít ki egy új adatot. A táblázatkezelő tehát nem más, mint egy könnyen használható interfész a háttérben meghúzódó funkcionális nyelvhez. Ennek a nyelvnek az intuitív használatát számos funkció segíti. Lehetővé válik az összetett program komponensekre bontása, és az egyes komponensek eredményeinek hatékony vizualizációja.

Ha tekintjük napjaink legnépszerűbb táblázatkezelő szoftverét, az Excel-t, azt láthatjuk, hogy a fent leírt feladatot kiválóan ellátja. Bővelkedik megjelenítéssel kapcsolatos opciókban, a felhasználói felület használata intuitív, az elérhető dokumentáció közérthető. Fő hiányosságát nem is ebben látom, hanem az általa használt programozási nyelvben. Az Excel-ben a szoftver saját programozási nyelvét használhatjuk, aminek bővítésére a VBA programnyelv használatával van lehetőség. (*refe-*

*rencia?*) Ez azonban nem a legkényelmesebb megoldás, nehézkes egy összetettebb számítási funkciót hozzáadni az eszköztárunkhoz.

Ezen probléma megoldására teszek kísérletet dolgozatomban. Egy olyan táblázatkezelő szoftvert készítettem el, aminek a celláiba – a táblázatkezelő funkciók megfelelő ellátása érdekében kissé kiegészített – Haskell nyelven lehet programokat írni. Így a felhasználó rendelkezésére áll egy általános célú programnyelv teljes eszköztára.

fejezet 2

Felhasználói dokumentáció

## fejezet 3

# Fejlesztői dokumentáció

### 3.1 A fejlesztői dokumentáció felépítése

A fejlesztői dokumentáció három nagy részből áll. Az 3.2 részben ismertetésre kerülnek a szoftver készítése során felhasznált technológiák, valamint nagy vonalakban a szoftver logikai felépítése. (Milyen programkomponensek vannak, milyen feladatokat látnak el, hogyan kapcsolódnak egymáshoz.) A 3.3 rész tartalmazza az egyes komponensek részletesebb leírását. Minden komponens esetén ismertetésre kerül a más komponensek felé nyilvánosságra hozott interfész, valamint a komponensek működési elve, beleértve a használt típusok leírását és a fontosabb algoritmusok működési elvét. A 3.4 rész tartalmazza a tesztelési eljárás leírását és a tesztelés eredményeit.

### 3.2 A szoftver felépítése

#### 3.2.1 Felhasznált technológiák összefoglalása

Az alkalmazás Haskell nyelven íródott. A grafikus megjelenítés *GTK+* alapú, a *gtk2hs* csomag által biztosított bindingokat használtam a grafikus felület kezeléséhez. Ez a csomag a *GTK+* osztályhierarchiáját Haskell típusosztályok hierarchiájaként adja vissza. Az egyes osztályok metódusainak a típusosztályok definíciójában szereplő függvények felelnek meg. A *GTK+* típusai foreign pointerok segítségével vannak megvalósítva, és *IO*-ban használhatók.

Az alkalmazás a *GTK+* logikájának megfelelően eseményvezérelt. A felhasználó akciói eseményeket váltanak ki, amelyek hatására handlerek futnak le. A handlerek minden esetben *IO* akciók, amelyek valamilyen módon módosítják a globális állapotot (lásd 3.2.1. Globális állapot). A szoftver fejlesztése során fontos volt, hogy minél kevesebb legyen az tisztátalan (impure), *IO*-n belül elvégzett számítás. Igyekeztem a program logikájának minél nagyobb részét egy tiszta, nem monadikus környezetben megvalósítani. Így a számítások helyessége könnyebben tesztelhető/verifikálható, a handlerek már keveset számolnak az *IO*-ban.

Az alkalmazás a parseolási feladatokhoz a *parsec* csomagot, a gráfok kezeléséhez az *fgl* csomagot, a ghci futtatásához pedig a *ghcid* csomagot használja. A modell adatainak könnyebb kezeléséhez a *microlens-platform* csomagot használtam, ami a jól ismert *lens* csomag egy kevesebb funkciót és kevesebb függőséget tartalmazó változata. A függőségek pontos listája elérhető a Felhasználói dokumentációban, illetve az egyes programkomponensek részletes leírásakor is említésre kerülnek a fontosabb felhasznált csomagok.

### 3.2.2 A globális állapot

Az alkalmazás fő felépítését egy az FP Complete blogján megjelent cikk (**IDE KÉNE EGY REFERENCIA**) inspirálta. Az alkalmazás a globális (olvasható) állapotot a *ReaderT* monád transzformer segítségével valósítja meg, az alkalmazás vezérlése így egy *ReaderT Env IO* környezetben történik, ahol *Env* a globális állapotot leíró adattípus. Fontos megjegyezni, hogy bár az *Env* típus komponensei az inicializálás után sosem módosulhatnak, a mögöttes állapot még változhat, hiszen a komponensek módosítható referenciák. Ez nagyon hasonló a Java nyelvben használható konstans referencia koncepciójához: a referencia nem változhat, de a referált adat igen.

A fentebb referált cikk által inspirálva a (GUI komponensein kívüli) globális állapot egy *StateT* transzformer helyett módosítható referenciákkal (*IORef* és *MVar*) kezeltetik. Ugyanis hiába tiszta, ha globálisan használjuk a *StateT*-t, valójában – a programlogika szintjén – ugyanúgy egy globális, módosítható állapotot vezetünk be. Szintén egy szempont, hogy a *GTK+* alapú *GUI* miatt eleve szerepelnek módosítható referenciák (foreign pointer) a globális állapotban, így ez a probléma sem-



miképpen nem kerülhető el teljesen. Egy további érv a globális *StateT* ellen, hogy egy nagyobb monad stack szükségszerűen bonyolítja a programot. A *ReaderT IO* ellenben még kifejezetten könnyen kezelhető. A cikk konkurenciához köthető problémákat is említ a *StateT*-vel kapcsolatban. Ez a szoftver jelenlegi verziójában még nem olyan jelentős (lévén a mostani implementáció nagyon kis mértékben épít konkurenciára). Azonban a jövőre nézve mindenképpen előnyös, ha a szoftvert könnyen lehet a konkurrens paradigma szerint bővíteni.

Ezen bevezető után tekintsük a globális állapot definícióját! Az alábbi típusdefiníció az *App.Types* modulban található:

```
1 data Env = Env { evalControl  :: EvalControl
2                , gui          :: Gui
3                , state        :: IORef Spreadsheet
4                , file         :: IORef (Maybe File)
5                } deriving Eq
```

Code 3.1: Az Env típus

Az *evalControl* mező tartalmazza a kifejezések ghci-ban való kiértékelés hez szükséges erőforrásokat. A *gui* mező tartalmazza a GUI komponenseit. A *state* mező egy módosítható referencia, ami a számológépet reprezentáló, *Spreadsheet* típusú adatot referálja. A *file* adattag tartalmazza az éppen a táblázatkezelőbe betöltött fájl fontosabb adatait, amennyiben be van töltve egy fájl. A mezők részletes leírása (típusdefinícióval együtt) szerepelni fog a komponenseket használó modulok részletes leírásában.

### 3.2.3 Programkomponensek és modulszerkezet (nem teljes!!!!!!!!!!)

Az alábbiakban röviden összefoglalom a szoftver moduljainak fő feladatát:

- **Main** – főprogram
- **App** – az alkalmazás fő logikája, eseménykezelés
  - **App.CreateEnv** – a globális állapot inicializálása, GUI funkcionalitás nélkül

- **App.RunApp** – a főprogram definiálása, a main loop terminálásakor végrehajtandó IO akciók megadása
- **App.Setup** – funkcionalitás hozzárendelése a GUI-hoz
- **App.Types** – a globális állapothoz tartozó típusdefiníciók
- **Eval** – kifejezések GHCi-ban történő kiértékelése
  - **Eval.EvalMain** – a tényleges kiértékelést végző szál főprogramja
  - **Eval.Ghci** – az App számára biztosított interfész a kiértékeléshez
- **Persistence** – az App számára biztosított interfész fájlok mentéséhez és betöltéséhez
- **Spreadsheet** – a számológéptábla reprezentációja és műveletei
  - **Spreadsheet.CodeGeneration** – kódgenerálás a kiértékeléshez, **FULL NEM ITT KÉNE LENNIE 44!4!!4**
  - **Spreadsheet.Interface** – a számológéptábla műveletei, amiket az App használhat
  - **Spreadsheet.Parser** – felhasználó által írt kód reprezentációjának előállítás
  - **Spreadsheet.Types** – a számológéptábla és kapcsolódó kivételek típusdefiníciói

## 3.3 A program moduljainak részletes leírása

### 3.3.1 Spreadsheet.Types

Az alkalmazás a Spreadsheet típussal reprezentálja a számológéptábla állapotát. Alább látható a Spreadsheet.Types modulban szereplő definíció:

```
1 type CellID = Int
2
3 data Cell' = Str String | Number Double | EmptyCell
4   deriving (Eq, Show, Generic)
5
```

```
6 -- I need to come up with a better name lol
7 data ForPiece = Code String | Refs [CellID]
8   deriving (Eq, Show, Generic)
9
10 data FormulaError = FNoParse
11                  | FCycleRefError
12                  | FNoCache
13                  | FListTypeError
14                  | FMissingDepError
15                  | FGhciError
16                  | FTimeoutError
17   deriving (Eq, Show, Generic)
18
19 data Formula = Formula { _code :: String
20                        , _cache :: Either FormulaError Cell'
21                        , _value :: Maybe [ForPiece]
22                        }
23   deriving (Eq, Show, Generic)
24
25 data Cell = Val {_cellV :: Cell'} | For {_cellF :: Formula}
26   deriving (Eq, Show, Generic)
27
28 data Spreadsheet = SS { _sheet :: Gr Cell Int
29                       , _selected :: Maybe CellID
30                       , _logMessage :: Maybe String
31                       }
32   deriving(Eq, Show, Generic)
```

Code 3.2: A Spreadsheet típus

A Spreadsheet egy rekord típus, amelynek három mezője van. A *selected* mező jelenti az aktuálisan kijelölt cellát. Ez a mező kerülhetett volna a globális állapotba is, azonban a tervezés korai fázisában másképp döntöttem, és már nem feltétlenül éri meg refaktorálni a kódot. A *\_logMessage* mező tartalmazza a legutóbbi művelet kiértékeléséből származó szöveges (a GUI-ban a logra írandó) üzenetet.

A *\_sheet* mező reprezentálja a tényleges számolótáblát. A számolótábla egy irányított gráf, aminek a csúcsai *Cell* típusú értékekkel vannak címkézve. Az élek egész számokkal vannak címkézve. (Lehetett volna *()*-tal is, azonban a használt gráfcső-

mag által biztosított legrövidebb utak implementációnak szüksége volt számszerű élcímkekre. Az implementációban minden él címkéje 1.) A gráfban minden csúcs a számolótábla egy cellájának felel meg. Egy  $A$  csúcsból pontosan akkor megy el egy  $B$  csúcsba, ha a  $B$  csúcsban található cella kódja hivatkozik az  $A$  csúcsban található cellára.

Egy cella pontosan akkor szerepel a gráfban, ha nemüres vagy van olyan cella, amelyik hivatkozik rá. Így az üres és nemhivatkozott cellák tárolására nincs szükség.

A fent megadott gráfrepresentációnak két további előnye is van. Egyrészt könnyű körfigyelést implementálni, így elkerülve, hogy cellák körkörösén hivatkozzanak egymásra; másrészt ha módosul egy  $A$  cella tartalma, akkor pontosan az  $A$ -ból elérhető csúcsoknak megfelelő cellákat kell újra kiértékelni.

A gráfrepresentáció megvalósításához az *fgl* csomagot használtam. A műveletek a *DynGraph* típusosztály tetszőleges megvalósítására működnek. **EZ MÉG NEM IGAZ, DE MAJD ÁTÍROM** A *Spreadsheet* típus definíciójában a *PatriciaTree* alapú *Gr* típust használtam.

Egy cella tartalmát a *Cell* típus fejezi ki. Egy cella tartalma lehet érték (*Cell'*) vagy formula (*Formula*). Az érték jelenleg háromféle lehet: szám (*Double*), string vagy üres.

Ha egy cella formulát tartalmaz, az a háromelemű *Formula* rekorddal reprezentáltatik. A *\_code* mező tartalmazza a felhasználó által megadott kódot. Ez egy kényelmi funkció, hogy a kód megjelenítéséhez ne kelljen visszakonvertálni a reprezentációból. A *\_cache* mezőben szerepel, hogy mi a formula legutóbbi kiértékelésének eredménye (ha egyáltalán már ki lett értékelve). A *cache* értéke vagy egy érték (*Cell'*) vagy valamilyen hiba (*FormulaError*).

A *\_value* jelenti a formula kódgeneráláshoz szükséges reprezentációját. Ez a reprezentáció *ForPiece*-ek (formuladarabok) listája. Egy formuladarab vagy egy kód-részlet (*String*) vagy cellaazonosítók listája. A *\_value* mezőről részletesebben lesz szó a *Spreadsheet.Parser* és a *Spreadsheet.CodeGeneration* modulok leírásában.

A *Formula* típushoz tartozik egy invariáns állítás: a program futása során egy *Formula* mindig a következő oldalon leírt állapotok valamelyikében figyelhető meg.

Érdemes megjegyezni, hogy ez az invariáns típuszinten is garantálható lett volna (feladat az olvasó számára!). A jelenlegi megoldás a korai tervezési fázis eredménye,

Minta			Jelentés
Formula	_ (Left FNoParse)	Nothing	parseolási hiba
Formula	_ (Left FCycleRefError)	Nothing	sikeres parseolás, azonban a formula körkörös referenciákat adott volna a táblához
Formula	_ (Left FNoCache)	(Just _)	sikeres parseolás, érvényes referenciák, de a formula még nem lett kiértékelve
Formula	_ (Left FListTypeError)	(Just _)	<b>ALMA?</b>
Formula	_ (Left FMissingDepError)	(Just _)	a formula nem értékelhető ki, mivel egy hivatkozott cella nem volt cache-elve.
Formula	_ (Left FGHCLError)	(Just _)	a formula egyéb okokból nem volt kiértékelhető (pl. típushiba, Haskell szintaxis-hiba)
Formula	_ (Left FTimeoutError)	(Just _)	időtúllépés miatt sikertelen kiértékelés, valószínűleg végtelen ciklus miatt
Formula	_ (Right cell')	(Just _)	sikeres kiértékelés, az eredmény cell'

táblázat 3.1: Egy *Formula* lehetséges állapotai

a későbbiekben már erőforrásigényes lett volna refaktorálni a kódot.

További megjegyzések a *Spreadsheet* típussal kapcsolatban:

- A *Spreadsheet.Types* modul alapértelmezett nevű lenseket is exportál a *Cell*, *Formula* és *Spreadsheet* típusokhoz.
- A *Spreadsheet.Types* modulban szereplő összes típus (a kivételek kivételével) példánya a *Generic* és *Serialize* típusosztályoknak (ez utóbbit a *cereal* csomag exportálja). Erre a perzisztencia implementációjához van szükség.

### 3.3.2 Spreadsheet.Parser

A modul feladata egy a felhasználó által egy cellához megadott kód (*String*) reprezentációjának (*Cell*) előállítás. A modul egy függvényt exportál. (*rep :: String -> Cell*)

Legyen a felhasználó által megadott kód *str*. A *rep* függvény az alábbi specifikáció szerint állítja elő a kód cellarepresentációját.

1. Ha  $str = ""$ ,  $rep\ str = Val\ EmptyCell$
2. Ha  $str$  illeszkedik a  $(+|-|\varepsilon)DD^*(.D^+|\varepsilon)$  reguláris kifejezésre, ahol  $D=(0|1|2|3|4|5|6|7|8|9)$ , akkor  $rep\ str = Val\ (Num\ n)$ , ahol  $n$  a literál által ábrázolt lebegőpontos szám.
3. Ha a fenti esetek egyike sem áll fent, és  $str$  nem  $(=C^*)$  alakú (ahol  $C$  az összes karakterek halmaza), akkor  $rep\ str = Val\ (Str\ str)$
4. Ha  $B$  a betűk halmaza (a *Data.Char* modul *isLetter* függvényének igazság-halmaza),  $C' = C \setminus \{\$ \}$  és  $str = ((\{BD^+ : BD^+\} | (\{BD^+\} | (C'^+)))^+)$  alakú, akkor a kód formulaként parseolható.  $rep\ str = Formula\ str\ (Left\ FNoCache)\ (Just\ ps)$ , ahol  $ps$  definíciója alább szerepel.
5. Ha egyik fenti eset sem áll fent, akkor a parseolás sikertelen. Ekkor  $rep\ str = Formula\ str\ (Left\ FNoParse)\ Nothing$

Ha *str* formulaként parseolható (fenti 4. eset), egy egyszerű szintaktikus elemzés segítségével kaphatjuk a reprezentációjának *\_value* komponensét. A parser először

elhagyja az  $=$  karaktert. Ezután sorban parseol substringeket a szó elejéről az alábbi módon:

1. Először megpróbálja cellahivatkozásként olvasni a soron következő részt:  $((\S BD^* : BD^* \S) | (\S BD^+ \S))$ . Ha sikerült, a hivatkozást cellaazonosítók sorozatává konvertálja (lásd alább), és a kapott  $rs$  azonosítólistát *Refs rs* módon az eredménylista végére fűzi.
2. Ha a soron következő substring nem olvasható cellahivatkozásként, akkor a parser végigolvassa a lehető leghosszabb  $s = C'^+$  substringet, és az eredménylistához egy *Code s*-t ír.

A cellahivatkozások feloldásához kihasználjuk, hogy a karakterek injektíven az egész számok halmazára képezhetők (az *Enum* típusosztály műveleteivel). A kis- és nagybetűket nem különböztetjük meg. Emellett definiálunk egy *Enum* példányt  $(Int, Int)$  párokra. **AZT IS LE KÉNE SZÉPEN ÍRNI...** Jelölje  $fromEnum^C$  a karaktert Int-té kódoló függvényt, és  $fromEnum^P$  az  $(Int, Int)$  párt Int-té kódoló függvény. Jelölje  $a, b :: Int$  esetén  $[a..b]$  az  $a \leq n \leq b$  n egész számok rendezett listáját! Ekkor a cellahivatkozások feloldása az alábbiak szerint történik:

1. Ha a hivatkozás  $(\S BD^* \S)$  alakú, legyen  $b$  a betű, és  $n$  a számjegyek által reprezentált egész szám. Ekkor a kapott  $rs$  lista egyelemű.  $rs = [fromEnum^P (fromEnum^C, n)]$
2. Ha a hivatkozás  $(\S BD^* : BD^* \S)$  alakú, felbontható a  $:$  mentén két egyszerű hivatkozásra. Legyenek a betűk  $d_1$  és  $d_2$ , a számjegyek által reprezentált számok pedig rendre  $n_1$  és  $n_2$ ! Ekkor XD LOL

### 3.3.3 Spreadsheet.Interface

Ebben a modulban szerepelnek az *App* komponens számára elérhető, a *Spreadsheet* típushoz kapcsolódó függvények. Alább látható táblázatos formában a modul által exportált függvények feladata:

Függvény	Típus	Feladat
<code>emptySpreadSheet</code>	<code>Spreadsheet</code>	üres számolótábla (0 csúcsú gráf, nincs kijelölt cella, nincs log üzenet)
<code>getCellText</code>	<code>CellID -&gt; Spreadsheet -&gt; String</code>	egy cellában megjelenítendő szöveg lekérdezése
<code>getCellCode</code>	<code>getCellCode :: CellID -&gt; Spreadsheet -&gt; String</code>	egy adott cellába legutóbb beírt kód lekérdezése
<code>setCellState</code>	<code>CellID -&gt; String -&gt; Spreadsheet -&gt; Spreadsheet</code>	a megadott cella állapotának módosítása egy a felhasználó által megadott String alapján
<code>cacheCell</code>	<code>CellID -&gt; Either EvalError String -&gt; Spreadsheet -&gt; Spreadsheet</code>	kiértékelés eredményének cachelése
<code>getSelected</code>	<code>Spreadsheet -&gt; Maybe CellID</code>	kijelölt cella azonosítója
<code>setSelected</code>	<code>CellID -&gt; Spreadsheet -&gt; Spreadsheet</code>	kijelölt cella azonosítójának beállítása
<code>getLogMessage</code>	<code>Spreadsheet -&gt; String</code>	legutóbbi log üzenet lekérdezése

táblázat 3.2: A *Spreadsheet.Interface* által exportált függvények



## setCellState

A *setCellState* függvény feladata, hogy a megadott cellaazonosítóhoz tartozó csúcsban lévő cella állapotát a felhasználó által megadott *String*-nek megfelelően módosítsa, valamint felülírja a *\_logMessage* mező tartalmát a művelet sikerességétől függően.

Ehhez szükség van a megadott *String Cell* reprezentációjára, amit a *Spreadsheet.Parser* modul által exportált *rep* függvény számít ki. A kapott reprezentáció alapján az alább leírtaknak megfelelően viselkedik a függvény:

1. Ellenőrzi, hogy a cella állapotának megváltoztatásával keletkeznék-e körkörös referencia. Pontosan akkor keletkeznék, ha a megváltoztatandó *c* azonosítójú cellához tartozó csúcsba bemenő összes él kitörölésével keletkezett gráfban van olyan *n* azonosítójú csúcs, hogy *c* kódja hivatkozik *n*-re és a gráfban már van  $c \rightarrow n$  út. (Ez utóbbi feltétel azt jelenti, hogy az *n* cella értéke függ *c* értékétől.) Ezt a feltételt az *isLegal* függvény ellenőrzi. Érdemes megjegyezni, hogy ilyen hiba csak akkor fordulhat elő, ha a kapott reprezentációnk egy formula.
2. Amennyiben az *isLegal* eredménye *False*, a *c* csúcsban levő cella reprezentációja *For (Formula str' (Left FCycleRefError) Nothing)* lesz, ahol *str'* a paraméterként kapott *String*. A *\_logMessage* mezőbe egy hibaüzenet kerül.
3. Amennyiben az *isLegal* függvény *True* eredményt ad, a gráfból kitöröltetik az összes *c*-be menő él, és új *c*-be menő élek kerülnek behúzásra a *c* kódja által referált celláknak megfelelő csúcsokból. (Ezeket a *references* függvény számolja a reprezentációból.) A *\_logMessage* mező tartalma egy sikert jelző üzenet lesz.

fejezet 4

Összegzés

# ?appendixname? A

## Szimulációs eredmények

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Pellentesque facilisis in nibh auctor molestie. Donec porta tortor mauris. Cras in lacus in purus ultricies blandit. Proin dolor erat, pulvinar posuere orci ac, eleifend ultrices libero. Donec elementum et elit a ullamcorper. Nunc tincidunt, lorem et consectetur tincidunt, ante sapien scelerisque neque, eu bibendum felis augue non est. Maecenas nibh arcu, ultrices et libero id, egestas tempus mauris. Etiam iaculis dui nec augue venenatis, fermentum posuere justo congue. Nullam sit amet porttitor sem, at porttitor augue. Proin bibendum justo at ornare efficitur. Donec tempor turpis ligula, vitae viverra felis finibus eu. Curabitur sed libero ac urna condimentum gravida. Donec tincidunt neque sit amet neque luctus auctor vel eget tortor. Integer dignissim, urna ut lobortis volutpat, justo nunc convallis diam, sit amet vulputate erat eros eu velit. Mauris porttitor dictum ante, commodo facilisis ex suscipit sed.

Sed egestas dapibus nisl, vitae fringilla justo. Donec eget condimentum lectus, molestie mattis nunc. Nulla ac faucibus dui. Nullam a congue erat. Ut accumsan sed sapien quis porttitor. Ut pellentesque, est ac posuere pulvinar, tortor mauris fermentum nulla, sit amet fringilla sapien sapien quis velit. Integer accumsan placerat lorem, eu aliquam urna consectetur eget. In ligula orci, dignissim sed consequat ac, porta at metus. Phasellus ipsum tellus, molestie ut lacus tempus, rutrum convallis elit. Suspendisse arcu orci, luctus vitae ultricies quis, bibendum sed elit. Vivamus at sem maximus leo placerat gravida semper vel mi. Etiam hendrerit sed massa ut lacinia. Morbi varius libero odio, sit amet auctor nunc interdum sit amet.

Aenean non mauris accumsan, rutrum nisi non, porttitor enim. Maecenas vel

tortor ex. Proin vulputate tellus luctus egestas fermentum. In nec lobortis risus, sit amet tincidunt purus. Nam id turpis venenatis, vehicula nisl sed, ultricies nibh. Suspendisse in libero nec nisi tempor vestibulum. Integer eu dui congue enim venenatis lobortis. Donec sed elementum nunc. Nulla facilisi. Maecenas cursus id lorem et finibus. Sed fermentum molestie erat, nec tempor lorem facilisis cursus. In vel nulla id orci fringilla facilisis. Cras non bibendum odio, ac vestibulum ex. Donec turpis urna, tincidunt ut mi eu, finibus facilisis lorem. Praesent posuere nisl nec dui accumsan, sed interdum odio malesuada.

# Bibliography

- [1] O. J. Dahl, E. W. Dijkstra és C. A. R. Hoare, szerk. *Structured Programming*. London, UK, UK: Academic Press Ltd., 1972. ISBN: 0-12-200550-3.
- [2] Thomas H. Cormen és tsai. *Introduction to Algorithms, Third Edition*. 3rd. The MIT Press, 2009. ISBN: 0262033844, 9780262033848.
- [3] Glenn E. Krasner és Stephen T. Pope. “A Cookbook for Using the Model-View-Controller User Interface Paradigm in Smalltalk-80”. *J. Object Oriented Program.* 1.3 (1988. aug.), old. 26–49. ISSN: 0896-8438. URL: <http://dl.acm.org/citation.cfm?id=50757.50759>.
- [4] E. Dijkstra. “Classics in Software Engineering”. Szerk. Edward Nash Yourdon. Upper Saddle River, NJ, USA: Yourdon Press, 1979. Fej. Go to Statement Considered Harmful, old. 27–33. ISBN: 0-917072-14-6. URL: <http://dl.acm.org/citation.cfm?id=1241515.1241518>.

?listfigurename?

## ?listtablename?

3.1	Egy <i>Formula</i> lehetséges állapotai . . . . .	11
3.2	A <i>Spreadsheet.Interface</i> által exportált függvények . . . . .	14

# List of Codes

3.1	Az Env típus . . . . .	7
3.2	A Spreadsheet típus . . . . .	8