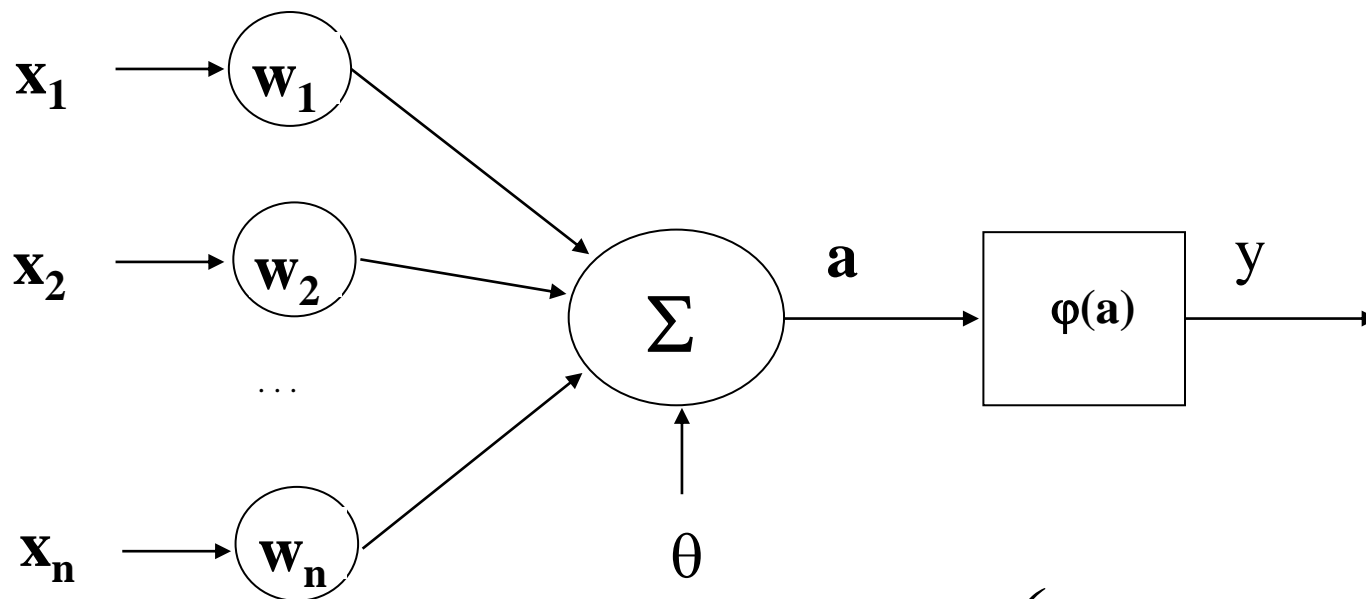


## ***3 Umelé neurónové siete v modelovaní riadení procesov***

### ***3.1 Viacvrstvové perceptrónové siete (Multilayer Perceptron net - MLP)***

# Matematický (počítačový) neurón



$$y = \varphi \left( \sum_{i=1}^n (w_i x_i) - \theta \right) = \varphi(a)$$

$x_i$  - vstupy neurónu

$\theta$  - prah (citlivosti) neurónu

$\varphi$  - aktivačná funkcia neurónu

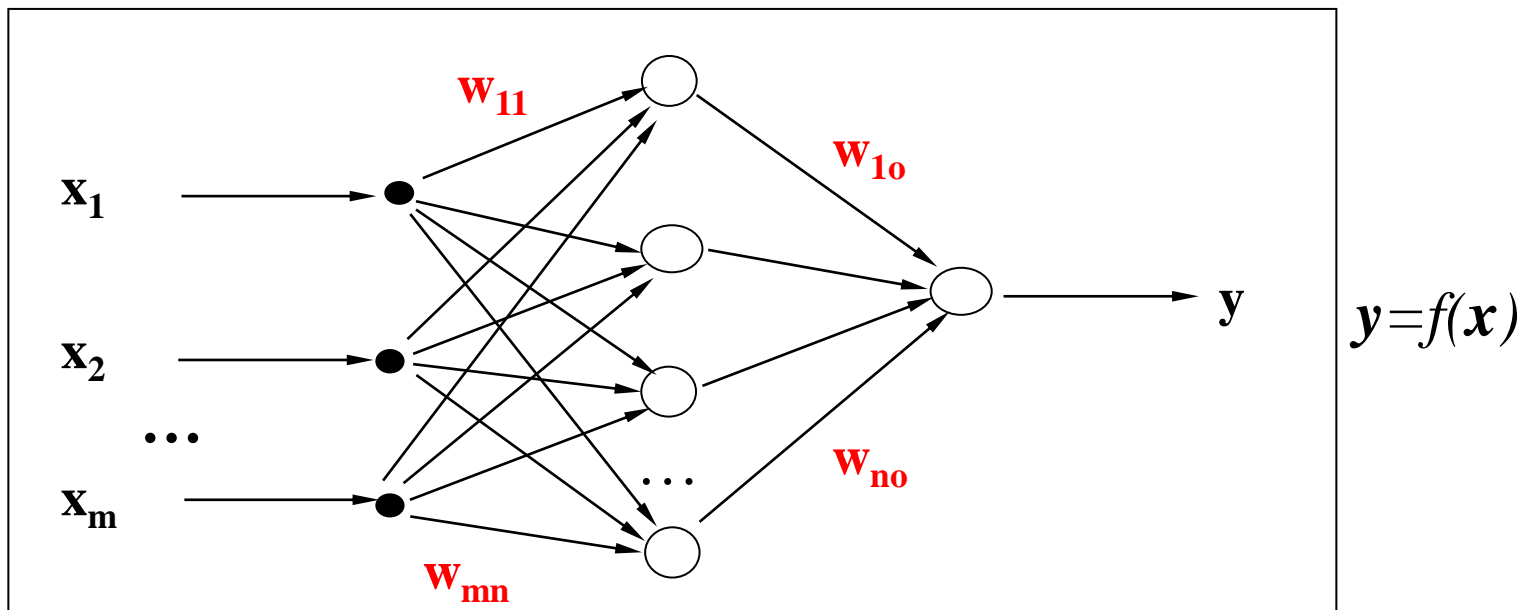
$w_i$  - váhy synaptických spojení

$a$  - vnútorná aktivita neurónu

$y$  - výstup neurónu

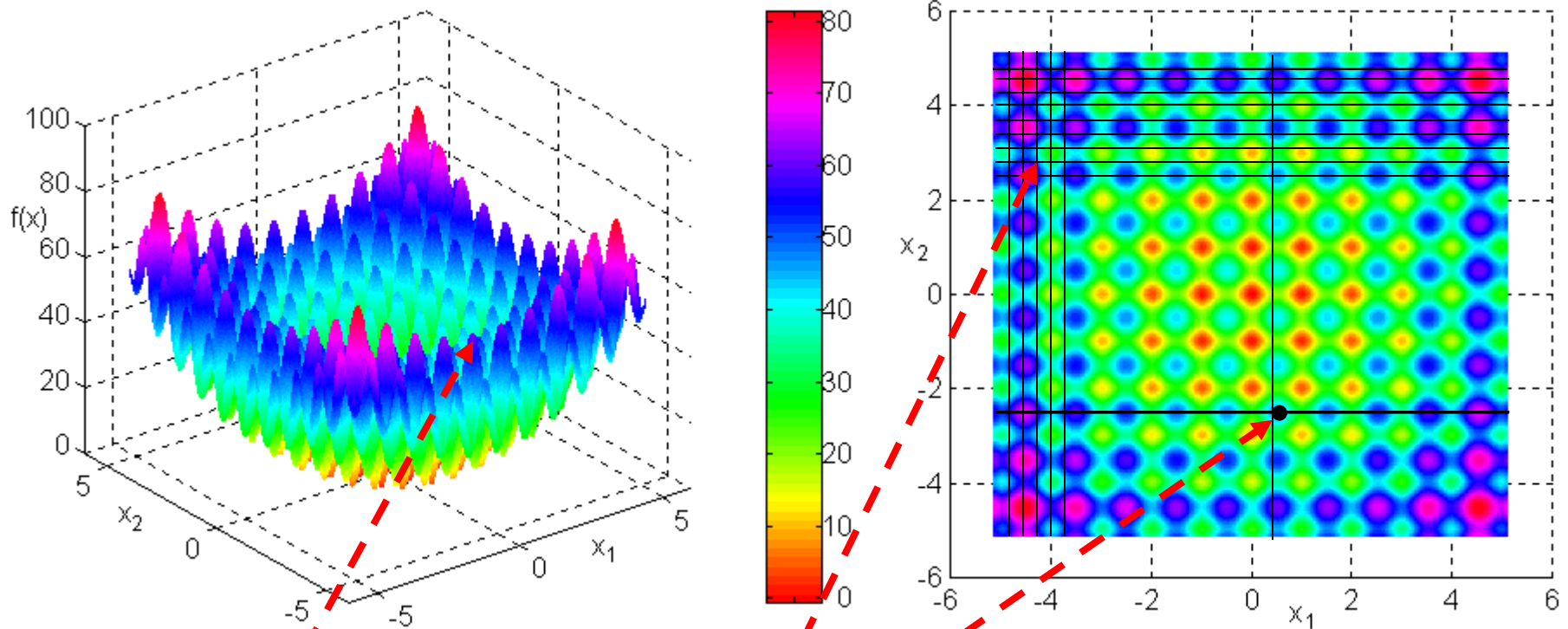
# Viacvrstvové perceptrónové siete

- Obsahujú aspoň jednu skrytú vrstvu neurónov.
- Obsahujú v skrytej vrstve spojitú nelineárnu aktivačnú funkciu (obyčajne sigmoidu alebo hyperbolický tangens). Vo výstupnej vrstve obsahujú rovnakú aktivačnú f. alebo aj lineárnu.
- Sú schopné aproximovať ľubovoľnú nelineárnu transformáciu.
- Parametrizácia (trénovanie) takýchto sietí sa realizuje algoritmami na báze metódy "spätného šírenia chyby,, (učenie s učiteľom), učením s posilňovaním (reinforcement learning) alebo neuro-evolúciou (bez učiteľa).



**Trénovanie MLP :**  
**Algoritmus spätného šírenia chyby**  
**(„Back- Propagation“ algorithm)**

# Aproximácia nelineárnej funkcie pomocou UNS



Definujeme sieť predlôh (trénovacích vzorov), ktoré sú tvorené vektormi nezávisle premenných  $x=[x_1, x_2, \dots]$  a im zodpovedajúcich hodôt  $y=f(x)$  – vstupno/výstupné dáta.

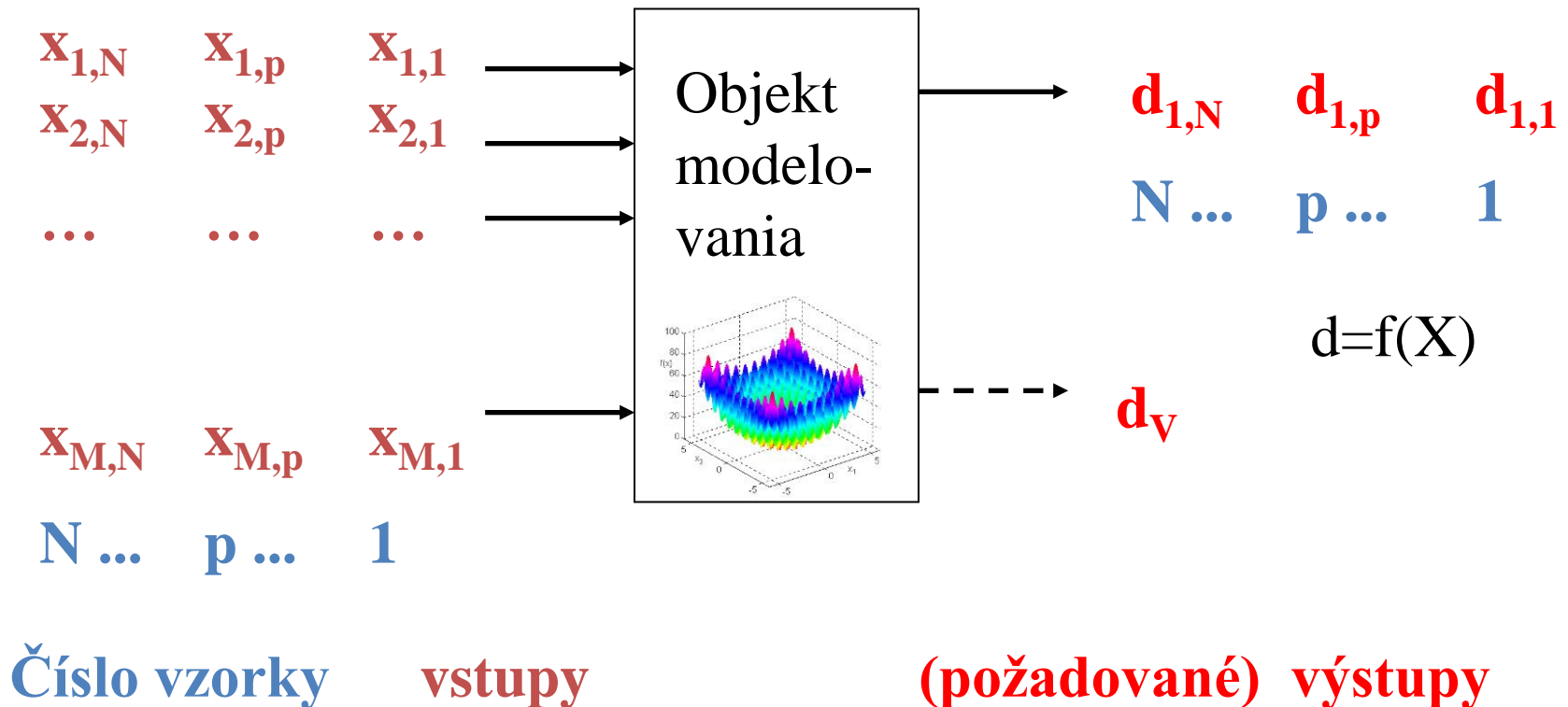
Predpokladajme trénovaciu množinu (vstupno/výstupných) dát

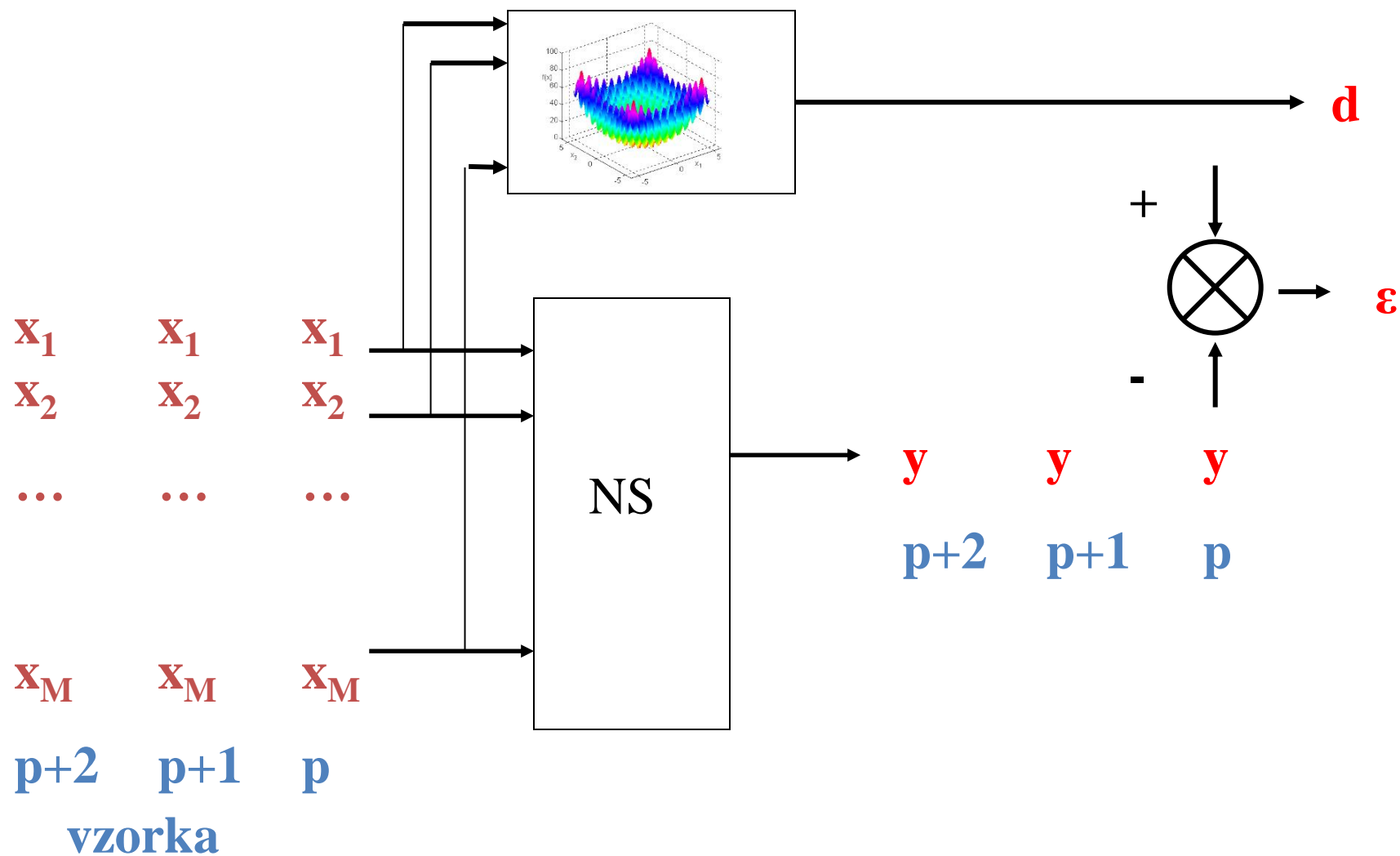
$$D=\{x_{pq},d_{pr}\};$$

$p=1,\dots,N$  je počet vzoriek

$q=1,\dots,M$  je počet vstupov siete

$r=1,\dots,V$  je počet výstupov siete



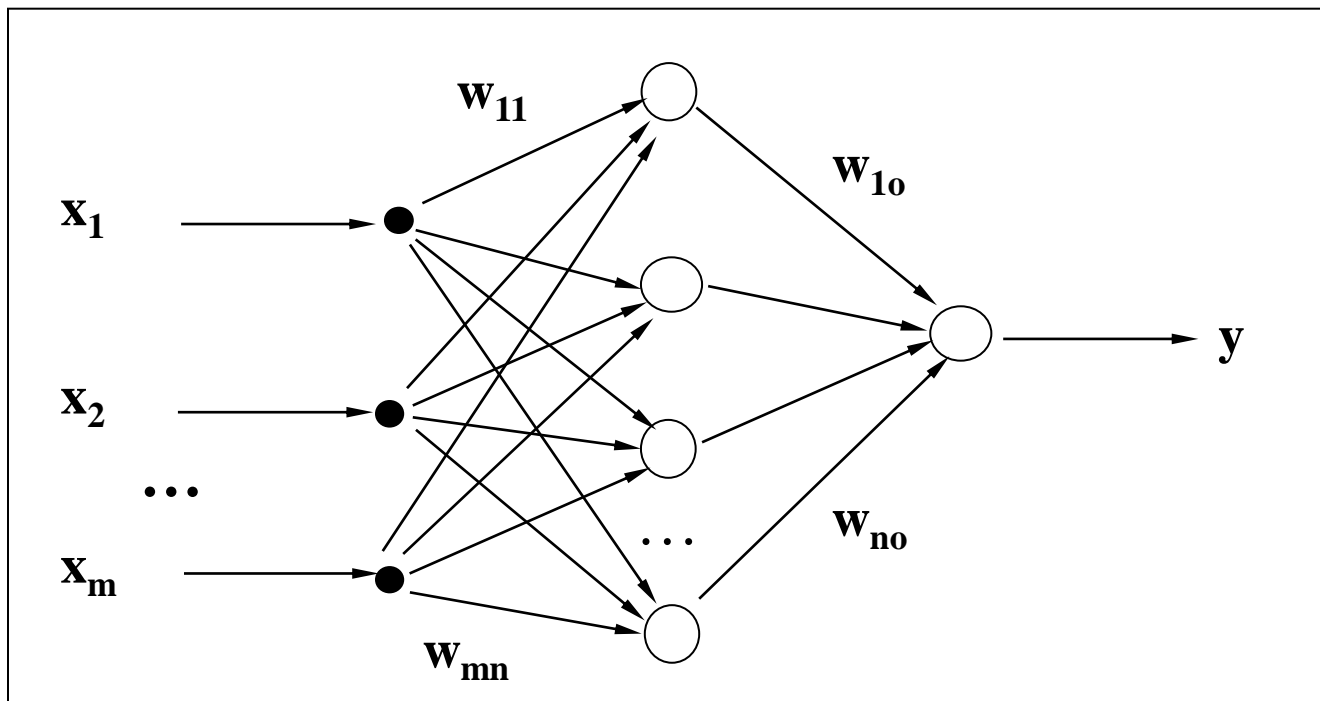


1 epocha:  $p=1,2,\dots,N$

**Trénovanie (parametrizácia) neurónovej siete prebieha vo viacerých cykloch („vlnách“) - tzv. EPOCHÁCH.**

**V každej epoche sa postupne cez sieť prešíri celá postupnosť trénovacích vzoriek  $x_p$  (postupnosť vstupných vektorov), porovnáva sa so skutočnými výstupmi a na základe odchýliek sa upravujú parametre siete).**





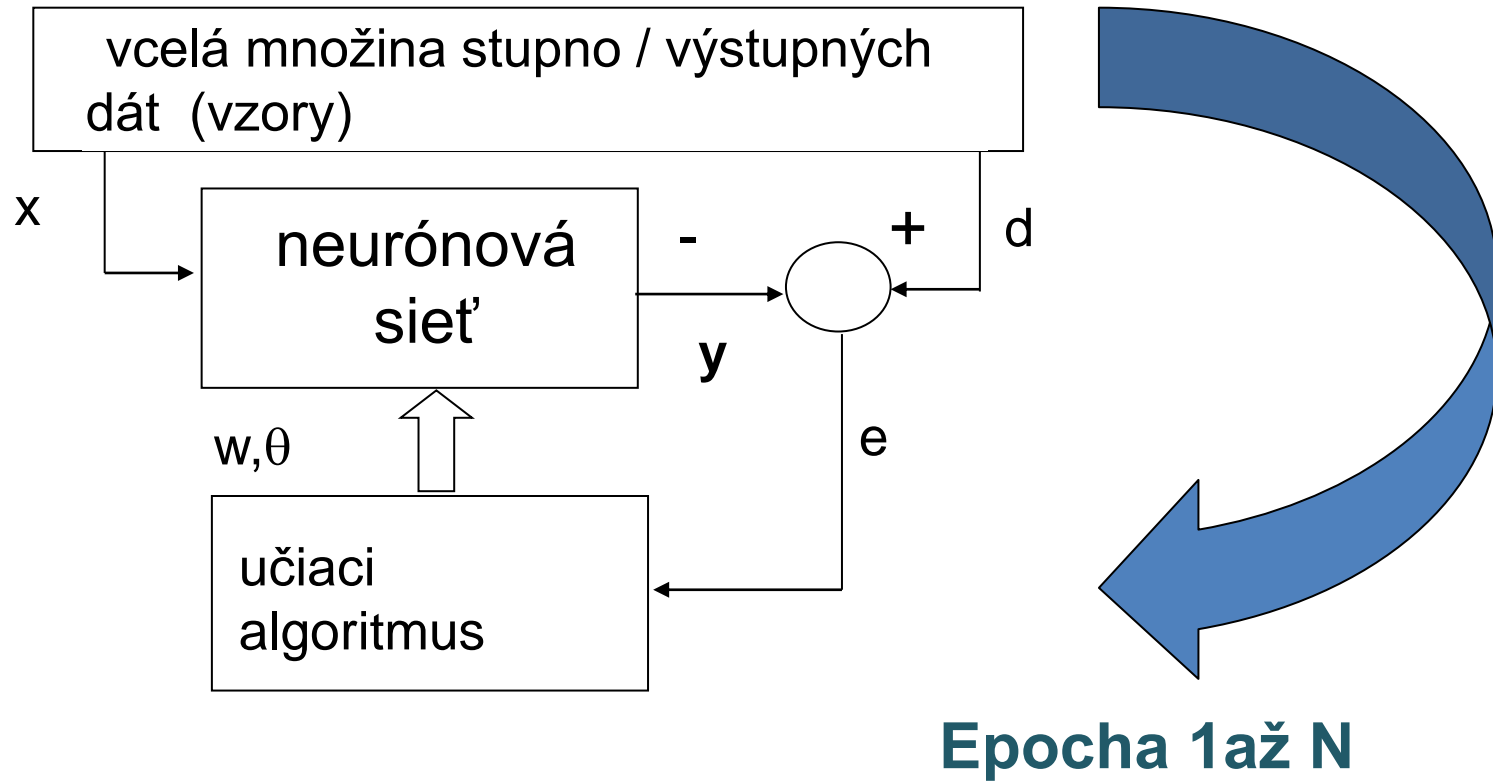
$w_{ij}=?$

$$E = \sum_{p=1}^N \varepsilon_p^2 \leq \text{chyba} \quad \varepsilon = (y-d)^2$$

$N$  - počet vzoriek trénovacej množiny,  
 $d$  - vzor,  $y$  - zodpovedajúci výstup modelu

Výpočet váh  $w_{ij}$  sa uskutočňuje iteračným algoritmom, kde sa postupne počítajú korekcie každej váhy  $\Delta w_{ij}$ ;  $w_{ij}(t) = w_{ij}(t-1) + \Delta w_{ij}$

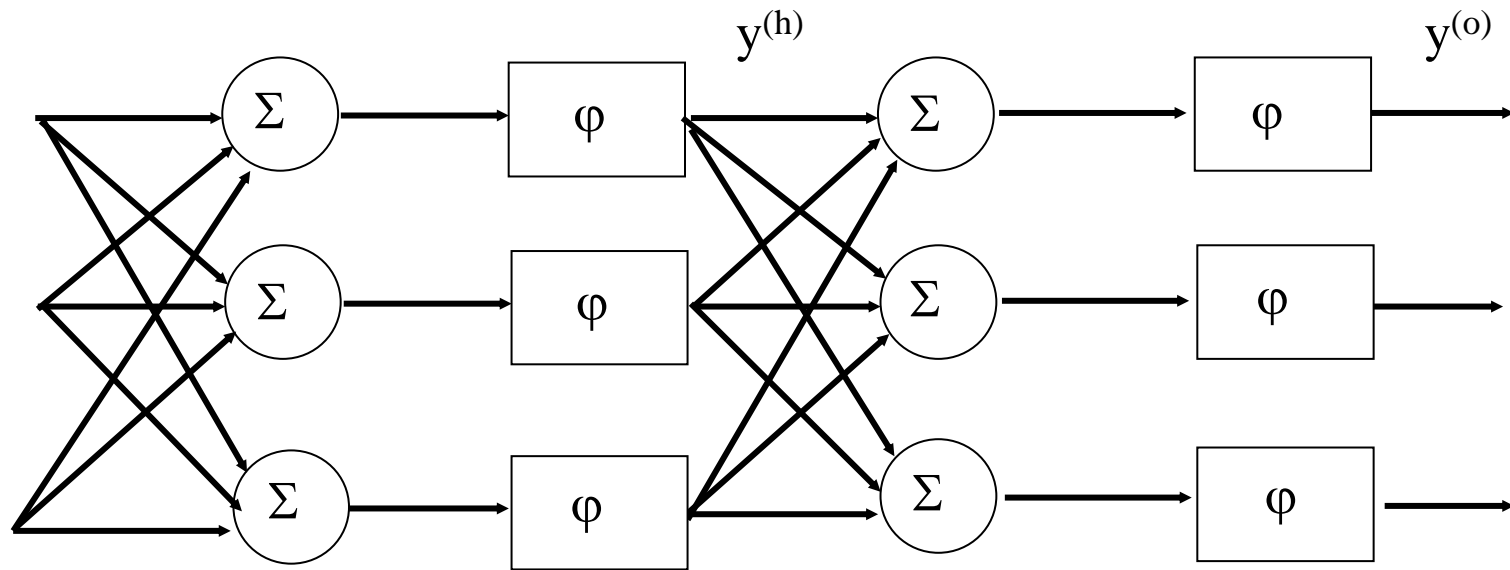
# Algoritmus tréovania UNS



**Globálna chyba siete:**

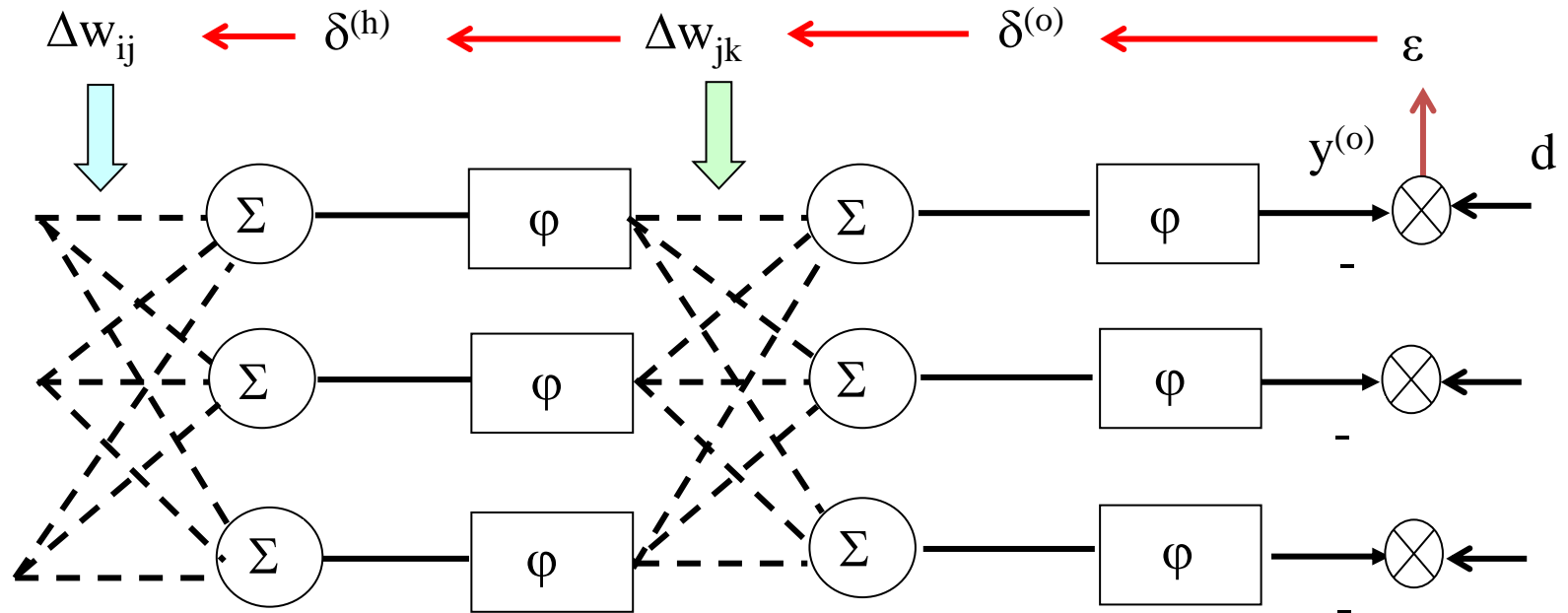
$$E = \sum_{p=1}^N \varepsilon_p^2 \leq \text{chyba}$$

## Dopredná fáza šírenia signálov v neurónovej sieti



$(h)$  – index neurónov skrytej vrstvy (hidden),  
 $(o)$  – index neurónov výstupnej vrstvy (output)

## Spätná fáza šírenia signálov v neurónovej sieti

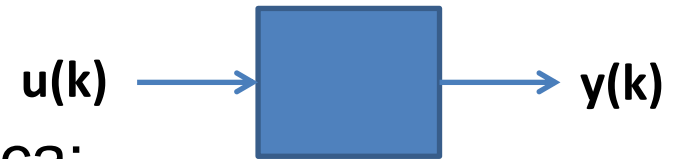


## Ukončenie procesu tréovania

- a) Dosiahnutie predpísanej presnosti modelu (globálnej chyby)
- b) Uskutočnenie predpísaného počtu epoch tréovania
- c) Alebo po úspešnom teste zovšeobecňovacej schopnosti n.s.

## ***3.2 Použitie viacvrstvovej perceptrónovej siete na modelovanie nelineárnych dynamických systémov***

# Model dynamického systému



Lin. diskretný systém – diferenčná rovnica:

$$\hat{y}(k) = f(y(k-1), y(k-2), \dots, y(k-n), u(k-1), \dots, u(k-m), \dots)$$

alebo

$$\hat{y}(k) = f(y(k-1), y(k-2), \dots, y(k-n), u(k-d), \dots, u(k-d-m), \dots)$$

$\hat{y}(k)$  – výstup modelu,  $k$  - krok vzorkovania

$f(\cdot)$  – ne / lineárna funkcia

$d \geq 1$  – dopravné oneskorenie

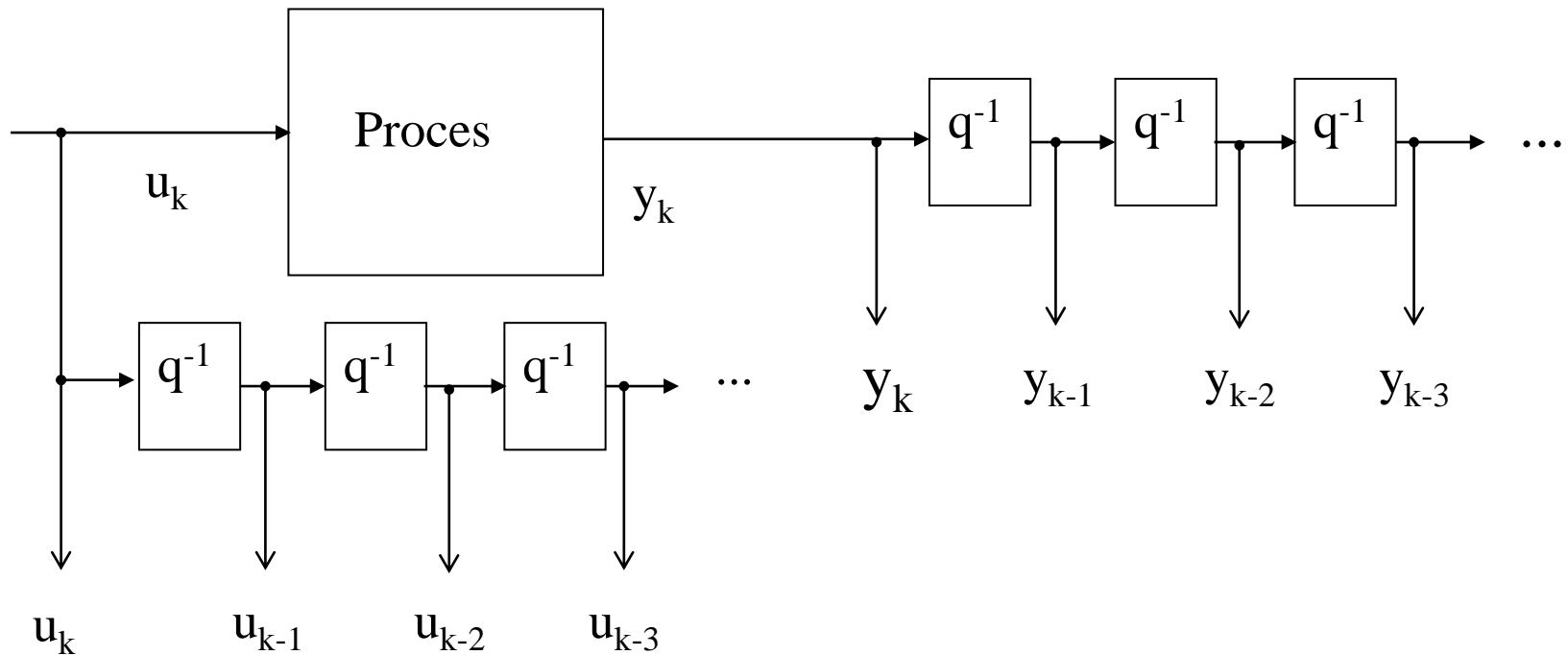
Lin. diskretný systém – prenosová funkcia:

$$S(z^{-1}) = [b_m(z^{-m}) + \dots + b_1(z^{-1}) + b_0] / [a_n(z^{-n}) + \dots + a_1(z^{-1}) + a_0]$$

# Generovanie V/V signálov dyn. systému

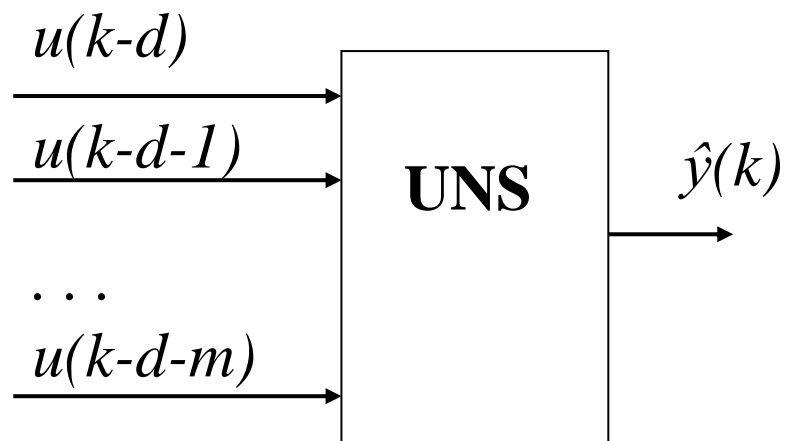
vybudenie systému – u

výstup systému

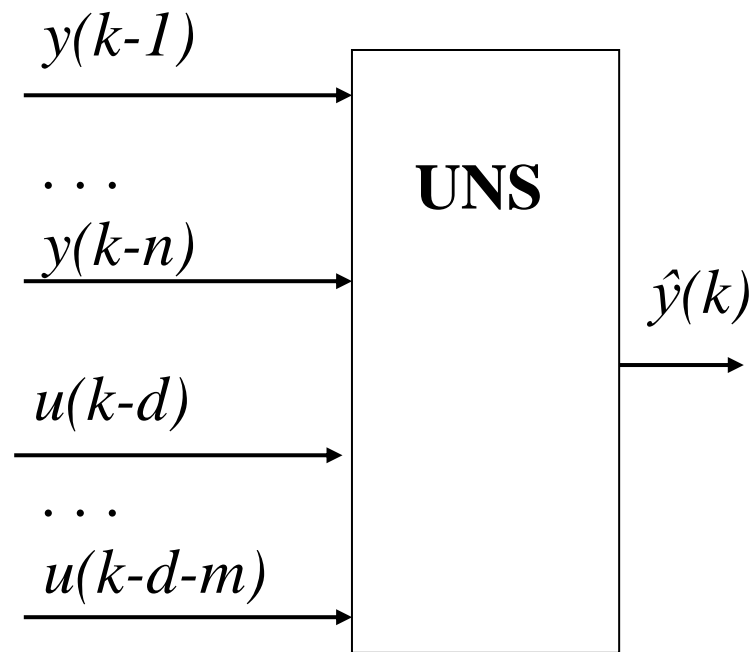




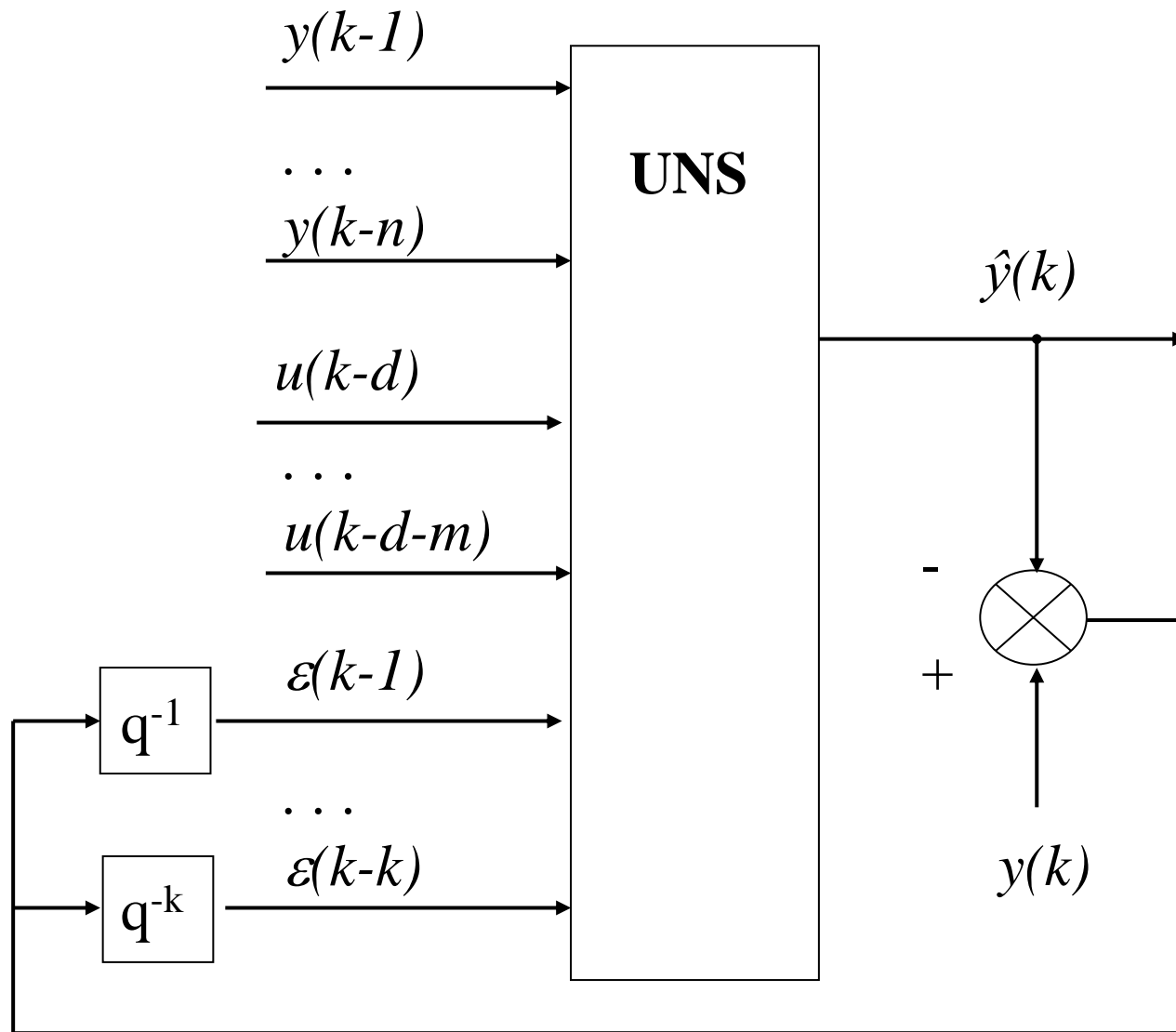
# Typy dynamických modelov



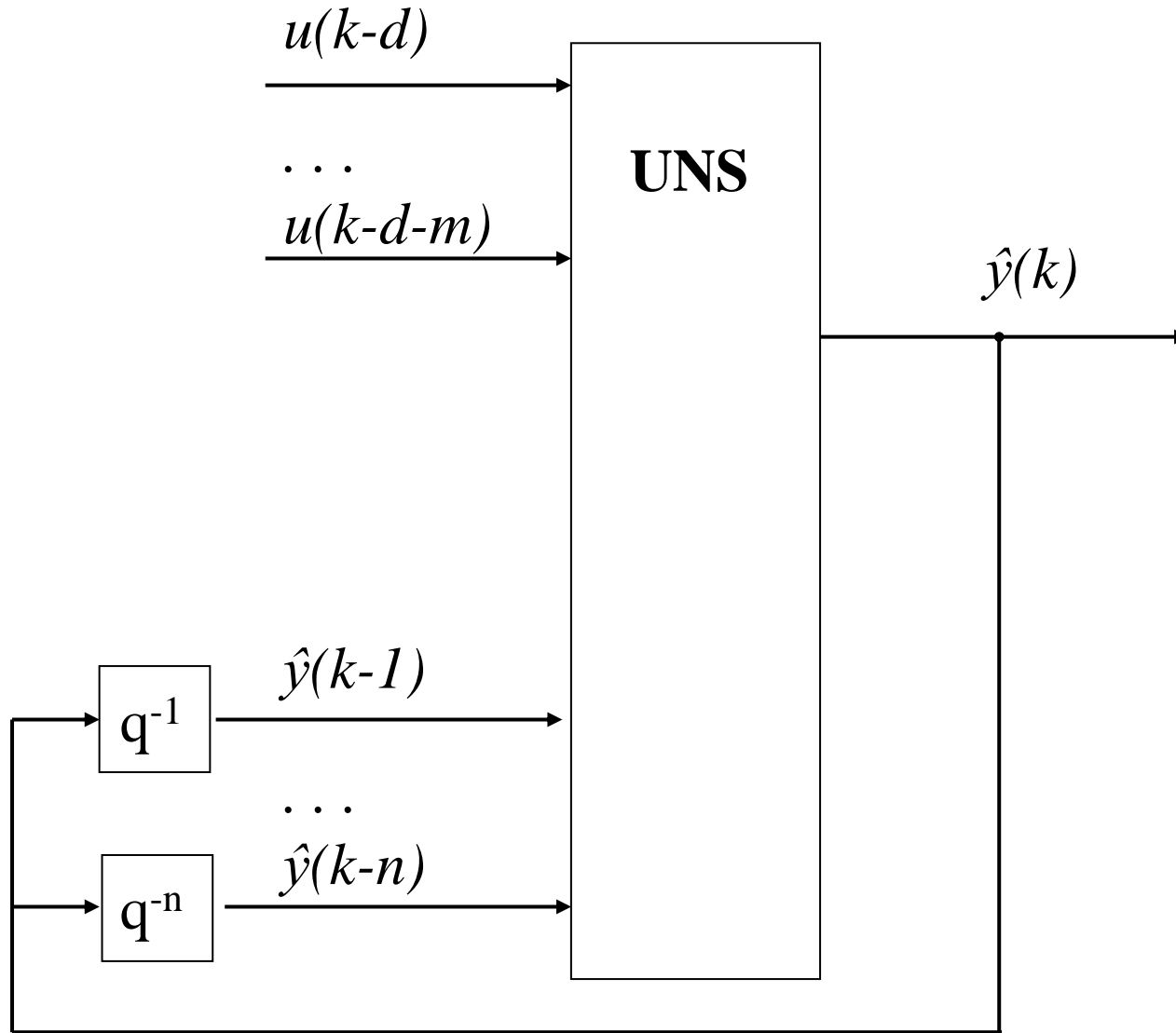
**NNFIR**



**NNARX**



**NNARMAX**



**NNOE**

## Chyba modelu

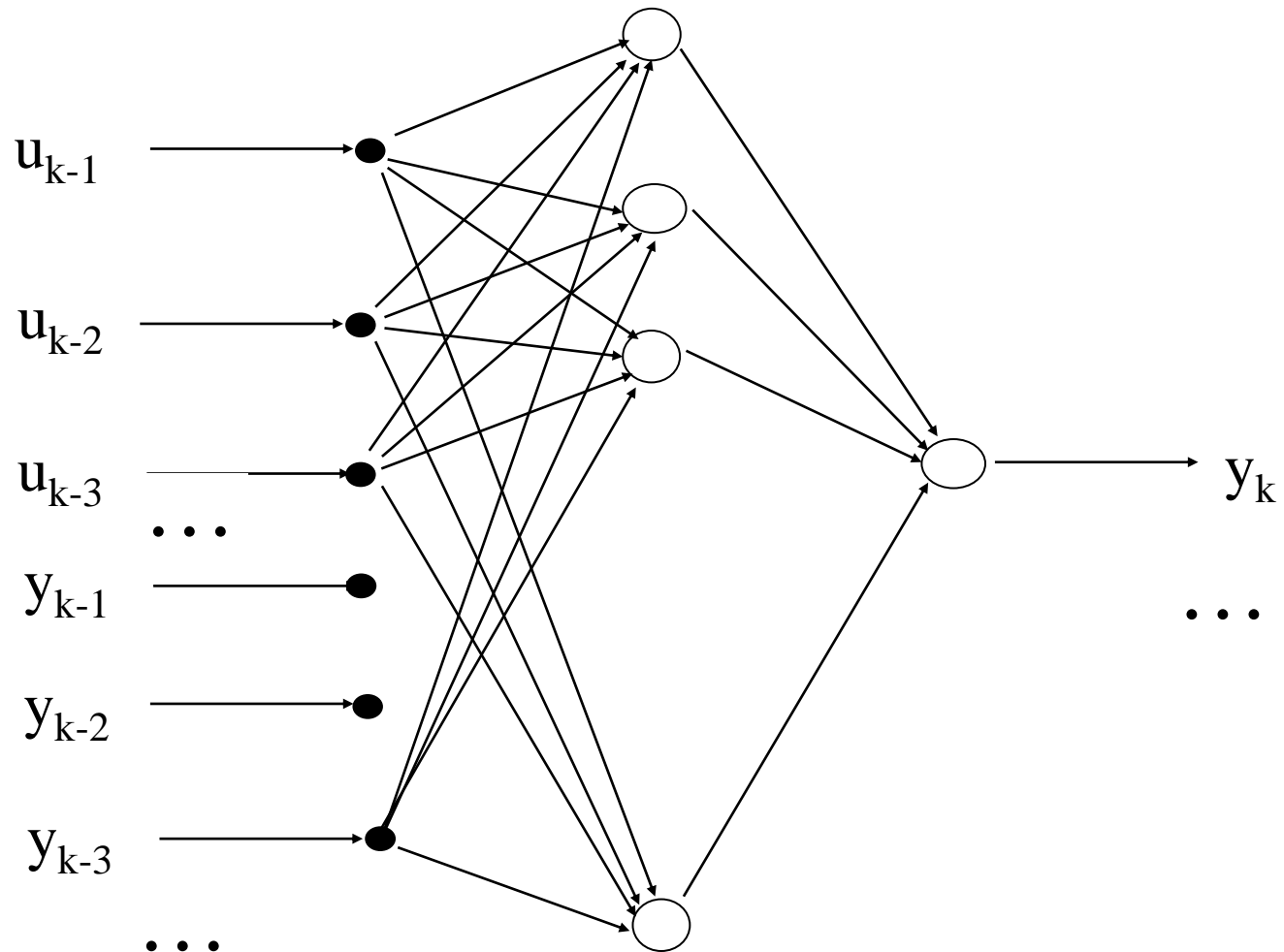
$$E = \frac{1}{2N} \sum_{t=1}^N [y(k) - \hat{y}(k)]^2 \rightarrow \min$$

$y$  – *namerané dáta*

$\hat{y}$  - *modelované dáta*

Učenie s učiteľom, V/V dáta sú k dispozícii.  
Backpropagation algoritmus

# Vstupy a výstupy modelu dynamického systému s UNS (NNARX)



## Zlepšení presnosti dynamického modelu pomocí UNS

- zvýšení počtu V/V dát (dlhší experiment, kratšia perióda vzorkovania)
- zväčšenie počtu neurónov v skrytej vrstve
- zvýšenie počtu oneskorení vstupných signálov (zvýšenie „rádu“ systému)
- zvýšenie počtu skrytých vrstiev
- použitie iných typov UNS (rekurentné siete, RBF, iné typy, hlboké siete...)

### ***3.3 Neurónové siete v regulačných obvodoch***

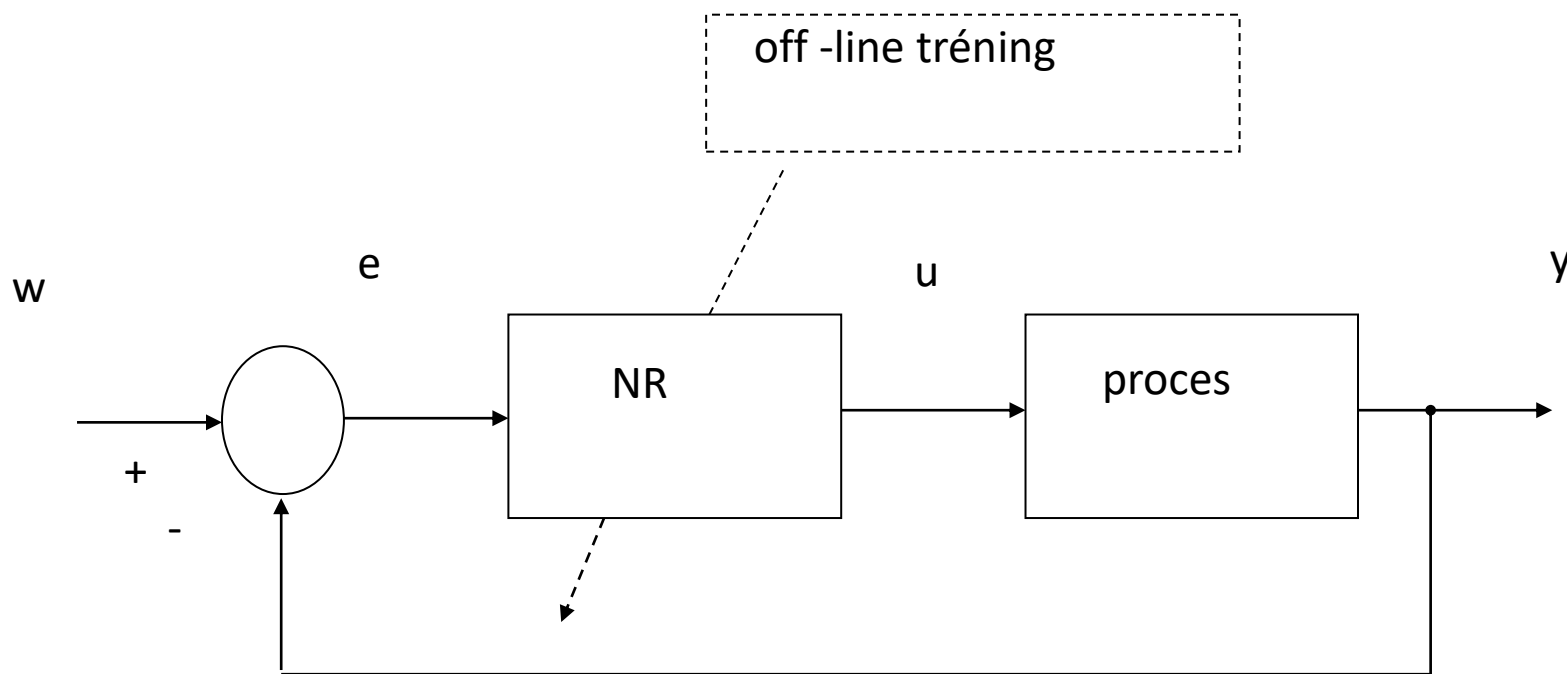
### **3.3.1 UNS ako priamy regulátor**

**Umelá neurónová sieť plní funkciu priameho regulátora, generuje riadiacu (rozhodovaciú) veličinu na priame ovplyvňovanie objektu riadenia.**



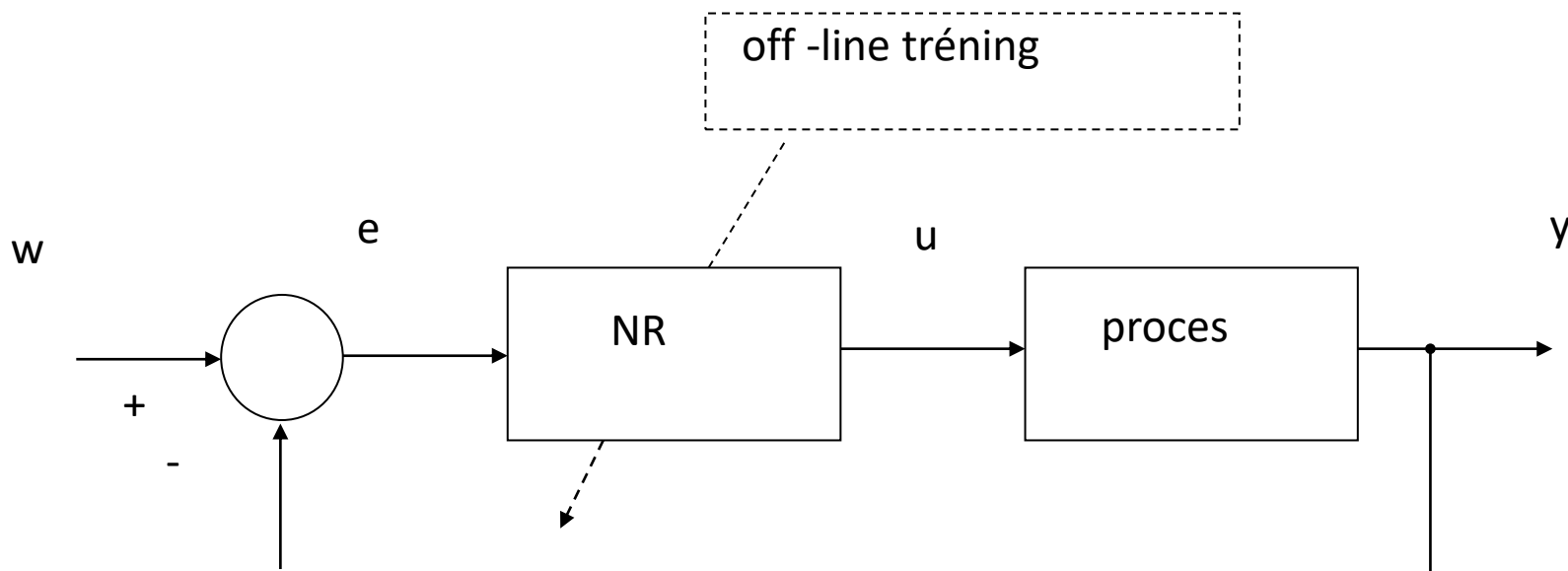
# Napodobenie iného typu regulátora

Ak je k dispozícii funkčný algoritmus riadenia, ktorý môže byť výpočtovo veľmi náročný, problematicky realizovateľný ... , UNS si na základe dostupných vstupných a výst. informácií natrénuje jeho správanie a potom ho môže rovnocenne nahradiť napr. jednoduchším hardvérom, znížením výpočtovej náročnosti ... V/V dáta sú k dispozícii.



# Napodobenie ľudského experta

**UNS modeluje na základe dostupných V/V dát vypožorované správanie sa skúseného ľudského experta (t'ážko algoritmizovateľné postupy riadenia, znalosti, skúsenosti, štatisticky vyhodnotené dáta ... )**



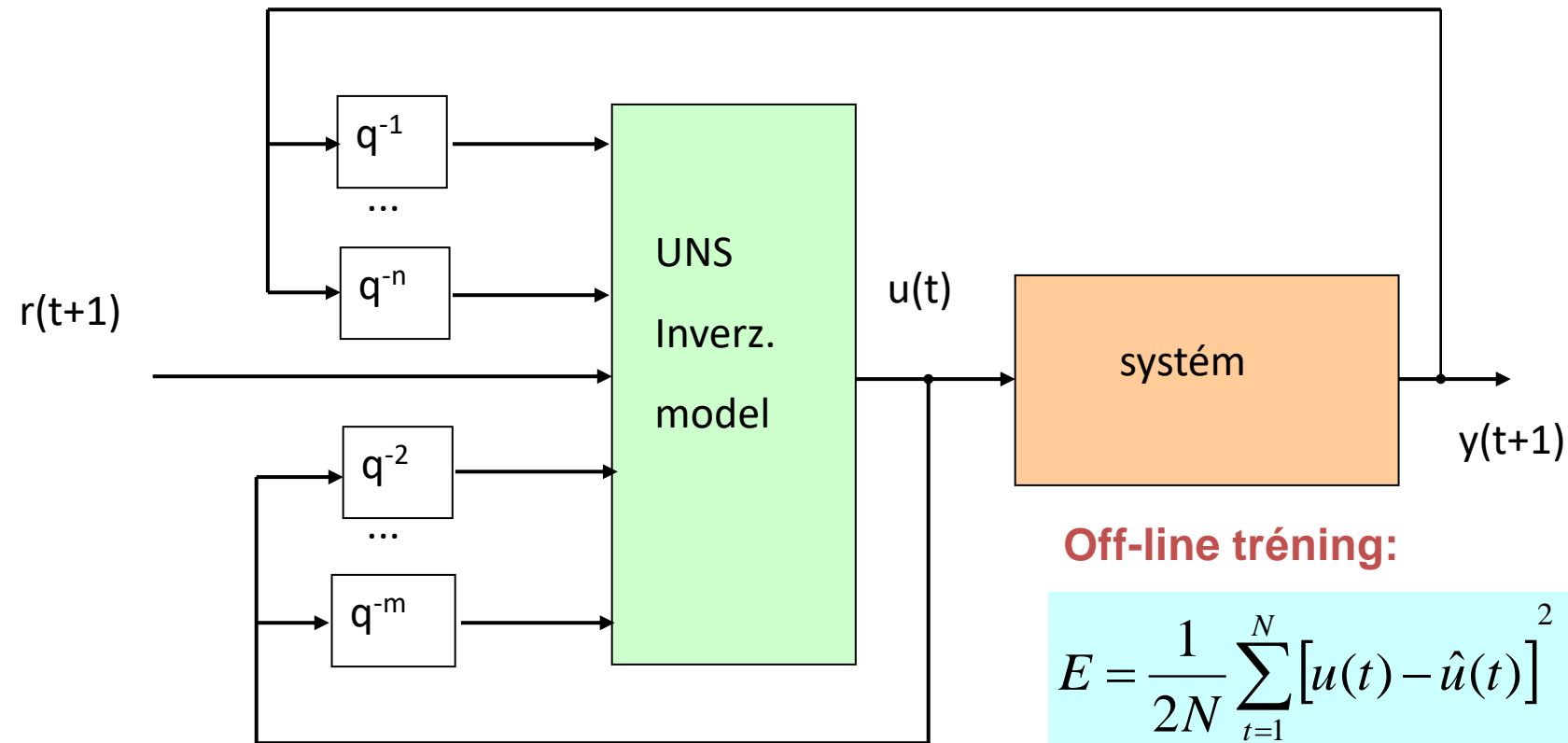
# Priame inverzné riadenie

*system:*

$$y(t+1) = f(y(t), y(t-1), \dots, y(t-n+1), u(t), \dots, u(t-m))$$

*neurónový regulátor - natréňovanie inverz. modelu:*

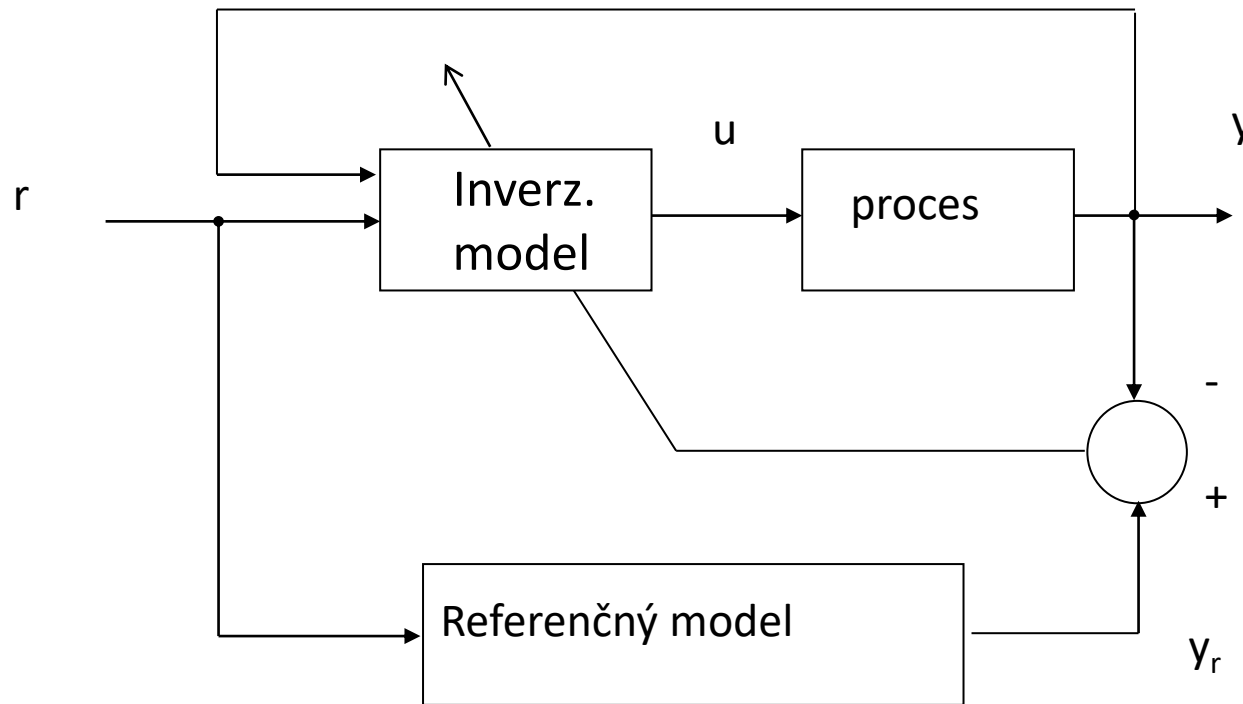
$$\hat{u}(t) = f^{-1}(y(t+1), y(t), \dots, y(t-n+1), u(t-1), \dots, u(t-m))$$



**Off-line tréning:**

$$E = \frac{1}{2N} \sum_{t=1}^N [u(t) - \hat{u}(t)]^2 \rightarrow \min$$

# On-line verzia priameho inverzného riadenia



**On-line tréning:**

$$E = \frac{1}{2N} \sum_{t=1}^N [y_r(t) - y(t)]^2 \rightarrow \min$$

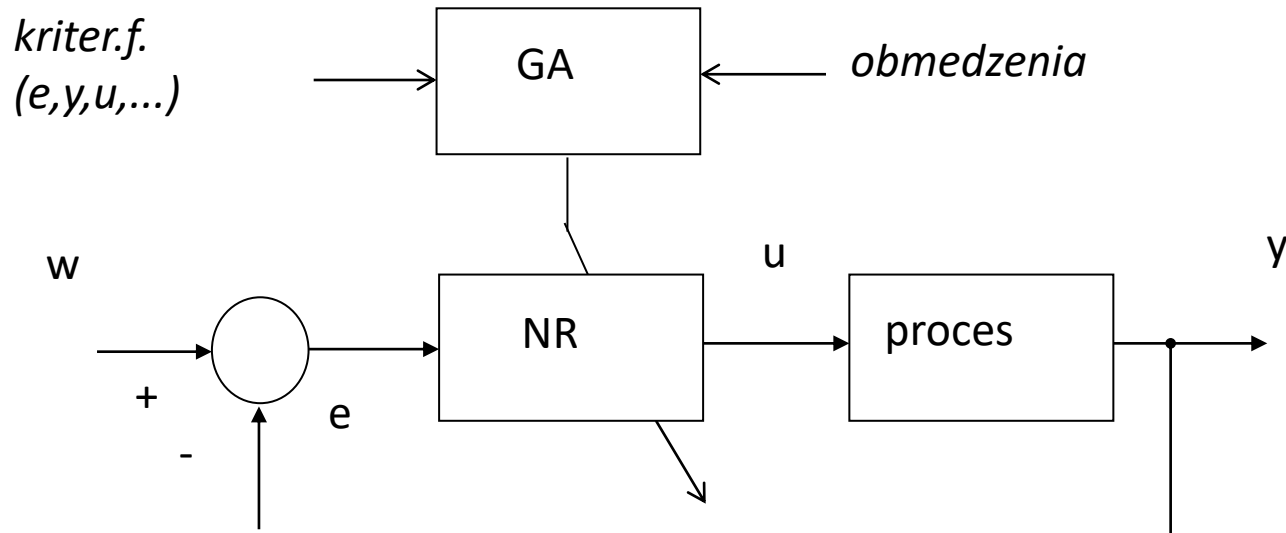
# Výhody priameho inverzného riadenia

- **Jednoduché**
- **Dobrá schopnosť sledovania referenčného signálu**

# Nevýhody priameho inverzného riadenia

- **Nepoužíva regulačnú odchýlku**
- **Nepracuje, ak inverzný model je nestabilný, ale aj silne kmitavý**
- **Nedostatok parametrov na ladenie**
- **Veľká citlivosť na poruchy a šum**

# NR navrhnutý/optimalizovaný pomocou GA (neuroevolúcia)



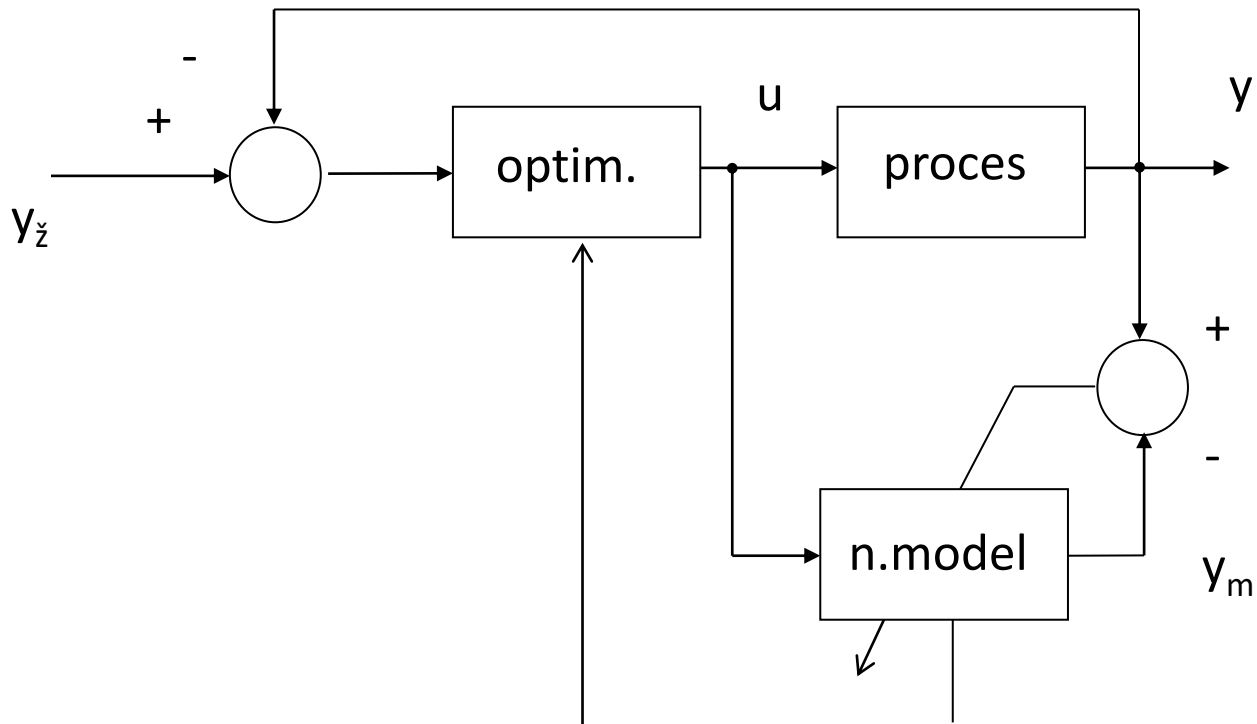
**Učenie bez učiteľa, V/V dáta nie sú disponibilé. Minimalizuje sa vhodná kritériálna funkcia.**

**Postup návrhu / optimalizácie je obdobný ako pri návrhu iných regulátorov (napr. PID) pomocou GA. Gény chromozómu sú všetky váhy a prahy UNS.**

## **3.3.2 Hybridné štruktúry riadenia s UNS**

**Riadiace štruktúry na báze UNS sú spojené s inými typmi riadenia, väčšinou ho dopĺňajú, plnia funkciu modelu, pomocnú funkciu, zlepšujú ho alebo ho adaptujú.**

# Neuro-prediktívne riadenie



**optim.** - optimalizácia budúceho správania reg. obvodu

**n.model** - dostatočne presný neurónový model procesu  
(trénovaný off-line, on-line)



Predpokladajme, že máme k dispozícii vhodný model objektu riadenia, pomocou ktorého dokážeme predikovať budúce správanie sa systému na základe súčasných a minulých stavových (výstupných) veličín.

Prediktívny algoritmus potom pracuje na základe nasledovného cyklu:

1. Odhad potrebného počtu (1 alebo aj viacerých) budúcich krokov výstupu systému na základe priebehu predpokladaného referenčného signálu.
2. Výpočet budúcich krokov riadiaceho zásahu tak, aby bolo minimalizované zvolené kritérium  $J$ .
3. Aplikácia prvého vypočítaného kroku riadenia a skok na bod 1.

## Najčastejšia forma kritéria je v tvare

$$J = \sum_{i=N_1}^{N_2} [r(k+i) - \hat{y}(k+i)]^2 + \rho \sum_{i=1}^{N_u} [\Delta u(k+i-1)]^2 \rightarrow \min$$

$$\Delta u(k+i) = 0$$

$$N_u \leq i \leq N_2$$

$N_1$  - dolný predikčný horizont

$N_2$  - horný predikčný horizont

$N_u$  - horizont predikcie riadenia

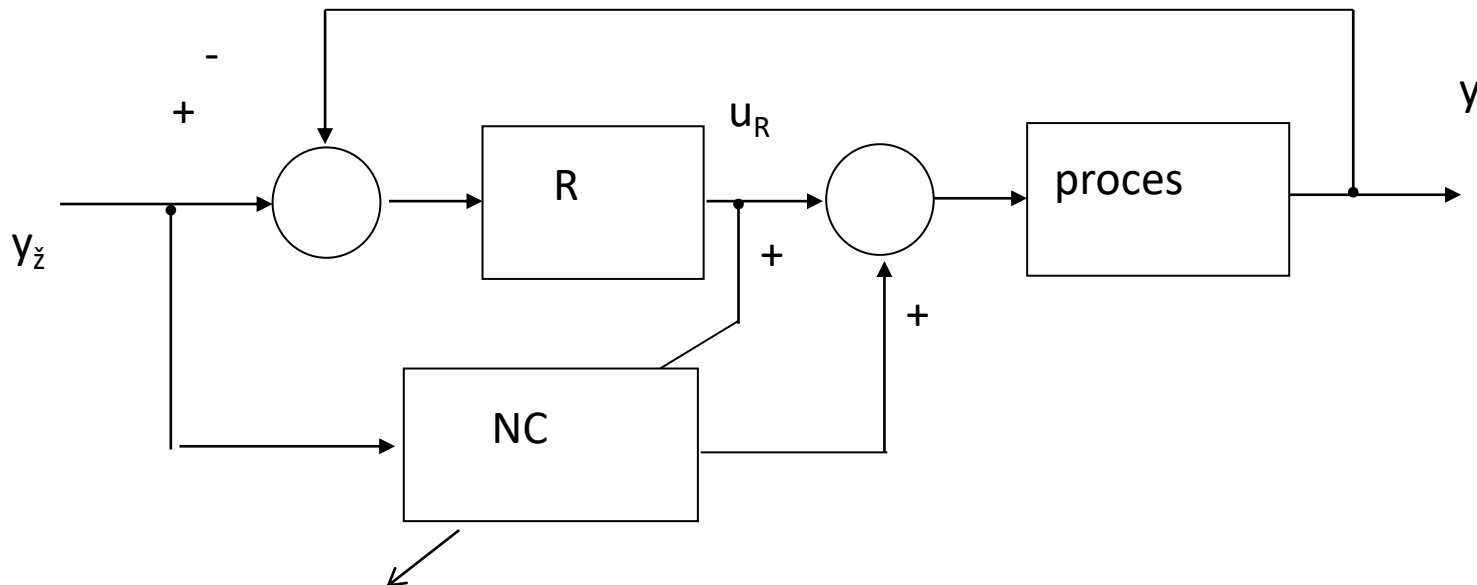
$r$  - predpokladaný referenčný signál (žad. hod.)

$\hat{y}$  - predikovaný výstup procesu

$\rho$  - váha tlmenia zmien výstupu

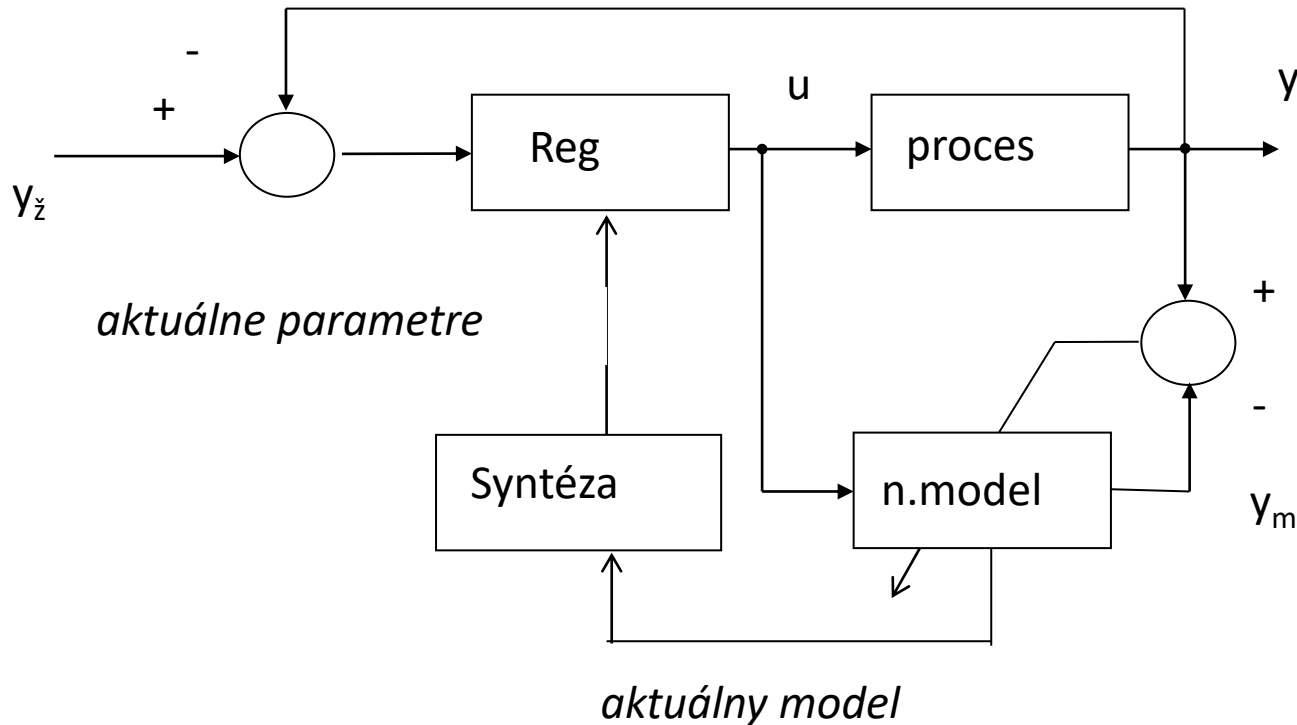
**Cieľom algoritmu je zabezpečiť požadované správanie sa systému počas budúcich predpokladaných  $N_2$  krokov.**

# Dopredný korekčný člen



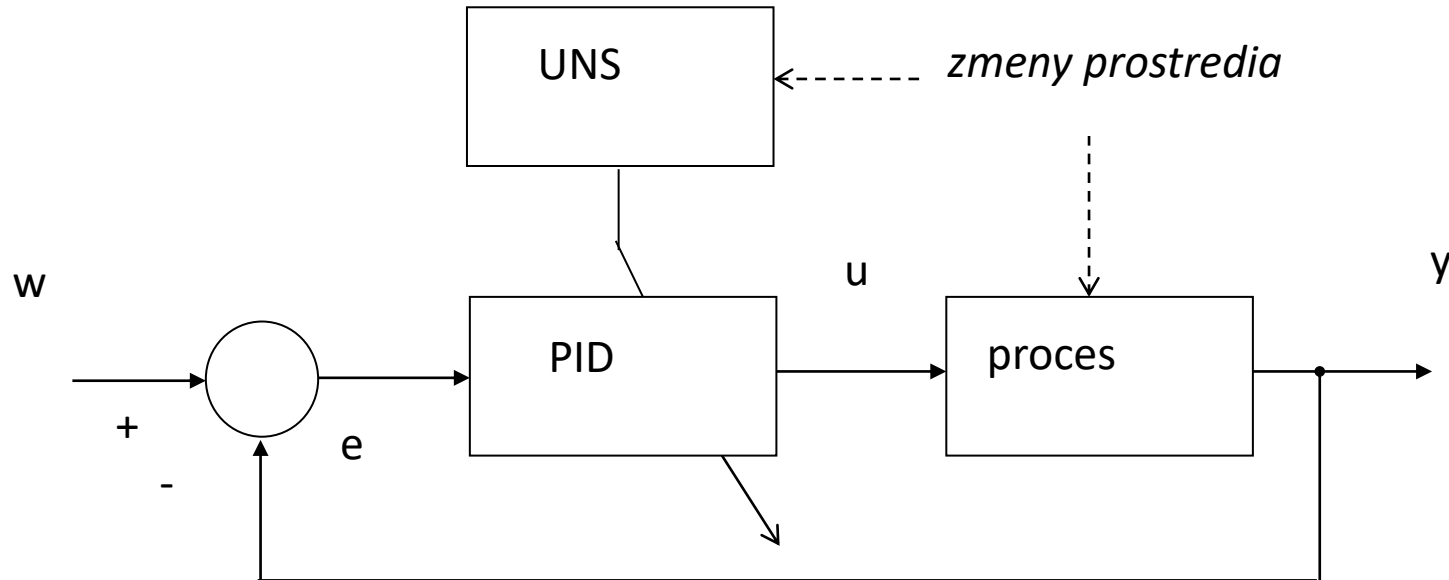
Neurónová sieť je vo funkcii dopredného korekčného člena (NC). Klasický regulátor (R) nemusí optimálne riadiť, ale musí zabezpečiť aspoň stabilizáciu procesu. Neurónový korektor je trénovaný minimalizáciou  $u_R$  (pomocou Back-Propagation). Pri regulácii potom minimalizáciou riadiaceho zásahu  $u_R$  optimalizuje regulačný pochod. Pokiaľ  $u_R$  obsahuje nenulovú ustálenú zložku (z integrátora), táto je na vstupe NR kompenzovaná.

# Samonastavujúci sa regulátor ("selftuning")



Neurónový model je identifikovaný off-line alebo on-line aby dostatočne presne modeloval zmeny v riadenom procese. Na základe aktuálneho modelu sú zvolenou metódou syntézy aktualizované parametre regulátora. Možným prístupom návrhu regulátora sú genetické algoritmy.

# Adaptácia klasického regulátora pomocou UNS



Neurónová sieť má natrénovanú závislosť medzi zmenami prostredia (napr. pracovnými bodmi systému, pôsobením poruchových veličín...) a zmenami parametrov regulátora (napr. PID). V závislosti od zmeny stavu prostredia sa potom adaptujú parametre regulátora (podobne ako fuzzy-gain-scheduling).

**Iné štruktúry ...**