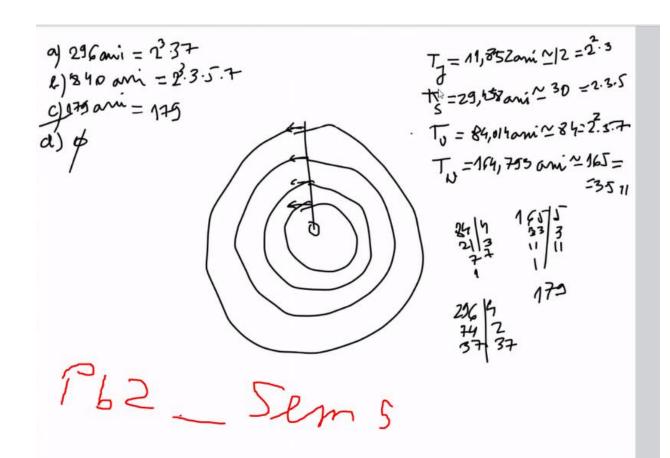
121_ Som 5

$$\frac{T_{5}^{2}}{a_{5}^{3}} = \frac{T_{5}^{2}}{a_{5}^{3}} = \frac{4T_{5}^{2}}{GM_{+}} (I) \qquad a_{5} = 34 \text{ min}$$

$$a_{5} = 1R_{+}$$

$$(1)=$$
 $T_{5}^{2}=T_{5}^{2}\cdot\left(\frac{a_{5}}{a_{5}}\right)^{3}$ V $T_{5}=T_{5}\cdot\left(\frac{30,5}{a_{5}}\right)^{3/2}=9.82$ ziec



5.
$$a = 4ha$$
 $T = 2$

astoraid =) in gentul (0 =) $a^{3} = \frac{hT^{2}}{GMO}$
 $a = 4ha$
 $T^{2} = 4ha$
 $T^{2} = 4hT^{2}$
 $a = 4ha$
 $T^{2} = 4hT^{2}$
 $a^{3} = 6MO$
 $a = 4ha$
 $T^{2} = 4hT^{2}$
 $a^{3} = 6MO$
 $a = 4ha$
 $a^{3} = 1$
 $(ha)^{3}$
 $(ha)^{3}$
 $= T = a^{3/2} = (h)^{3/2} = 2^{3} = 1$

Ph 5. Seem 5.

B6_ Sem 5

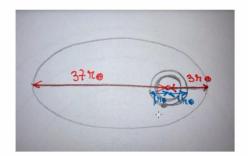
6.
$$\frac{5}{M} = 780 \text{ zile}$$
 $\frac{7}{M} = 365,25636 \text{ zile}$ $\frac{7}{M} = \frac{7}{M} = \frac{1}{M} = \frac{1}{$

Probleme din seminarul 5

8. Un satelit artificial al Pământului, care se mişcă pe o orbită circulară aproape de suprafața Pământului (presupunem că este posibilă această mișcare și neglijăm frecarea cu aerul) are perioada de miscare de 84 de minute. Care este perioada de miscare a satelitului artificial al Pământului care are perigeul și apogeul la 3, respectiv, 37 raze terestre de centrul Pământului?

イロトイロトイミトイミト 夏 りへの

Figura problemei 8



B

Soluţia problemei 8

Pasul 1. Datele problemei:

$$T_{s1} = 84 \text{ min}, \ a_{s1} = \frac{2r_P}{2} = r_P.$$

$$T_{s2} = \frac{2}{3} \ a_{s2} = \frac{37+3}{2} r_P = 20 r_P.$$

T_{s1} = 84 min, $a_{s1} = \frac{2r_P}{2} = r_P$. T_{s2} =?, $a_{s2} = \frac{37+3}{2}r_P = 20r_P$. Pasul 2. Aplicăm legea a treia a lui Kepler pentru două sisteme satelit-Pământ:

$$\frac{T_{s1}^2}{\mathring{a}_{s1}^3} = \frac{T_{s2}^2}{a_{s2}^3} \Leftrightarrow \frac{84^2}{1^3} = \frac{T_{s2}^2}{20^3},$$

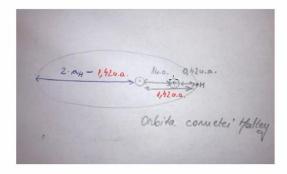
de unde $T_{s2} = 7512, 96^{min} = 5, 217^{zile}$.

Probleme din seminarul 5

10. Cometa Halley, care s-a apropiat la 0,42 unități astronomice de Pământ în anul 1986, execută o revoluţie în jurul Soarelui în 76 de ani, iar planeta Neptun, care se mişcă pe o orbită aproape circulară, în 165 de ani. Care dintre ele este mai îndepărtată de Soare la afeliul orbitei sale?

B

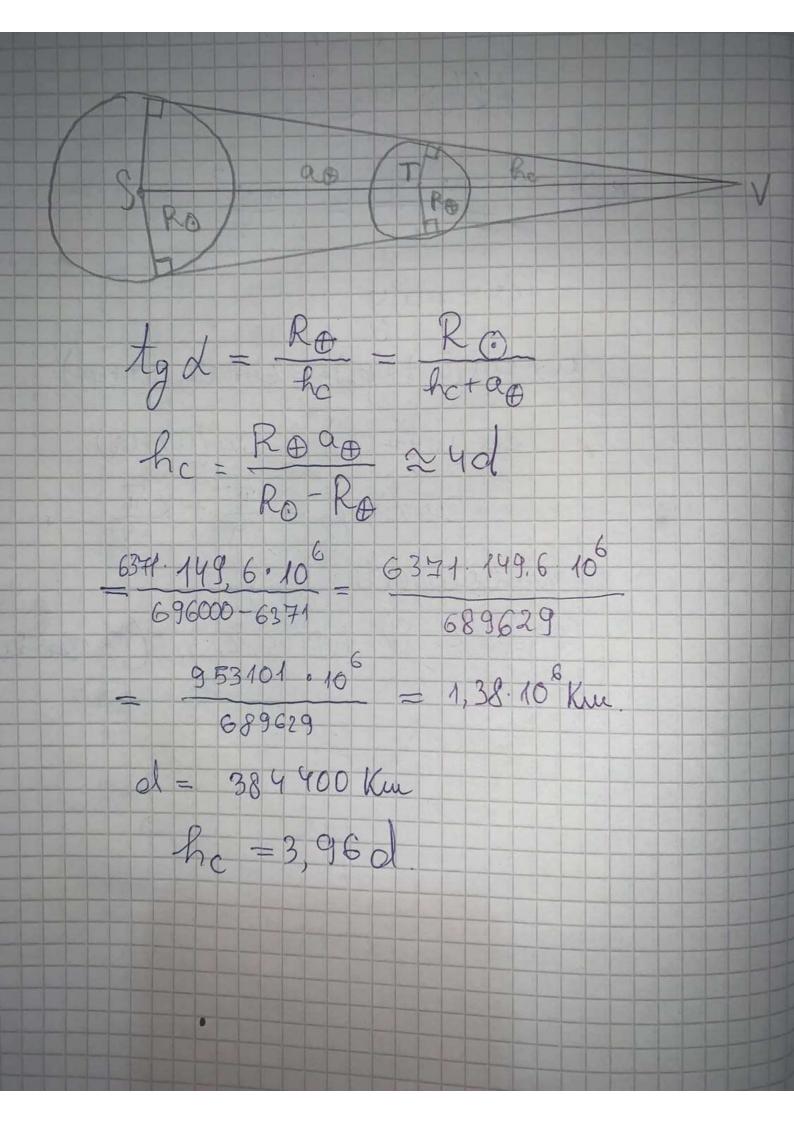
Figura problemei 10



B

Figura problemei 10





Astronomie Mişcarea în sistemul solar Legile lui Kepler

Cristina Blaga

23 noiembrie 2021

Obiectivele seminarului

- Problema celor două corpuri.
- Legile lui Kepler. Mişcarea în sistemul solar.

Problema celor două corpuri

Fie m_1 şi m_2 masele a două corpuri grele şi \vec{r}_{12} vectorul de poziție al lui m_2 în raport cu m_1 .

Conform legii atracţiei universale a lui Newton, corpurile se atrag cu o forţă proporţională cu produsul maselor lor şi invers proporţională cu pătratul distanţei dintre ele.



Figura: Forțele cu care corpurile se atrag sunt egale și de sens contrar

Legea atracţiei universale

Forţa \overrightarrow{F}_{21} cu care m_1 acţionează asupra lui m_2 este

$$\overrightarrow{F}_{21} = -G \cdot \frac{m_1 m_2}{r^2} \frac{\overrightarrow{r}_{12}}{r}, \tag{1}$$

unde $G = 6.668 \cdot 10^{-11} \ N \cdot m^2/kg^2$ este constanta atracţiei gravitaţionale, $r = ||\vec{r}_{12}||$ distanţa dintre corpuri şi $\frac{\vec{r}_{12}}{r}$ versorul vectoruļui \vec{r}_{12} .

Forţa \vec{F}_{12} cu care m_2 acţionează asupra lui m_1 este egală şi de sens contrar cu \vec{F}_{21} ,

$$\overrightarrow{F}_{21} = -\overrightarrow{F}_{12}. \tag{2}$$



Legea I a lui Kepler (1609)

Teoremă

Planetele descriu în jurul Soarelui elipse cu Soarele aflat într-unul dintre focare.

Legea a doua a lui Kepler sau legea ariilor (1609)

Definiție

Fie un punct material a cărui mişcare este studiată în raport cu un reper dat. Raza vectoare punctului material este vectorul de poziție al punctului în raport cu reperul dat.

Teoremă

Raza vectoare a planetei descrie egale arii egale în intervale de timp egale.

Elementele elipsei

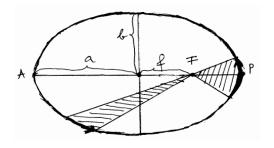


Figura: Elementele unei elipse și legea a II-a lui Kepler

Legea a treia exactă a lui Kepler

Teoremă

Pătratul perioadei de revoluție a corpului m_1 , respectiv m_2 , crește proporțional cu semiaxa mare a orbitei sale și invers proporțional cu suma maselor corpurilor din sistem.

Adică

$$\frac{T_1^2}{a_1^3} = \frac{T_2^2}{a_2^3} = \frac{4\pi^2}{G(m_1 + m_2)}$$
 (3)

unde T_i , $i \in \{1,2\}$, sunt perioadele de revoluţie a celor două corpuri în jurul centrului comun de masă, a_i , $i \in \{1,2\}$, semiaxele mari ale orbitelor, iar m_i , $i \in \{1,2\}$, masele celor două corpuri.

Legea a III-a a lui Kepler (1617)

Teoremă

Pătratul perioadei siderale a planetelor care se mişcă în jurul Soarelui este proporțional cu cubul semiaxelor mari ale orbitelor descrise de acestea.

Ea se obţine din legea a III-a exactă, dacă la numitorul ultimului raport suma maselor celor două corpuri se înlocuieşte cu masa Soarelui, pentru că masa oricărei planete este neglijabilă în raport cu masa Soarelui. Astfel

$$\frac{T_{\rho}^2}{a_{\rho}^3} = \frac{4\pi^2}{GM_{\odot}} \tag{4}$$

unde T_p este perioada siderală a planetei, iar a_p semiaxa mare a orbitei ei.



Dacă exprimăm perioada orbitală a corpului în ani siderali, notată cu T, şi semiaxa mare a orbitei, notată a, în unități astronomice atunci pe baza legii a treia a lui Kepler obţinem

$$\frac{T^2}{a^3} = \frac{T_{\oplus}^2}{a_{\oplus}^3} = 1 \,, \tag{5}$$

pentru că T_{\oplus} = 1 an sideral, iar a_{\oplus} = 1 unitate astronomică.

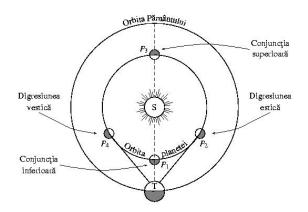
Planete interioare (a < 1u.a.)

Definiție

Unghiul Soare-Pământ-planetă se numește elongația planetei.

- Observate de pe Pământ, Mercur şi Venus se văd mereu în vecinătatea Soarelui.
- Valoarea maximă a elongaţiei planetelor interioare se atinge când direcţia Pământ-planetă este tangentă orbitei descrise de planetă, i.e. este unghiul sub care se vede raza orbitei planetei de pe Pământ.

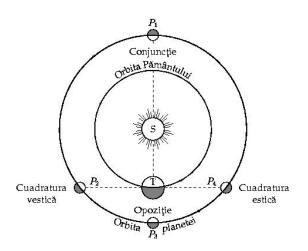
Configurații ale planetelor interioare



Planetele exterioare (a > 1u.a.)

- Planetele Marte, Jupiter, Saturn, Uranus şi Neptun au orbitele în afara orbitei terestre.
- Elongaţia planetelor exterioare variază între 0° şi 360°, i.e. că, în anumite perioade ale anului, aceste planete pot fi văzute la orice oră din noapte.

Configurații ale planetelor exterioare



Perioada sinodică a planetei

Definiție

Timpul scurs între două configurații consecutive de același tip ale unei planete în raport cu Soarele, observate de pe Pământ se numește **perioada sinodică** a planetei.

Teoremă

Dacă notăm cu S perioada sinodică a planetei, cu T_{pl} şi T_{\oplus} perioada siderală a planetei şi perioada siderală a Pământului, atunci are loc relaţia

$$\frac{1}{S} = \pm \left(\frac{1}{T_{\oplus}} - \frac{1}{T_{pl}} \right) , \qquad (6)$$

unde semnul plus este pentru planetele exterioare.



Alegeţi varianta corectă pentru următoarea afirmaţie

1. Un satelit artificial al Pământului se mişcă astfel încât perigeul orbitei sale este la suprafaţa Pământului şi apogeul la distanţa medie Pământ-Lună (60 de raze terestre). Ştiind că un satelit care se mişcă pe o orbită circulară la suprafaţa Pământului are perioada orbitală de 84 de minute, decideţi care este perioada de mişcare a satelitului dat (a) 27,9 zile, (b) 9,9 zile, (c) 4,9, sau (d) 13,7 zile.

Alegeţi varianta corectă pentru următoarea afirmaţie

2. Presupunem că planetele Jupiter, Saturn, Uranus şi Neptun se văd pe aceeaşi linie privite din Soare, spunem că se află într-o conjuncţie cvadruplă. Calculaţi cât timp va trece până la următoarea conjuncţie cvadruplă (planetele se văd la distanţă unghiulară mai mică de ±10° longitudine ecliptică). Presupuneţi că orbitele planetelor sunt circulare şi coplanare, iar perioadele lor siderale sunt de 11,852, 29,458, 84,014 şi 164,793 ani. (a) 296 ani, (b) 840 ani, (c) 179 ani, sau (d) nici unul din răspunsurile de mai sus.

Alegeţi varianta corectă pentru următoarea afirmaţie

3. Planeta Uranus se roteşte în jurul unei axe proprii, care este inclusă în planul orbitei sale în jurul Soarelui. Uranus face o revoluţie completă în jurul Soarelui în 84 de ani. Ca urmare, Soarele traversează ecuatorul ceresc al lui Uranus, o dată la (a) 2 ani, (b) 84 de ani, (c) 42 de ani sau (d) 21 de ani.

Indicaţie: Înclinarea planului orbitei lui Uranus faţă de ecliptică este de 0,77°, de aceea putem presupune că mişcarea lui Uranus are loc în planul eclipticii.

Ecuatorul ceresc a lui Uranus este cercul mare de pe sfera cerească aflat la intersecţia ecuatorului planetei cu sfera cerească.

Alegeţi varianta corectă pentru următoarea afirmaţie

4. Venus se roteşte în jurul axei proprii în sens retrograd (i.e. în sens orar pentru un observator aflat în polul ecliptic nord) cu o perioadă de 243 de zile. Axa de rotație a planetei este aproximativ perpendiculară pe planul orbitei sale în jurul Soarelui. Perioada de revoluție în jurul Soarelui este de 225 de zile. Dacă un observator de pe Venus vede Soarele la meridian la un moment dat, câte zile trec până când Soarele revine la meridian? O analiză grafică vă poate ajuta să alegeți valoarea corectă dintre următoarele: (a) 486 zile, (b) 247 zile, (c) 117 zile sau (d) 18 zile

- 5. Un asteroid are semiaxa mare egală cu 4 unități astronomice. Să se afle perioada siderală a asteroidului.
- Perioada sinodică a planetei Marte este egală cu 780 zile.
 Calculaţi distanţa medie de la Soare la Marte, exprimată în unităţi astronomice.
- 7. Perioada orbitală a celui de-al cincilea satelit al lui Jupiter este 0,4982 zile şi semiaxa mare 0,001207 u.a. Perioada orbitală şi semiaxa mare a orbitei lui Jupiter sunt egale cu 11,86 ani, respectiv 5,203 u.a. Calculaţi raportul dintre masa planetei Jupiter şi masa Soarelui.

- 8. Un satelit artificial al Pământului, care se mişcă pe o orbită circulară aproape de suprafaţa Pământului (presupunem că este posibilă această mişcare şi neglijăm frecarea cu aerul) are perioada de mişcare de 84 de minute. Care este perioada de mişcare a satelitului artificial al Pământului care are perigeul şi apogeul la 3, respectiv 37 raze terestre de centrul Pământului?
- 9. Presupunem că astăzi Jupiter şi Saturn ar fi simultan la opoziţie. Care dintre aceste planete va ajunge prima din nou la opoziţie, ştiind că perioada de revoluţie a lui Jupiter este de 11,87 ani, iar a lui Saturn de 29,46 ani?

10. Cometa Halley, care s-a apropiat la 0,42 unităţi astronomice de Pământ în anul 1986, execută o revoluţie în jurul Soarelui în 76 de ani, iar planeta Neptun, care se mişcă pe o orbită aproape circulară, în 165 de ani. Care dintre ele este mai îndepărtată de Soare la afeliul orbitei sale?

Astronomie Mişcarea în sistemul solar Legile lui Kepler

Cristina Blaga și Iulia Mircescu

11 ianuarie 2022

Obiectivele seminarului

- Problema celor două corpuri.
- Legile lui Kepler. Mişcarea în sistemul solar.

Problema celor două corpuri

Fie m_1 şi m_2 masele a două corpuri grele şi \vec{r}_{12} vectorul de poziție al lui m_2 în raport cu m_1 .

Conform legii atracţiei universale a lui Newton, corpurile se atrag cu o forţă proporţională cu produsul maselor lor şi invers proporţională cu pătratul distanţei dintre ele.



Figura: Forțele cu care corpurile se atrag sunt egale și de sens contrar

Legea atracţiei universale

Forţa \overrightarrow{F}_{21} cu care m_1 acţionează asupra lui m_2 este

$$\overrightarrow{F}_{21} = -G \cdot \frac{m_1 m_2}{r^2} \frac{\overrightarrow{r}_{12}}{r}, \tag{1}$$

unde $G = 6.668 \cdot 10^{-11} \ N \cdot m^2/kg^2$ este constanta atracţiei gravitaţionale, $r = ||\vec{r}_{12}||$ distanţa dintre corpuri şi $\frac{\vec{r}_{12}}{r}$ versorul vectoruļui \vec{r}_{12} .

Forţa \vec{F}_{12} cu care m_2 acţionează asupra lui m_1 este egală şi de sens contrar cu \vec{F}_{21} ,

$$\overrightarrow{F}_{21} = -\overrightarrow{F}_{12}. \tag{2}$$



Legea I a lui Kepler (1609)

Teoremă

Planetele descriu în jurul Soarelui elipse cu Soarele aflat într-unul dintre focare.

Legea a doua a lui Kepler sau legea ariilor (1609)

Definiție

Fie un punct material a cărui mişcare este studiată în raport cu un reper dat. Raza vectoare punctului material este vectorul de poziție al punctului în raport cu reperul dat.

Teoremă

Raza vectoare a planetei descrie egale arii egale în intervale de timp egale.

Elementele elipsei

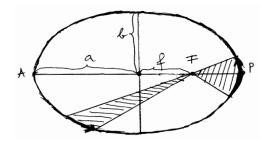


Figura: Elementele unei elipse și legea a II-a lui Kepler

Legea a treia exactă a lui Kepler

Teoremă

Pătratul perioadei de revoluție a corpului m_1 , respectiv m_2 , crește proporțional cu semiaxa mare a orbitei sale și invers proporțional cu suma maselor corpurilor din sistem.

Adică

$$\frac{T_1^2}{a_1^3} = \frac{T_2^2}{a_2^3} = \frac{4\pi^2}{G(m_1 + m_2)}$$
 (3)

unde T_i , $i \in \{1,2\}$, sunt perioadele de revoluţie a celor două corpuri în jurul centrului comun de masă, a_i , $i \in \{1,2\}$, semiaxele mari ale orbitelor, iar m_i , $i \in \{1,2\}$, masele celor două corpuri.

Legea a III-a a lui Kepler (1617)

Teoremă

Pătratul perioadei siderale a planetelor care se mişcă în jurul Soarelui este proporțional cu cubul semiaxelor mari ale orbitelor descrise de acestea.

Ea se obţine din legea a III-a exactă, dacă la numitorul ultimului raport suma maselor celor două corpuri se înlocuieşte cu masa Soarelui, pentru că masa oricărei planete este neglijabilă în raport cu masa Soarelui. Astfel

$$\frac{T_{\rho}^2}{a_{\rho}^3} = \frac{4\pi^2}{GM_{\odot}} \tag{4}$$

unde T_p este perioada siderală a planetei, iar a_p semiaxa mare a orbitei ei.



Dacă exprimăm perioada orbitală a corpului în ani siderali, notată cu T, şi semiaxa mare a orbitei, notată a, în unități astronomice atunci pe baza legii a treia a lui Kepler obţinem

$$\frac{T^2}{a^3} = \frac{T_{\oplus}^2}{a_{\oplus}^3} = 1 \,, \tag{5}$$

pentru că T_{\oplus} = 1 an sideral, iar a_{\oplus} = 1 unitate astronomică.

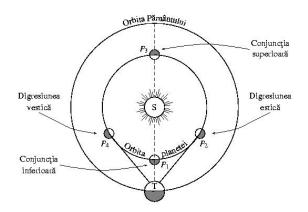
Planete interioare (a < 1u.a.)

Definiție

Unghiul Soare-Pământ-planetă se numește elongația planetei.

- Observate de pe Pământ, Mercur şi Venus se văd mereu în vecinătatea Soarelui.
- Valoarea maximă a elongaţiei planetelor interioare se atinge când direcţia Pământ-planetă este tangentă orbitei descrise de planetă, i.e. este unghiul sub care se vede raza orbitei planetei de pe Pământ.

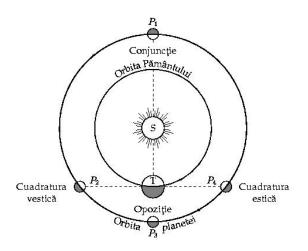
Configurații ale planetelor interioare



Planetele exterioare (a > 1u.a.)

- Planetele Marte, Jupiter, Saturn, Uranus şi Neptun au orbitele în afara orbitei terestre.
- Elongaţia planetelor exterioare variază între 0° şi 360°, i.e. că, în anumite perioade ale anului, aceste planete pot fi văzute la orice oră din noapte.

Configurații ale planetelor exterioare



Perioada sinodică a planetei

Definiție

Timpul scurs între două configurații consecutive de același tip ale unei planete în raport cu Soarele, observate de pe Pământ se numește **perioada sinodică** a planetei.

Teoremă

Dacă notăm cu S perioada sinodică a planetei, cu T_{pl} şi T_{\oplus} perioada siderală a planetei şi perioada siderală a Pământului, atunci are loc relaţia

$$\frac{1}{S} = \pm \left(\frac{1}{T_{\oplus}} - \frac{1}{T_{pl}} \right) , \qquad (6)$$

unde semnul plus este pentru planetele exterioare.



Alegeţi varianta corectă pentru următoarea afirmaţie

1. Un satelit artificial al Pământului se mişcă astfel încât perigeul orbitei sale este la suprafaţa Pământului şi apogeul la distanţa medie Pământ-Lună (60 de raze terestre). Ştiind că un satelit care se mişcă pe o orbită circulară la suprafaţa Pământului are perioada orbitală de 84 de minute, decideţi care este perioada de mişcare a satelitului dat (a) 27,9 zile, (b) 9,9 zile, (c) 4,9, sau (d) 13,7 zile.

Figura problemei 1



Pasul 1. Identificăm datele problemei:

 $T_{sat} = ?$, $a_{sat} = [(60 + 2) \cdot r_P] : 2 = 31 \cdot r_P$ (semiaxa mare a satelitului, vezi figura).

$$T_{sat'} = 84 \text{ min, } a_{sat'} = \frac{2 \cdot r_P}{2} = r_P.$$

Pasul 2. Aplicăm legea a treia a lui Kepler, în două sisteme satelit - Pământ,

$$\frac{T_{sat}^2}{a_{sat}^3} = \frac{T_{sat'}^2}{a_{sat'}^3} \Leftrightarrow \frac{T_{sat}^2}{31^3 r_P^3} = \frac{84^2}{r_P^3}$$

$$\Rightarrow T_{sat}^2 = 84^2 \cdot 31^3$$

$$\Rightarrow T_{sat} = 14478.24^{min} = 10.05^{zile},$$

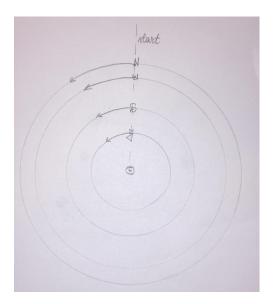
deci răspunsul corect este b).



Alegeţi varianta corectă pentru următoarea afirmaţie

2. Presupunem că planetele Jupiter, Saturn, Uranus şi Neptun se văd pe aceeaşi linie privite din Soare, spunem că se află într-o conjuncţie cvadruplă. Calculaţi cât timp va trece până la următoarea conjuncţie cvadruplă (planetele se văd la distanţă unghiulară mai mică de $\pm 10^{\circ}$ longitudine ecliptică). Presupuneţi că orbitele planetelor sunt circulare şi coplanare, iar perioadele lor siderale sunt de 11,852, 29,458, 84,014 şi 164,793 ani.

Figura problemei 2



Observăm că fiecare planetă ajunge din nou la "Start" (vezi figura) după un multiplu al perioadei sale orbitale (siderale). Deci, calculăm cel mai mic multiplu comun al perioadelor siderale. Putem rotunji perioadele la numere întregi, deoarece este permisă eroarea distanței unghiulare de $\pm 10^\circ$ longitudine ecliptică. Aşadar,

$$T_{J} \approx 12 = 2^{2} \cdot 3;$$
 $T_{S} \approx 30 = 2 \cdot 3 \cdot 5;$
 $T_{U} \approx 84 = 2^{2} \cdot 3 \cdot 7;$
 $T_{N} \approx 168 = 2^{3} \cdot 3 \cdot 7, \text{ iar}$
 $[T_{J}, T_{S}, T_{U}, T_{N}] = 2^{3} \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 = 840 \text{ ani.}$

Pentru perioada lui Neptun am dedus faptul că este utilă aproximarea de 168 ani în urma descompunerii variantelor de răspuns şi căutarea factorilor comuni care apar în acestea.

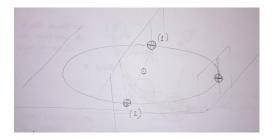
Alegeţi varianta corectă pentru următoarea afirmaţie

3. Planeta Uranus se roteşte în jurul unei axe proprii, care este inclusă în planul orbitei sale în jurul Soarelui. Uranus face o revoluţie completă în jurul Soarelui în 84 de ani. Ca urmare, Soarele traversează ecuatorul ceresc al lui Uranus, o dată la (a) 2 ani, (b) 84 de ani, (c) 42 de ani sau (d) 21 de ani.

Indicaţie: Înclinarea planului orbitei lui Uranus faţă de ecliptică este de 0,77°, de aceea putem presupune că mişcarea lui Uranus are loc în planul eclipticii.

Ecuatorul ceresc a lui Uranus este cercul mare de pe sfera cerească aflat la intersecţia ecuatorului planetei cu sfera cerească.

Figura problemei 3



Analizând figura, axa de rotaţie a planetei este inclusă în planul orbital. Dar axa de rotaţie este perpendiculară pe planul ecuatorial, deci planul ecuatorial este perpendicular pe planul orbital şi pe axă.

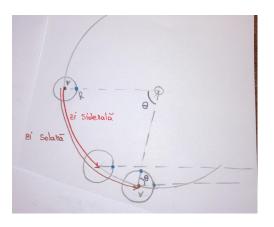
Prin urmare, există un singur astfel de plan, care trece prin Soare, şi care determină poziţiile (1) şi (2) ale lui Uranus, "simetrice" în raport cu Soarele.

Aşadar, fenomenul se produce o dată la 84 : 2=42 ani, deci răspunsul corect este ${\bf c}$).

Alegeţi varianta corectă pentru următoarea afirmaţie

4. Venus se roteşte în jurul axei proprii în sens retrograd (i.e. în sens orar pentru un observator aflat în polul ecliptic nord) cu o perioadă de 243 de zile. Axa de rotație a planetei este aproximativ perpendiculară pe planul orbitei sale în jurul Soarelui. Perioada de revoluție în jurul Soarelui este de 225 de zile. Dacă un observator de pe Venus vede Soarele la meridian la un moment dat, câte zile trec până când Soarele revine la meridian? O analiză grafică vă poate ajuta să alegeți valoarea corectă dintre următoarele: (a) 486 zile, (b) 247 zile, (c) 117 zile sau (d) 18 zile

Figura problemei 4



Fie *s* durata unei zile solare, adică intervalul de timp până când Soarele revine la meridian.

În intervalul de timp s, Venus a parcurs: $heta=\omega_{ extit{orb}}\cdot s=rac{2\pi}{T_{ extit{orb}}}\cdot s$.

În intervalul de timp s, R (reperul spre Sud) a parcurs:

$$\alpha = \omega_{rot} \cdot \mathbf{s} = \frac{2\pi}{T_{rot}} \cdot \mathbf{s}.$$

Dar $\alpha=2\pi+\theta$, adică $\frac{2\pi}{T_{rot}}\cdot s=\frac{2\pi}{T_{orb}}\cdot s+2\pi$, de unde, prin înmulţire cu $\frac{1}{2\pi s}$, avem

$$\frac{1}{T_{rot}} = \frac{1}{T_{orb}} + \frac{1}{s} \Rightarrow \frac{1}{s} = \frac{1}{T_{rot}} - \frac{1}{T_{orb}},$$

de unde $\frac{1}{s}=\frac{1}{-243}-\frac{1}{225}\Rightarrow s=-116, 8\approx -117$ zile. Am folosit $T_{rot}=-243$ zile deoarece Venus se roteşte în sens retrograd în jurul axei sale.

Deci, durata unei zile solare este de 117 zile. Semnul minus semnifică faptul că Soarele răsare la Vest şi apune la Est. Răspuns: **c**).

- Un asteroid are semiaxa mare egală cu 4 unităţi astronomice. Să se afle perioada siderală a asteroidului.
- Perioada sinodică a planetei Marte este egală cu 780 zile.
 Calculaţi distanţa medie de la Soare la Marte, exprimată în unităţi astronomice.

Se cunoaşte semiaxa mare a asteroidului şi se doreşte perioada siderală a acestuia. Prin urmare, aplicăm legea a treia a lui Kepler, cu perioada siderală exprimată în ani siderali şi cu semiaxa mare exprimată în unităţi astronomice. Astfel,

$$\frac{T_{ast}^2}{a_{ast}^3} = \frac{T_P^2}{a_P^3} = 1.$$

Deci, $T_{ast}^2 = a_{ast}^3 = 4^3$, deci $T_{ast} = 2^3 = 8$ ani siderali.

Marte este planetă exterioară, prin urmare,

$$\frac{1}{S} = \frac{1}{T_P} - \frac{1}{T_M},$$

unde S este perioada sinodică a lui Marte, dată. În urma calculelor, avem

$$T_M = \frac{T_P \cdot S}{S - T_P} = \frac{T_P}{1 - \frac{T_P}{S}}.$$

 $T_P=1$ an sideral, iar $T_M=\frac{780}{365,2565}=2,135$ ani siderali, folosind regula de trei simplă.

Prin urmare, $T_M = \frac{1}{1 - \frac{1}{2 \cdot 135}} = 1,88$ ani siderali.

Dar problema cere distanţa medie de la Soare la Marte, adică semiaxa mare a planetei. Aşadar, aplicăm legea a treia a lui Kepler:

$$\frac{T_M^2}{a_M^3} = 1 \Rightarrow a_M = 1,523 \text{ u.a.}$$

Seminar 5 - broblina 3 Baryunem cà astarei Jupiter si Saturn or fi simultare la opositire. Care dintre aceste planete va azinge prima din mon la georitire, strind ca perioada de revolutire a lui Jupiter este 11.87 ani iar a lui Saturn de 29, 46 ani? Perianda dupa car o planeta serina in acciasi configuratio de rejort ou Source si Pamantel se rumeste periorda Simodica. En or calculiara pontra o planeta settinara a ajutoral formula: Promot = persada estribula Pament = 365 zile 1 1 an petrouca Simparca. La or calculiaza pentru o planeta azutorul Johnulei: Pament Planeta exterioro Proment = periorda orbitala Pamont = 365 zute & 1 an Jupiter periodo de revolutil = 1/87 am = 4331 201 = 14,87.365 365 7531 4331 365 = 3366 =) P3 = 4331.365 = 1580815 = 338,53 21le periode de revolutie = 29,46 ani = 29,46 365 = 10,747 = periorda ortistala Pamant = 365 zite 1 1 an Jupiter periodo de revolutil = MAT am = 4331 200 365 4331 4331 365 6 3366 =) P3 = 4331.365 = 1580815 = 338,50 Ell. nutal perioda de revelute = 29,46 ani = 29,46.365 = 10.747 75 765 10.747 765:10.747 10.382 =) 95 = 365.10747 10.382 > Satur levene prima = 347,93 Scanned with CamScanner