



BABEȘ-BOLYAI UNIVERSITY

Faculty of Mathematics and Computer Science



Inteligență Artificială

9: Învățare Automată

Camelia Chira

cchira@cs.ubbcluj.ro

Sisteme inteligente

“How can we build computer systems that automatically improve with experience, and what are the fundamental laws that govern all learning processes?”

- Cum sa proiectam roboti mobili autonomi care invata din experienta?
- Cum sa folosim inregistrari medicale existente pentru a invata ce pacienti viitori vor raspunde mai bine caror tratamente?
- Cum sa dezvoltam motoare de cautare care se adapteaza automat intereselor individuale ale utilizatorilor?
- *Învățare Automată - Machine Learning (ML)*
 - Dezvoltarea de metode care pot detecta automat forme (patterns) in date si care pot apoi folosi formele descoperite pentru a prezice date viitoare
 - Extragerea de forme si tendinte importante din date pentru a intelege ce ne spun datele

Exemple ML

- Clasificare
 - Filtru spam
 - Detectarea obiectelor
 - Predictia vremii
- Regresie
 - Predictia vremii
 - Bursa de actiuni
 - Imobiliare
- Ranking
 - Cautare online
 - Gasire elemente similare
- Clustering
 - Gruparea elementelor similare
 - Gruparea genelor
 - Gruparea paginilor web

Aplicatii

- Recunoaștere de imagini și semnal vocal
- Recunoașterea scrisului de mână
- Detecția fețelor
- Detecția obstacolelor
- Recunoașterea amprentelor
- Controlul roboților
- Predicția vremii
- Diagnosticare medicală
- Detecția fraudelor
- etc

Învățare Automată: tipuri de învățare

- *Învățare supervizată*

- Regresie
 - Furnizarea unei ieșiri corecte pentru o intrare nouă
 - Output continuu – număr real
 - Ex. Predictia prețurilor
- Clasificare
 - Clasificarea unei intrări noi
 - Output discret – etichetă într-o mulțime predefinită
 - Ex. Detectarea tumorilor maligne

- *Învățare nesupervizată*

- Clustering
 - Găsirea unui model sau structuri utile a datelor
 - Output grupuri de date - datele se împart în grupuri astfel încât datele din același grup să fie similare iar cele din grupuri diferite să fie foarte diferite
 - Ex. Analiza genelor

Exemple: probleme de regresie

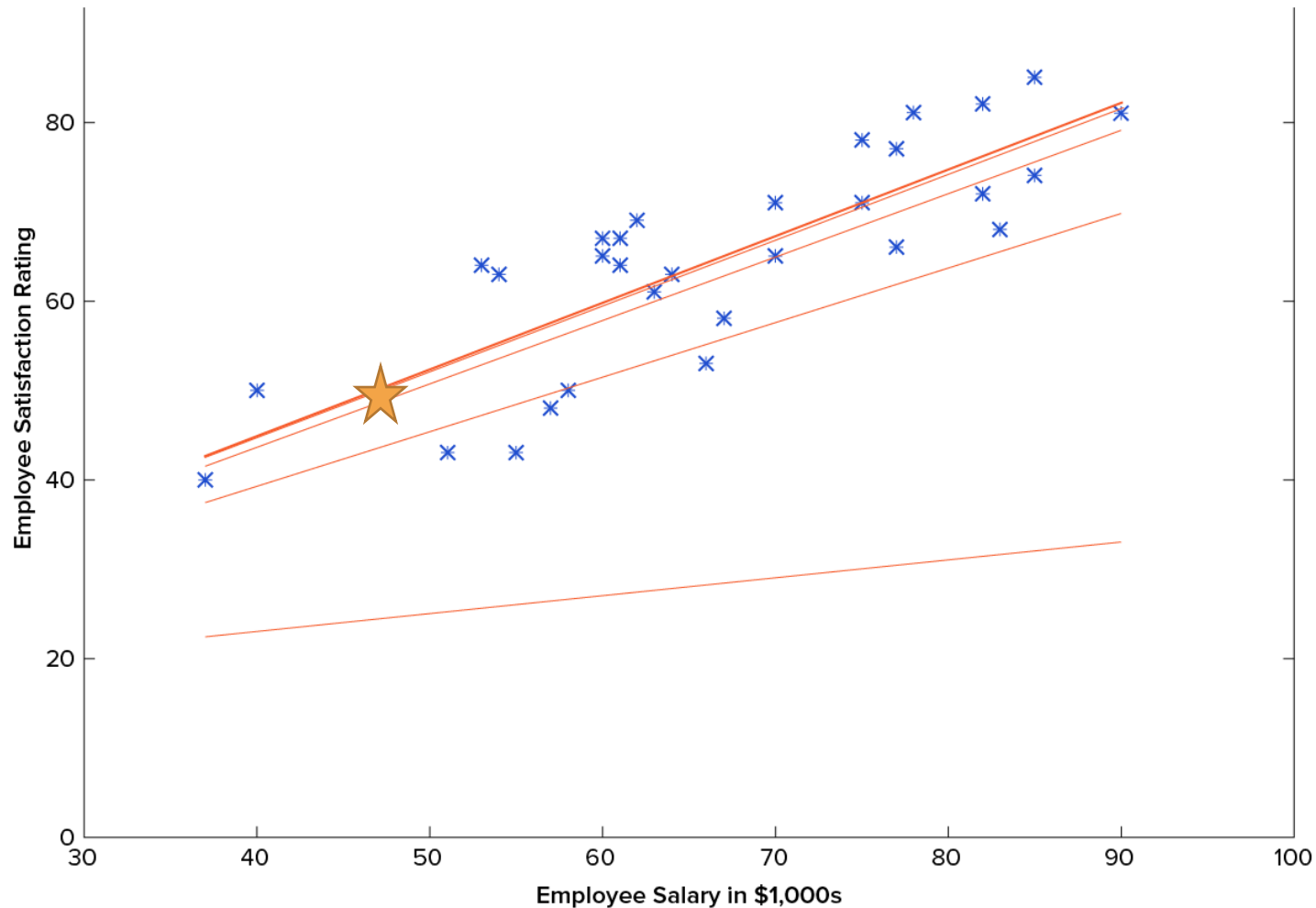
- Predictia pretului unei actiuni pe baza unui istoric
- Predictia nivelului de satisfactie a angajatilor pe baza castigurilor salariale
- Predictia valorii unei case pe baza unor attribute e.g. suprafata, locatie, numar bai, numar dormitoare, gradina, etc

Exemple modele

- Linear regression
- Logistic regression
- Arbori de decizie
- Retele neuronale



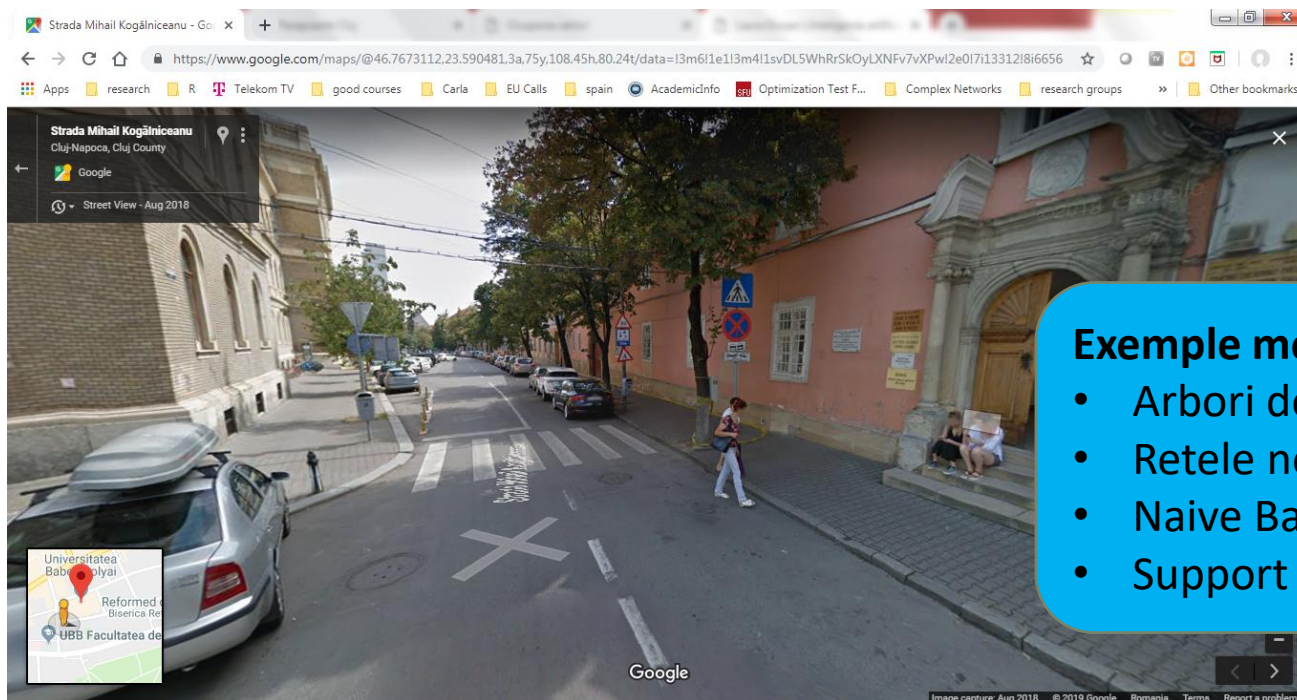
Exemplu: predictia nivelului de satisfactie



Sursa: <https://www.toptal.com/machine-learning/machine-learning-theory-an-introductory-primer>

Exemple: probleme de clasificare

- Diagnoza medicala: clasificarea celulelor tumorale in benigne sau maligne
- Spam filtering: clasificarea emailurilor ca spam sau utile
- Face detection: detectarea fetelor in imagini



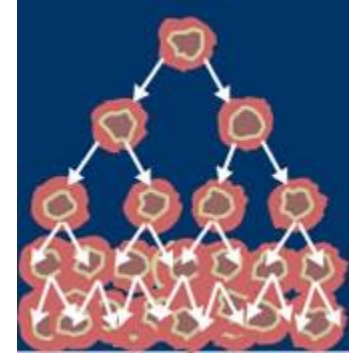
Exemple modele

- Arbori de decizie
- Retele neuronale
- Naive Bayes
- Support Vector Machines

Exemplu: diagnoza medicala

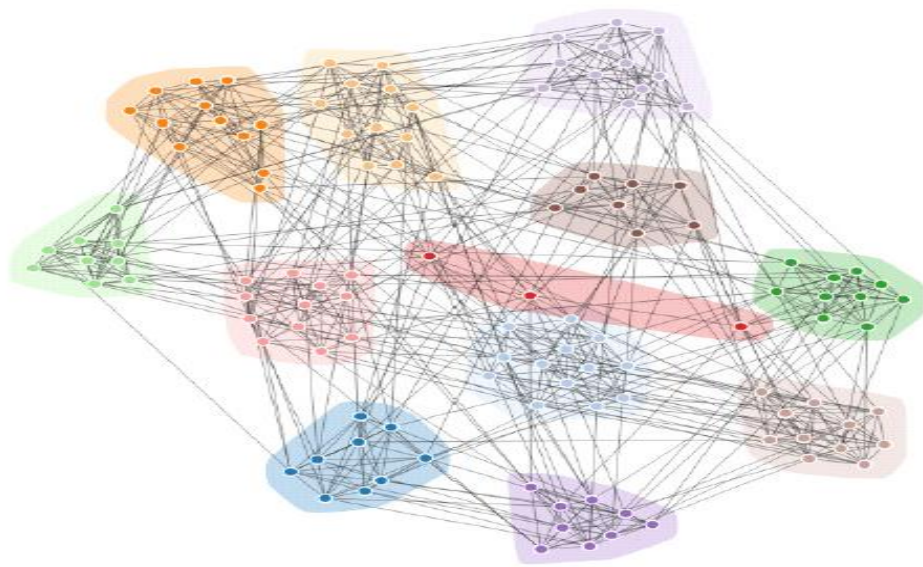
Exemplu de set de date (breast-cancer-wisconsin -arff format)

```
@relation wisconsin-breast-cancer
@attribute Clump_Thickness integer [1,10]
@attribute Cell_Size_Uniformity integer [1,10]
@attribute Cell_Shape_Uniformity integer [1,10]
@attribute Marginal_Adhesion integer [1,10]
@attribute Single_Epi_Cell_Size integer [1,10]
@attribute Bare_Nuclei integer [1,10]
@attribute Bland_Chromatin integer [1,10]
@attribute Normal_Nucleoli integer [1,10]
@attribute Mitoses integer [1,10]
@attribute Class { benign, malignant}
@data
5,1,1,1,2,1,3,1,1,benign
5,4,4,5,7,10,3,2,1,benign
3,1,1,1,2,2,3,1,1,benign
8,10,10,8,7,10,9,7,1,malignant
1,1,1,1,2,10,3,1,1,benign
```



Example: probleme de clustering

- Clasificarea documentelor in functie de topic (categorii multiple)
- Gruparea clientilor in functie de interese, istoricul cumparaturilor sau monitorizarea activitatilor
- Gruparea genelor din date de tip time-series microarray

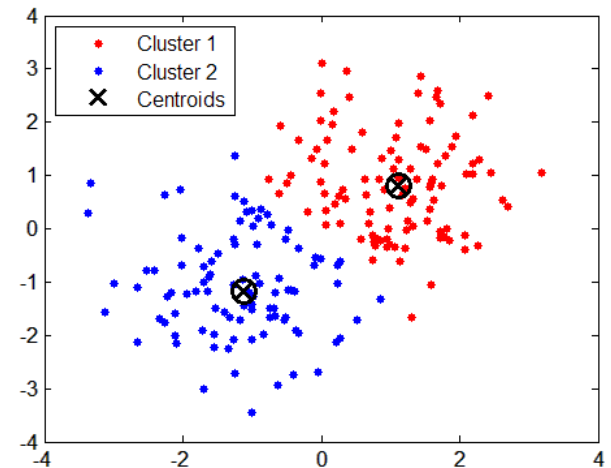


Exemple modele

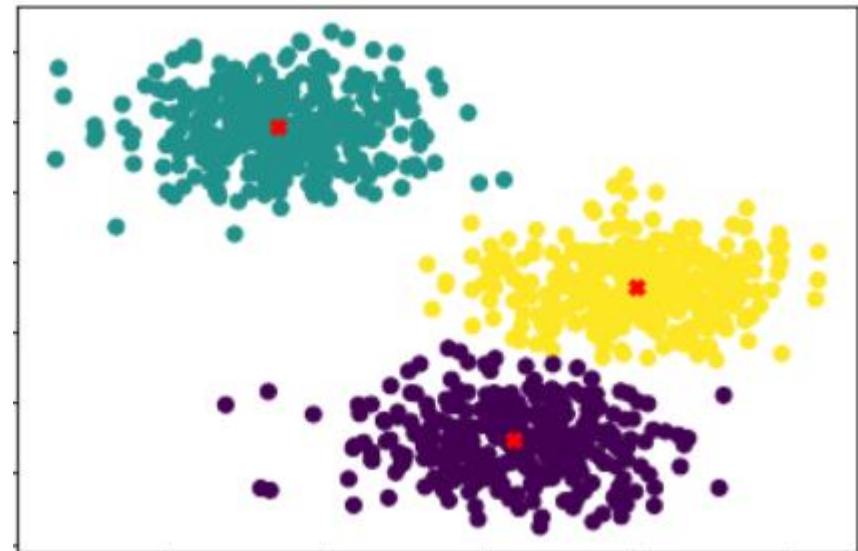
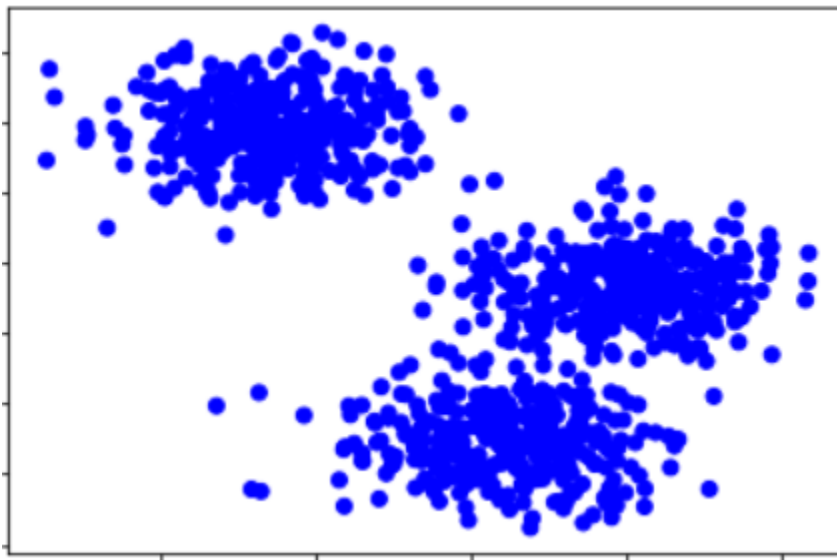
- K-means
- Fuzzy C-means
- Hierarchical clustering

Exemplu: clustering people

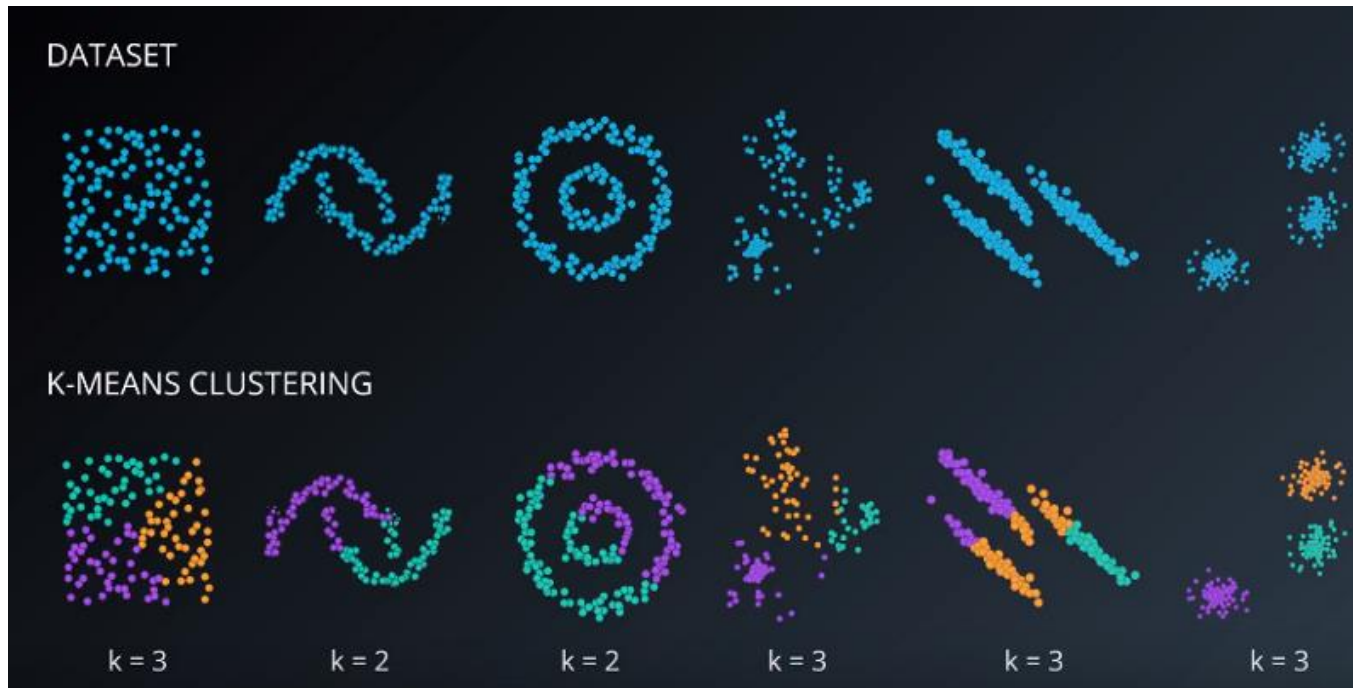
- Identificarea clientilor cu aceleasi interese pe baza cumparaturilor online



K means



K means



See <https://scikit-learn.org/stable/modules/clustering.html>

Concepte de baza

- Ce se cunoaste?
 - O colectie de inregistrari pentru care se cunoaste clasa careia ii apartin (set de date etichetate)
 - Fiecare inregistrare contine un set de attribute si eticheta clasei de care apartine
- Ce se cauta?
 - Un model pentru relatia dintre clasa unei inregistrari și attribute
 - Acest model de clasificare mapeaza o inregistrare cu anumite attribute la o anumita clasa
- De ce?
 - Scopul este de a utiliza modelul de invatare gasit pentru a putea fi aplicat unor date noi si determina clasa corespunzatoare pe baza atributelor

Modele de clasificare

- Proces: etapa de antrenare, etapa de clasificare
- Performanta algoritmului
 - Acuratetea calculata in faza de antrenare, faza de testare
 - $\text{Acc} = \text{nr de exemple corect clasificate} / \text{nr total de exemple}$
- Metode de evaluare
 - Seturi disjuncte de antrenare si testare
 - setul de antrenare poate fi impartit in date de invatare si date de validare
 - setul de antrenare este folosit pentru estimarea parametrilor modelului (cei mai buni parametri obtinuti pe validare vor fi folositi pentru constructia modelului final)
 - Validare incrucisata cu mai multe (h) sub-seturi egale ale datelor (de antrenament)
 - separararea datelor de h ori in $h-1$ sub-seturi pentru invatare si 1 sub-set pt validare
 - dimensiunea unui sub-set = dimensiunea setului / h
 - performanta este data de media pe cele h rulari (ex. $h = 5$ sau $h = 10$)
 - Leave-one-out cross-validation

Masuri de performanta

- Fie o problema de clasificare cu 2 clase:
 - Clasa C1 - pozitiva
 - Clasa C2 - negativa



- *Matricea de confuzie:*

		Rezultat clasificator	
		C1 (clasa pozitiva)	C2 (clasa negativa)
Clasa reala	C1 (clasa pozitiva)	TP	FN
	C2 (clasa negativa)	FP	TN

TP: True Positive = nr de cazuri C1 care sunt clasificate (*corect*) în C1

TN: True Negative = nr de cazuri C2 care sunt clasificate (*corect*) în C2

FP: False Positive = nr de cazuri C2 dar care sunt clasificate (*incorrect*) în C1

FN: False Negative = nr de cazuri C1 dar care sunt clasificate (*incorrect*) în C2

Masuri de performanta

- **Acuratete** = $(TP+TN)/(TP+TN+FP+FN)$
 - nr date clasificate corect/ nr total de date
- **Sensitivitate** = $TP/(TP+FN)$
 - TP rate sau **recall** (rata de regasire)
- **Specificitate** = $TN/(TN+FP)$
 - TN rate
 - FP rate = $1 - \text{specificitate} = FP/(TN+FP)$
- **Precizie** = $TP/(TP+FP)$
 - nr cazuri real pozitive/ nr cazuri clasificate ca fiind positive (**precision**)

✓ Toate aceste valori sunt in $[0,1]$
✓ Valori mari => performanta buna

TP: True Positive = nr de cazuri C1 care sunt clasificate (*corect*) în C1

TN: True Negative = nr de cazuri C2 care sunt clasificate (*corect*) în C2

FP: False Positive = nr de cazuri C2 dar care sunt clasificate (*incorect*) în C1

FN: False Negative = nr de cazuri C1 dar care sunt clasificate (*incorect*) în C2

Modele de clasificare

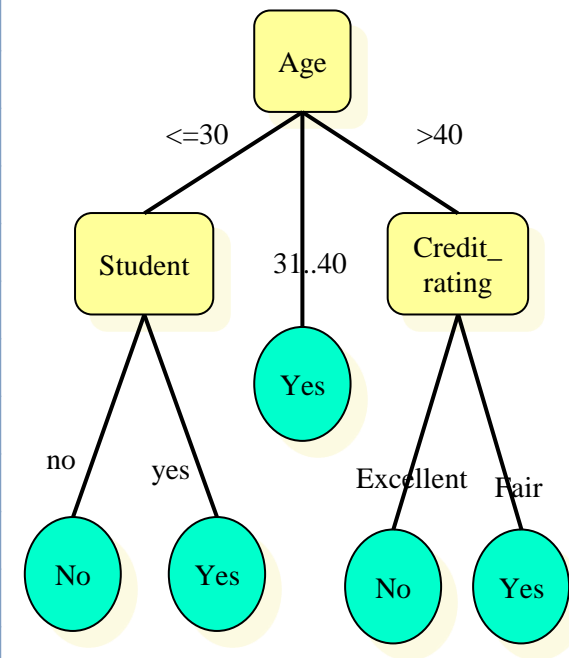
- Un model de clasificare (sau clasificator) trebuie sa fie:
 - Acurat (sa identifice clasa corecta)
 - Compact (usor de interpretat de catre utilizator)
 - Eficient in etapa de antrenare si etapa de clasificare
- Exemple de modele de clasificare
 - Arbori de decizie (decision trees)
 - Reguli de clasificare (classification rules)
 - Retele neuronale (neural networks)
 - Masini cu suport vectorial (Support vector machines)
 - Modele probabiliste
 - etc

Arbori de decizie

- Scop
 - Divizarea unei colecții de articole în seturi mai mici prin aplicarea succesivă a unor reguli de decizie
- Definire
 - Graf special cu mai multe tipuri de noduri
 - Fiecare nod intern corespunde unui atribut
 - Fiecare ramură de sub un nod (atribut) corespunde unei valori a atributului
 - Fiecare frunză corespunde unei clase
- Tipuri de probleme
 - Exemplele (instanțele) sunt reprezentate printr-un număr fix de atribute, fiecare atribut putând avea un număr limitat de valori
 - Probleme de clasificare: binara / multi-clasa
 - Probleme de regresie

Arbori de decizie: exemplu

RID	Age	Income	Student	Credit_rating	Class: buys_computer
1	<=30	High	No	Fair	No
2	<=30	High	No	Excellent	No
3	31..40	High	No	Fair	Yes
4	>40	Medium	No	Fair	Yes
5	>40	Low	Yes	Fair	Yes
6	>40	Low	Yes	Excellent	No
7	31..40	Low	Yes	Excellent	Yes
8	<=30	Medium	No	Fair	No
9	<=30	Low	Yes	Fair	Yes
10	>40	Medium	Yes	Fair	Yes
11	<=30	Medium	Yes	Excellent	Yes
12	31..40	Medium	No	Excellent	Yes
13	31..40	High	Yes	Fair	Yes
14	>40	Medium	No	Excellent	No



Arbori de decizie: proces

- Construirea (creșterea, inducția) arborelui
 - Se bazează pe un set de date de antrenament
 - Lucrează de jos în sus sau de sus în jos (prin divizare – *splitting*)
- Utilizarea arborelui ca model de rezolvare a problemelor
 - Ansamblul deciziilor efectuate de-a lungul unui drum de la rădăcină la o frunză formează o regulă
 - Regulile formate în arbore sunt folosite pentru etichetarea unor noi date
- Tăierea (curățirea) arborelui (pruning)
 - Se identifică și se mută/elimină ramurile care reflectă zgomote sau excepții

Construirea arborelui

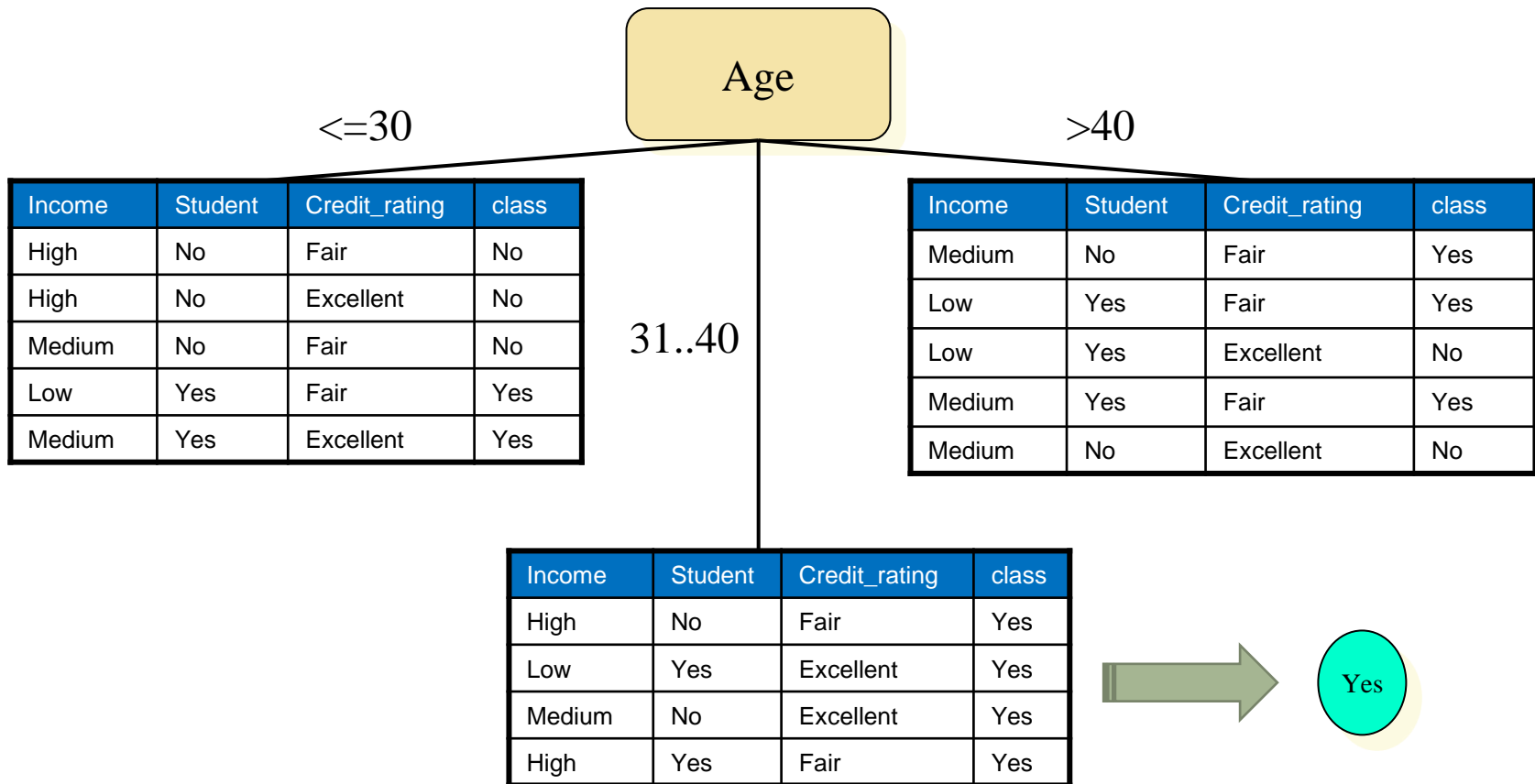
- Divizarea datelor de antrenament în subseturi pe baza caracteristicilor datelor
 - Un nod - întrebare legată de o anumită proprietate a unui obiect dat
 - Ramurile ce pleacă din nod - etichetate cu posibilele răspunsuri la întrebarea din nodul curent
 - La început toate exemplele sunt plasate în rădăcină (la pornire, un atribut va fi rădăcina arborelui, iar valorile atributului vor deveni ramuri ale rădăcinii)
 - Pe următoarele nivele, exemplele sunt partiționate în funcție de attribute - ordinea considerării atributelor (pentru fiecare nod se alege în mod recursiv câte un atribut - cu valorile lui pe ramurile descendente din nodul curent)
- *Proces iterativ: reguli de oprire*
 - Toate exemplele aferente unui nod fac parte din aceeași clasă - nodul devine frunză și este etichetat cu Ci
 - Nu mai sunt exemple - nodul devine frunză și este etichetat cu clasa majoritară în setul de date de antrenament
 - Nu mai pot fi considerate noi attribute

Construirea auborelui: exemplu

RID	Age	Income	Student	Credit_rating	Class: buys_computer
1	<=30	High	No	Fair	No
2	<=30	High	No	Excellent	No
3	31..40	High	No	Fair	Yes
4	>40	Medium	No	Fair	Yes
5	>40	Low	Yes	Fair	Yes
6	>40	Low	Yes	Excellent	No
7	31..40	Low	Yes	Excellent	Yes
8	<=30	Medium	No	Fair	No
9	<=30	Low	Yes	Fair	Yes
10	>40	Medium	Yes	Fair	Yes
11	<=30	Medium	Yes	Excellent	Yes
12	31..40	Medium	No	Excellent	Yes
13	31..40	High	Yes	Fair	Yes
14	>40	Medium	No	Excellent	No

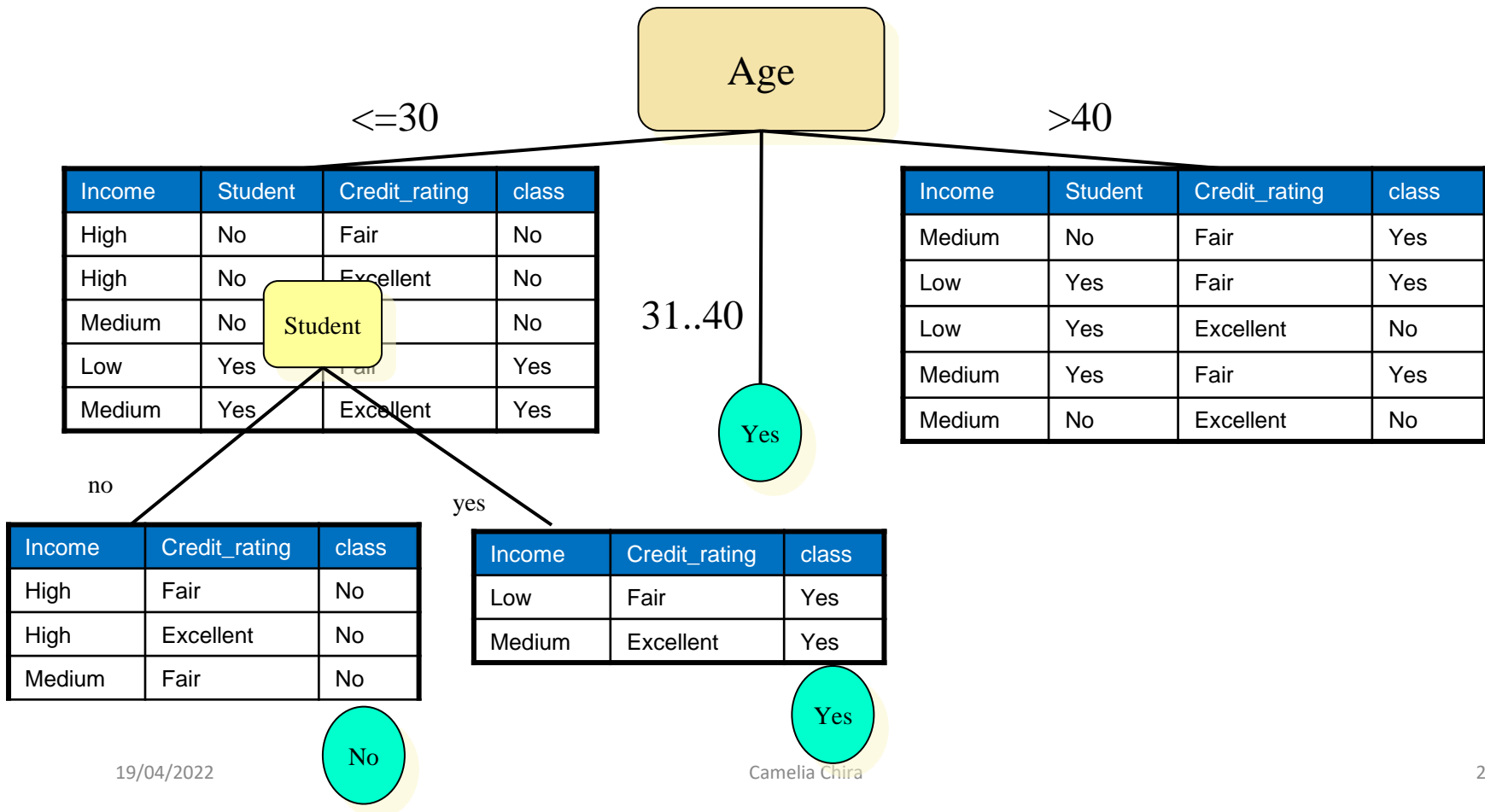
Construirea auborelui: exemplu

- Pentru radacina se alege atributul 'Age'



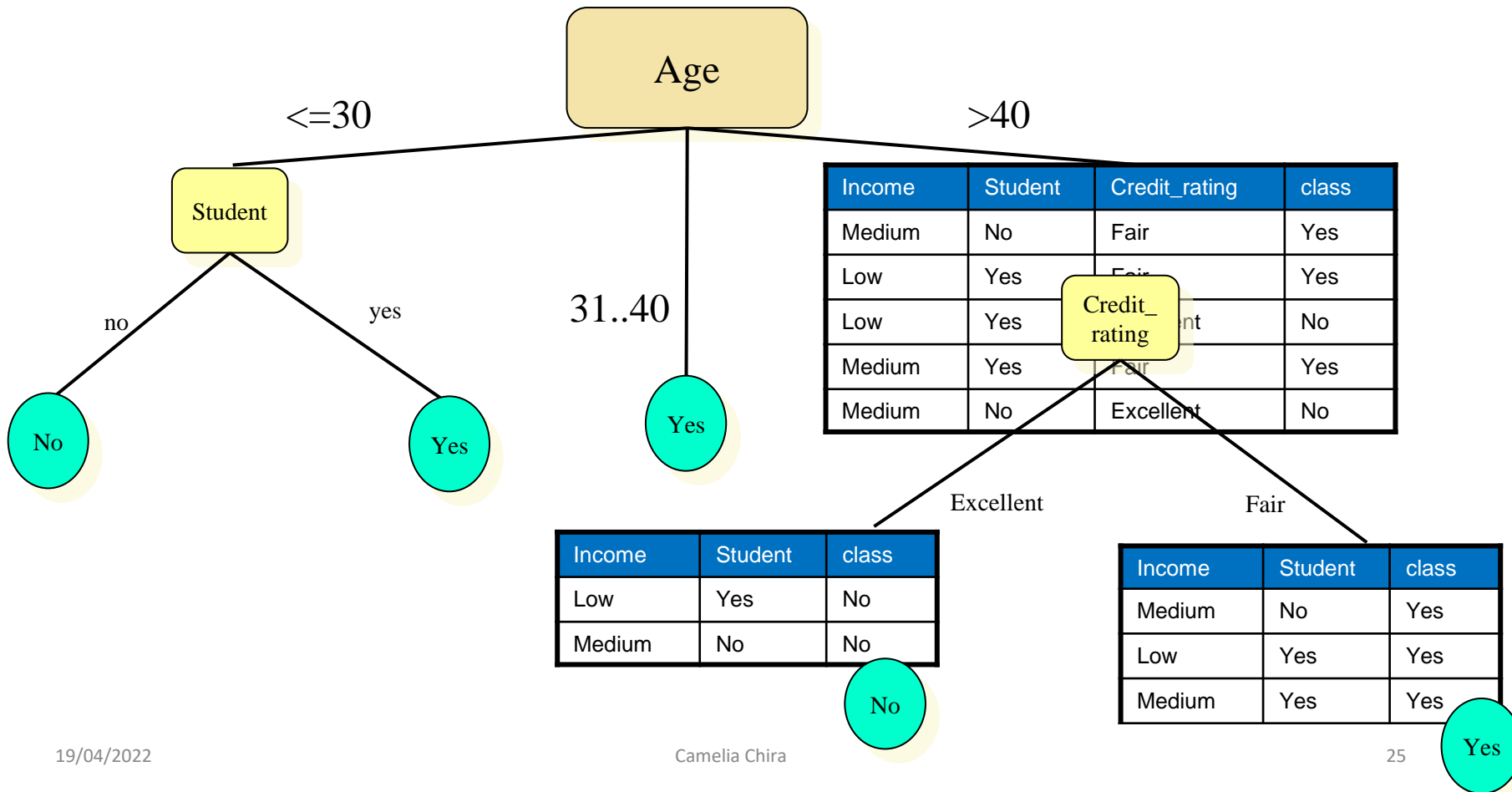
Construirea auborelui: exemplu

- Pentru ramura $\text{age} \leq 30$ se alege atributul '*Student*'

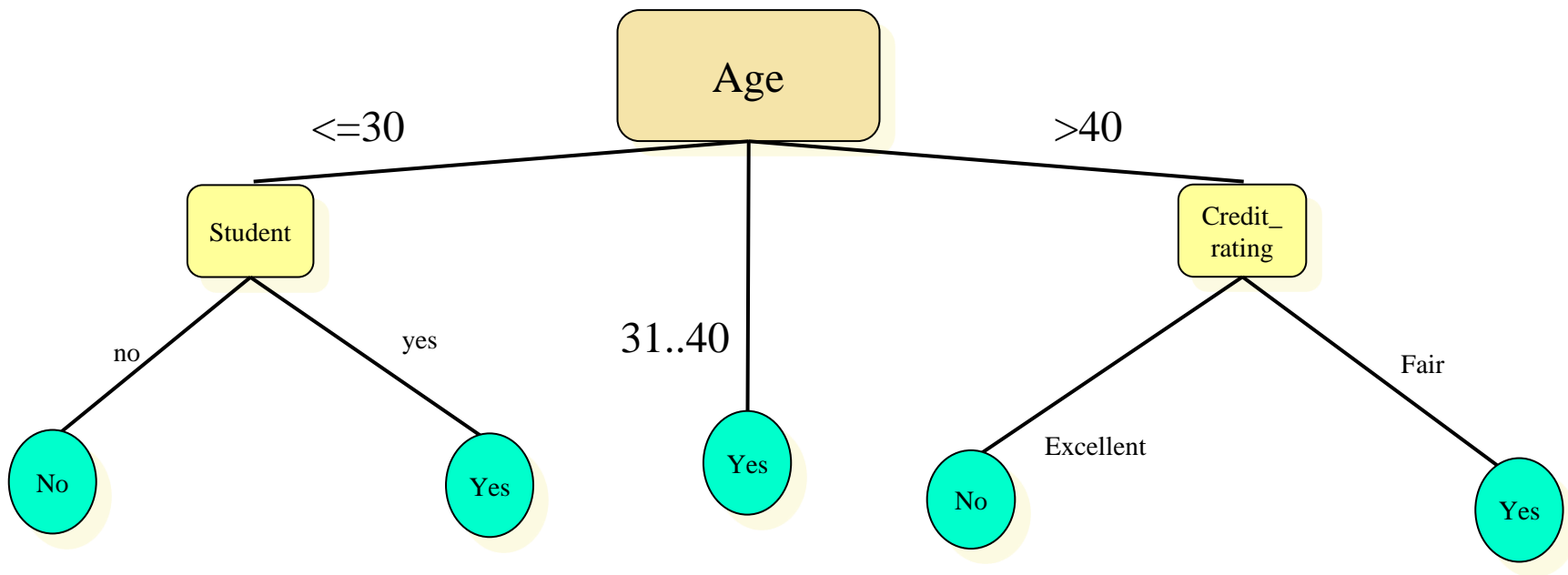


Construirea auborelui: exemplu

- Pentru ramura $\text{age} > 40$ se alege atributul '*Credit_rating*'



Construirea auborelui: exemplu



Agloritmi pentru construirea arborelui de decizie

- Algoritmul ID3
 - Intrare: set de date
 - Iesire: arbore de decizie (noduri interne etichetate cu attribute, noduri frunză etichetate cu clase, muchii etichetate cu valori ale atributelor)
- Algoritmul C4.5
 - Imbunatatire a algoritmul ID3 pentru a trata attribute continue, valori absente
- J48 –implementarea din Weka a algoritmului C4.5
 - <https://www.cs.waikato.ac.nz/ml/weka/>

Algoritmul ID3/C4.5

generare(D, A){ //D – partiționare a exemplelor de antrenament, A – lista de atribute

 Crearea unui nod nou N

Dacă exemplele din D fac parte dintr-o singură clasă C **atunci**

 nodul N devine frunză și este etichetat cu C

 returnează nodul N

Altfel

Dacă A=∅ **atunci**

 nodul N devine frunză și este etichetat cu clasa majoritară în D

returnează nodul N

Altfel

 atribut_separare = *Selectează_atribut*(D, A)

 Etichetează nodul N cu atribut_separare

Pentru fiecare valoare posibilă v_j a lui atribut_separare

 Fie D_j mulțimea exemplelor din D pentru care atribut_separare = v_j

Dacă D_j = ∅ **atunci**

 Atașează nodului N o frunză etichetată cu clasa majoritară în D

Altfel

 Atașează nodului N un nod returnat de *generare*(D_j, A –atribut_separare)

returnează nodul N

}

Algoritmul ID3/C4.5: alegerea atributului de ramificare

- *Selectează_atribut(D, A)*
 - Aleatoare
 - Atributul cu cele mai puține/multe valori
 - Atributul cu cel mai mare câștig de informație (information gain)
 - Rata câștigului (gain ratio)
- Câștigul de informație
 - O măsură de impuritate
 - 0 (minimă) dacă toate exemplele fac parte din aceeași clasă
 - 1 (maximă) dacă avem număr egal de exemple din fiecare clasă
 - Se bazează pe entropia datelor
 - Clasificare binară: $H(D) = -p_1 \log_2 p_1 - p_2 \log_2 p_2$, p_1 proporția exemplelor pozitive în setul de date D , p_2 proporția exemplelor negative în setul de date D
 - Clasificare cu mai multe clase: $H(D) = \sum -p_i \log_2 p_i$
 - Câștigul de informație al unui atribut al datelor
 - Reducerea entropiei setului de date ca urmare a eliminării atributului

Alegerea atributului de ramificare - Information Gain

- Set de date distribuit în k clase: $D = \{C_1, C_2, \dots, C_k\}$
- Distribuția de probabilitate (p_1, p_2, \dots, p_k) , $p_i = \text{card}(C_i) / \text{card}(D)$
- Fie A un atribut și v_1, v_2, \dots, v_{m_A} valorile posibile ale acestui atribut
- Fie D_j setul de date din D pt care atributul A are valoarea v_j și P_j distribuția datelor din D_j în cele k clase
- C_{ji} = datele din clasa C_i care au valoarea v_j pt atributul A
- **Câștigul informational - Information Gain (IG)** obținut prin partitionarea setului de date folosind atributul A :

$$IG(D, A) = H(D) - \sum_{j=1}^{m_A} P(D_j | A = v_j) H(D_j | A = v_j)$$

$$H(D) = - \sum_{i=1}^k p_i \log p_i \qquad P(D_j | A = v_j) = \frac{\text{card}(D_j)}{\text{card}(D)}$$

$$H(D_j | A = v_j) = - \sum_{i=1}^k p_{ij} \log p_{ij}, \quad p_{ij} = \frac{\text{card}(C_{ji})}{\text{card}(C_i)}$$

Information Gain (IG): Exemplu

RID	Age	Income	Student	Credit_rating	Class: buys_computer
1	<=30	High	No	Fair	No
2	<=30	High	No	Excellent	No
3	31..40	High	No	Fair	Yes
4	>40	Medium	No	Fair	Yes
5	>40	Low	Yes	Fair	Yes
6	>40	Low	Yes	Excellent	No
7	31..40	Low	Yes	Excellent	Yes
8	<=30	Medium	No	Fair	No
9	<=30	Low	Yes	Fair	Yes
10	>40	Medium	Yes	Fair	Yes
11	<=30	Medium	Yes	Excellent	Yes
12	31..40	Medium	No	Excellent	Yes
13	31..40	High	Yes	Fair	Yes
14	>40	Medium	No	Excellent	No

Distribuția claselor

- C_1 ="yes", C_2 ="no"
- $p_1=9/14$, $p_2=5/14$

$$H(p_1, p_2) = -\frac{9}{14} \log_2 \frac{9}{14} - \frac{5}{14} \log_2 \frac{5}{14}$$

$$H(p_1, p_2) = 0.940$$

Information Gain (IG): Exemplu

- Calcul entropie pt fiecare atribut

RID	Age	Income	Student	Credit_rating	Class: buys_computer
1	<=30	High	No	Fair	No
2	<=30	High	No	Excellent	No
3	31..40	High	No	Fair	Yes
4	>40	Medium	No	Fair	Yes
5	>40	Low	Yes	Fair	Yes
6	>40	Low	Yes	Excellent	No
7	31..40	Low	Yes	Excellent	Yes
8	<=30	Medium	No	Fair	No
9	<=30	Low	Yes	Fair	Yes
10	>40	Medium	Yes	Fair	Yes
11	<=30	Medium	Yes	Excellent	Yes
12	31..40	Medium	No	Excellent	Yes
13	31..40	High	Yes	Fair	Yes
14	>40	Medium	No	Excellent	No

Age:

"<=30": 3 No, 2 Yes, 5 total

"31..40": 0 No, 4 Yes, 4 total

">40": 3 Yes, 2 No, 5 total

$H("<=30")$

$$= -3/5 \cdot \log(3/5) - 2/5 \cdot \log(2/5) \\ = 0.971$$

$H("31..40")$

$$= -0 \cdot \log(0) - 4/4 \cdot \log(4/4) \\ = 0$$

$H(">40")$

$$= -3/5 \cdot \log(3/5) - 2/5 \cdot \log(2/5) \\ = 0.971$$

Information Gain (IG): Exemplu

- Calcul entropie pt fiecare atribut: *Age*

$$H(\text{age}) = 5/14 * H("<=30") + 4/14 * H(">30") = 0.694$$

- *Castigul informational pentru atributul Age:*

$$IG(\text{Age}) = H(p1, p2) - H(\text{age}) = 0.246$$

- Similar, se calculeaza:

$$IG(\text{Income}) = 0.029$$

$$IG(\text{Student}) = 0.151$$

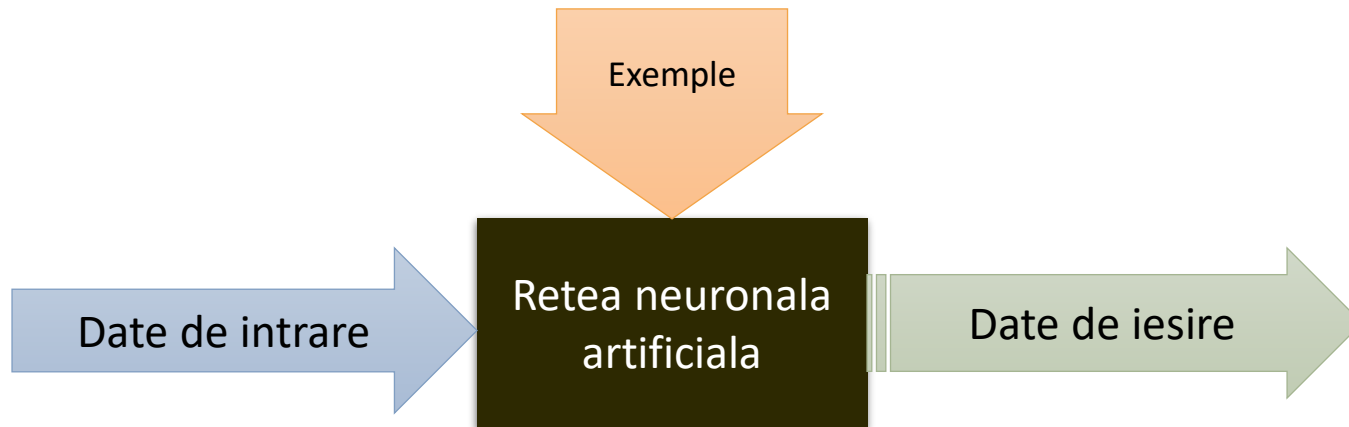
$$IG(\text{Credit_rating}) = 0.048$$

Utilizarea arborilor de decizie

- Se extrag regulile formate în arborele anterior construit
- Reguli extrase din arborele dat în exemplul anterior:
 - IF *age* = " ≤ 30 " AND *student* = "no" THEN *buys_computer* = "no"
 - IF *age* = " ≤ 30 " AND *student* = "yes" THEN *buys_computer* = "yes"
 - IF *age* = "31...40" THEN *buys_computer* = "yes"
 - IF *age* = " > 40 " AND *credit_rating* = "excellent" THEN *buys_computer* = "no"
 - IF *age* = " > 40 " AND *credit_rating* = "fair" THEN *buys_computer* = "yes"
- Regulile sunt folosite pentru a clasifica datele de test (date noi).
Fie *x* o dată pentru care nu se știe clasa de apartenență
 - Regulile se pot scrie sub forma unor predicate astfel:
 - IF *age*(*x*, ≤ 30) AND *student*(*x*, no) THEN *buys_computer* (*x*, no)
 - IF *age*(*x*, ≤ 30) AND *student* (*x*, yes) THEN *buys_computer* (*x*, yes)

Retele neuronale artificiale

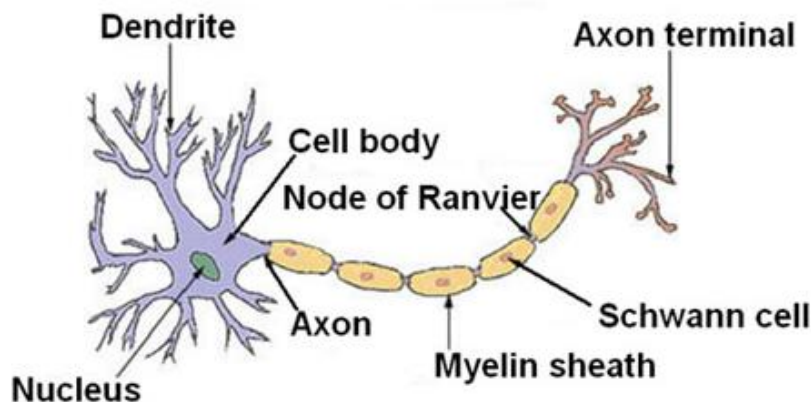
- Sisteme artificiale inspirate de structura si functionarea creierului
- Constituite din mai multe *unitati functionale interconectate (neuroni)*
- **Sistem adaptiv** capabil sa furnizeze raspunsuri pentru o problema dupa ce a fost antrenat pentru probleme similare



- Clasificatori de tip black-box

Retele neuronale – modelul biologic

- Creierul uman: ~10.000.000.000 de neuroni conectați prin sinapse
- **Neuron**: are un corp (soma), un axon și multe dendrite
- Un neuron poate fi într-una din 2 stări: *activ* – dacă informația care intră în neuron depășește un anumit prag de stimulare, *pasiv* – altfel
- **Sinapsă**: legătura între axon-ul unui neuron și dendritele altui neuron
- 5.000 de conexiuni / neuron (în medie)

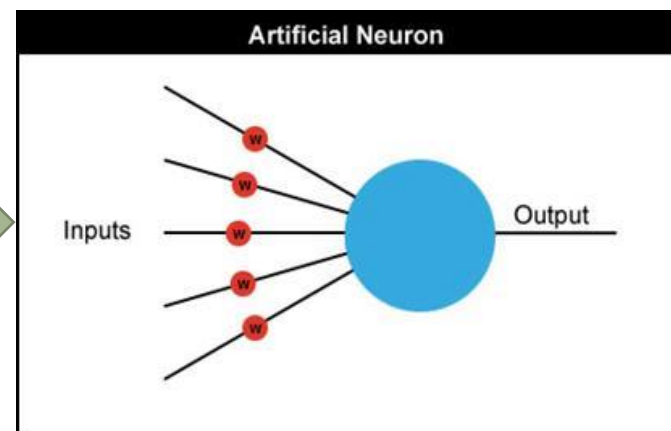
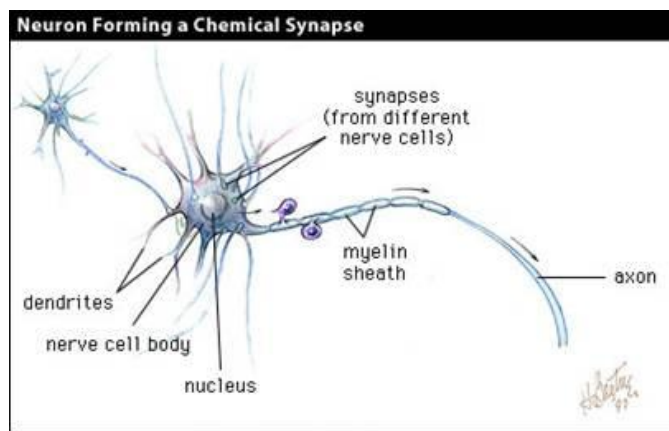


Retele neuronale

Retea neuronală: ansamblu de unitati functionale (neuroni) interconectate

Unitate functionala: model simplificat al neuronului biologic care efectueaza prelucrari simple asupra unor date de intrare

=> *Model foarte simplificat la creierului*

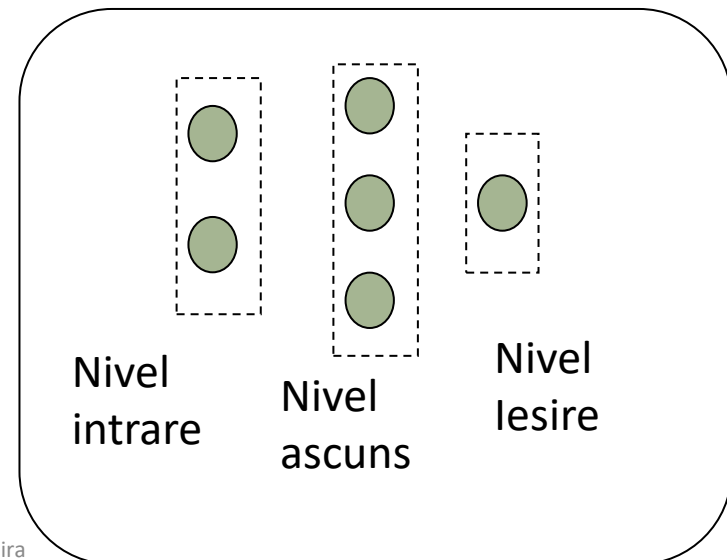


Retele neuronale artificiale (RNA)

- RNA: set de neuroni artificiali (unități functionale) interconectați
 - Fiecare neuron primește mai multe semnale de intrare și produce un semnal de ieșire
 - Reteaua primește un vector de intrare (prin neuronii de intrare) și produce un vector de ieșire (prin neuronii de ieșire)
- **Arhitectura** = graf orientat etichetat; fiecare arc are asociată o pondere numerică care modelează permeabilitatea sinaptică
- **Funcționare** = procesul prin care RNA transformă un vector de intrare într-un vector de ieșire
- **Antrenare** = procesul prin care sunt stabilite valorile ponderilor sinaptice și ale altor parametri ai rețelei

Arhitectura

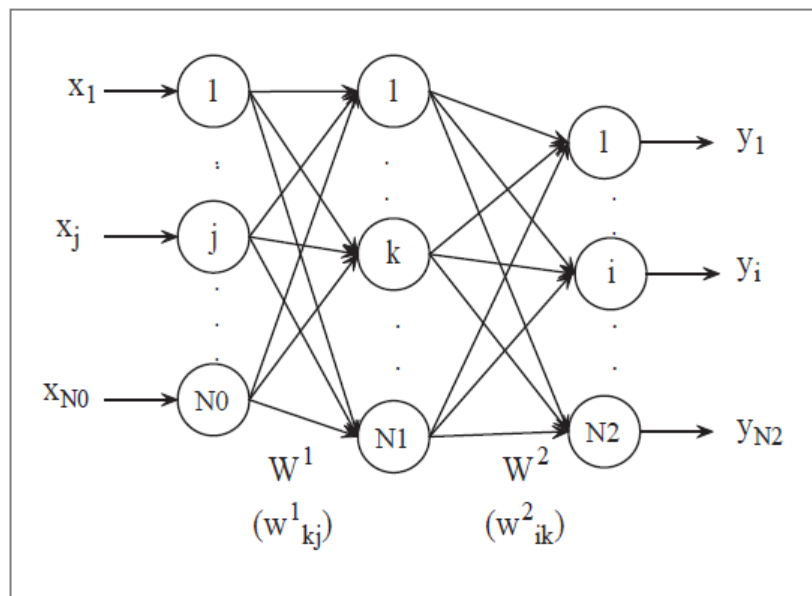
- Modul in care sunt amplasate si interconectate unitatile functionale (neuronii)
- RNA \Leftrightarrow graf orientat etichetat
 - Noduri: neuroni
 - Arce: modul in care sunt conectati neuronii
 - Etichete: ponderile conexiunilor
- Retele organizate pe nivele
 - Un nivel de unitati de intrare
 - Unul sau mai multe nivele de unitati ascunse
 - Un nivel de iesire



Principalele tipuri de arhitecturi

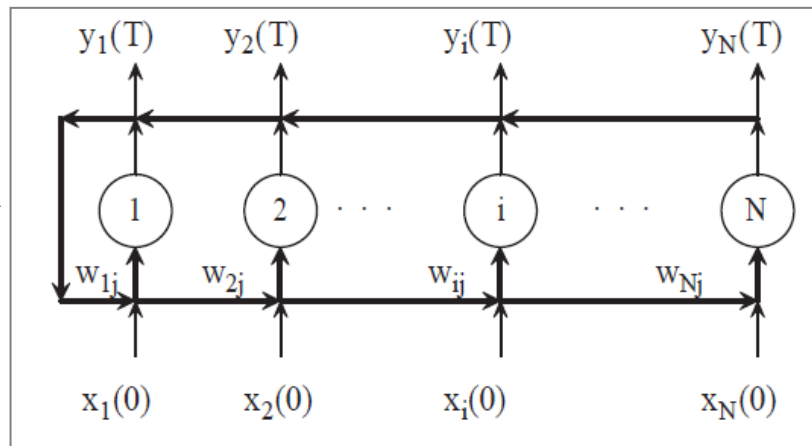
- **Feed-forward**

- Graful suport nu conține cicluri (neuronii sunt de obicei plasați pe mai multe nivele)
- Semnalul de ieșire poate fi calculat prin compunerea unor funcții de agregare și de activare



- **Recurentă**

- Graful suport conține cicluri
- Semnalul de ieșire este calculat prin simularea unui sistem dinamic (proces iterativ)

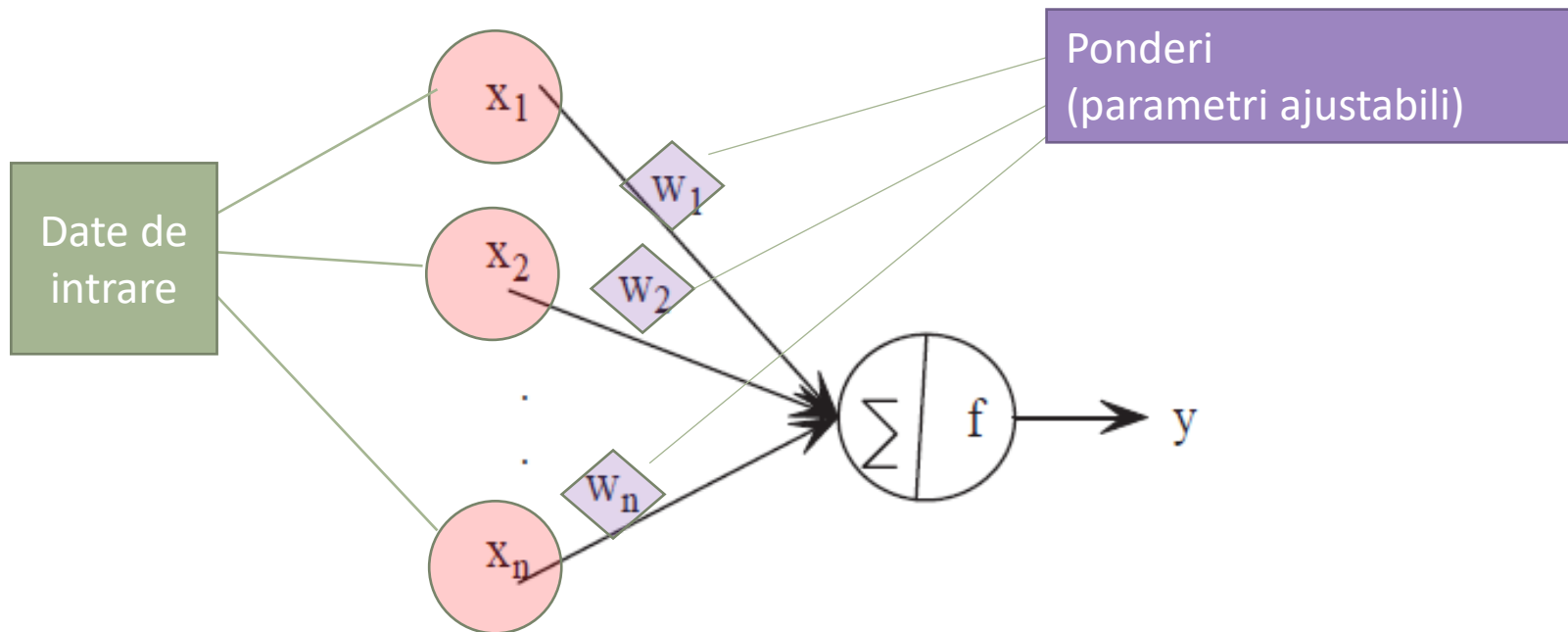


Proiectarea RNA

- **Alegerea arhitecturii:** număr de nivele, număr de unități pe fiecare nivel, funcții de activare, tip interconectare
 - **Antrenare:** determinarea valorilor ponderilor folosind un set de antrenare și un algoritm de învățare
 - **Validare/testare:** analiza comportamentului rețelei pentru exemple care nu fac parte din setul de antrenare
-
- Pentru o problema de clasificare a unor date n -dimensionale in m clase rețeaua ar trebui să aibă:
 - n unități de intrare
 - m unități de ieșire

Unitati functionale

- Sau *neuroni* sau *elemente de procesare*
- Primește semnale de intrare și produce un semnal de ieșire (forma numerică)



Rolul unitatilor functionale

- **Unitati de intrare**

- Primesc semnale din partea mediului
- Rol: retransmit semnalul primit catre alti neuroni

- **Unitati ascunse**

- Conectate doar cu alte unitati ale retelei
- Nu comunica direct cu mediul extern
- Rol: colecteaza si prelucreaza , distribuie semnalul de iesire catre alti neuroni

- **Unitati de iesire**

- Rol: colecteaza semnale de la alti neuroni, le prelucreaza si transmit iesirea mediului extern

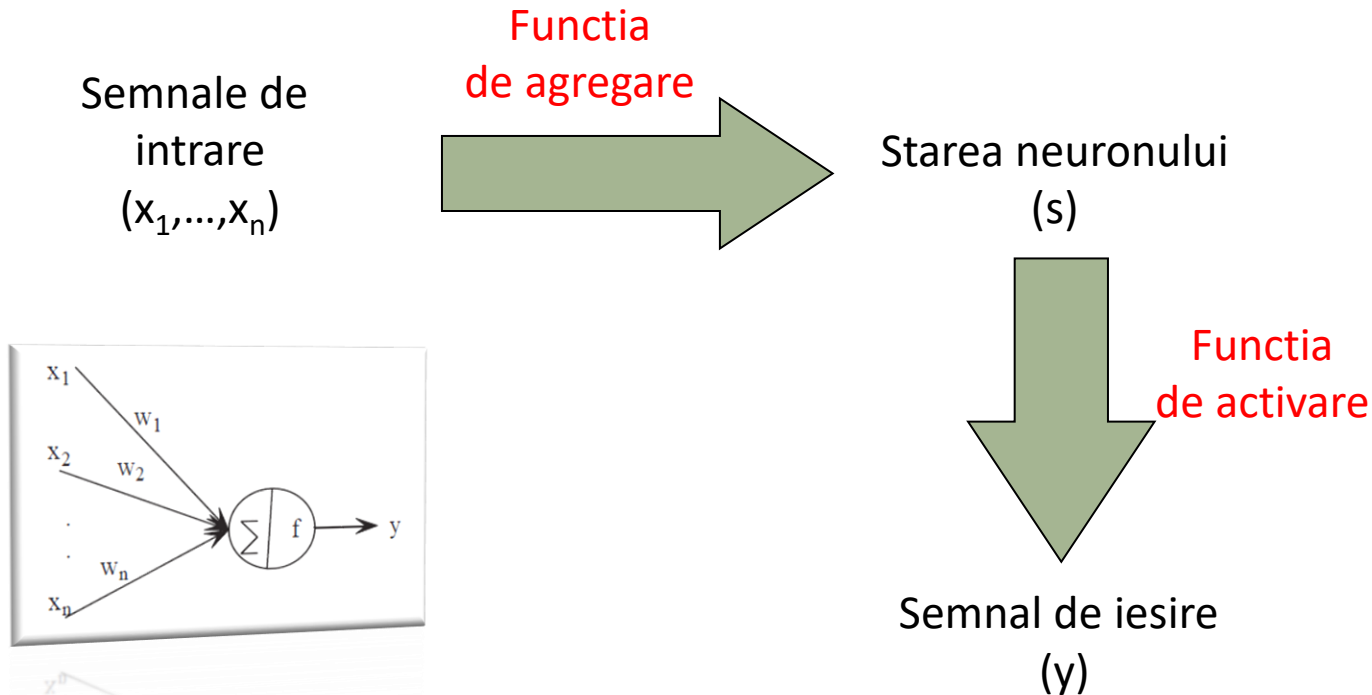
Model RNA

- Retea cu p neuroni
- Conectati printr-o multime de *ponderi sinaptice*
- Fiecare neuron are n intrari si o iesire y
- Intrari: x_1, x_2, \dots, x_n (numere reale)
- Ponderi sinaptice: w_1, w_2, \dots, w_n (numere reale)
- Fiecare neuron calculeaza starea sa interna s :

$$s = \sum_{j=1}^n w_j x_j$$

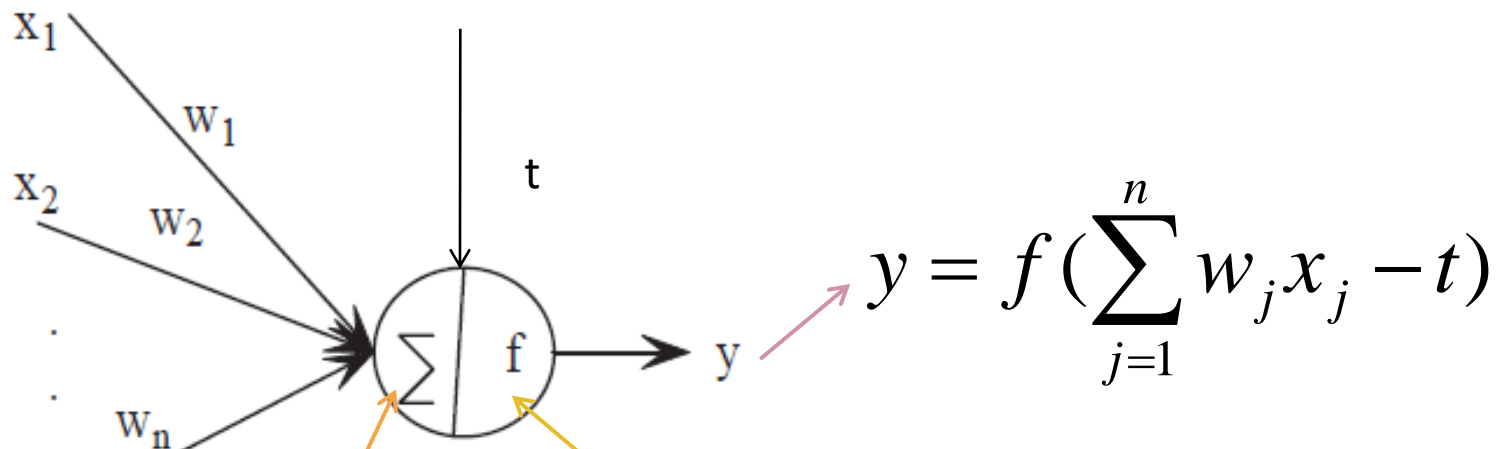
RNA: un neuron

- Combinarea semnalelor de intrare se realizează printr-o funcție de agregare
- Semnalul de ieșire aplicand o funcție de activare



RNA: un neuron

- Fiecare neuron este caracterizat de un **prag de activare** notat cu t
- Iesirea y a neuronului este +1 daca activarea totala $\geq t$ (modelul McCulloch-Pitts)



Functia de agregare

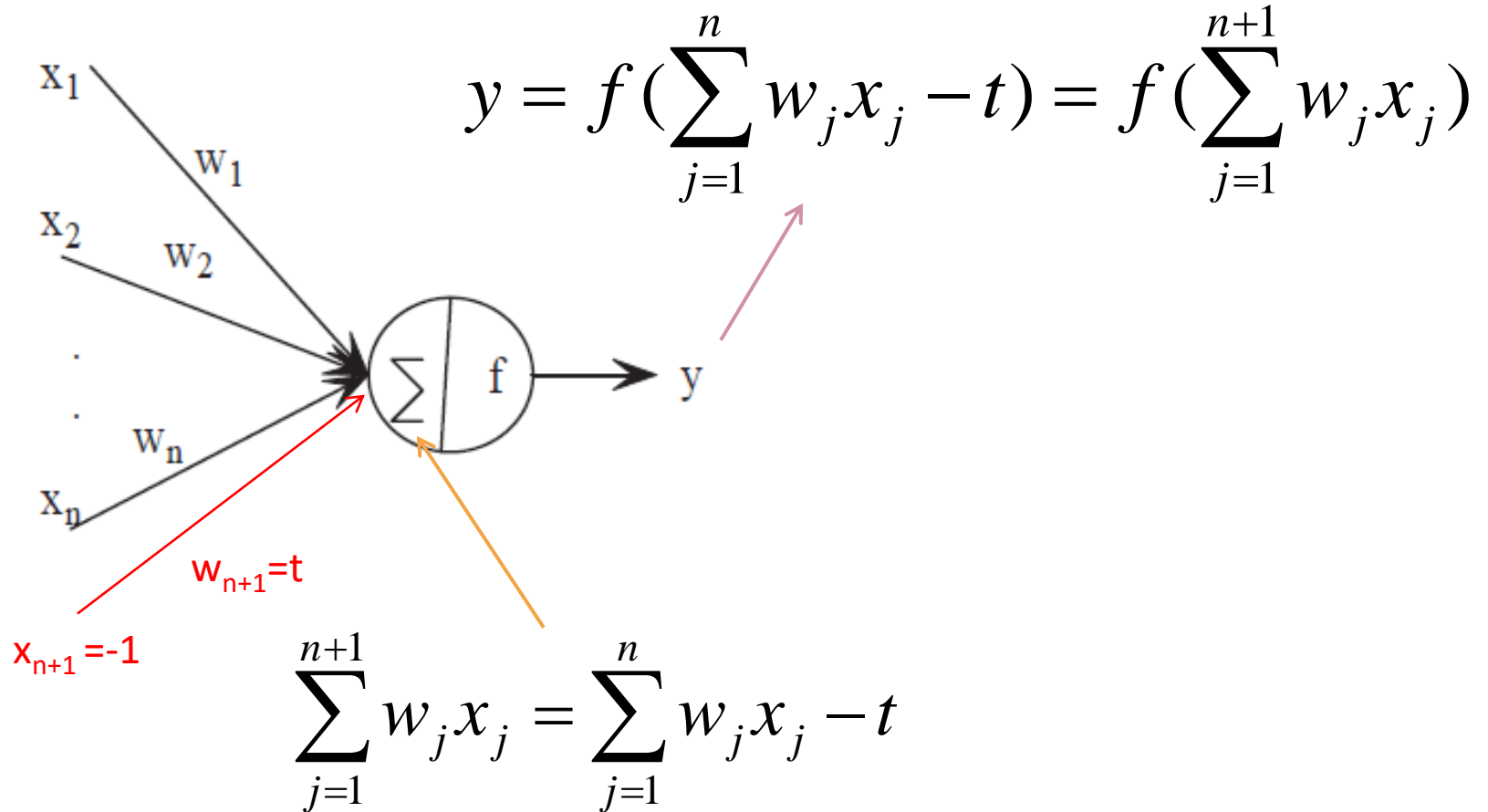
$$\sum_{j=1}^n w_j x_j$$

Functia de activare, ex.

$$f : R \rightarrow R$$

$$f(x) = \begin{cases} 1, & x \geq 0 \\ 0, & x < 0 \end{cases}$$

RNA: un neurone



Funcția de agregare

Suma ponderată

$$s = \sum_{i=1}^n w_i x_i - t$$

Distanța euclidiană

$$s = \sum_{i=1}^n (w_i - x_i)^2$$

Neuron multiplicativ

$$s = \prod_{i=1}^n x_i^{w_i}$$

Conexiuni de ordin superior

$$s = \sum_{i=1}^n w_i x_i + \sum_{i,j=1}^n w_{ij} x_i x_j + \dots$$

Funcția de activare

- Depinde de modelul de rețea neuronală studiat
- Se mai numește: funcție de *raspuns*, funcție *neurală*, funcție de *iesire*, funcție de *transfer*

Funcția prag (Heaviside)

$$f : \mathbb{R} \rightarrow \{0,1\}$$

$$f(x) = H(x) = \begin{cases} 1, & x \geq 0 \\ 0, & x < 0 \end{cases}$$

Funcție liniară

$$f(x) = x$$

$$f(x) = \max(0, x)$$

Funcția signum

$$f : \mathbb{R} \rightarrow \{-1,1\}$$

$$f(x) = \text{sgn}(x) = \begin{cases} 1, & x \geq 0 \\ -1, & x < 0 \end{cases}$$

Funcție sigmoidală

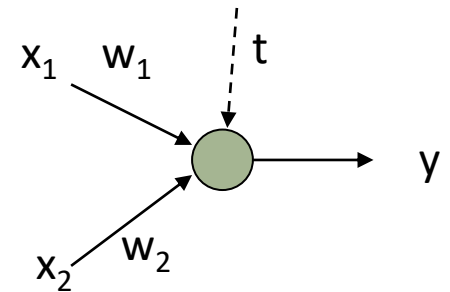
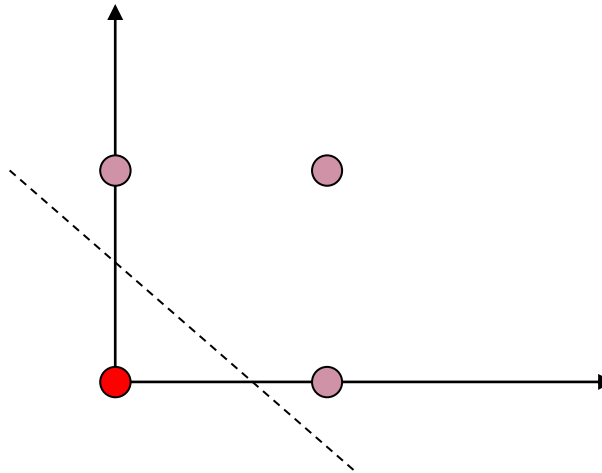
$$f : \mathbb{R} \rightarrow (0,1)$$

$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-kx}}, k > 0$$

Ce poate face un singur neuron?

- Reprezenta (invata) functii booleene simple
- Rezolva probleme simple de clasificare binara (probleme linear separabile)

OR	0	1
0	0	1
1	1	1

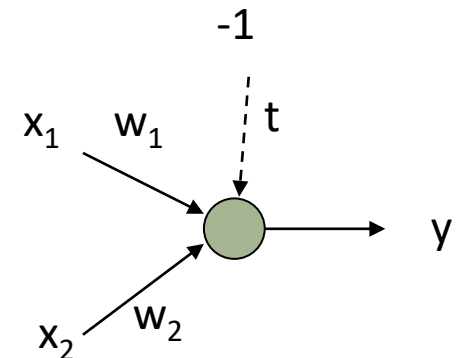
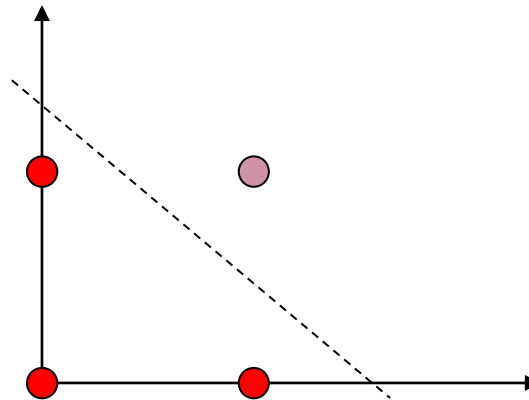


$$y = H(w_1x_1 + w_2x_2 - t)$$

Ex: $w_1 = w_2 = 1, t = 0.5$

Rezolvarea functiei AND

AND	0	1
0	0	0
1	0	1



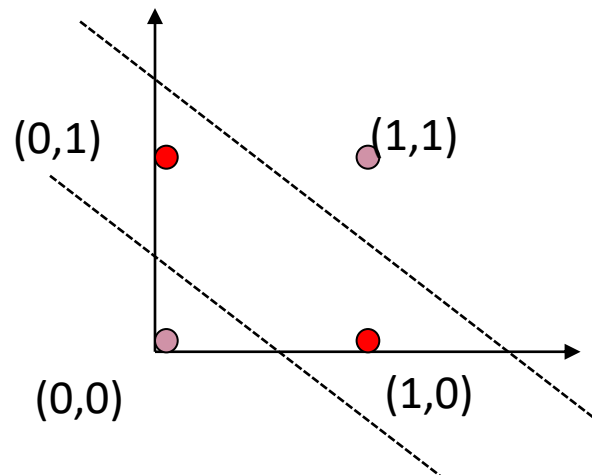
$$y = H(w_1x_1 + w_2x_2 - t)$$

Ex: $w_1 = w_2 = 1, t = 1.5$

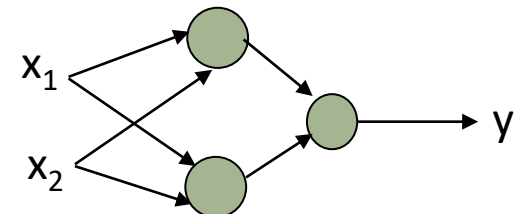
Probleme nelinier separabile

- Probleme linear separabile (ex. AND, OR): suficient o retea cu un singur nivel (cu un neuron)
- Limitele perceptronului: clase care nu sunt linear separabile

XOR	0	1
0	0	1
1	1	0

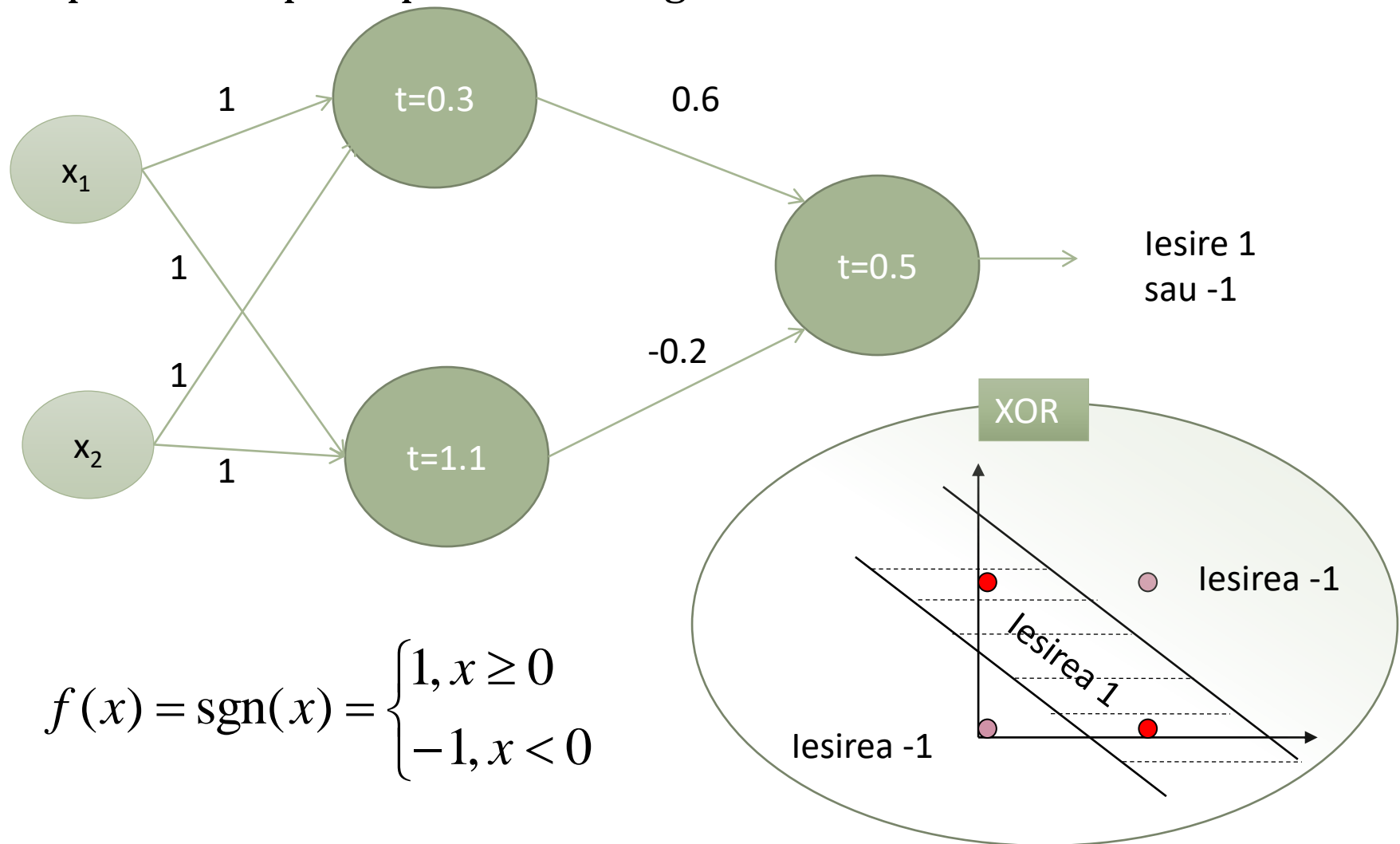


Pentru probleme nelinier separabile este necesar cel puțin un nivel ascuns!



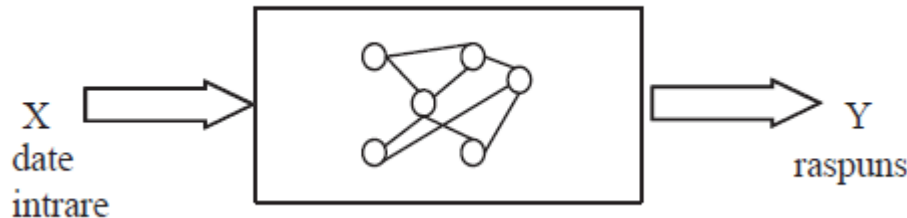
Exemplu perceptron 2 straturi

capabil sa imparta planul in 3 regiuni de decizie



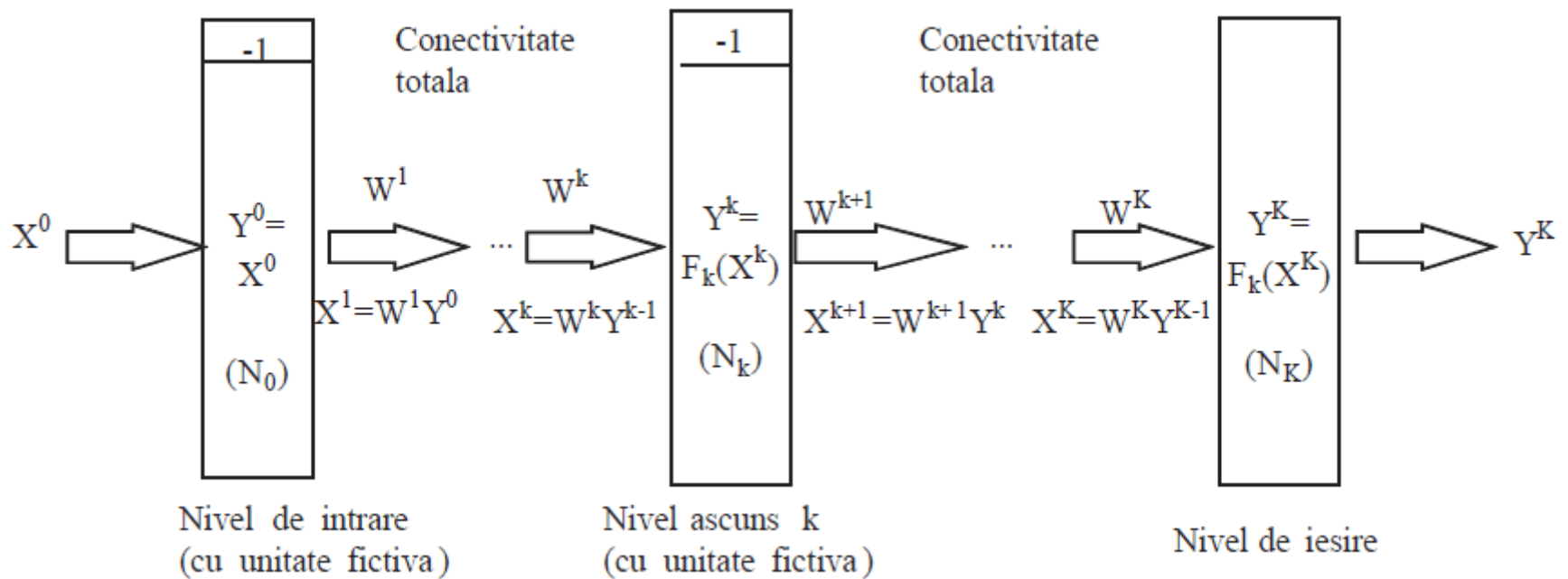
Functionare

- Modul in care retea transforma un semnal de intrare X intr-un semnal de iesire Y
- Depinde de modul in care functioneaza neuronii si de cum sunt conectati
- Important: *ponderile asociate conexiunilor*

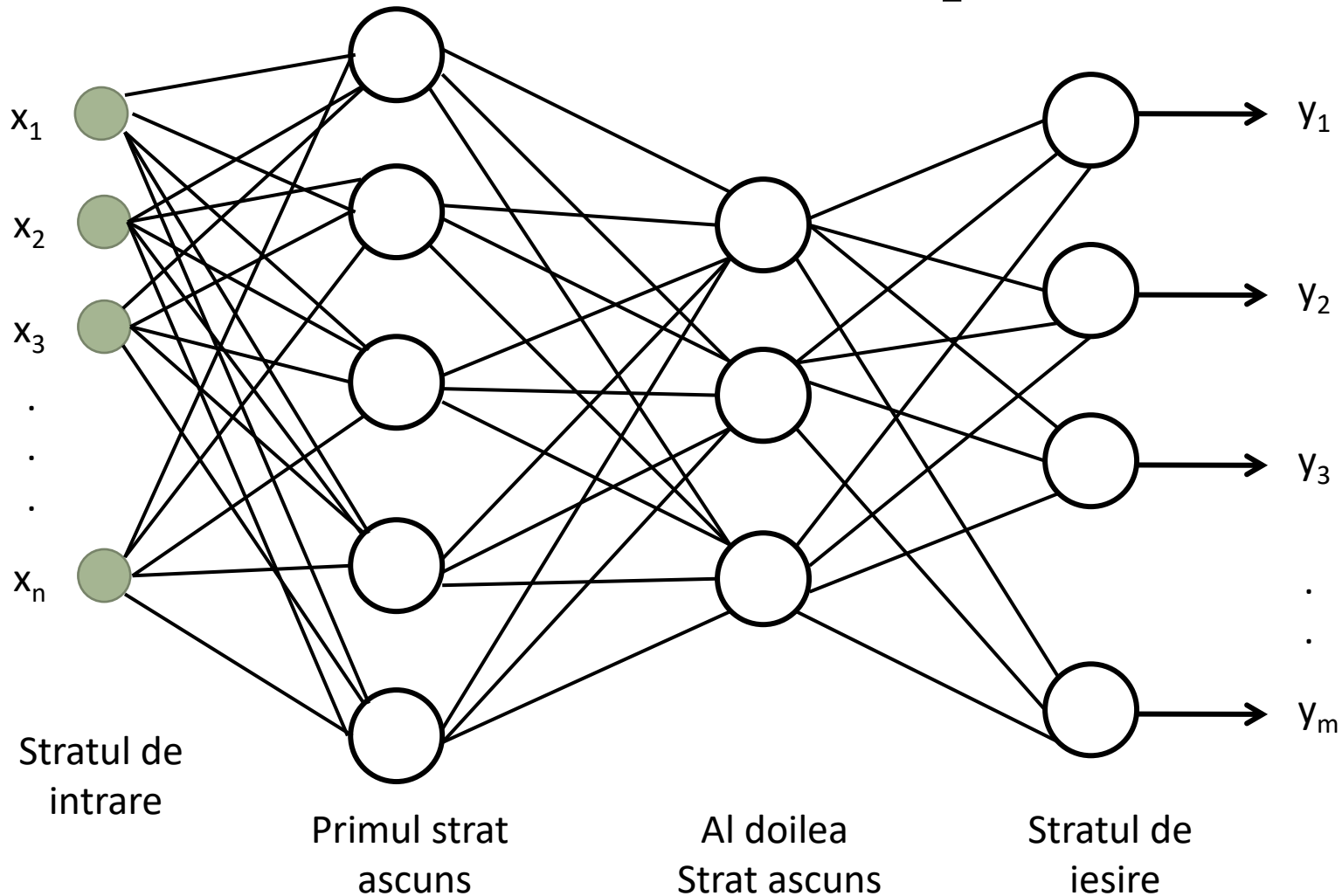


Retele feedforward

- X = vector intrare, Y = vector ieșire, F = funcție de activare



Retele feedforward: exemplu

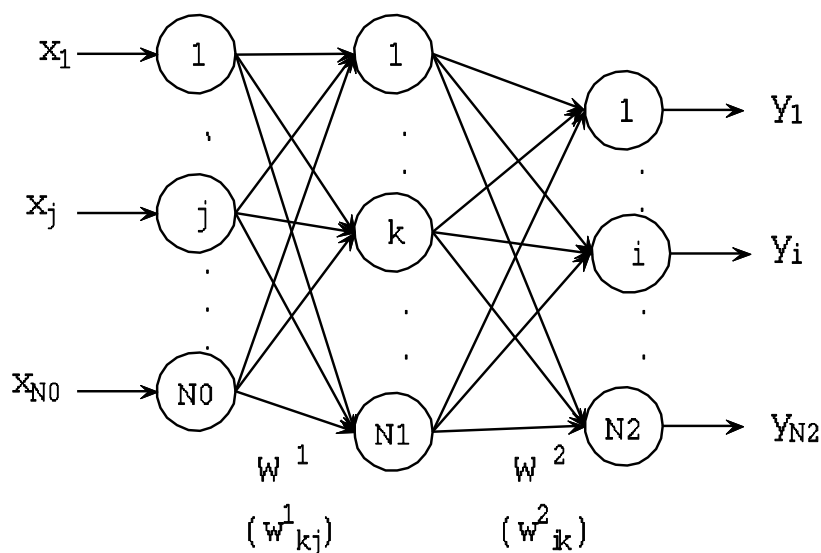


Functionare Feedforward: $Y=F(X)$

- Semnalul de iesire Y se poate obtine prin aplicarea unei functii asupra intrarilor
- Caz particular: 1 nivel ascuns
- Parametrii modelului: matricile cu ponder W^1 si W^2

X : vector
intrare

Y : vector
iesire



W^1, W^2 : Matrici ponderi

$$y_i = f_2 \left(\sum_{k=0}^{N1} w_{ik}^2 f_1 \left(\sum_{j=0}^{N0} w_{kj}^1 x_j \right) \right),$$

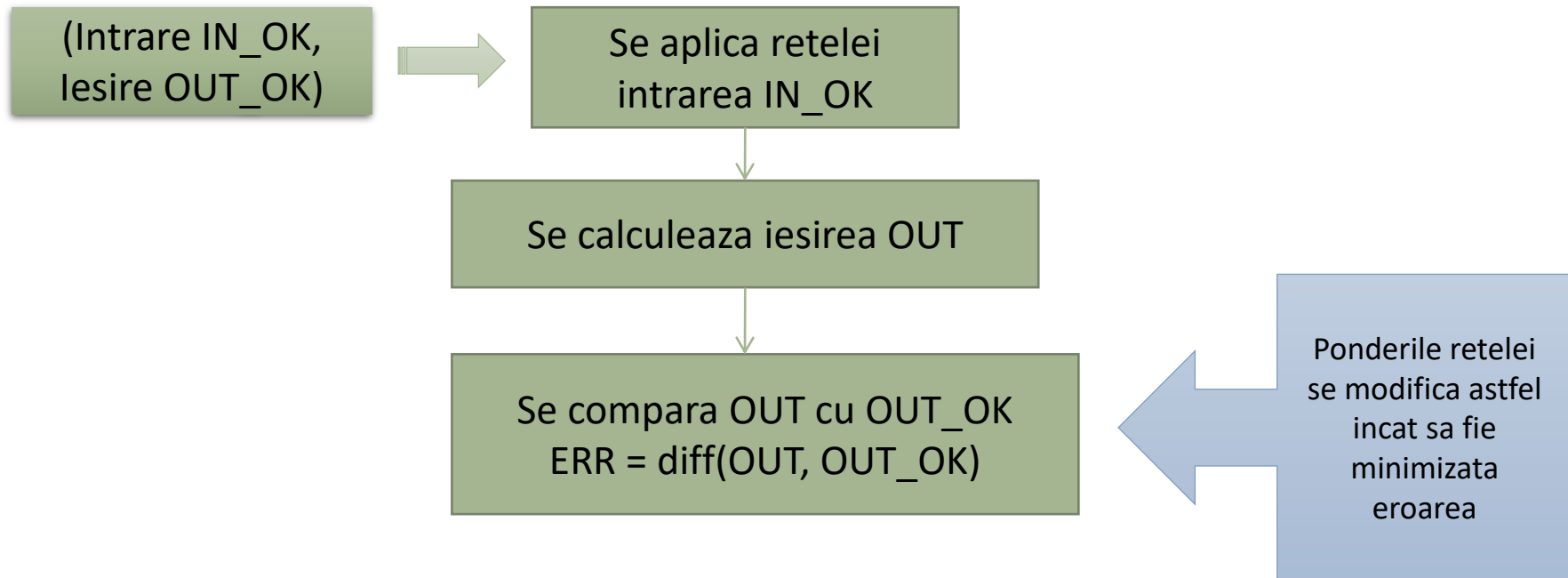
$$i = \overline{1, N2}$$

Deep Learning: rețele cu număr mare de nivele (**Deep Neural Networks**) folosite mai ales pentru recunoașterea imaginilor și a vorbirii

Antrenarea (invatarea) RNA

- Modificarea parametrilor rețelei pentru o comportare adecvata problemei
- **Scop: stabilirea valorii optime a ponderilor dintre 2 noduri**
- Capacitatea de generalizare: RNA este capabila sa produca raspunsuri la date pentru care nu a fost antrenata
- Procesul de invatare
 - Multime de informatii
 - Algoritm de adaptare la informatiile primite
- Invatare supervizata
 - Se prezinta rețelei o multime de exemple de instruire (set de antrenare)
 - Se caută valorile optime ale ponderilor între oricare 2 noduri ale rețelei prin minimizarea erorii (diferența între rezultatul real y și cel calculat de către rețea)

Invatare supervizata



- Testarea rețelei antrenate: se retine din setul de antrenare un subset de testare
- Asigurarea unei bune capacitati de generalizare: mentinerea unui nivel acceptabil de eroare pe setul de antrenare in scopul evitarii *suprainvatarii*

Antrenarea RNA

- Set de antrenare: $\{(x^1, d^1), \dots, (x^L, d^L)\}$
x= vector intrare, d= vector de ieșire corect

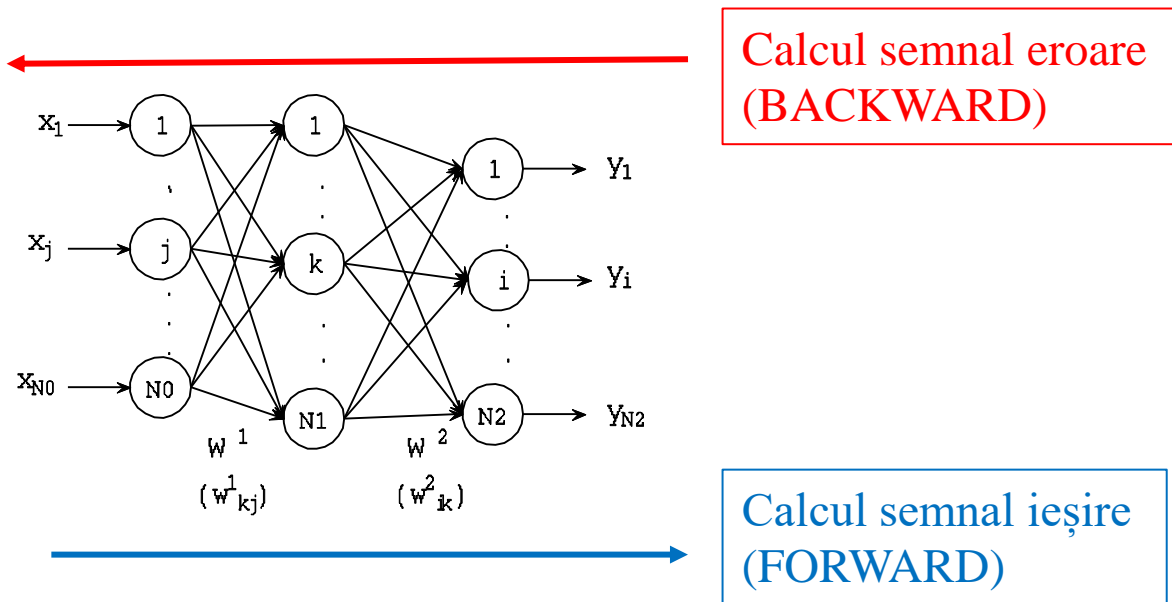
- Funcție de eroare (suma pătratelor erorilor)

$$E(W) = \frac{1}{2} \sum_{l=1}^L \sum_{i=1}^{N2} \left(d_i^l - f_2 \left(\sum_{k=0}^{N1} w_{ik} f_1 \left(\sum_{j=0}^{N0} w_{kj} x_j^l \right) \right) \right)^2$$

- Scopul antrenării: minimizarea funcției de eroare
- Metode de antrenare
 - Backpropagation (propagarea inapoi a erorii)
 - Algoritmi evolutivi
 - Simulated Annealing

Algoritmul Back Propagation

- Pentru fiecare exemplu din setul de antrenare:
 - se determină semnalul de ieșire
 - se calculează eroarea la nivelul de ieșire
 - se propagă eroarea înapoi în rețea și se reține factorul delta corespunzător fiecărei ponderi
 - se aplică ajustarea corespunzătoare fiecărei ponderi



Algoritmul Back Propagation

Initializarea aleatoare a ponderilor: aleator din $[0,1]$ sau $[-1,1]$

REPEAT

FOR $i = 1, L$ **DO**

Etapa FORWARD: Se propagă informația înainte și se calculează ieșirea corespunzătoare fiecărui neuron al rețelei

$$x_k^l = \sum_{j=0}^{N0} w_{kj}^1 x_j^l, y_k^l = f_1(x_k^l), x_i^l = \sum_{k=0}^{N1} w_{ik}^2 y_k^l, y_i^l = f_2(x_i^l)$$

Etapa BACKWORD: Se stabilește și se propagă eroarea înapoi

$$\delta_i^l = f_2'(x_i^l)(d_i^l - y_i^l), \delta_k^l = f_1'(x_k^l) \sum_{i=1}^{N2} w_{ik}^2 \delta_i^l$$

Etapa de ajustare: Se ajustează ponderile

$$w_{kj}^1 = w_{kj}^1 + \eta \delta_k^l x_j^l, w_{ik}^2 = w_{ik}^2 + \eta \delta_i^l y_k^l$$

Probleme

- Viteza mica de convergenta - eroarea descreste prea incet
- Oscilatii - valoarea erorii oscileaza in loc sa descreasca in mod constant
- Minime locale - procesul de invatare se blocheaza intr-un minim local al functiei de eroare
- Supra-antrenarea si capacitatea limitata de generalizare

Rezolvarea unei probleme -RNA

- Stabilirea **arhitecturii** initiale
- Alegerea tipului neuronilor
- Stabilirea **parametrilor ajustabili**
 - O instantiere a parametrilor \Leftrightarrow O anumita functie asociata RNA
- Algoritmul de **invatare** trebuie sa fie potrivit cu arhitectura RNA si cu cantitatea de informatie de care se dispune despre problema
- **Antrenarea** RNA pentru a rezolva o anumita problema
- **Testarea** RNA \Leftrightarrow verificarea corectitudinii raspunsurilor RNA cand primeste date de intrare care nu apartin multimii de instruire dar pentru care se cunoaste raspunsul corect
- **Utilizarea** RNA

Cursul urmator...

Modele hibride