

MA0001 Brukerkurs i matematikk A Høst 2017

Norges teknisk—naturvitenskapelige universitet Institutt for matematiske fag

Øving 3

Innleveringsoppgaver

1 La a > 0. Ethvert tall x > 0 kan skrives som

$$x = a^{\log_a(x)}.$$

Vis at

$$\log_a(x) = \frac{\ln(x)}{\ln(a)}.$$

Hint: Regn ut ln(x)!

 $\boxed{2}$ La f være en jevn funksjon og g være en odde funksjon. Vis at funksjonen gitt ved

$$h(x) = f(x)g(x)$$

er en odde funksjon. Vis at h er jevn dersom f og g er begge jevne eller begge odde.

 $\boxed{\mathbf{3}}$ Definer funksjonen f ved regelen

$$f(x) = \begin{cases} x^2, & \text{hvis } x \ge 0, \\ -x^2, & \text{hvis } x < 0. \end{cases}$$

Forklar hvorfor f er en-til-en (injektiv) og finn inversfunksjonen f^{-1} .

Hint: Tegn en skisse av grafen til funksjonen! Betrakt de to tilfellene hver for seg.

4 Hva blir grenseverdien av følgen definert ved

$$a_n = \sqrt{n^2 + 9} - \sqrt{n^2 - n + 9}.$$

Anbefalte øvingsoppgaver

Fra Avsnitt 1.2 (side 34–39) i $Calculus\ for\ Biology\ and\ Medicine,$ 3. utgave av Claudia Neuhauser.

- 27, 33, 35.
- 69, 71, 73.
- 75, 77.

Fra Avsnitt 2.1 (side 67–68).

• 47, 59, 51.

Fra Avsnitt 2.2 (side 78-79).

- 3, 7, 9, 13, 19, 21.
- 37, 39, 43, 45, 51.
- 71, 73, 75, 81.

OBS: Disse oppgaven skal *ikke* leveres inn!