

TMA4329 Intro til vitensk. beregn.

V2017

Norges teknisk–naturvitenskapelige universitet Institutt for Matematiske Fag

ving 3

[S]=T. Sauer, Numerical Analysis, Second International Edition, Pearson, 2014

"Teorioppgaver"

- 1 Oppgave 3, Avsnitt 5.2, s. 263, [S]
- 2 Oppgave 11, Avsnitt 5.2, s. 264, [S]
- 3 Oppgave 16, Avsnitt 5.2, s. 264, [S]
- 4 Oppgave 12, Avsnitt 5.2
- [5] La $M_{[a,b]}f$ og $T_{[a,b]}f$ være midpunkt og trapezoid kvadraturer med n=1 panel for funksjonen f på interval [a,b]. Feilestimatetene for disse kvadraturer er gitt av

$$\int_{a}^{b} f(x) dx = M_{[a,b]} f + \frac{h^{3}}{24} f''(c) + O(h^{4}), \qquad \text{og}$$
$$\int_{a}^{b} f(x) dx = T_{[a,b]} f - \frac{h^{3}}{12} f''(c) + O(h^{4}),$$

hvor c = (a + b)/2, og h = b - a.

La oss definere en ny kvadratur som $Q_{[a,b]}f = \alpha M_{[a,b]}f + \beta T_{[a,b]}f$. Bestem verdiene α, β slik at

$$\int_{a}^{b} f(x) \, \mathrm{d}x = Q_{[a,b]} f + O(h^4).$$

- 6 Oppgave 1, Avsnitt 5.4, s. 272, [S]
- [7] Oppgave 4, Avsnitt 5.4, s. 272, [S]

"Computeroppgaver"

- 8 Oppgave 8, Avsnitt 5.2, s. 265, [S]
- $\fbox{9}$ Oppgave 10, Avsnitt 5.2, s. 265, $\left[S\right]$