

MA0001 Brukerkurs i matematikk A

Høst 2017

Norges teknisk-naturvitenskapelige universitet Institutt for matematiske fag

Øving 5

Innleveringsoppgaver

1 Regn ut grenseverdien

$$\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{x^2 + 3} - \sqrt{3}}{x}.$$

2 Regn ut grenseverdiene.

a)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{x^2 + 2x + 3}{5x^2 + 3}$$
.

b)
$$\lim_{x \to \sqrt{3}} (\sin(x^2 - 3) + 2e^{x^2} - 3x^4 + 2).$$

c)
$$\lim_{x \to \pi} \sin(x) \cos\left(\frac{1}{x - \pi}\right)$$
. (Hint: Bruk skviseteoremet.)

 $\boxed{\bf 3}$ En funksjon $f\colon A\to\mathbb{R}$ kalles kontinuerlig i et punkt $a\in A$ dersom $\lim_{x\to a}f(x)=f(a)$. Bestem konstanten k slik at funksjonen

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 4 & \text{for } x \ge 0, \\ \frac{\sin(kx)}{x}, & \text{for } x < 0, \end{cases}$$

er kontinuerlig i punktet x = 0.

(Hint: Se på venstre og høyre grenseverdi hver for seg. For den venstre grenseverdien kan det være lurt å sette $\theta = kx$.)

Anbefalte øvingsoppgaver

Fra Avsnitt 3.1 (side 101) i Calculus for Biology and Medicine, 3. utgave av Claudia Neuhauser.

• 37, 39, 41, 47, 49, 51.

Fra Avsnitt 3.3 (side 113).

• 1, 3, 7, 13, 15.

Fra Avsnitt 3.4 (side 118–19).

• 4, 5, 9, 11, 15, 19.

Fra Avsnitt 3.6 (side 129).

• 3, 10.

OBS: Disse oppgaven skal *ikke* leveres inn!