

**Задача №12.** Разложить данную функцию  $y = f(x)$  с периодом  $2\pi$ , заданную на интервале  $]-\pi, \pi[$ , в тригонометрический ряд Фурье.

**Задача №13.** Разложить функцию  $y = f(x)$ , заданную на интервале  $]0, l[$ , в тригонометрический ряд Фурье по косинусам.

**Задача №14.** Разложить функцию  $y = f(x)$ , заданную на интервале  $]0, l[$ , в тригонометрический ряд Фурье по синусам.

Вариант	Задача 12	Задача 13	Задача 14
1.	$y = \begin{cases} 2, & -\pi < x < 0, \\ -x, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 0, & 0 < x < 1, \\ x+8, & 1 \leq x < 2. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 2, & 0 < x < 1, \\ x-3, & 1 \leq x < 3. \end{cases}$
2.	$y = \begin{cases} x, & -\pi < x < 0, \\ 0, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 1-x, & 0 < x < 2, \\ 6, & 2 \leq x < 3. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 1, & 0 < x < 1, \\ x+4, & 1 \leq x < 5. \end{cases}$
3.	$y = \begin{cases} 2x, & -\pi < x < 0, \\ -x, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 4, & 0 < x < 5, \\ 4x-7, & 5 \leq x < 6. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 9, & 0 < x < 4, \\ 9-x, & 4 \leq x < 8. \end{cases}$
4.	$y = \begin{cases} x-1, & -\pi < x < 0, \\ -5, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 7, & 0 < x < 1, \\ 1-x, & 1 \leq x < 3. \end{cases}$	$y = 2x - 9, \quad l = 5$
5.	$y = \begin{cases} \pi, & -\pi < x < 0, \\ \pi - x, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 25, & 0 < x < 2, \\ x-5, & 2 \leq x < 3. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 6-5x, & 0 < x < 1, \\ 0, & 1 \leq x < 3. \end{cases}$
6.	$y = \left  \frac{\pi - x}{4} - \frac{x}{2} \right $	$y = \begin{cases} 2, & 0 < x < 10, \\ -x, & 10 \leq x < 12. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 9, & 0 < x < 4, \\ 3x, & 4 \leq x < 8. \end{cases}$
7.	$y = \begin{cases} -x, & -\pi \leq x < 0, \\ 3, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 2+x, & 0 < x < 1, \\ 0, & 1 \leq x < 3. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 0, & 0 < x < \pi, \\ 2x, & \pi \leq x < 2\pi. \end{cases}$
8.	$y = \begin{cases} x-9, & -\pi < x < 0, \\ -1, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 1, & 0 < x < 3, \\ x-8, & 3 \leq x < 5. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 0, & 0 < x < 2, \\ 1-x, & 2 \leq x < 3. \end{cases}$
9.	$y = \begin{cases} x-3, & -\pi < x < 0, \\ -4, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} -6, & 0 < x < 3, \\ 6-x, & 3 \leq x < 7. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 2, & 0 < x < 4, \\ x+8, & 4 \leq x < 5. \end{cases}$
10.	$y = \begin{cases} 0, & -\pi < x < 0, \\ 2-x, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} x+2, & 0 < x < 2, \\ -3, & 2 \leq x < 9. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 1, & 0 < x < 1, \\ 2x+4, & 1 \leq x < 3. \end{cases}$
11.	$y = \begin{cases} 2x+3, & -\pi < x < 0, \\ -2, & 0 \leq x \leq \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 2, & 0 < x < 5, \\ x-5, & 5 \leq x < 9. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 0, & 0 < x < 1, \\ x+8, & 1 \leq x < 2. \end{cases}$
12.	$y = \begin{cases} 7+x, & -\pi < x < 0, \\ -1, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 1, & 0 < x < 4, \\ x-3, & 4 \leq x < 9. \end{cases}$	$y = 5x - 1, \quad l = \pi$
13.	$y = \begin{cases} 4, & -\pi \leq x < 0, \\ x-1, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 4, & 0 < x < 3, \\ 3-x, & 3 \leq x < 9. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 7, & 0 < x < 1, \\ 1-x, & 1 \leq x < 3. \end{cases}$
14.	$y = \begin{cases} 2x+5, & -\pi < x < 0, \\ -3, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 5, & 0 < x \leq 4, \\ 2x-9, & 4 < x < 9. \end{cases}$	$y = 2x - 3, \quad l = 2$
15.	$y = \begin{cases} 0, & -\pi < x < 0, \\ x-1, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 2, & 0 < x < 1, \\ x-3, & 1 \leq x < 3. \end{cases}$	$y = 3x - 4, \quad l = 1$
16.	$y = \begin{cases} x+2\pi, & -\pi < x < 0, \\ -\pi, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 1, & 0 < x < 1, \\ x+4, & 1 \leq x < 5. \end{cases}$	$y = 2x - 9, \quad l = 5$
17.	$y =  2 - \pi x $	$y = 4x - 3, \quad l = 2$	$y = 2\pi x - 3\pi, \quad l = 2$

Вариант	Задача 12	Задача 13	Задача 14
18.	$y = \begin{cases} -5, & -\pi < x < 0, \\ \pi x - 1, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 0, & 0 < x < 7, \\ 4x + 1, & 7 \leq x < 8. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 2, & 0 < x < 1, \\ x - 3, & 1 \leq x < 3. \end{cases}$
19.	$y = \left  \frac{\pi}{2} - x \right $	$y = 2x - 3, \quad l = 2$	$y = \frac{2x - 3}{4}, \quad l = 4$
20.	$y = \left  2\pi - \frac{x}{2} \right $	$y = 3x - 4, \quad l = 1$	$y = x - \pi, \quad l = 4$
21.	$y = \begin{cases} 2x + \pi, & -\pi < x < 0, \\ -1, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 9, & 0 < x < 4, \\ 9 - x, & 4 \leq x < 8. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 1, & 0 < x < 4, \\ x - 3, & 4 \leq x < 9. \end{cases}$
22.	$y =  \pi + x $	$y = 2x - 9, \quad l = 5$	$y = \begin{cases} 0, & 0 < x < 7, \\ 4x + 1, & 7 \leq x < 8. \end{cases}$
23.	$y = \left  \frac{\pi - x}{3} \right $	$y = x - 1, \quad l = 2$	$y = \begin{cases} 4 - x, & 0 \leq x < 1, \\ -1, & 1 \leq x < \pi. \end{cases}$
24.	$y =  2(\pi - x) $	$y = 3 - x, \quad l = 2$	$y = \begin{cases} 4, & 0 < x < 5, \\ 4x - 7, & 5 \leq x < 6. \end{cases}$
25.	$y = \begin{cases} 4 - x, & -\pi \leq x < 0, \\ -1, & 0 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = 2\pi x - 3\pi, \quad l = 2$	$y = 6 - x, \quad l = 4$
26.	$y =  x - 1 $	$y = x - \pi, \quad l = 4$	$y = \begin{cases} \pi, & 0 < x < 2, \\ x - \pi, & 2 \leq x < 3. \end{cases}$
27.	$y = \left  \frac{3\pi + x}{5} \right $	$y = \frac{2x - 3}{4}, \quad l = 4$	$y = \begin{cases} 2, & 0 < x < 5, \\ x - 5, & 5 \leq x < 9. \end{cases}$
28.	$y =  2\pi - x $	$y = \begin{cases} 4, & 0 \leq x < 2, \\ x - 1, & 2 \leq x < \pi. \end{cases}$	$y = 2x, \quad l = 1$
29.	$y =  0,3(\pi + x) $	$y = \frac{x}{2}, \quad l = 6$	$y = \begin{cases} -6, & 0 < x < 3, \\ 6 - x, & 3 \leq x < 7. \end{cases}$
30.	$y =  0,2(3\pi - x) $	$y = \begin{cases} 2, & 0 < x < 5, \\ 3x - 7, & 5 \leq x < 6. \end{cases}$	$y = \begin{cases} 2, & 0 < x < 10, \\ -x, & 10 \leq x < 12. \end{cases}$