

ИДЗ №1

1. Построить график функции, используя графики основных элементарных функций (1 балл)

$$1.1. \quad y = \frac{\pi}{3} - \arcsin|4 + x|;$$

$$1.2. \quad y = \left| 2 \cdot \sin \left(x + \frac{\pi}{6} \right) - 2 \right|;$$

$$1.3. \quad y = -1 - \left| \operatorname{tg} \left(x - \frac{\pi}{3} \right) \right|;$$

$$1.4. \quad y = 3 \cdot \operatorname{ctg} \left| x - \frac{\pi}{2} \right| - 2;$$

$$1.5. \quad y = 4 \cdot \operatorname{arctg}(|x| - 3) + \frac{\pi}{6};$$

$$1.6. \quad y = \left| \arcsin(x - 2) + \frac{\pi}{4} \right|;$$

$$1.7. \quad y = y = 3 - 2 \cdot \sin \left(|x| - \frac{\pi}{6} \right);$$

$$1.8. \quad y = \frac{\pi}{3} - \arcsin|4 + x|;$$

$$1.9. \quad y = \left| -3 + \ln|2x + 6| \right|;$$

$$1.10. \quad y = 4 - 2 \cdot e^{|4-3x|};$$

$$1.11. \quad y = 2 \cdot \cos \left(|x| - \frac{\pi}{3} \right) + 3;$$

$$1.12. \quad y = \left| -2 \cdot \sin \left(x - \frac{\pi}{4} \right) - 1 \right|;$$

$$1.13. \quad y = 4 - \left| \operatorname{ctg} \left(x + \frac{\pi}{4} \right) \right|;$$

$$1.14. \quad y = 2 \cdot \operatorname{tg} \left| x + \frac{\pi}{2} \right| + 1;$$

$$1.15. \quad y = \left| \operatorname{arcctg}(-6x + 3) + \frac{\pi}{6} \right|;$$

$$1.16. \quad y = -\arcsin(2|x| - 4) - \frac{\pi}{4};$$

$$1.17. \quad y = |\arccos(x - 5)| - 2\pi;$$

$$1.18. \quad y = -\pi + 2 \cdot \arccos|-x + 2|;$$

$$1.19. \quad y = \left| 4 - \ln|2x - 6| \right|;$$

$$1.20. \quad y = \left| 2 \cdot e^{|2x-4|} - 5 \right|;$$

$$1.21. \quad y = 3 - \sin(2|x| - \pi);$$

$$1.22. \quad y = -4 \cdot \left| \operatorname{tg} \left(x + \frac{3\pi}{2} \right) - 1 \right|;$$

$$1.23. \quad y = \left| 5 - \sin \left(2x + \frac{\pi}{2} \right) \right|;$$

$$1.24. \quad y = 3 - 4 \cdot \cos|3x - \pi|;$$

$$1.25. \quad y = \arcsin(2|x| + 4) + \frac{\pi}{6}.$$

$$1.26. \quad y = \left| \cos \left(-2x + \frac{3\pi}{2} \right) + 3 \right|.$$

$$1.27. \quad y = |-3\arcsin(-x + 4)| + \frac{\pi}{6}.$$

2. Вычислить пределы (1.5 балла=5*0,3)

2.1.	<p>a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{4x^4 - 4x^2 - 1} - 3x}{2x^2 + 5x + 4};$</p> <p>б) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 + 4x^2 + 5x + 2}{x^3 - 3x - 2};$</p>	<p>в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{tg 2x}{\sqrt{4 + \sin 3x} - 2};$</p> <p>г) $\lim_{x \rightarrow 1} (3 - 2x)^{\frac{x}{1-x}};$</p>	<p>д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{5x^2 + 7x - 1}{5x^2 - 6x + 7} \right)^{\frac{x-1}{2}};$</p>
2.2.	<p>a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{8x^6 - 5x^3 + 2} + 3x}{3x^2 - 4x - 3};$</p> <p>б) $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2 + 4x + 3}{x^3 + 4x^2 + 4x + 3};$</p>	<p>в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 5x}{3 - \sqrt{2x + 9}};$</p> <p>г) $\lim_{x \rightarrow \infty} (2x + 3)(\ln(x + 2) - \ln x);$</p>	<p>д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x^2 + 3x + 1}{2x^2 + x - 5} \right)^{3x-5};$</p>
2.3.	<p>a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{x^6 - 1} - \sqrt[3]{27x^6 - 4x^2 + 2}}{\sqrt[3]{6x} - \sqrt[3]{4x^4 + 5}};$</p> <p>б) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^4 - 3x^3 + 2x^2 - 6x}{x^3 - 2x^2 - 2x - 3};$</p>	<p>в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin(6x)}{\cos x - \cos 2x};$</p> <p>г) $\lim_{x \rightarrow 1} (2 - x)^{\frac{2x}{1-x}};$</p>	<p>д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2 + 3x - 9}{x^2 + 7x - 2} \right)^{4-5x};$</p>
2.4.	<p>a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[4]{x^4 - 9} - \sqrt[5]{2 - x^{10}}}{\sqrt[3]{4x^4 + 4} - \sqrt[3]{x^6 + x^2 - 1}};$</p> <p>б) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^3 - x^2 - 21x + 45}{2x^3 - 7x^2 - 12x + 45};$</p>	<p>в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin^2 3x}{4 - \sqrt{x^2 + 16}};$</p> <p>г) $\lim_{x \rightarrow \infty} (3x + 2)(\ln(x - 2) - \ln x);$</p>	<p>д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x^2 + 7x - 3}{2x^2 + x + 5} \right)^{5-3x};$</p>
2.5.	<p>a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[4]{16x^8 - 5x^4 + x + 1}}{8x^2 - 4x + 1};$</p> <p>б) $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{2x^3 + 13x^2 + 24x + 9}{(x^2 + 2x - 3)^2};$</p>	<p>в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arctg 3x}{\sqrt{x^2 + 4x + 1} - 1};$</p> <p>г) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin 7\pi x}{\sin 8\pi x};$</p>	<p>д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x^2 - 4x + 9}{2x^2 - 5} \right)^{6x};$</p>
2.6.	<p>a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{4x^4 - 7x^2 + x} - 4}{5x^2 - 2x + 1};$</p> <p>б) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 + 5x^2 + 7x + 3}{x^3 + 4x^2 + 5x + 2};$</p>	<p>в) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\arctg(2x - 2)}{3 - \sqrt{2x + 7}};$</p> <p>г) $\lim_{x \rightarrow 1} (2x - 1)^{\frac{3x}{x-1}};$</p>	<p>д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2 + 2x - 6}{x^2 + 7x + 11} \right)^{-3x-2};$</p>
2.7.	<p>a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{x^4 + 2} - \sqrt[4]{16x^8 + 2x^3}}{\sqrt[3]{x^4 + 5} + \sqrt[3]{8x^6 + 6}};$</p> <p>б) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^4 - 2x^3 + 2x^2 - 2x + 1}{4x^3 - 5x^2 - 2x + 3};$</p>	<p>в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{4 + tg(3x^2)} - 2}{2x^2};$</p> <p>г) $\lim_{x \rightarrow \infty} (2x - 3)(\ln x - \ln(3x - 1));$</p>	<p>д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x^2 + x - 1}{3x^2 - 6x + 2} \right)^{3x-4};$</p>
2.8.	<p>a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{2x^2 - 9} - \sqrt[3]{4x^8 + 5x^4 - 3}}{\sqrt[3]{2} - x^{12} + \sqrt[3]{2x - 4}};$</p> <p>б) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + 3x + 2}{x^3 + 2x^2 - x - 2};$</p>	<p>в) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{5x - 1} - 3}{tg(3x - 6)};$</p> <p>г) $\lim_{x \rightarrow 1} (3x - 2)^{\frac{5x}{x-1}};$</p>	<p>д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{5x^2 + x - 1}{5x^2 - 6x + 2} \right)^{\frac{x+3}{2}};$</p>
2.9.	<p>a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{6x^2 - 3x + 5}{\sqrt[3]{27x^6 - 7x^3 + 15} + 4x};$</p> <p>б) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^4 + 2x + 1}{x^3 - x^2 - 2x};$</p>	<p>в) $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sin^2(x - 4)}{x(\sqrt{2x + 1} - 3)};$</p> <p>г) $\lim_{x \rightarrow 10} \frac{e^{x-10} - 1}{tg(x - 10)};$</p>	<p>д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 - 7x + 1} \right)^{\frac{3x-1}{4}};$</p>

2.10.	a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{x^4 - 5x^2 + 3} - 7x^2}{3x^2 + 2x - 4};$ б) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 6x^2 + 12x - 8}{x^3 - 3x^2 + 4};$	в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sqrt{1 - 7\sin x}}{\operatorname{tg} 5x};$ г) $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sin(\frac{\pi x}{4})}{\ln(x - 3)};$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{7x^2 - 8x + 9}{7x^2 - 2x + 1} \right)^{\frac{x-1}{2}};$
2.11.	a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x-9} - \sqrt[3]{x^4-3}}{\sqrt{x^4+1} + \sqrt[3]{x-6}};$ б) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^3 - x^2 - 4x + 3}{x^3 - x^2 - x + 1};$	в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5 - \sqrt{3x+25}}{\ln(1+2x)};$ г) $\lim_{x \rightarrow -1} (3+2x)^{\frac{x}{1+x}};$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2 + 9x - 1}{x^2 - 6x + 7} \right)^{5-3x};$
2.12.	a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{x+1} - \sqrt[3]{8x^3+5}}{\sqrt[3]{5+27x^3} + \sqrt[3]{x+6}};$ б) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^3 + 5x^2 + 8x + 4}{x^3 + 7x^2 + 16x + 12};$	в) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\arcsin(x-1)}{2 - \sqrt{2x^2+2}};$ г) $\lim_{x \rightarrow \infty} (x-3)(\ln x - \ln(x-4));$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{8x^2 - 3x + 2}{8x^2 - 6x - 1} \right)^{\frac{3x-2}{6}};$
2.13.	a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{4x^4 - 2x^2 + 5} - 5x}{5x^2 + 3x - 4};$ б) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{4x^4 + 4x^3 - 3x^2 - 2x + 1}{x^3 + 5x^2 + 7x + 3};$	в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin 3\pi x}{\sqrt{\cos 2x} - 1};$ г) $\lim_{x \rightarrow 2} (2x-3)^{\frac{3x}{2-x}};$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{5x^2 + 2x - 19}{5x^2 - 3x + 7} \right)^{\frac{3x-1}{4}};$
2.14.	a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{8x^6 + 4x^3 - 2x} + 4x}{2x^2 + 4x - 3};$ б) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 3x - 2}{x^3 - 3x^2 - 4x + 12};$	в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{\sqrt{4 + \sin 5x} - 2};$ г) $\lim_{x \rightarrow \infty} (x-2)(\ln x - \ln(x+4));$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x^2 - 3x + 1}{2x^2 + 6x - 5} \right)^{-3x+8};$
2.15.	a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x^2-4} - \sqrt[3]{8x^6+3x^2+2}}{\sqrt[3]{6x-4} - \sqrt[3]{9x^4+5}};$ б) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 + x^2 + 3x - 5}{x^3 + 3x^2 - x - 3};$	в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sqrt[3]{x}}{1 - \cos 5x};$ г) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\arcsin(x^2-9)}{\operatorname{tg}(x-3)};$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2 + 7x - 9}{x^2 + 9x - 4} \right)^{4x-3};$
2.16.	a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x^2+9} - \sqrt{2+x}}{\sqrt[3]{9x^2+4} - \sqrt[3]{x^6+7x^2-9}};$ б) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^4 - x^3 + x^2 - 1}{x^2 + x - 2};$	в) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{\operatorname{tg}(1-x)};$ г) $\lim_{x \rightarrow \infty} (x+9)(\ln x - \ln(x+7));$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x^2 - 8x - 6}{2x^2 + x - 5} \right)^{5-x};$
2.17.	a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[4]{x^8 + 6x^4 - 2x + 1}}{7x^2 - 4x + 1};$ б) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - x^2 - x - 2}{x^2 + x - 6};$	в) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{10-2x} - 2}{\sin(6-2x)};$ г) $\lim_{x \rightarrow 1} (2-x)^{\frac{1}{\sin(x-1)}};$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x^2 - 4x + 3}{2x^2 - 5x + 7} \right)^{6x-1};$
2.18.	a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{25x^4 + 7x^2 + x} - 3}{6x^2 + 2x + 1};$ б) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^3 + 3x^2 - 4}{2x^3 + 5x^2 - 4x - 12};$	в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{\sqrt{16 - \sin 2x} - 4};$ г) $\lim_{x \rightarrow \infty} x \ln \frac{4+x}{2+x};$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2 + 6x - 6}{x^2 - 4x + 11} \right)^{3x+5};$
2.19.	a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x-12} - \sqrt[4]{16x^8+5x^3}}{\sqrt[3]{9x^4+5} + \sqrt[3]{x^6-8}};$ б) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^4 + 4x^3 + 5x^2 + 4x + 4}{2x^3 + 5x^2 - 4x - 12};$	в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x \operatorname{tg} 3x}{\cos 3x - \cos 4x};$ г) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x^2 - x + 1} - 1}{\operatorname{tg} \pi x};$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x^2 + 4x - 1}{3x^2 - x + 2} \right)^{-5x-4};$

2.20.	a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{x+3} - \sqrt[3]{4x^8 - 5x^3 - 3}}{\sqrt[3]{7+x^{12}} + \sqrt[3]{2x+4}};$ б) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 3x^2 + 4}{x^5 + x^4 - 4x^3 - 4x^2};$	в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln^2(1 + \pi x)}{2 - \sqrt{4 + tg^2 x}};$ г) $\lim_{x \rightarrow 1} (7x - 6)^{\frac{x+2}{1-x}};$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{5x^2 + 3x - 1}{5x^2 - 9x + 7} \right)^{\frac{2x+3}{2}};$
2.21.	а) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{7x^2 + 8x + 5}{\sqrt[3]{-8x^6 + 7x^3 + 15} + 4x};$ б) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 + 2x^2 - x - 2}{x^3 - 9x^2 + 15x + 25};$	в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{tg4x}{\cos 2x - \cos 3x};$ г) $\lim_{x \rightarrow 1} (5x - 4)^{\frac{3x+2}{2x-2}};$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2 - 4x + 2}{x^2 - 9x + 1} \right)^{\frac{3x-1}{4}};$
2.22.	а) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{x^6 + 4x^3 + 3} - 2x^2}{5x^2 + 2x - 4};$ б) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{2x^3 - 19x^2 + 40x + 25}{x^3 - 11x^2 + 35x - 25};$	в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{tg4x}{\sqrt{9 + \arctg 3x} - 3};$ г) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{tg3x}{tg5x};$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{7x^2 - 3x + 9}{7x^2 - 9x + 1} \right)^{\frac{x-1}{2}};$
2.23.	а) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{4x+3} - \sqrt[3]{x^2-6}}{\sqrt[3]{9x^3+1} + \sqrt[3]{7x-6}};$ б) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^3 + x^2 - x + 2}{(x^2 - x - 6)^2};$	в) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{\arctg(5-x)}{\sin(3 - \sqrt{4+x})};$ г) $\lim_{x \rightarrow 2} (5x - 9)^{\frac{7x+2}{x-2}};$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2 + 3x - 1}{x^2 - 7x + 7} \right)^{5-2x};$
2.24.	а) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{3x+1} - \sqrt[3]{8x^3-4}}{\sqrt{-5+4x} + \sqrt[3]{x^3-6}};$ б) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^4 - x^3 + x - 1}{2x^2 - x - 1};$	в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(4^{3x+1} - 4)}{\sqrt{25 + tg \pi x} - 5};$ г) $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{tg9x}{\sin x};$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{8x^2 - x + 2}{8x^2 - 6x - 7} \right)^{\frac{x-2}{6}};$
2.25.	а) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{8x^6 + 2x^2 + x} - 3x^2}{2x^2 - 3x + 4};$ б) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^3 + x^2 - x + 2}{x^3 - 7x - 6};$	в) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{8-4x} - 2}{\log_2(3-2x)};$ г) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{ctg3x}{ctgx};$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{4x^2 - 3x + 2}{4x^2 - 9x + 1} \right)^{2x-4};$
2.26.	а) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt[3]{27x^6 - 4x^2 + x} - 2x^2}{4x^2 - 3x + 4};$ б) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^3 + 5x^2 + 8x + 4}{x^3 - 7x - 6};$	в) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{4-3x} - 1}{\ln(3-2x)};$ г) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{ctg3x}{ctg7x};$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{6x^2 - 3x + 2}{6x^2 + 7x + 1} \right)^{x+3};$
2.27.	а) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-3x^2 + 8x + 5}{\sqrt[3]{8x^6 - 5x^3 + 15} + 2x};$ б) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 + 2x^2 - x - 2}{x^3 - 9x^2 + 15x + 25};$	в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2tg3x}{\cos 5x - \cos 3x};$ г) $\lim_{x \rightarrow -1} (5x + 6)^{\frac{3x+2}{2x+2}};$	д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x^2 + 4x + 2}{3x^2 - x + 1} \right)^{\frac{3x-1}{4}};$

3. Определить точки разрыва функции $y(x)$, если они существуют и построить график функции (0,5 б.)

$$3.1. y = \begin{cases} -x, & \text{если } x \leq 0 \\ x^2, & \text{если } 0 < x \leq 2, \\ x+1, & \text{если } x > 2 \end{cases}$$

$$3.2. y = \begin{cases} x^2 + 1, & \text{если } x \leq 1 \\ 2x, & \text{если } 1 < x \leq 3, \\ x+2, & \text{если } x > 3 \end{cases}$$

$$3.3. y = \frac{2}{x^2 + 8x + 15},$$

$$3.4. y = \frac{3}{x^2 + 7x + 6},$$

$$3.5. y = \begin{cases} x-3, & \text{если } x < 0 \\ x+1, & \text{если } 0 \leq x \leq 4, \\ \sqrt{x} + 3, & \text{если } x > 4 \end{cases}$$

$$3.6. y = \begin{cases} \sqrt{1-x}, & \text{если } x \leq 0 \\ 0, & \text{если } 0 < x \leq 2, \\ x-2, & \text{если } x > 2 \end{cases}$$

$$3.7. y = \frac{1}{x^2 + 5x + 6},$$

$$3.8. y = \frac{2}{x^2 - 2x - 15},$$

$$3.9. y = \begin{cases} 2x^2, & \text{если } x \leq 0 \\ x, & \text{если } 0 < x \leq 1, \\ 2, & \text{если } x > 1 \end{cases}$$

$$3.10. y = \begin{cases} \sin x, & \text{если } x < 0 \\ x, & \text{если } 0 \leq x \leq 2, \\ 0, & \text{если } x > 2 \end{cases}$$

$$3.11. y = \frac{x}{x^2 - 9x + 14},$$

$$3.12. y = \frac{3x+1}{x^2 - x - 6},$$

$$3.13. y = \begin{cases} \cos x, & \text{если } x < \frac{\pi}{2} \\ 0, & \text{если } \frac{\pi}{2} \leq x < \pi, \\ \frac{\pi}{2}, & \text{если } x \geq \pi \end{cases}$$

$$3.14. y = \begin{cases} x-1, & \text{если } x \leq 0 \\ x^2, & \text{если } 0 < x < 2, \\ 2x, & \text{если } x \geq 2 \end{cases}$$

$$3.15. y = \frac{x-1}{x^2 - 5x - 6},$$

$$3.16. y = \frac{2x}{x^2 - x - 12},$$

$$3.17. y = \frac{x}{2x^2 + 5x - 3},$$

$$3.18. y = \frac{2}{x^2 + 6x - 16},$$

$$3.19. y = \begin{cases} 3x+1, & \text{если } x < 0 \\ x^2 + 1, & \text{если } 0 \leq x < 1, \\ 0, & \text{если } x \geq 1 \end{cases}$$

$$3.20. y = \begin{cases} \sin x, & \text{если } x < 0 \\ x, & \text{если } 0 \leq x \leq 2, \\ 0, & \text{если } x > 2 \end{cases}$$

$$3.21. \quad y = \frac{3x}{2x^2 + x - 3},$$

$$3.22. \quad y = \frac{2x+1}{3x^2 - 5x - 2},$$

$$3.23. \quad y = \begin{cases} 0, & \text{если } x \leq 0 \\ \operatorname{tg} x, & \text{если } 0 < x < \frac{\pi}{2}, \\ x, & \text{если } x \geq \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

$$3.24. \quad y = \begin{cases} x^3, & \text{если } x < -1 \\ x-1, & \text{если } -1 \leq x \leq 3, \\ -x+5, & \text{если } x > 3 \end{cases}$$

$$3.25. \quad y = \frac{x+2}{2x^2 + 5x - 7}.$$

$$3.26. \quad y = \frac{3x}{2x^2 + x - 3},$$

$$3.27. \quad y = \frac{x-1}{x^2 - 5x - 6},$$

4. Найти асимптоты и построить эскизы графиков функций (без применения производных) (1 балл)

$$4.1. \quad y = \frac{x^3 + 4}{x^2}.$$

$$4.15. \quad y = \frac{-8x}{x^2 + 4}.$$

$$4.2. \quad y = \frac{x^2 - x + 1}{x - 1}.$$

$$4.16. \quad y = \frac{(x-1)^2}{(x+1)^2}.$$

$$4.3. \quad y = \frac{2}{x^2 + 2x}.$$

$$4.17. \quad y = \frac{3x^4 + 1}{x^3}.$$

$$4.4. \quad y = \frac{4x^2}{x^2 + 3}.$$

$$4.18. \quad y = \frac{4x}{(x+1)^2}.$$

$$4.5. \quad y = \frac{12x}{x^2 + 9}.$$

$$4.19. \quad y = \frac{8(x-1)}{(x+1)^2}.$$

$$4.6. \quad y = \frac{x^2 - 3x + 3}{x - 1}.$$

$$4.20. \quad y = \frac{(1 - 2x^3)}{x^2}.$$

$$4.7. \quad y = \frac{4 - x^3}{x^2}.$$

$$4.21. \quad y = \frac{4}{(x^2 + 2x - 3)}$$

$$4.8. \quad y = \frac{(x-1)^2}{x^2}.$$

$$4.22. \quad y = \frac{1}{3 + 2x - x^2}$$

$$4.9. \quad y = \frac{x^2}{(x-1)^2}.$$

$$4.23. \quad y = \frac{x^2 + 2x - 7}{x^2 + 2x - 3}.$$

$$4.10. \quad y = \left(1 + \frac{1}{x}\right)^2.$$

$$4.24. \quad y = \frac{1}{x^4 - 1}.$$

$$4.11. \quad y = \frac{x^2 - 4x + 1}{(x-4)}.$$

$$4.25. \quad y = \frac{x^2 - 32}{x^2}$$

$$4.12. \quad y = \frac{2x^3 + 1}{x^2}.$$

$$4.26. \quad y = \frac{-8x}{x^2 + 4}$$

$$4.13. \quad y = \frac{12 - 3x^2}{x^2 + 12}.$$

$$4.27. \quad y = \frac{4}{(x^2 + 2x - 3)}$$

$$4.14. \quad y = \frac{9 + 6x - 3x^2}{x^2 - 2x + 13}$$

