

## ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ (образец)

## МАТЕМАТИКА 1 семестр

Институт: группа

No	Задание	МАХ число баллов
1	Вычислить неопределенный интеграл $ \int \frac{x^7 - 2x^3}{\sqrt{3 - 16x^8}} dx $	8
2	Вычислить объем тела, образованного вращением вокруг оси ОХ фигуры, ограниченной линиями $y^2 = x-2, \ y=x^3, \qquad y=0, \ y=1.$	8
3	Исследовать на сходимость несобственный интеграл $\int\limits_{1}^{+\infty} \frac{arcsin\frac{1}{x}}{1+x\sqrt{x}}dx$	8
4	Изменить порядок интегрирования в повторном интеграле $\int\limits_0^{\sqrt{3}} dx \int\limits_0^{2-\sqrt{4-x^2}} f \ dy + \int\limits_{\sqrt{3}}^2 dx \int\limits_0^{\sqrt{4-x^2}} f \ dy$	8
5	Используя двойной интеграл, вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $x^2+y^2=2y, \ x^2+y^2=4y, \ y=\frac{x}{\sqrt{3}}, \ x=0$	8
6	Вычислить с помощью формулы Грина криволинейный интеграл $\int\limits_{L} \left(\frac{1}{x}\ln\frac{x}{y} + e^y + x\right) dx + \left(3x - \frac{1}{y}\ln\frac{x}{y}\right) dy,$ $L$ – треугольник с вершинами $A(1;2)$ , $B(4;2)$ , $C(3;5)$ .	10
7	Интегрирование по частям в определенном интеграле (с выводами формул).	5
8	Формула Грина (с док-вом). Условие независимости криволинейного рода второго рода от пути интегрирования	5
9	Площадь поверхности и масса материальной поверхности. Поверхностный интеграл 1 рода: определение, свойства, вычисление.	5
		65

Заведующий кафедрой

А.А. Давыдов

Экзаменаторы

О.Н.Тюленева