

Kierunek: **INA**

Specjalność: -

PRACA DYPLOMOWA
INŻYNIERSKA

Algorytm OPT + 1 dla problemu cięcia belek

Adam Niezgoda
NR INDEKSU: 254623

Opiekun pracy
dr Maciej Gębala

problem optymalizacyjny, solver liniowy, algorytm aproksymacyjny

Streszczenie

Abstract

Tutaj treść streszczenia po angielsku.

Spis treści

Spis rysunków	II
Spis tabel	III
Wstęp	1
1 Analiza problemu	3
1.1 Problem cięcia belek	3
1.2 Sformułowanie problemu liniowego całkowitoliczbowego	3
1.3 Algorytm OPT+1	3
1.3.1 Idea i działanie	3
1.3.2 Modyfikacje	3
2 Projekt systemu	5
2.1 Parametry wejściowe	5
2.2 Diagram przepływu	5
3 Implementacja systemu	7
3.1 Opis technologii	7
3.2 Solvery liniowe - APIs	7
3.3 Omówienie kodów źródłowych	7
4 Instalacja i wdrożenie	9
5 Analiza wyników	11
5.1 Dokładność rozwiązań	11
5.2 Czas działania	11
Podsumowanie	13
Bibliografia	15
A Zawartość płyty CD	17

Spis rysunków

Spis tabel



Wstep



Rozdział 1

Analiza problemu

W tym rozdziale scharakteryzowany zostanie problem cięcia belek (ang. Cutting Stock Problem) rozważany przez autora. Zarysowane też zostaną podstawy algorytmów używanych do jego rozwiązania.

1.1 Problem cięcia belek

Jest to problem znalezienia takiego rozkładu elementów na belkach, z których owe elementy będą wycinane, tak aby zminimalizować straty materiału. W niniejszej pracy autor skupia się na problemie jednowymiarowym, minimalizowana jest liczba belek, z których są wycinane elementy i są one tej samej długości (β), a liczba rodzajów elementów (d) jest stała. Istnieją też inne jego warianty. Można rozpatrywać problem dwu, trzy - wymiarowy, przyjąć różne długości belek, jak również skupić się na tym, aby resztki na pojedynczych belkach były, jak najdłuższe, na późniejsze wycinki itp.

Jest to problem optymalizacyjny - liczbę zużytych belek można wyrazić za pomocą funkcji celu (całkowitej w przypadku, gdy instancja problemu nie przewiduje możliwości dzielenia elementów), i pragniemy ją zminimalizować. Wynik optymalny, w tym wypadku, to taka liczba zużytych w rozwiązaniu belek, że już niemożliwe byłoby wycięcie wszystkich elementów z liczby o jeden mniejszej. Z punktu widzenia złożoności obliczeniowej, problem należy do klasy problemów silnie NP-trudnych. Dopóki nie zostanie udowodnione $P = NP$, nie istnieje dla niego algorytm aproksymacyjny ze współczynnikiem mniejszym niż $3/2$. W przeszłości konstruowano algorytmy dające wynik optymalny, które działały w czasie mniejszym bądź równym wielomianowemu, ale działało się to dla przypadku małego d , bądź dawały wynik optymalny powiększony o funkcję od d tj. np. $OPT + O(\log^2(d))$. [2]

1.2 Sformułowanie problemu liniowego całkowitoliczbowego

Przyjmijmy następujące oznaczenia: zbiór rodzajów elementów: $T = \{T_1, T_2, \dots, T_n\}$, każdy rodzaj T_i z przypisaną pozytywną długością całkowitą p_i .

1.3 Algorytm OPT+1

1.3.1 Idea i działanie

1.3.2 Modyfikacje



Rozdział 2

Projekt systemu

2.1 Parametry wejściowe

2.2 Diagram przepływu



Rozdział 3

Implementacja systemu

3.1 Opis technologii

Do implementacji systemu użyto języka C w wersji C17 / python w wersji 3.9 i możliwego do wywołania z poziomu tych języków *callable library* [1]. Napisał bym więcej, ale wciąż pracuję nad kodem.

3.2 Solvery liniowe - APIs

3.3 Omówienie kodów źródłowych



Rozdział 4

Instalacja i wdrożenie

Tu opiszę wymagania jakie wersje języka, jak zbudować kod źródłowy, zainstalować solvery itd.



Rozdział 5

Analiza wyników

5.1 Dokładność rozwiązań

5.2 Czas działania



Podsumowanie

Możliwe, że algorytm aproksymacyjny dla pewnych przypadków nie będzie, aż tak źle wyglądał na tle tego $\text{OPT}+1$, więc będzie odpowiedź na ile warto męczyć się z implementacją tego drugiego plus właśnie czy brutefore kiedyś skończy działanie ...



Bibliografia

- [1] Glpk callable libraries.
- [2] K. Jansen, R. Solis-Oba.



Załącznik A

Zawartość płyty CD

W tym rozdziale należy krótko omówić zawartość dołączonej płyty CD.

