## Mathematik: Diskrete Strukturen Lösungsblatt

## Anton Bubnov, Yevgen Kuzmenko

May 12, 2015

## Vertiefung:

(a) Drücken Sie die Anzahl der surjektiven Funktionen  $f:\{0,1\}^n \to \{0,1\}^2$  mit Hilfe der Stirling-Zahlen zweiter Art aus.

Nach Lemma 4 (Potenzregel) und Kreuzprodukt Definition es gilt entsprechend:

$$||\{0,1\}^n|| = 2^n$$
  
 $||\{0,1\}^2|| = 2^2 = 4$ 

Wir muessen  $2^n$  Funktionsargumente auf 4 Funktionswerte abbilden. Da Stirling-Zahlen auf nicht unterscheidbare Funktionswerte aufzuteilt, sollen wir noch nit 4! multiplizieren. Folglich:

$$4! \cdot {a \brace b}$$

- (b) Kein Antwort
- (c) Von 18 Studierenden in einer Spezialvorlesung studieren 7 Mathematik, 9 Physik und 10 Informatik. Davon studieren 3 Mathematik und Physik, 3 Mathematik und Informatik sowie 5 Physik und Informatik. Ein Student studiert sogar all drei Fächer. Wie viele Studierende studieren keines der drei Fächer? Sei nach Voraussetzung:

$$||M||=7,\, ||I||=10,\, ||P||=9,\, ||M\cap P||=3,\, ||M\cap I||=3,\, ||P\cap I||=5,\, ||M\cap P\cap I||=1$$

Die gesamte Zahl der Studierenden, die in einer Spezialvorlesung studieren ist:

$$||M \cup P \cup I||$$

Nach Theorem 1.19 Beispiel es gilt:

$$\begin{split} ||M \cup P \cup I|| &= ||M|| + ||P|| + ||I|| - ||M \cap P|| - ||M \cap I|| - ||I \cap P|| + ||M \cap P \cap I|| \\ &= 7 + 9 + 10 - 3 - 3 - 5 + 1 \\ &= 16 \end{split}$$

Folglich die Anzahl der Studierende, die keines der drei Fächer studieren ist 18-16=2.

(d) Für drei Mengen A,B und C gelten folgende Eigenschaften:  $||A||=63, ||B||=91, ||C||=44, ||A\cap B||=25, ||A\cap C||=23, ||C\cap B||=21$ . Außerdem gelte  $||A\cup B\cup C||=139$ . Wie groß ist  $||A\cap B\cap C||$ ?

Nach Theorem 1.19 Beispiel es gilt:

$$\begin{split} ||A \cup B \cup C|| &= ||A|| + ||B|| + ||C|| - ||A \cap B|| - ||A \cap C|| - ||C \cap B|| + ||A \cap B \cap C|| \\ \Rightarrow ||A \cap B \cap C|| &= ||A \cup B \cup C|| - ||A|| - ||B|| - ||C|| + ||A \cap B|| + ||A \cap C|| + ||C \cap B|| \\ \Rightarrow ||A \cap B \cap C|| &= 139 - 63 - 91 - 44 + 25 + 23 + 21 = 10 \end{split}$$