03 函数

我们知道圆的面积计算公式为: $S=\pi r^2$

当我们知道半径**r**的值时,就可以根据公式计算出面积。假设我们需要计算3个不同大小的圆的面积:

```
r1 = 12.34

r2 = 9.08

r3 = 73.1

s1 = 3.14 * r1 * r1

s2 = 3.14 * r2 * r2

s3 = 3.14 * r3 * r3
```

当代码出现有规律的重复的时候,你就需要当心了,每次写3.14 * x * x 不仅 很麻烦,而且,如果要把3.14 改成3.14159265359的时候,得全部替换。

有了函数,我们就不再每次写 s=3.14*x*x,而是写成更有意义的函数调用 $s=area_of_circle(x)$,而函数 $area_of_circle$ 本身只需要写一次,就可以多次调用。

基本上所有的高级语言都支持函数,Python也不例外。Python不但能非常灵活地定义函数,而且本身内置了很多有用的函数,可以直接调用。

抽象

抽象是数学中非常常见的概念。举个例子:

计算数列的和,比如: $1+2+3+\ldots+100$,写起来十分不方便,于是数学家发明了求和符号 Σ ,可以把 $1+2+3+\ldots+100$ 记作: $\sum_{n=1}^{100}n$

这种抽象记法非常强大,因为我们看到 \sum 就可以理解成求和,而不是还原成低级的加法运算。

而且,这种抽象记法是可扩展的,比如: $\sum_{n=1}^{100} 2n + 1$

还原成加法运算就变成了:

```
(1 \times 1 + 1) + (2 \times 2 + 1) + (3 \times 3 + 1) + \dots + (100 \times 100 + 1)
```

可见,借助抽象,我们才能不关心底层的具体计算过程,而直接在更高的层次上 思考问题。

写计算机程序也是一样, 函数就是最基本的一种代码抽象的方式。

调用函数

Python内置了很多有用的函数,我们可以直接调用。

要调用一个函数,需要知道函数的名称和参数,比如求绝对值的函数 abs ,只有一个参数。可以直接从Python的官方网站查看文档:

http://docs.python.org/3/library/functions.html#abs

也可以在交互式命令行通过 help(abs) 查看 abs 函数的帮助信息。

调用 abs 函数:

```
>>> abs(100)
100
>>> abs(-20)
20
>>> abs(12.34)
12.34
```

调用函数的时候,如果传入的参数数量不对,会报 TypeError 的错误,并且 Python会明确地告诉你: abs()有且仅有1个参数,但给出了两个:

```
>>> abs(1, 2)
Traceback (most recent call last):
  File "<stdin>", line 1, in <module>
TypeError: abs() takes exactly one argument (2 given)
```

如果传入的参数数量是对的,但参数类型不能被函数所接受,也会报 TypeError 的错误,并且给出错误信息: str 是错误的参数类型:

```
>>> abs('a')
Traceback (most recent call last):
   File "<stdin>", line 1, in <module>
TypeError: bad operand type for abs(): 'str'
```

而 max 函数 max() 可以接收任意多个参数,并返回最大的那个:

```
>>> max(1, 2)
2
>>> max(2, 3, 1, -5)
3
```

数据类型转换

Python內置的常用函数还包括数据类型转换函数,比如 int() 函数可以把其他数据类型转换为整数:

```
>>> int('123')
123
>>> int(12.34)
```

```
12
>>> float('12.34')
12.34
>>> str(1.23)
'1.23'
>>> str(100)
'100'
>>> bool(1)
True
>>> bool('')
False
```

函数名其实就是指向一个函数对象的引用,完全可以把函数名赋给一个变量,相当于给这个函数起了一个"别名":

```
>>> a = abs # 变量a指向abs函数
>>> a(-1) # 所以也可以通过a调用abs函数
1
```

练习

请利用Python内置的hex()函数把一个整数转换成十六进制表示的字符串:

```
# -*- coding: utf-8 -*-
n1 = 255
n2 = 1000
```

小结

• 调用Python的函数,需要根据函数定义,传入正确的参数。如果函数调用出错,一定要学会看错误信息,所以英文很重要!

定义函数

在Python中,定义一个函数要使用 def 语句,依次写出函数名、括号、括号中的参数和冒号:,然后,在缩进块中编写函数体,函数的返回值用 return 语句返回。

我们以自定义一个求绝对值的 my_abs 函数为例:

```
# -*- coding: utf-8 -*-
def my_abs(x):
    if x >= 0:
        return x
    else:
        return -x
```

```
print(my_abs(-99))
```

请自行测试并调用 my_abs 看看返回结果是否正确。

请注意,函数体内部的语句在执行时,一旦执行到 return 时,函数就执行完毕,并将结果返回。因此,函数内部通过条件判断和循环可以实现非常复杂的逻辑。

如果没有 return 语句,函数执行完毕后也会返回结果,只是结果为 None。 return None 可以简写为 return。

在Python交互环境中定义函数时,注意Python会出现...的提示。函数定义结束后需要按两次回车重新回到>>>提示符下:

如果你已经把my_abs()的函数定义保存为abstest.py文件了,那么,可以在该文件的当前目录下启动Python解释器,用 from abstest import my_abs来导入my_abs()函数,注意abstest是文件名(不含.py扩展名):

空函数

如果想定义一个什么事也不做的空函数,可以用 pass 语句:

```
def nop():
    pass
```

pass 语句什么都不做,那有什么用?实际上 pass 可以用来作为占位符,比如现在还没想好怎么写函数的代码,就可以先放一个 pass ,让代码能运行起来。

pass还可以用在其他语句里,比如:

```
if age >= 18:
    pass
```

缺少了pass,代码运行就会有语法错误。

参数检查

调用函数时,如果参数个数不对,Python解释器会自动检查出来,并抛出TypeError:

```
>>> my_abs(1, 2)
Traceback (most recent call last):
   File "<stdin>", line 1, in <module>
TypeError: my_abs() takes 1 positional argument but 2 were
given
```

但是如果参数类型不对,Python解释器就无法帮我们检查。试试my_abs 和内置函数 abs 的差别:

```
>>> my_abs('A')
Traceback (most recent call last):
   File "<stdin>", line 1, in <module>
   File "<stdin>", line 2, in my_abs
TypeError: unorderable types: str() >= int()
>>> abs('A')
Traceback (most recent call last):
   File "<stdin>", line 1, in <module>
TypeError: bad operand type for abs(): 'str'
```

当传入了不恰当的参数时,内置函数 abs 会检查出参数错误,而我们定义的 my_abs 没有参数检查,会导致 if 语句出错,出错信息和 abs 不一样。所以,这个函数定义不够完善。

让我们修改一下my_abs的定义,对参数类型做检查,只允许整数和浮点数类型的参数。数据类型检查可以用内置函数 is instance()实现:

```
def my_abs(x):
    if not isinstance(x, (int, float)):
        raise TypeError('bad operand type')
    if x >= 0:
        return x
    else:
        return -x
```

添加了参数检查后,如果传入错误的参数类型,函数就可以抛出一个错误:

```
>>> my_abs('A')
Traceback (most recent call last):
  File "<stdin>", line 1, in <module>
  File "<stdin>", line 3, in my_abs
TypeError: bad operand type
```

错误和异常处理将在后续讲到。

返回多个值

函数可以返回多个值吗?答案是肯定的。

比如在游戏中经常需要从一个点移动到另一个点,给出坐标、位移和角度,就可以计算出新的坐标:

```
import math

def move(x, y, step, angle=0):
    nx = x + step * math.cos(angle)
    ny = y - step * math.sin(angle)
    return nx, ny
```

import math语句表示导入math包,并允许后续代码引用math包里的sin、cos等函数。

然后,我们就可以同时获得返回值:

```
>>> x, y = move(100, 100, 60, math.pi / 6)
>>> print(x, y)
151.96152422706632 70.0
```

但其实这只是一种假象, Python函数返回的仍然是单一值:

```
>>> r = move(100, 100, 60, math.pi / 6)
>>> print(r)
(151.96152422706632, 70.0)
```

原来返回值是一个tuple! 但是,在语法上,返回一个tuple可以省略括号,而多个变量可以同时接收一个tuple,按位置赋给对应的值,所以,Python的函数返回多值其实就是返回一个tuple,但写起来更方便。

小结

- 定义函数时,需要确定函数名和参数个数;
- 如果有必要,可以先对参数的数据类型做检查;
- 函数体内部可以用 return 随时返回函数结果;
- 函数执行完毕也没有 return 语句时,自动 return None。
- 函数可以同时返回多个值,但其实就是一个tuple。

练习

请定义一个函数 quadratic(a, b, c),接收3个参数,返回一元二次方程 $ax^2 + bx + c = 0$ 的两个解。

提示:

一元二次方程的求根公式为:

$$x=rac{-b\pm\sqrt{b^2-4ac}}{2a}$$

计算平方根可以调用 math.sqrt()函数:

```
>>> import math
>>> math.sqrt(2)
1.4142135623730951
```

```
# -*- coding: utf-8 -*-
import math
def quadratic(a, b, c):
    pass
```

```
# 测试:

print('quadratic(2, 3, 1) =', quadratic(2, 3, 1))

print('quadratic(1, 3, -4) =', quadratic(1, 3, -4))

if quadratic(2, 3, 1) != (-0.5, -1.0):
    print('测试失败')

elif quadratic(1, 3, -4) != (1.0, -4.0):
    print('测试失败')

else:
    print('测试成功')
```

函数的参数

定义函数的时候,我们把参数的名字和位置确定下来,函数的接口定义就完成了。对于函数的调用者来说,只需要知道如何传递正确的参数,以及函数将返回什么样的值就够了,函数内部的复杂逻辑被封装起来,调用者无需了解。

Python的函数定义非常简单,但灵活度却非常大。除了正常定义的必选参数外,还可以使用默认参数、可变参数和关键字参数,使得函数定义出来的接口,不但能处理复杂的参数,还可以简化调用者的代码。

位置参数

我们先写一个计算x2的函数:

```
def power(x):
    return x * x
```

对于power(x)函数,参数x就是一个位置参数。

当我们调用 power 函数时,必须传入有且仅有的一个参数 x:

```
>>> power(5)
25
>>> power(15)
225
```

现在,如果我们要计算x3怎么办?可以再定义一个power3函数,但是如果要计算x4、x5......怎么办?我们不可能定义无限多个函数。

你也许想到了,可以把power(x)修改为power(x, n),用来计算xn,说干就干:

```
def power(x, n):
    s = 1
    while n > 0:
        n = n - 1
        s = s * x
    return s
```

对于这个修改后的 power(x, n) 函数, 可以计算任意n次方:

```
>>> power(5, 2)
25
>>> power(5, 3)
125
```

修改后的power(x, n)函数有两个参数: x和n,这两个参数都是位置参数,调用函数时,传入的两个值按照位置顺序依次赋给参数x和n。

新的 power(x, n) 函数定义没有问题,但是,旧的调用代码失败了,原因是我们增加了一个参数,导致旧的代码因为缺少一个参数而无法正常调用:

```
>>> power(5)
Traceback (most recent call last):
   File "<stdin>", line 1, in <module>
TypeError: power() missing 1 required positional argument:
'n'
```

Python的错误信息很明确:调用函数 power()缺少了一个位置参数 n。

这个时候,默认参数就排上用场了。由于我们经常计算x2,所以,完全可以把第二个参数n的默认值设定为2:

```
def power(x, n=2):
    s = 1
    while n > 0:
        n = n - 1
        s = s * x
    return s
```

这样, 当我们调用 power(5) 时, 相当于调用 power(5, 2):

```
>>> power(5)
25
>>> power(5, 2)
25
```

而对于n > 2的其他情况,就必须明确地传入n,比如power(5, 3)。

从上面的例子可以看出,默认参数可以简化函数的调用。设置默认参数时,有几点要注意:

- 一是必选参数在前,默认参数在后,否则Python的解释器会报错(思考一下为什么默认参数不能放在必选参数前面);
- 二是如何设置默认参数。

当函数有多个参数时,把变化大的参数放前面,变化小的参数放后面。变化小的 参数就可以作为默认参数。

使用默认参数有什么好处? 最大的好处是能降低调用函数的难度。

举个例子,我们写个一年级小学生注册的函数,需要传入 name 和 gender 两个参数:

```
def enroll(name, gender):
    print('name:', name)
    print('gender:', gender)
```

这样,调用 enrol1()函数只需要传入两个参数:

```
>>> enroll('Sarah', 'F')
name: Sarah
gender: F
```

如果要继续传入年龄、城市等信息怎么办?这样会使得调用函数的复杂度大大增加。

我们可以把年龄和城市设为默认参数:

```
def enroll(name, gender, age=6, city='Beijing'):
    print('name:', name)
    print('gender:', gender)
    print('age:', age)
    print('city:', city)
```

这样,大多数学生注册时不需要提供年龄和城市,只提供必须的两个参数:

```
>>> enroll('Sarah', 'F')
name: Sarah
gender: F
age: 6
city: Beijing
```

只有与默认参数不符的学生才需要提供额外的信息:

```
enroll('Bob', 'M', 7)
enroll('Adam', 'M', city='Tianjin')
```

可见,默认参数降低了函数调用的难度,而一旦需要更复杂的调用时,又可以传 递更多的参数来实现。无论是简单调用还是复杂调用,函数只需要定义一个。

有多个默认参数时,调用的时候,既可以按顺序提供默认参数,比如调用 enroll('Bob', 'M', 7), 意思是,除了 name, gender这两个参数外,最后1 个参数应用在参数 age 上,city 参数由于没有提供,仍然使用默认值。

也可以不按顺序提供部分默认参数。当不按顺序提供部分默认参数时,需要把参数名写上。比如调用 enroll('Adam', 'M', city='Tianjin'), 意思是, city 参数用传进去的值, 其他默认参数继续使用默认值。

默认参数很有用,但使用不当,也会掉坑里。默认参数有个最大的坑,演示如下:

先定义一个函数,传入一个list,添加一个END再返回:

```
def add_end(L=[]):
    L.append('END')
    return L
```

当你正常调用时,结果似乎不错:

```
>>> add_end([1, 2, 3])
[1, 2, 3, 'END']
>>> add_end(['x', 'y', 'z'])
['x', 'y', 'z', 'END']
```

当你使用默认参数调用时,一开始结果也是对的:

```
>>> add_end()
['END']
```

但是,再次调用 add_end()时,结果就不对了:

```
>>> add_end()
['END', 'END']
>>> add_end()
['END', 'END', 'END']
```

很多初学者很疑惑,默认参数是[],但是函数似乎每次都"记住了"上次添加了'END'后的list。

原因解释如下:

Python函数在定义的时候,默认参数 L的值就被计算出来了,即 [],因为默认参数 L也是一个变量,它指向对象 [],每次调用该函数,如果改变了 L的内容,则下次调用时,默认参数的内容就变了,不再是函数定义时的 [] 了。

定义默认参数要牢记一点: 默认参数必须指向不变对象!

要修改上面的例子,我们可以用 None 这个不变对象来实现:

```
def add_end(L=None):
    if L is None:
        L = []
    L.append('END')
    return L
```

现在,无论调用多少次,都不会有问题:

```
>>> add_end()
['END']
>>> add_end()
['END']
```

为什么要设计 str、None 这样的不变对象呢?因为不变对象一旦创建,对象内部的数据就不能修改,这样就减少了由于修改数据导致的错误。此外,由于对象不变,多任务环境下同时读取对象不需要加锁,同时读一点问题都没有。我们在编写程序时,如果可以设计一个不变对象,那就尽量设计成不变对象。

可变参数

在Python函数中,还可以定义可变参数。顾名思义,可变参数就是传入的参数个数是可变的,可以是1个、2个到任意个,还可以是0个。

我们以数学题为例子,给定一组数字a,b,c.....,请计算a2+b2+c2+.....。

要定义出这个函数,我们必须确定输入的参数。由于参数个数不确定,我们首先想到可以把a,b,c......作为一个list或tuple传进来,这样,函数可以定义如下:

```
def calc(numbers):
    sum = 0
    for n in numbers:
        sum = sum + n * n
    return sum
```

但是调用的时候,需要先组装出一个list或tuple:

```
>>> calc([1, 2, 3])

14

>>> calc((1, 3, 5, 7))

84
```

如果利用可变参数,调用函数的方式可以简化成这样:

```
>>> calc(1, 2, 3)
14
>>> calc(1, 3, 5, 7)
84
```

所以,我们把函数的参数改为可变参数:

```
def calc(*numbers):
    sum = 0
    for n in numbers:
        sum = sum + n * n
    return sum
```

定义可变参数和定义一个list或tuple参数相比,仅仅在参数前面加了一个*号。在函数内部,参数 numbers 接收到的是一个tuple,因此,函数代码完全不变。但是,调用该函数时,可以传入任意个参数,包括0个参数:

```
>>> calc(1, 2)
5
>>> calc()
0
```

如果已经有一个list或者tuple,要调用一个可变参数怎么办?可以这样做:

```
>>> nums = [1, 2, 3]
>>> calc(nums[0], nums[1], nums[2])
14
```

这种写法当然是可行的,问题是太繁琐,所以Python允许你在list或tuple前面加一个*号,把list或tuple的元素变成可变参数传进去:

```
>>> nums = [1, 2, 3]
>>> calc(*nums)
14
```

*nums 表示把 nums 这个list的所有元素作为可变参数传进去。这种写法相当有用,而且很常见。

关键字参数

可变参数允许你传入0个或任意个参数,这些可变参数在函数调用时自动组装为一个tuple。而关键字参数允许你传入0个或任意个含参数名的参数,这些关键字参数在函数内部自动组装为一个dict。请看示例:

```
def person(name, age, **kw):
    print('name:', name, 'age:', age, 'other:', kw)
```

函数 person 除了必选参数 name 和 age 外,还接受关键字参数 kw。在调用该函数时,可以只传入必选参数:

```
>>> person('Michael', 30)
name: Michael age: 30 other: {}
```

也可以传入任意个数的关键字参数:

```
>>> person('Bob', 35, city='Beijing')
name: Bob age: 35 other: {'city': 'Beijing'}
>>> person('Adam', 45, gender='M', job='Engineer')
name: Adam age: 45 other: {'gender': 'M', 'job':
'Engineer'}
```

关键字参数有什么用?它可以扩展函数的功能。比如,在 person 函数里,我们保证能接收到 name 和 age 这两个参数,但是,如果调用者愿意提供更多的参数,我们也能收到。试想你正在做一个用户注册的功能,除了用户名和年龄是必填项外,其他都是可选项,利用关键字参数来定义这个函数就能满足注册的需求。

和可变参数类似,也可以先组装出一个dict,然后,把该dict转换为关键字参数 传进去:

```
>>> extra = {'city': 'Beijing', 'job': 'Engineer'}
>>> person('Jack', 24, city=extra['city'],
job=extra['job'])
name: Jack age: 24 other: {'city': 'Beijing', 'job':
'Engineer'}
```

当然,上面复杂的调用可以用简化的写法:

```
>>> extra = {'city': 'Beijing', 'job': 'Engineer'}
>>> person('Jack', 24, **extra)
name: Jack age: 24 other: {'city': 'Beijing', 'job':
'Engineer'}
```

**extra 表示把 extra 这个dict的所有key-value用关键字参数传入到函数的 **kw参数,kw将获得一个dict,注意 kw获得的dict是 extra 的一份拷贝,对 kw 的改动不会影响到函数外的 extra 。

命名关键字参数

对于关键字参数,函数的调用者可以传入任意不受限制的关键字参数。至于到底 传入了哪些,就需要在函数内部通过 kw 检查。

仍以person()函数为例,我们希望检查是否有city和job参数:

```
def person(name, age, **kw):
    if 'city' in kw:
        # 有city参数
        pass
    if 'job' in kw:
        # 有job参数
        pass
    print('name:', name, 'age:', age, 'other:', kw)
```

但是调用者仍可以传入不受限制的关键字参数:

```
>>> person('Jack', 24, city='Beijing', addr='Chaoyang',
zipcode=123456)
```

如果要限制关键字参数的名字,就可以用命名关键字参数,例如,只接收city和 job 作为关键字参数。这种方式定义的函数如下:

```
def person(name, age, *, city, job):
    print(name, age, city, job)
```

和关键字参数 **kw 不同,命名关键字参数需要一个特殊分隔符 *, *后面的参数被视为命名关键字参数。

调用方式如下:

```
>>> person('Jack', 24, city='Beijing', job='Engineer')
Jack 24 Beijing Engineer
```

如果函数定义中已经有了一个可变参数,后面跟着的命名关键字参数就不再需要一个特殊分隔符*了:

```
def person(name, age, *args, city, job):
    print(name, age, args, city, job)
```

命名关键字参数必须传入参数名,这和位置参数不同。如果没有传入参数名,调 用将报错:

```
>>> person('Jack', 24, 'Beijing', 'Engineer')
Traceback (most recent call last):
  File "<stdin>", line 1, in <module>
TypeError: person() takes 2 positional arguments but 4
were given
```

由于调用时缺少参数名 city 和 job, Python解释器把这4个参数均视为位置参数,但 person()函数仅接受2个位置参数。

命名关键字参数可以有缺省值,从而简化调用:

```
def person(name, age, *, city='Beijing', job):
    print(name, age, city, job)
```

由于命名关键字参数 city 具有默认值,调用时,可不传入 city 参数:

```
>>> person('Jack', 24, job='Engineer')
Jack 24 Beijing Engineer
```

使用命名关键字参数时,要特别注意,如果没有可变参数,就必须加一个*作为特殊分隔符。如果缺少*,Python解释器将无法识别位置参数和命名关键字参数:

```
def person(name, age, city, job):
# 缺少 *, city和job被视为位置参数
pass
```

参数组合

在Python中定义函数,可以用必选参数、默认参数、可变参数、关键字参数和命名关键字参数,这5种参数都可以组合使用。但是请注意,参数定义的顺序必须是:必选参数、默认参数、可变参数、命名关键字参数和关键字参数。

比如定义一个函数,包含上述若干种参数:

```
def f1(a, b, c=0, *args, **kw):
    print('a =', a, 'b =', b, 'c =', c, 'args =', args,
'kw =', kw)

def f2(a, b, c=0, *, d, **kw):
    print('a =', a, 'b =', b, 'c =', c, 'd =', d, 'kw =',
kw)
```

在函数调用的时候,Python解释器自动按照参数位置和参数名把对应的参数传进去。

```
>>> f1(1, 2)

a = 1 b = 2 c = 0 args = () kw = {}

>>> f1(1, 2, c=3)

a = 1 b = 2 c = 3 args = () kw = {}

>>> f1(1, 2, 3, 'a', 'b')

a = 1 b = 2 c = 3 args = ('a', 'b') kw = {}

>>> f1(1, 2, 3, 'a', 'b', x=99)

a = 1 b = 2 c = 3 args = ('a', 'b') kw = {'x': 99}

>>> f2(1, 2, d=99, ext=None)

a = 1 b = 2 c = 0 d = 99 kw = {'ext': None}
```

最神奇的是通过一个tuple和dict,你也可以调用上述函数:

```
>>> args = (1, 2, 3, 4)
>>> kw = {'d': 99, 'x': '#'}
>>> f1(*args, **kw)
a = 1 b = 2 c = 3 args = (4,) kw = {'d': 99, 'x': '#'}
>>> args = (1, 2, 3)
>>> kw = {'d': 88, 'x': '#'}
>>> f2(*args, **kw)
a = 1 b = 2 c = 3 d = 88 kw = {'x': '#'}
```

所以,对于任意函数,都可以通过类似 func(*args, **kw)的形式调用它,无论它的参数是如何定义的。

虽然可以组合多达5种参数,但不要同时使用太多的组合,否则函数接口的可理解性很差。

练习

以下函数允许计算两个数的乘积,请稍加改造,变成可接收一个或多个数并计算乘积:

```
# 测试
print('product(5) =', product(5))
print('product(5, 6) =', product(5, 6))
print('product(5, 6, 7) =', product(5, 6, 7))
print('product(5, 6, 7, 9) =', product(5, 6, 7, 9))
```

```
if product(5) != 5:
    print('测试失败!')

elif product(5, 6) != 30:
    print('测试失败!')

elif product(5, 6, 7) != 210:
    print('测试失败!')

elif product(5, 6, 7, 9) != 1890:
    print('测试失败!')

else:
    try:
        product()
        print('测试失败!')

    except TypeError:
        print('测试成功!')
```

小结

- Python的函数具有非常灵活的参数形态,既可以实现简单的调用,又可以传入非常复杂的参数。
- 默认参数一定要用不可变对象,如果是可变对象,程序运行时会有逻辑错误!
- 要注意定义可变参数和关键字参数的语法:
 - *args 是可变参数, args接收的是一个tuple;
 - **kw是关键字参数,kw接收的是一个dict。
 - 以及调用函数时如何传入可变参数和关键字参数的语法:
- 可变参数既可以直接传入: func(1, 2, 3),又可以先组装list或tuple,再通过*args传入: func(*(1, 2, 3));
- 关键字参数既可以直接传入: func(a=1, b=2), 又可以先组装dict, 再通过**kw传入: func(**{'a': 1, 'b': 2})。
- 使用 *args 和 ** kw 是Python的习惯写法,当然也可以用其他参数 名,但最好使用习惯用法。
- 命名的关键字参数是为了限制调用者可以传入的参数名,同时可以提供默认值。
- 定义命名的关键字参数在没有可变参数的情况下不要忘了写分隔符*,否则定义的将是位置参数。

递归函数

在函数内部,可以调用其他函数。如果一个函数在内部调用自身本身,这个函数就是递归函数。

举个例子,我们来计算阶乘 $n! = 1 \times 2 \times 3 \times ... \times n$,用函数 fact(n) 表示,可以看出:

 $fact(n) = n! = 1 \times 2 \times 3 \times ... \times (n-1) \times n = (n-1)! \times n = fact(n-1) \times n$

所以,fact(n)可以表示为 $n \times fact(n-1)$,只有n=1时需要特殊处理。

于是, fact(n) 用递归的方式写出来就是:

```
def fact(n):
    if n==1:
       return 1
    return n * fact(n - 1)
```

上面就是一个递归函数。可以试试:

```
>>> fact(1)
1
>>> fact(5)
120
>>> fact(100)
9332621544394415268169923885626670049071596826438162146859
2963895217599993229915608941463976156518286253697920827223
75825118521091686400000000000000000000000
```

如果我们计算 fact(5),可以根据函数定义看到计算过程如下:

```
===> fact(5)
===> 5 * fact(4)
===> 5 * (4 * fact(3))
===> 5 * (4 * (3 * fact(2)))
===> 5 * (4 * (3 * (2 * fact(1))))
===> 5 * (4 * (3 * (2 * 1)))
===> 5 * (4 * (3 * 2))
===> 5 * (4 * 6)
===> 5 * 24
===> 120
```

递归函数的优点是定义简单,逻辑清晰。理论上,所有的递归函数都可以写成循环的方式,但循环的逻辑不如递归清晰。

使用递归函数需要注意防止栈溢出。在计算机中,函数调用是通过栈(stack)这种数据结构实现的,每当进入一个函数调用,栈就会加一层栈帧,每当函数返回,栈就会减一层栈帧。由于栈的大小不是无限的,所以,递归调用的次数过多,会导致栈溢出。可以试试 fact(1000):

```
>>> fact(1000)
Traceback (most recent call last):
   File "<stdin>", line 1, in <module>
   File "<stdin>", line 4, in fact
   ...
   File "<stdin>", line 4, in fact
RuntimeError: maximum recursion depth exceeded in comparison
```

解决递归调用栈溢出的方法是通过**尾递归**优化,事实上尾递归和循环的效果是一样的,所以,把循环看成是一种特殊的尾递归函数也是可以的。

尾递归是指,在函数返回的时候,调用自身本身,并且,return语句不能包含表达式。这样,编译器或者解释器就可以把尾递归做优化,使递归本身无论调用多少次,都只占用一个栈帧,不会出现栈溢出的情况。

上面的 fact(n) 函数由于 return n * fact(n - 1) 引入了乘法表达式,所以就不是尾递归了。要改成尾递归方式,需要多一点代码,主要是要把每一步的乘积传入到递归函数中:

```
def fact(n):
    return fact_iter(n, 1)

def fact_iter(num, product):
    if num == 1:
        return product
    return fact_iter(num - 1, num * product)
```

可以看到,return fact_iter(num - 1, num * product)仅返回递归函数本身, num - 1和 num * product 在函数调用前就会被计算,不影响函数调用。

fact(5)对应的fact_iter(5, 1)的调用如下:

```
===> fact_iter(5, 1)
===> fact_iter(4, 5)
===> fact_iter(3, 20)
===> fact_iter(2, 60)
===> fact_iter(1, 120)
===> 120
```

尾递归调用时,如果做了优化,栈不会增长,因此,无论多少次调用也不会导致 栈溢出。

遗憾的是,大多数编程语言没有针对尾递归做优化,Python解释器也没有做优化,所以,即使把上面的 fact(n) 函数改成尾递归方式,也会导致栈溢出。

小结

- 使用递归函数的优点是逻辑简单清晰,缺点是过深的调用会导致栈溢出。
- 针对尾递归优化的语言可以通过尾递归防止栈溢出。尾递归事实上和循环是等价的,没有循环语句的编程语言只能通过尾递归实现循环。
- Python标准的解释器没有针对尾递归做优化,任何递归函数都存在栈 溢出的问题。

练习

汉诺塔的移动可以用递归函数非常简单地实现。

请编写move(n, a, b, c)函数,它接收参数n,表示3个柱子A、B、C中第1个柱子A的盘子数量,然后打印出把所有盘子从A借助B移动到C的方法,例如:

```
# 期待输出:

# A --> C

# A --> B

# C --> B

# A --> C

# B --> C

# B --> C

# A --> C

move(3, 'A', 'B', 'C')
```