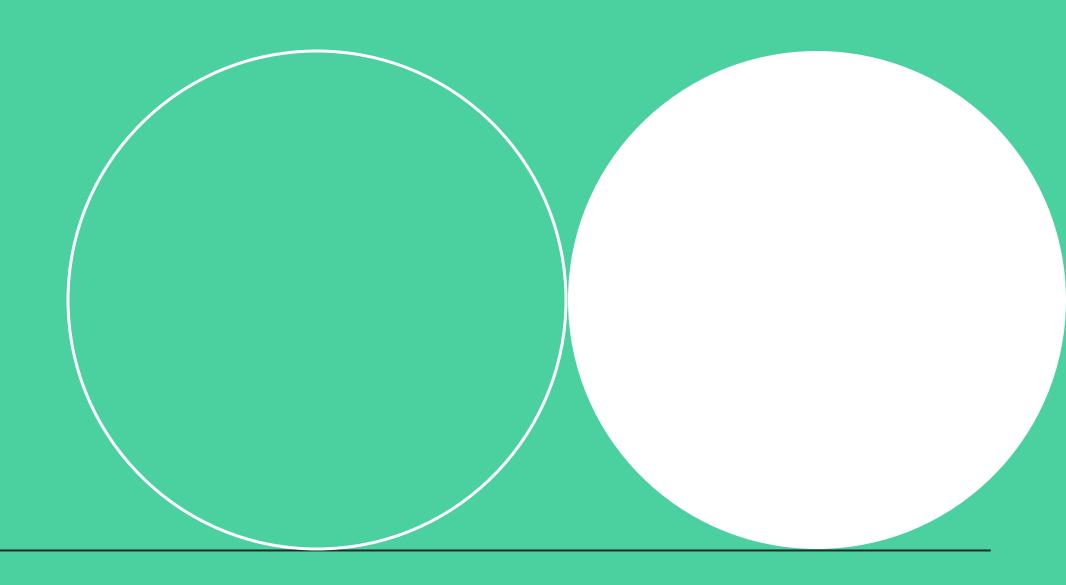
Линейные модели. Линейная, полиномиальная и логарифмическая регрессия



Цели занятия



- Основные задачи машинного обучения
- Линейные модели. Линейная регрессия.
- Sklearn
- Практика

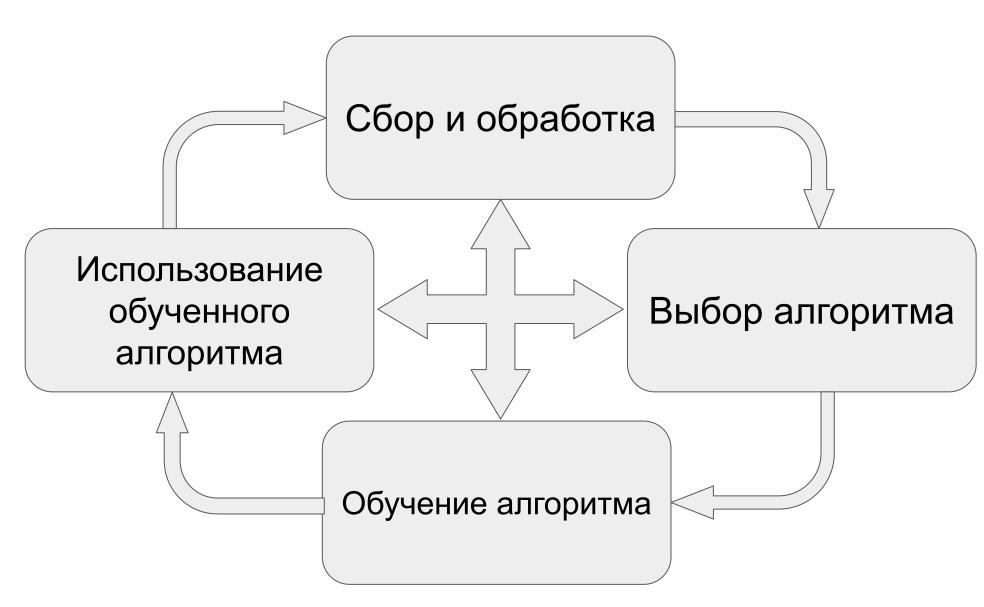


Задачи машинного обучения

Машинное обучение - использование специальных алгоритмов самостоятельного нахождения решений различных задач путём комплексного использования статистических данных, из которых выводятся закономерности и на основе которых делаются прогнозы.

Процесс:

- 1. Сбор и обработка данных
- 2. Выбор алгоритма машинного обучения для поставленной задачи
- 3. Обучение алгоритма с проверкой качества работы
- 4. Использование обученного алгоритма с контролем качества





Решаемые задачи

Задача регрессии – задача предсказания вещественного значения. Предсказания погоды (темпиратура воздуха, влажность), координаты объекта на картинке, цена продукта, стоимость ценных бумаг, доход магазина.

Задача классификации – задача предсказания категориального ответа (метки класса) с конечным количеством вариантов. Тип объекта на фотографии, произнесенный звук (распознавание речи), распознавание персоналии по фото, болеет ли человек, фродовое ли объявление на сервисе о продаже.

Задача кластеризации – задача распределение данных на группы. Разделение всех клиентов мобильного оператора по уровню платёжеспособности, выделение тем в корпусе документов.

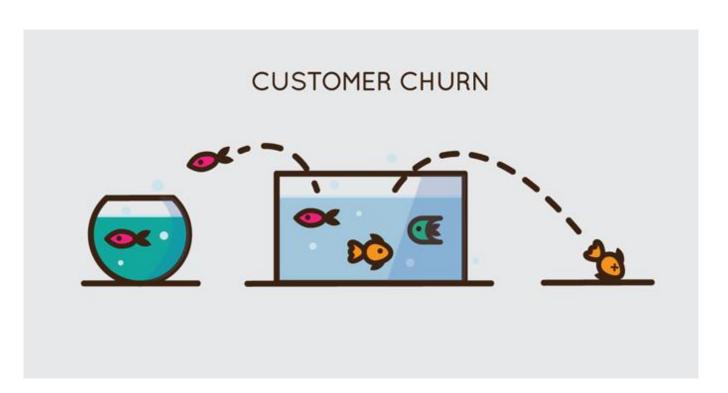
Задача уменьшения размерности – задача сведение большого числа признаков к меньшему. Сжатие информации, повышения качества данных для обучения, отображение информации графически.

Задача выявления аномалий — задача от от стандартных случаев. Похожа на задачу классификации, но есть одно существенное отличие: аномалии — явление редкое и поэтому мало примеров для обучения. Выявление мошеннических действий с банковскими картами, выявление аномалий в работе приборов и датчиков, аномалии временных рядов.

Задача ранжирования - сортировка по большому количеству признаком и по неполным данным. Релевантность поисковой выдачи. Рекомендации товаров в магазинах.

Классификация









Регрессия

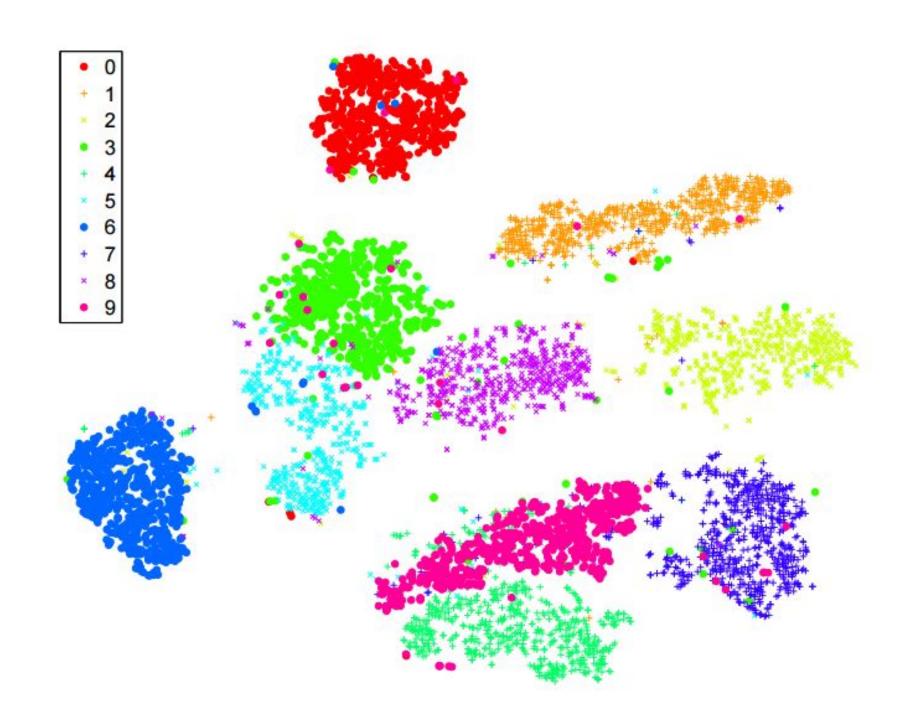








Понижение размерности





Кластеризация







Машинное обучение можно разделить на несколько основных подходов:

- 1. Обучение с учителем (supervised learning) для обучения алгоритма есть правильные примеры. Для обучения сравниваются правильные и предсказанные значения добиваясь минимальной разницы.
 - 1. Классификация (classification)
 - 2. Регрессия (regression)
 - 3. Ранжирование (learning to rank)
- 2. **Обучение без учителя** (*unsupervised learning*) *примеров с правильными ответами нет*. Обучение происходить в процессе обработки данных.
 - 1. Кластеризация (clustering)
 - 2. Уменьшение размерности (dimensionality reduction)
- **3. Обучение с частичным привлечением учителя** (*semi-supervised learning*) есть некоторое количество примеров с правильными ответами, на которые алгоритм опирается при обработки данных.
 - 1. Кластеризация (*clustering*) даются несколько опорных кластеров (про которые нам точно известно, что они есть)
- **4. Обучение с подкреплением** (*reinforcement learning*) алгоритм обучается получая информацию о качестве решения им задачи, получая награду или штраф за полученное решение.





Обучение алгоритма/ модели машинного обучения

Модель можно представить как функцию с параметрами

где heta - параметры алгоритма

arepsilon - неустранимая ошибка

$$y = f(\theta) + \varepsilon$$

Параметры алгоритма можно разделить на обучаемые (просто *параметры*) и необучаемые (*гиперпараметры*)

Параметры модели задают семейство функций

Метод максимального правдоподобия -- метод *поиска* модели, *наилучшим* в каком-то смысле **образом описывающей обучающую выборку,** полученную с некоторым неизвестным распределением.

$$p(y_1,...,y_k/x_1,...,x_k) = \prod p(y_i/x_i)$$

р(уі / хі) — вероятность получить у при входных данных х (значения признаков)

Наша задача с помощью различных подходов **выбрать** функцию/модель из всего семейства **добившись** максимального правдоподобия/ похожести реальных данных и данных получаемых с помощью алгоритма.



Обучение алгоритма/ модели машинного обучения

Для обучения модели определяют:

- 1. Функцию потерь.
- 2. Технические метрики. С помощью которых определяют качество обучения модели.
- 3. Бизнес метрики. С помощью которых определяют бизнес эффект модели.

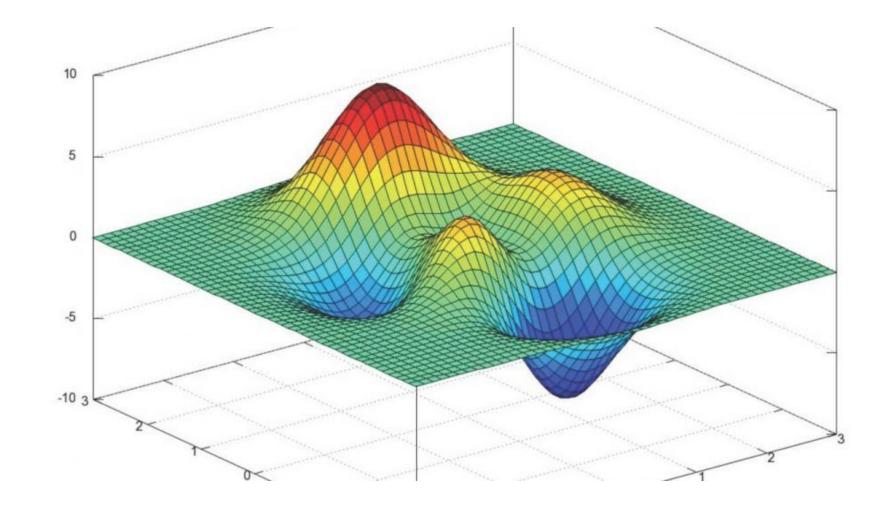
Функция потерь — это **мера** количества ошибок, которые наша модель делает на наборе данных.

Функция потерь задает *гиперповерхность в пространстве параметров модели* (пространство функции потерь)

Минимизируя функцию потерь мы **получаем модель**, которая **дает минимальное отклонение** предсказанных данных от реальных.

Ошибки которые совершает модель:

- 1. Ошибки обучения (на тренировочных данных)
- 2. Ошибки обобщения (на проверочных данных)



Данные для обучения/тренировки (train)

Данные для проверки (test)



Линейные модели. Линейная регрессия.

Линейные модели - предполагают, что определяемый критерий **линейно зависит** от признаков описывающих объект или процесс.

Плюсы:

- 1. Скорость и простота получения модели.
- 2. Интерпретируемость модели. Линейная модель является прозрачной и понятной для аналитика. По полученным коэффициентам регрессии можно судить о том, как тот или иной фактор влияет на результат, сделать на этой основе дополнительные полезные выводы.
- 3. Широкая применимость. Большое количество реальных процессов в экономике и бизнесе можно с достаточной точностью описать линейными моделями.
- 4. Изученность данного подхода. Для линейной регрессии известны типичные проблемы (например, мультиколлинеарность) и их решения, разработаны и реализованы тесты оценки статической значимости получаемых моделей.

5.

Минусы:

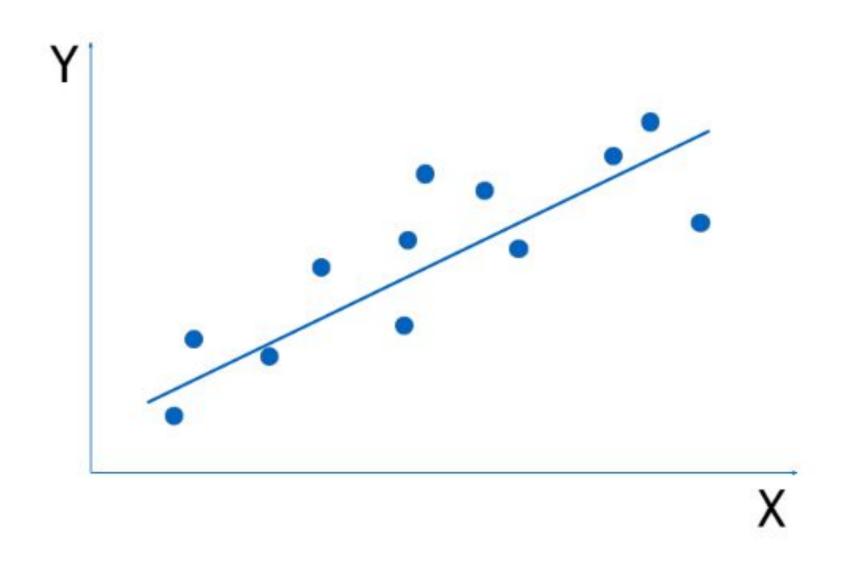
- 1. Не могут уловить сложные зависимости в данных.
- 2. Проблемы с мультиколлинеарностью



Линейная регрессия

Регрессия - уравнение связи искомого критерия с признаками

Линейная регрессия - связь между искомым критерием и параметрами линейная.



$$y_i = \sum_{j=1}^m w_j X_{ij} + e_i$$

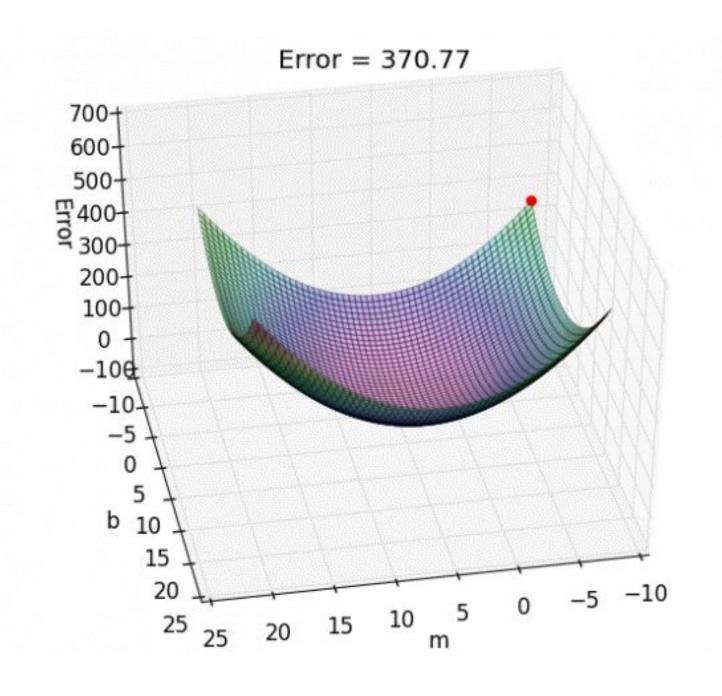
Y-целевая переменнаяW-вектор весов моделиX-матрица наблюденийе - ошибка модели

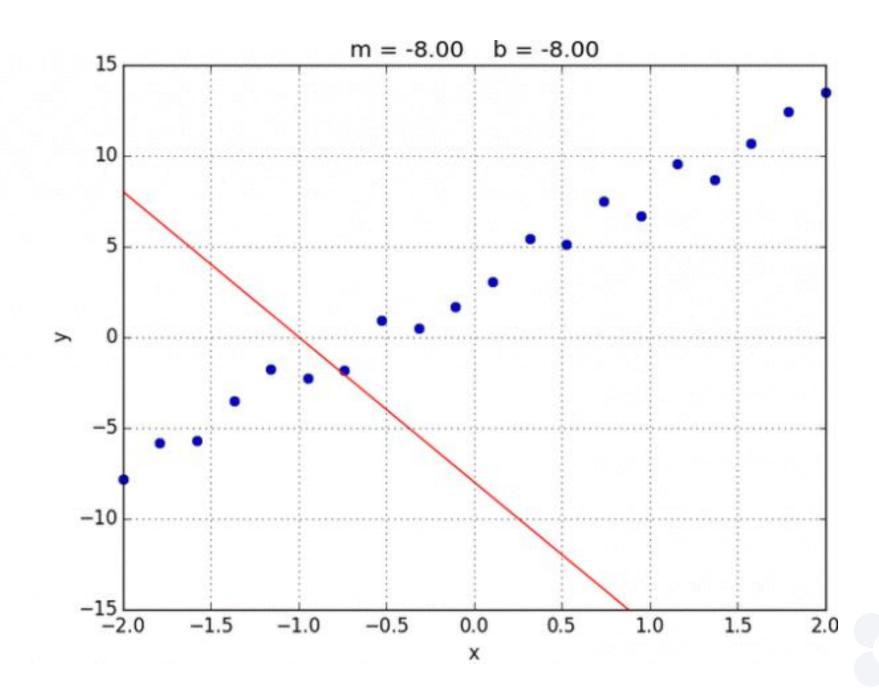


Линейная регрессия

При обучении мы должны минимизировать квадраты отклонения

$$Q(w, X) = \frac{1}{l} ||Xw - y||^2 \to \min_{w},$$





Линейная регрессия

При обучении мы должны максимизировать правдоподобие

$$\hat{w} = \operatorname{arg\,max}_w p\left(\vec{y} \mid X, \vec{w}\right)$$

Идеальная модель

$$y = f(\theta) + \epsilon$$
 $\epsilon_i \sim \mathcal{N}\left(0, \sigma^2\right)$

$$p\left(y_i \mid X, ec{w}
ight) \; = \; \sum_{j=1}^m w_j X_{ij} + \mathcal{N}\left(0, \sigma^2
ight) \; = \; \mathcal{N}\left(\sum_{j=1}^m w_j X_{ij}, \sigma^2
ight)$$

$$\log p\left(ec{y}\mid X,ec{w}
ight) \hspace{0.5cm} = \hspace{0.5cm} -rac{n}{2}\log 2\pi\sigma^2 - rac{1}{2\sigma^2}\sum_{i=1}^n \left(y_i - ec{w}^Tec{x}_i
ight)^2$$

$$\log p\left(ec{y} \mid X, ec{w}
ight) \;\; = \;\; rg \max_{w} -rac{1}{2\sigma^2} \sum_{i=1}^{n} \left(y_i - ec{w}^T ec{x}_i
ight)^2$$

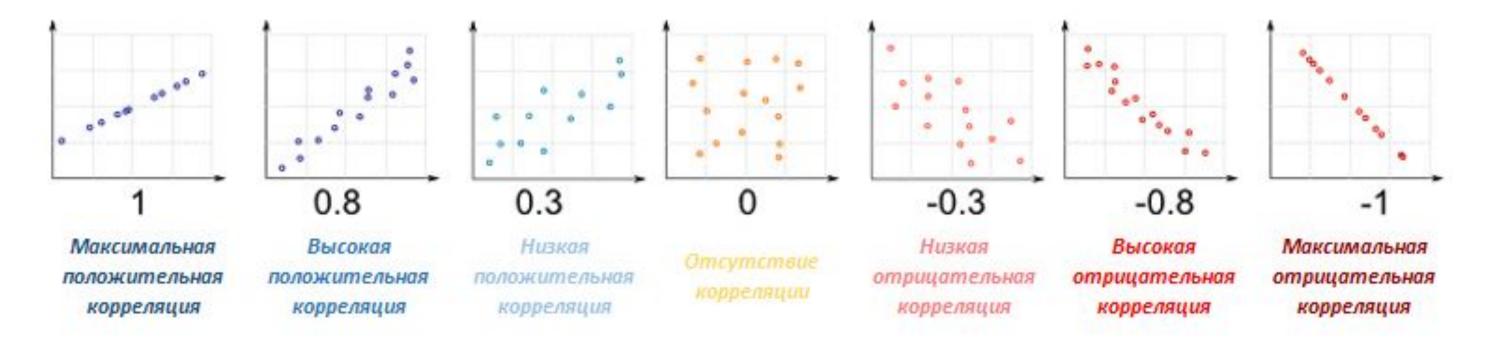
Функция потерь -

$$\mathcal{L}\left(X,ec{y},ec{w}
ight) \;\; = \;\; rac{1}{2n} \sum_{i=1}^n \left(y_i - ec{w}^T ec{x}_i
ight)^2$$

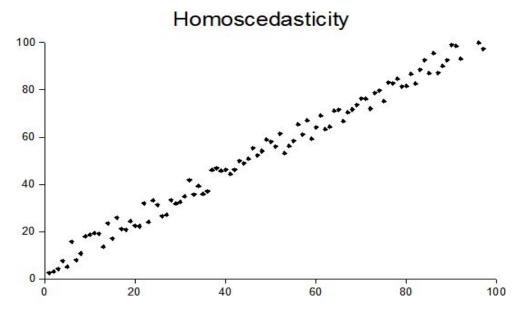


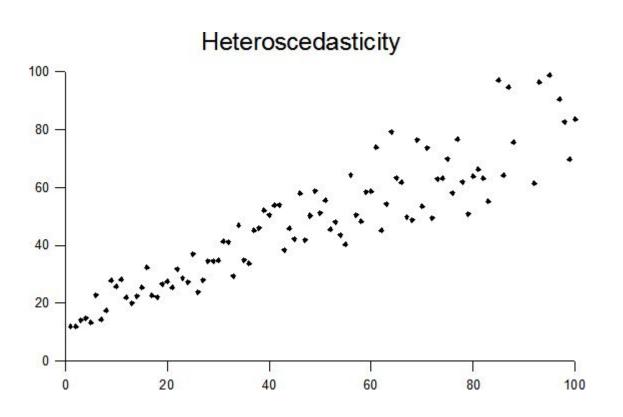
Требования к данным

1. Независимость признаков (можно бороться с помощью регуляризации)



1. Разброс признаков и определяемого критерия не меняется во времени (условие гомоскедастичностью)







Виды регрессий

Полиномиальная регрессия

$$f(X) = \sum_{i=1, j=1}^{n, m} w_i x_i^j + b$$

Логарифмическая регрессия

$$f(X) = \sum_{i=1}^{n} w_{i} \ln(x_{i}) + b$$

Экспоненциальная регрессия

$$f(x) = \sum e^{wx} + b$$

Гиперболическая регрессия

$$f(x) = \sum w \cdot 1/x + b$$

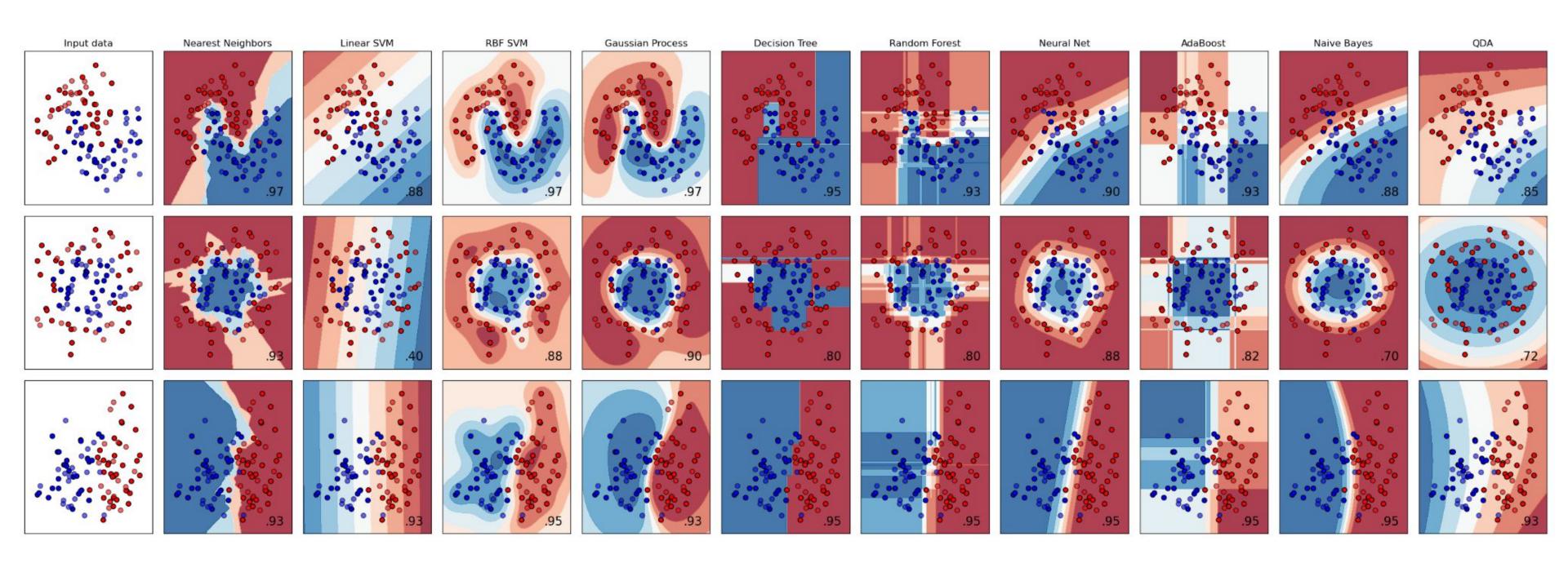
Линеаризация - процедура приведения к линейному виду



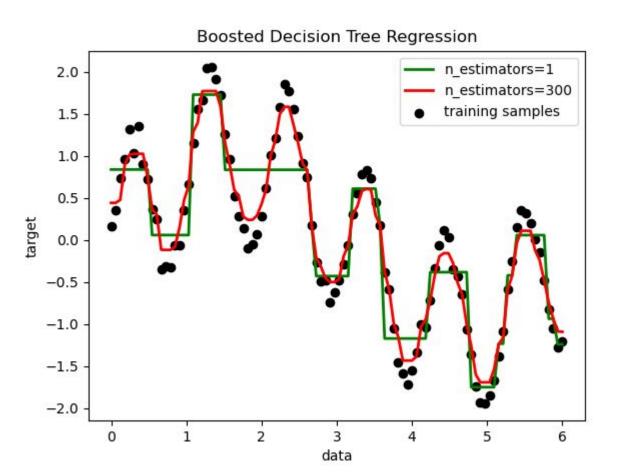
Scikit-learn

Библиотека Scikit-learn — самый распространенный выбор для решения задач классического машинного обучения. Она предоставляет широкий выбор алгоритмов обучения с учителем и без учителя.

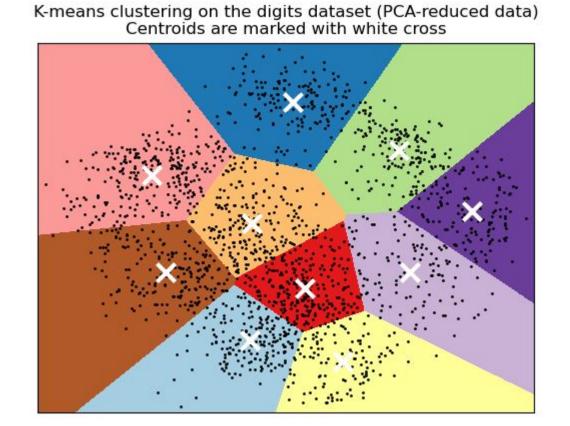
Классификация



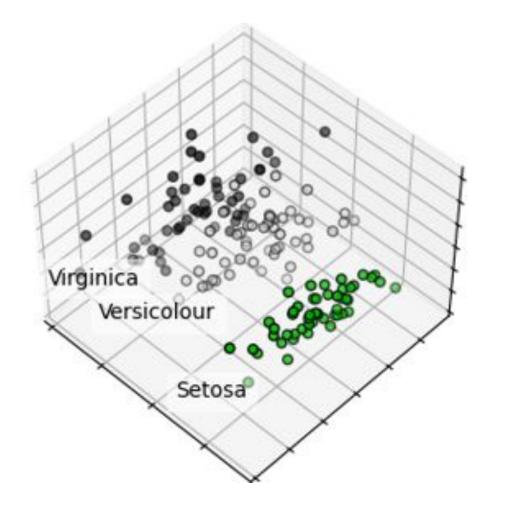
Регрессия



Кластеризации



Понижение размерности



Применение

```
from sklearn.linear_model import LinearRegression

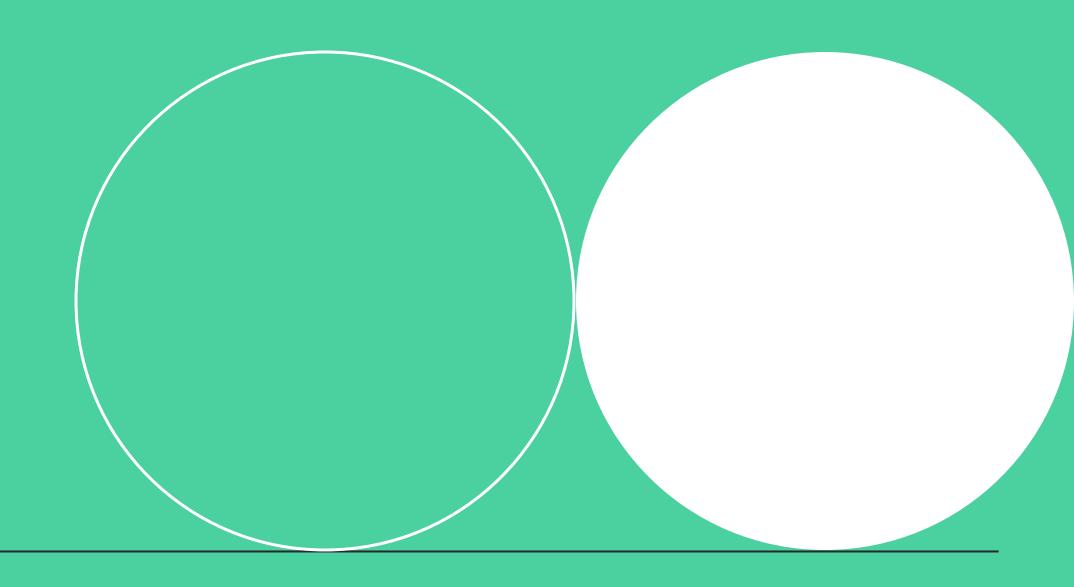
reg = LinearRegression()

reg.fit(X_train, y_true)

y_pred = ref.predict(X_test)
```



Практика





Спасибо за внимание!

