# Matematika 1 teorie

#### 0.1 Opakování

#### 0.1.1Značení

\*  $\exists$  - existuje alespoň jedno

 $^* \ \forall$  - pro každý platí

\* N - přirozená čísla

\* Z - celá čísla

\* Q - racionální čísla ( zlomky  $\rightarrow \frac{1}{2}...)$ 

\* R - iracionální čísla  $(\pi,...)$ 

## 0.1.2 Zápis

1) 
$$\exists x \in N \forall y \in Z, x^2 = y \parallel 2$$
  $\forall x \in N \exists y \in Z, x^2 = y$ 

#### Reálné funkce

Elementární funkce vzniká ze základních elementárních funkcí za pomocí 5 operací

+, -, \*, /, skládání

konstantní funkce, mocniná funkce, exponenciální funkce

#### skládání

#### základní funkce

# $y = \sin x^2$ $f(x) = x^2$

$$g(y) = \sin y$$

$$g(y) = \sin f(x) \Rightarrow y = \sin x^2$$

#### základní funkce

$$y = \sin^2 x$$

$$\frac{g - \sin x}{f(x) = \sin x}$$

$$g(y) = y^2$$

$$g(y) = f(x)^2 \Rightarrow y = \sin^2 x$$

## Neelementární funkce

Absolutní hodnota

$$|x| = x; x > 0$$

$$|x| = 0; x = 0$$

$$|x| = -x; x < 0$$

#### Elementární funkce

Konstantní funkce

$$y = a$$
$$D_y = R$$

$$H_y = \{a\}$$

Exponenciální funkce

$$y = a^x$$

$$D_u = R$$

$$D_y = R$$
  

$$H_y = (0; +\infty)$$

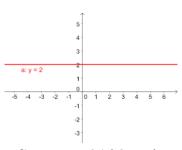
Mocniná funkce

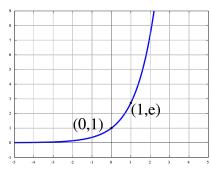
$$y = x^a$$

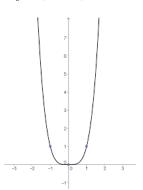
$$D_y = R$$

$$H_y = (0; +\infty)$$

$$H_y = (0; +\infty)$$







Goniometrocké fuknce (sin, cos, tan, coth)

$$\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$$

$$\coth x = \frac{\cos x}{\sin x}$$

## 10.10.2022

### Posloupnost a její limita

#### Omezenost

$$FN \to R \\ x_n = \frac{2n+1}{3n} \\ 1 \to x_1 = 1 \\ 2 \to x_2 = \frac{5}{6} \\ \vdots \\ x_{10} = \frac{21}{30}$$

 $x_n$ je shora omezená <=>  $\exists k \in R \forall n \in N, x_n \leqslant k$ 

$$k = 2$$

$$\frac{2n+1}{3n} \le 2$$

$$2n+1 \le 6n$$

$$1 \le 4n$$

### Posloupnost konvergentní

• vlastní limita  $y_n = \frac{1}{n} \to 0$   $\lim(y_n) = 0$ 

$$\lim(y_n)=0$$

1.  $\frac{\infty}{\infty}$ 

$$\lim \frac{3n-8}{56+2n} = \lim \frac{\frac{3n}{2} - \frac{8}{n}}{\frac{56}{n} + \frac{2n}{n}} \tag{1}$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{3n^2 - 8}{56 + 2n} = \left[\frac{\infty}{\infty}\right] = \lim_{n \to \infty} \frac{\frac{3n^2 - \frac{8}{n}}{n}}{\frac{56}{n} + \frac{2n}{n}} = \lim_{n \to \infty} \frac{3n - \frac{8}{n}}{\frac{56}{n} + 2} = \left[\frac{\infty}{2}\right] = \underline{\infty}$$

$$\lim_{n \to \infty} \frac{n!}{10^n} \cong 0$$
(2)

$$\lim \frac{n!}{10^n} \cong 0 \tag{3}$$

$$x_1 = 0.1 \tag{4}$$

$$x_2 = 0.02 (5)$$

$$x_3 = 0.006 (6)$$

$$\lim \left(\sqrt{n^2 + 100} - n\right) \tag{7}$$