



การเขียนโปรแกรมคอมพิวเตอร์ 2 Computer Programming II

การเรียกซ้ำ

Recursion

ภิญโญ แท้ประสาทสิทธิ์

ภาควิชาคอมพิวเตอร์ คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยศิลปากร

(taeprasartsit p at silpakorn dot edu, pinyotae at gmail dot com)

Web site: ???

Facebook group: ComputerProgramming@CPSU

สัปดาห์ที่ 9

เราจะเรียนอะไรในวันนี้



- รู้จักกับการเรียกเมธอดซ้ำ (คือเมธอดเรียกตัวเอง)
- การหาค่าแฟคทอเรียลแบบเรียกซ้ำ
- กลไกการทำงานในการคำนวณแบบเรียกซ้ำ
- ตัวอย่างต่าง ๆ
- กรณีพื้นฐานและกรณีเรียกซ้ำ
- ซ้อมทำโจทย์
- ตัวอย่างที่ซับซ้อนขึ้น

การเรียกซ้ำ (Recursion)



- โดยปรกติแล้ว เวลาที่เราเรียกเมธอดสักอัน เมธอดนั้นก็จะทำงานจนเสร็จ หรือเรียกเมธอดอื่น ๆ มาช่วยกันทำหน้าที่
 - แต่อันที่จริงเมธอดที่ถูกเรียก สามารถเรียกตัวเองซ้ำก็ได้
 - ซึ่งการเรียกตัวเองซ้ำ (ไม่ว่าจะโดยทางตรงหรือทางอ้อม) เป็นเทคนิคในการ เขียนโปรแกรมแบบหนึ่งที่เราเรียกว่า การเรียกซ้ำ (Recursion)
- ขอเริ่มจากตัวอย่างที่ง่าย (แต่ยังไม่ค่อยมีประโยชน์) คือการหาค่า factorial
 - ■ในทางคณิตศาสตร์ $5! = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$
 - ซึ่งเราอาจจะเขียนลูปวนตามโค้ดทางด้านล่าง

```
int result = 1;
for(int i = 2; i <= n; ++i) {
   result = result * i;
}</pre>
```

หาค่าแฟคทอเรียลแบบเรียกซ้ำ



- ถ้าจะหาค่าแบบเรียกซ้ำ เราก็ต้องแปลงการคำนวณให้เป็นเมธอดก่อน
 - ■ในที่นี้ตั้งชื่อเมธอดว่า fact และรับเลขจำนวนเต็ม n เข้ามา
 - เช่น ถ้า n = 5 เราก็จะหาค่าของ n! = 5! ออกมาเป็นผลลัพธ์สุดท้าย
 - นอกจากนี้เราต้องคำนึงถึงนิยามว่า 0! = 1 ด้วย
- เมื่อพิจาณาปัจจัยเงื่อนไขต่าง ๆ แล้ว เมธอดแบบเรียกซ้ำเพื่อคำนวณค่า แฟคทอเรียลที่ได้ก็คือ

```
1
2
3
4
```

```
int fact(int n) {
   if(n == 0)
     return 1;
   return n * fact(n - 1);
}
```

อธิบายเมธอดหาค่าแฟคทอเรียลแบบเรียกซ้ำ



- พิจารณากรณีที่ n มีค่าเท่ากับ 5 เป็นตัวอย่าง
 - เมื่อเราต้องการหาค่าของ 5! เก็บไว้ใน result เราจะเขียนว่า

int result = fact(5);

- ซึ่งเมธอด fact จะถูกเรียก โดยมีค่า n เป็น 5
 - เมื่อพบ if ในบรรทัดที่ 2 โปรแกรมก็จะข้ามไปบรรทัดที่ 4
 - ตรงบรรทัดที่ 4 นี่แหละที่เกิดการเรียกซ้ำ

return n * fact(n - 1);

- สังเกตด้วยว่าในการเรียกซ้ำ ค่าพารามิเตอร์ที่ส่งไปจะลดลงไปหนึ่ง ดังนั้นในตัวอย่างนี้ การเรียกซ้ำจะมีค่าเป็น fact(4)
- คำถามจากจุดนี้ก็คือว่า แล้วผลลัพธ์สุดท้ายจะออกมาได้อย่างไร

การเรียกซ้ำและจุดยุติ



- ถ้าเมธอดจะถูกเรียกซ้ำไปเรื่อย ๆ แล้วผลลัพธ์จะออกมาอย่างไร
 - เป็นไปได้อย่างไรที่สุดท้ายเราจะได้ค่าของ fact(5) ออกมาเป็นผลลัพธ์ ดูเหมือนเมธอดจะถูกเรียกซ้ำไปเรื่อย ๆ
 - เช่นในตัวอย่างนี้ เมื่อเรียก fact(4) จะได้ว่าค่า n ไม่เป็น 0 และโปรแกรมจะ ข้ามไปบรรทัดที่ 4 และคำนวณว่า return 4 * fact(4 1);
 - นั่นค่อ ต่อไปโปรแกรมจะเรียกเมธอดพร้อมพารามิเตอร์ fact(3)
 - และจะเรียกซ้ำต่อกันแบบนี้ไปเรื่อย ๆ จนกว่าจะถึงจุดยุติ
- เรื่องจุดยุตินี่แหละที่เป็นหนึ่งในประเด็นหลักของการเรียกซ้ำ เพราะถ้ามัน เรียกตัวเองซ้ำไปเรื่อย ๆ ไม่มีจุดยุติ โปรแกรมก็ไม่มีวันทำงานเสร็จ
- แล้วจุดยุติของเมธอด fact อยู่ที่ใด



- จุดยุติของการเรียกซ้ำคือ กรณีที่เมธอดไม่เรียกซ้ำและคืนค่าผลลัพธ์กลับไป
 - ซึ่งของแฟคทอเรียลก็คือบรรทัดที่ 2 และ 3

```
int fact(int n) {
   if(n == 0)
     return 1;
   return n * fact(n - 1);
}
```

- ถ้า n มีค่าเป็น 0 เมธอดจะไม่เรียกตัวเองซ้ำ แต่จะคืนค่า 1 กลับไป
- เมื่อคืนค่ากลับไปให้ผู้เรียกได้ ผู้เรียกก็จะคืนค่าผลลัพธ์อื่น ๆ สืบคืนต่อไปได้
- ก่อนที่ fact(0) จะถูกเรียก fact(1) ก็ถูกเรียกก่อน
 - และค่าที่ fact(1) จะคืนก็มาจาก return n * fact(n 1); เมื่อ n == 1
 ซึ่งก็คือ 1 * fact(1 1); และได้ผลลัพธ์จาก fact(0) มาคำนวณสืบต่อ

3

ผลลัพธ์ที่ถูกคืนส่งมาเป็นทอด ๆ



- เมื่อ fact(1) ได้ค่ามาเป็น 1 * fact(0) = 1 * 1 = 1
 คำสั่ง return 1 * fact(1 1); ก็จะคืนค่า 1 กลับไปหาผู้เรียก
- เนื่องจากผู้เรียกก็คือ fact(2) ค่าที่จะคืนกลับไปก็คือ
 2 * fact(2 1) = 2 * fact(1) = 2 * 1 = 2
- ในทำนองเดียวกัน ผู้เรียก fact(2) ก็คือ fact(3) ค่าที่จะคืนกลับไปก็ คือ 3 * fact(3 - 1) = 3 * 2 = 6
- ต่อมาเราก็คำนวณค่า fact(4) ได้เป็น
 4 * fact(4 1) = 4 * fact(3) = 4 * 6 = 24
- สุดท้าย fact(5) = 5 * fact(5 1) = 5 * fact(4)
 = 5 * 24 = 120
- นั่นคือ ผลลัพธ์ที่ส่งคืนกลับมาเป็นทอด ๆ ช่วยให้คำนวณค่าที่ต้องการได้

ข้อสังเกต



- การเรียกซ้ำ ทำให้โปรแกรมสามารถคำนวณค่าได้โดยที่ไม่ต้องมีลูป
- เทคนิคในการเรียกซ้ำจึงเป็นสิ่งที่จำเป็นในภาษาบางประเภทที่ไม่มีลูป เช่น ภาษากลุ่ม functional programming
 - มี Haskell และ Scheme เป็นต้น
- การเรียกซ้ำดูเข้าใจยากในตอนแรก และยากกว่าการใช้ลูป
 - แต่แท้จริงจะยากกว่าการใช้ลูปหรือเปล่า มันขึ้นอยู่กับว่างานที่เราต้อง คำนวณเป็นแบบไหน
 - ถ้างานที่ต้องคำนวณมีโครงสร้างแบบซ้อนไปเรื่อย ๆ อย่างต้นไม้ที่เก็บ ข้อมูล (เรียนในวิชาโครงสร้างข้อมูล) การเรียกซ้ำอาจจะง่ายกว่าลูป

ดูอีกตัวอย่าง: ทำความรู้จักกับการเรียกซ้ำให้มากขึ้น



- เมื่อกำหนดค่า N ซึ่งเป็นจำนวนเต็มบวกใด ๆ มาให้ จงเขียนโปรแกรม หาผลบวกของ 1 + 2 + 3 + ... + N โดยไม่ใช้ลุป แต่ใช้การเรียกซ้ำ
- เริ่มกันที่นิยามของเมธอดแบบเรียกซ้ำตามแบบข้างล่าง

```
int sum(int N) { ... }
```

- ต่อมาเราจะหาค่าของการบวกของค่า N ใหญ่ ๆ จากค่า N ที่เล็กกว่า
 - เราสามารถใช้วิธีแบบเดียวกับการหาค่าแฟคทอเรียล และได้โค้ดเป็น

```
int sum(int N) {
   if(N == 1)
    return 1;
   return N + sum(N - 1);
}
```

เรียกซ้ำได้มากกว่า 1 จุดในเมธอดเดียว



ตัวอย่าง Fibonacci Number

เลขฟิบอนนาชชี เป็นค่าที่ถูกนิยามไว้ด้วยฟังก์ชันคณิตศาสตร์ Fib ว่า

```
Fib(n) = Fib(n - 1) + Fib(n - 2) เมื่อ Fib(0) = 0 และ Fib(1) = 1
```

```
int fib(int n) {
   if(n == 0)
     return 0;
   if(n == 1)
     return 1;
   return fib(n - 1) + fib(n - 2);
}
```

แล้วแบบนี้จะเกิดอะไรขึ้น



• จากตัวอย่างเรื่องจำนวนฟิบอนนาชชี ตรงจังหวะการคำนวณ

return fib(n - 1) + fib(n - 2);

- เครื่องจะคำนวณค่า fib(n-1) ก่อน แล้วจึงคำนวณ fib(n-2)
 - หมายความว่า ถ้าหากเราเรียกเมธอด fib(4) เครื่องจะหาคำตอบของ fib(3) ให้ได้ก่อน จากนั้นจึงไปหาค่า fib(2)
 - เมื่อได้ค่า fib(3) และ fib(2) แล้วจึงนำค่าทั้งสองนั้นมาบวกกัน เป็นคำตอบของค่า fib(4) = fib(3) + fib(2)
- ในทำนองเดียวกันตอนที่เครื่องจะหาค่า fib(3) มันก็จะพยายามหาค่า fib(2) ก่อน
 - เสร็จแล้วก็จะคำนวณค่า fib(1) ซึ่งมีค่าเป็น 1 และได้คำตอบเป็น fib(3) = fib(2) + 1

ลำดับการคำนวณเพื่อให้ได้คำตอบสุดท้ายเป็นอย่างไร



• [ดูการคำนวณจากอาจารย์บนกระดานหรือวิชวลไลเซอร์]

เราจะเรียนอะไรในวันนี้



- รู้จักกับการเรียกเมธอดซ้ำ (คือเมธอดเรียกตัวเอง)
- การหาค่าแฟคทอเรียลแบบเรียกซ้ำ
- กลไกการทำงานในการคำนวณแบบเรียกซ้ำ
- ตัวอย่างต่าง ๆ
- กรณีพื้นฐานและกรณีเรียกซ้ำ
- ซ้อมทำโจทย์
- ตัวอย่างที่ซับซ้อนขึ้น

กรณีพื้นฐานและกรณีเรียกซ้ำ



- จากตัวอย่างที่ผ่านมา เราเรียกเงื่อนไขตรง if ที่ทำให้หยุดการวนซ้ำว่า กรณีพื้นฐาน (base case)
- และเรียกเหตุการณ์ที่มีการเรียกเมธอดซ้ำว่า *กรณีเรียกซ้ำ* (recursive case)
- เวลาที่เราจะเขียนเมธอดที่มีการเรียกซ้ำ (recursive method) เราต้อง คิดถึงกรณีทั้งสองนี้ควบคู่กันไปเสมอ
 - ถ้าไม่มีกรณีพื้นฐาน การเรียกซ้ำจะไม่มีวันหยุด คล้ายกับโปรแกรมติด ลูปไม่รู้จบ
 - ส่วนถ้าไม่มีกรณีเรียกซ้ำ เราก็อาจจะไม่ได้สิทธิประโยชน์จาก ความสามารถนี้ในภาษาคอมพิวเตอร์
- ในตัวอย่างเรื่องจำนวนฟิบอนนาชชี เราจะเห็นได้ว่าการเรียกซ้ำทำให้เรา เขียนโปรแกรมคำนวณค่าฟิบอนนาชชีเสร็จเร็วมาก ง่ายกว่าเขียนลูปเอง

แล้วอะไรเป็นแนวปฏิบัติในการเขียนเมธอดแบบเรียกซ้ำ



- เราควรมองหาความสัมพันธ์ก่อนว่าปัญหาขนาดใหญ่ แก้ได้จากปัญหา ขนาดเล็กที่มีลักษณะคล้ายกันหรือไม่
 - เช่น เราหาค่าแฟคทอเรียล n จากแฟคทอเรียล n 1 ได้หรือไม่
 - เราหาจำนวนฟิบอนนาชชี n จากจำนวนฟิบอนนาชชี n 1 ได้หรือไม่
 - ถ้าได้ก็แสดงว่าธรรมชาติของปัญหาสามารถคิดแบบเรียกซ้ำได้
- เมื่อเห็นว่าคิดแบบเรียกซ้ำได้ ก็ต้องคำนึงถึงกรณีพื้นฐาน ซึ่งเป็นเหมือน ต้นขั้วของค่าผลลัพธ์ว่ามีอะไรบ้าง
 - จากนั้นยกกรณีพื้นฐานพวกนี้ไว้ทางตอนต้นของเมธอด คือเอาไว้ก่อนที่
 จะมีการเรียกซ้ำ
- ส่วนกรณีเรียกซ้ำจะตามหลังกรณีพื้นฐาน คือจะเรียกซ้ำก็ต่อเมื่อค่าที่ ได้มาตรงพารามิเตอร์ไม่ตรงกับกรณีพื้นฐานเท่านั้น

มาทดสอบความเข้าใจ คุณคิดข้อนี้ออกหรือไม่



- จงเขียนเมธอดเพื่อหาผลคูณของ a และ b โดยที่
 - กำหนดให้เมธอดมีรูปแบบเป็น int multiply(int a, int b)
 - a และ b เป็นจำนวนเต็มบวก
 - ห้ามใช้เครื่องหมายคูณ ใช้ได้เฉพาะ + (หรือจะใช้ ด้วยก็ตามใจ)
 - ห้ามใช้ลูปด้วย
- เอ้า ให้เวลาคิดสักพัก แล้วค่อยมาดูเฉลย
 - อย่าลื่มนะว่าเราต้องคิดหาความสัมพันธ์ว่าปัญหาใหญ่ คิดออกมาจาก ปัญหาเล็กได้หรือเปล่า
 - เช่น เราจะหาค่า a x b ได้เมื่อ a หรือ b มีค่าน้อยลงหรือไม่
 - และก็อย่าลืมกรณีพื้นฐานด้วย

เฉลย recursive multiply



```
int multiply(int a, int b) {
  if(b == 1)
   return a;
  return a + multiply(a, b - 1);
}
```

หรือ

```
int multiply2(int a, int b) {
  if(a == 1)
    return b;
  return b + multiply2(a - 1, b);
}
```

ลองอีกข้อ เผื่อใครอยากแก้มือ



- กำหนดอาเรย์ที่ข้างในมีเลขจำนวนเต็มอยู่ N ตัว
 - ต้องการนับว่าข้างในมีเลข 5 อยู่กี่ตัว
 - ■ให้เมธอดมีรูปแบบว่า int count5(int[] A, int n)
 - กำหนดให้อาเรย์มีตัวเลขอยู่อย่างน้อยหนึ่งตัว
 - ห้ามใช้ลูป ให้ใช้เฉพาะการเรียกซ้ำ
- เอ้า ให้เวลาคิดสักพัก แล้วค่อยมาดูเฉลย
 - เช่นเดิม อย่าลืมคิดว่าเราแก้ปัญหาขนาดใหญ่ได้จากปัญหาที่มีขนาดเล็ก ลงหรือไม่
 - ว่าแต่กรณีพื้นฐานที่จะสรุปค่าได้มันควรจะเป็นอย่างไร

เฉลยข้อ count5



```
int count5(int[] A, int n) {
   int count = 0;
   if(A[n - 1] == 5)
      count = 1;

if(n == 1)
    return count;
   return count + count5(A, n - 1);
}
```

เอาอีก ๆ อยากได้แบบที่เกี่ยวกับสตริงมั่ง มีมั้ย



- สมมติว่ามีวัตถุสตริง str ความยาว N
 - ต้องการหาว่าในสตริงนี้มี a หรือ A อยู่กี่ตัว
 - กำหนดเมธอดในรูปแบบ int countA(String str, int n)
 - กำหนดให้ str เป็นข้อความที่มีตัวอักขระอยู่อย่างน้อยหนึ่งตัว
 - ห้ามใช้ลูป ให้ใช้เฉพาะการเรียกซ้ำ
- เหมือนเดิม ให้เวลาคิดสักพัก แล้วค่อยมาดูเฉลย

เฉลยข้อ countA



```
int countA(String str, int n) {
  int count = 0;
 char c = str.charAt(n - 1);
  if(c == 'a' || c == 'A')
    count = 1;
  if(n == 1)
    return count;
  return count + countA(str, n - 1);
```

ประโยชน์จากการเขียนโปรแกรมแบบเรียกซ้ำ



- เราลุยโจทย์ไปหลายข้อแล้ว บางที่เรารู้สึกว่าเขียนแบบลูปไปตลอดเลย จะง่ายกว่ามั้ย
 - ยกเว้นข้อฟิบอนนาชชี ที่เขียนแบบเรียกซ้ำแล้วง่ายกว่า เพราะธรรมชาติของมันเป็นแบบเรียกซ้ำ
 - แต่ไม่ว่าจะเป็นแบบไหน เราจะพบว่าคำตอบที่เขียนแบบเรียกซ้ำมันสั้น และสวยงามมาก ดูออกก็ง่ายว่าโปรแกรมถูกหรือผิด
 - และการที่ดูออกง่ายว่าคิดถูกหรือผิดนี้แหละที่เป็นประโยชน์ที่ยิ่งใหญ่
 อันหนึ่งของการเขียนโปรแกรมแบบเรียกซ้ำ
- คราวนี้เราจะมาเน้นตัวอย่างที่แสดงให้เห็นถึงประโยชน์ของการเขียน โปรแกรมแบบเรียกซ้ำมากขึ้น อันแรกที่เราจะพูดถึงคือหอคอยฮานอย

เราจะเรียนอะไรในวันนี้

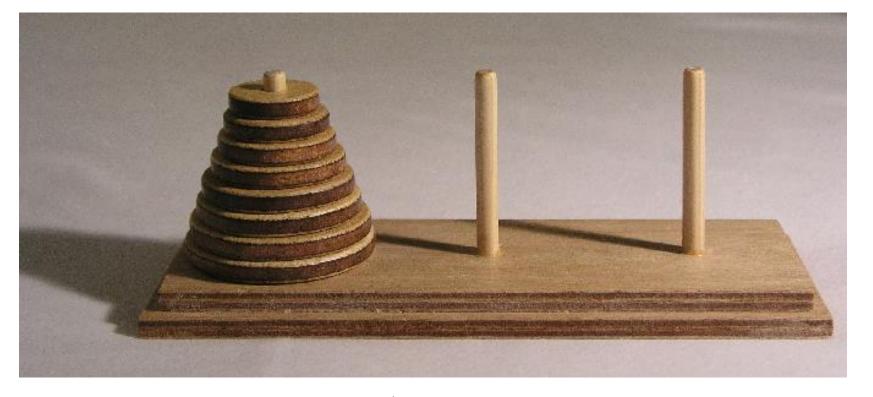


- รู้จักกับการเรียกเมธอดซ้ำ (คือเมธอดเรียกตัวเอง)
- การหาค่าแฟคทอเรียลแบบเรียกซ้ำ
- กลไกการทำงานในการคำนวณแบบเรียกซ้ำ
- ตัวอย่างต่าง ๆ
- กรณีพื้นฐานและกรณีเรียกซ้ำ
- ซ้อมทำโจทย์
- ตัวอย่างที่ซับซ้อนขึ้น

หอคอยฮานอย (Tower of Hanoi)



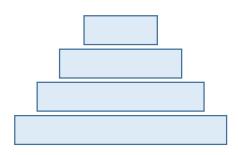
- จากภาพข้างล่าง เราต้องการย้ายแผ่นวงกลมไปไว้ที่อีกเสาหนึ่ง
 - ย้ายได้ทีละแผ่น
 - ห้ามวางแผ่นวงกลมไว้บนแผ่นที่เล็กว่า
 - ขั้นตอนการย้ายควรเป็นอย่างไร



มองแบบ Recursive



• สมมติว่าเรามีวงกลมสี่แผ่น



• เราจะคิดเหมือนกับว่า เราจะย้ายแค่ 3 แผ่นไปไว้ที่เสาอื่น



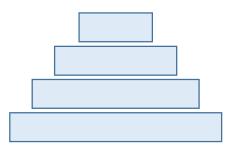
• ต่อจากนั้นก็ย้ายฐานไปไว้ที่อีกเสา



มองแบบ Recursive (2)



• ต่อจากนั้นก็ย้าย 3 แผ่นดังกล่าวไปไว้บนฐานที่เสาใหม่



- เดี๋ยว ๆ เราย้ายได้ทีละแผ่นไม่ใช่เหรอ
 - ใช่แล้วล่ะ แต่เรากำลังมองแบบรีเคอร์ซีฟโดยย่อยปัญหาลงหนึ่งระดับก่อน
 - ซึ่งถ้าเราพบว่าการย่อยลงหนึ่งระดับช่วยในการแก้ปัญหาที่ใหญ่ขึ้นได้
 ก็แสดงว่าปัญหานี้แก้ได้ด้วยวิธีแบบเรียกซ้ำ
 - ในที่นี้ก็คือ แทนที่เราจะคิดย้ายหอคอยแบบ 4 แผ่น เราคิดย้ายแบบ 3 แผ่นให้ได้ บวกกับการย้ายฐาน และย้ายแบบ 3 แผ่นอีกที
 - ตอนคิดจะย้ายแบบ 3 แผ่น เราก็มองแบบย่อยปัญหาไปเหลือ 2 แผ่นอีกที่

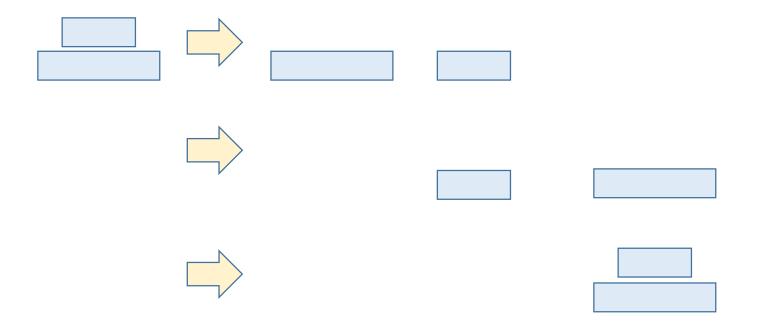
ลองคิดย่อยปัญหาต่อไปอีก



• สมมติว่าจะย้ายแบบ 3 แผ่นให้ได้ มันก็จะเป็นแบบนี้



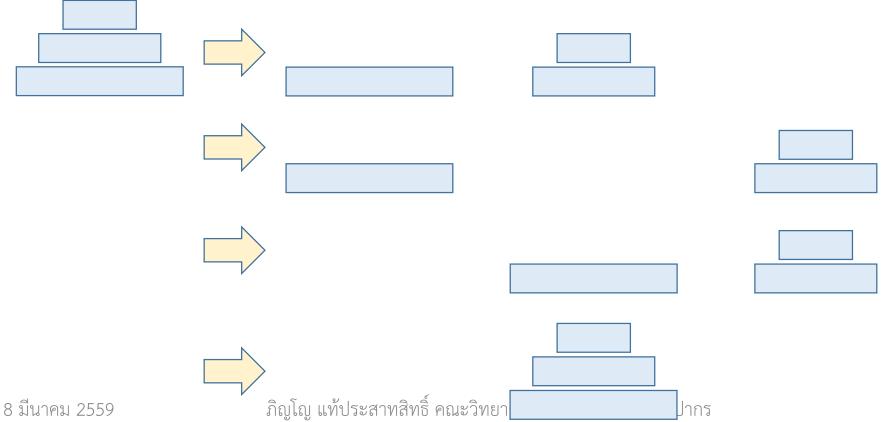
• ย่อยไปแบบซ้อน 2 แผ่นนี่แหละที่เราจะหาคำตอบได้ง่าย ดังนี้



ยังไม่เข้าใจว่ามันสำคัญอย่างไร



- จะเห็นได้ว่าตอนที่มันมี 4 แผ่น ที่จริงเรายังไม่ต้องมองไปที่แผ่นทั้ง 4
 - แต่มองย้อนไปเหมือนมีแค่สองแผ่นก่อน
 - เสร็จแล้วก็ย้ายสองแผ่นนั้นให้ได้
 - พอย้ายสองแผ่นได้ก็มองย้อนกลับมาที่ระดับ 3 แผ่น



สรุปได้ว่า แก้ปัญหาเล็ก ๆ ให้ได้แล้วค่อยแก้ปัญหาใหญ่



- ในปัญหานี้ ถ้าเราจะวางแผนแก้ปัญหาใหญ่โดยตรงจะเป็นมุมมองที่ยาก
 - 🗖 เราจึงมองปัญหาย่อย และย่อยลงมาเรื่อย ๆ จนถึงจุดที่วิธีแก้มันชัดเจน
 - ซึ่งในที่นี้ก็คือตอนที่มันเหลือ 2 แผ่นจะชัดเจนมาก
 (แต่จะมองไปจนถึง 1 แผ่นเลยก็ได้เช่นกัน)
 - เมื่อย้ายแบบ 2 แผ่นไปที่เสาอื่นแล้ว ก็ย้ายแผ่นที่ 3 ไปไว้ที่เสาอื่น
 - จากนั้นก็ย้าย 2 แผ่นที่ย้ายไปตอนแรกไปไว้บนแผ่นที่ 3
 - ก็จะได้ว่าเราย้ายแบบ 3 แผ่นไปไว้ที่เสาอื่นได้
 - ต่อจากนั้นก็ย้ายฐานไปไว้อีกเสา
 - สุดท้ายก็ย้ายแบบ 3 แผ่นไปทับฐานที่ย้ายไปแล้ว

ยังมีปัญหาอื่น ๆ ที่มองแบบเรียกซ้ำแล้วจะง่ายกว่า



- เช่นการเรียงข้อมูลแบบ Quick Sort ซึ่งถือได้ว่าเป็นวิธีการที่เร็วที่สุดวิธี หนึ่ง การเขียนโปรแกรมแบบเรียกซ้ำนับว่าเป็นวิธีที่ดี
- การสร้างต้นไม้โครงสร้างของโฟลเดอร์
 - คือมองว่ามีโฟลเดอร์ย่อยในโฟลเดอร์ใหญ่ซ้อนไปเรื่อย ๆ
 - ทำให้สามารถลบไฟล์ที่โฟลเดอร์ใหญ่พร้อมกับโฟลเดอร์และไฟล์ที่ซ้อนอยู่
 ข้างในทั้งหมดได้ (ตอนลบโปรแกรมจะมองย้อนเข้าไปในโฟลเดอร์ย่อย)
- การนับจำนวนของรูปแบบสิ่งของทั้งหมดที่เป็นไปได้
- การดำเนินการบนกราฟต่าง ๆ ที่จะได้เรียนในวิชาอัลกอริทึม
 - เช่นการหาเส้นทางเดินออกจากเขาวงกต