

Chapter 2: Linear Algebra Review

Vector space : 벡터공간

a vector space V consists of

1) A set of vectors

→ 벡터 공간은 벡터들로 이루어짐.

2) Addition operator

→ Vector space에 대해서 Addition operation을 진행 할 수 있다.

$$x = (x_1, x_2) \in R^2$$

$$y = (y_1, y_2) \in R^2$$

$$x + y = (x_1 + y_1, x_2 + y_2)$$

3) multiplication with scalar

$$cx = (cx_1, cx_2)$$

4) special element 0 vector

→ vector space는 linear combination에 대해 닫혀있다.

→ 이는 원점을 반드시 포함한다.

ex)

$$V_1 = \mathbb{R}^n$$

$$V_2 = \{0\}$$

$$V_3 = \text{span}(v_1, \dots, v_k) \text{ with } v_1, \dots, v_k \in \mathbb{R}^n \text{ where}$$

$$\text{span}(v_1, \dots, v_k) = \{c_1 v_1 + \dots + c_k v_k \mid c_1, \dots, c_k \in \mathbb{R}\}$$

subspace

subspace는

1) 어떤 vector space의 subset이어야 하고,

2) 그 자체로 vector space이어야 한다.

→ V_1, V_2, V_3 are subspaces

\mathbb{R}^2 은 \mathbb{R}^3 의 subspace이다.

자기 자신은 자기 자신의 subspace이다.

independent set of vectors

we say vectors v_1, \dots, v_k are linearly independent when

$$c_1 v_1 + \dots + c_k v_k = 0$$

$$\Rightarrow c_1 = \dots = c_k = 0$$

independent한 벡터들의 linear combinations을 0으로 만드는 유일한 방법은 모든 coefficients를 0으로 만드는 것이다.

independent한 벡터들은 그들의 linear combinations으로 다른 벡터들을 나타낼 수 없다.

수직벡터와 독립벡터는 다르다

→ 수직이면 독립이나, 독립이라고 해서 수직은 아니다.

Basis and Dimension

다음의 조건을 충족하면

set of vectors $\{v_1, \dots, v_k\}$ 은 vector space V 의 basis이다

1) $V = \text{span}(v_1, \dots, v_k)$

2) v_1, \dots, v_k are linearly independent

V 안의 임의의 점을 linear combination으로 unique하게 표현가능하다.

basis 벡터는 다양해 질 수 있으나,

basis 벡터의 갯수는 일정하다.

→ basis 벡터의 갯수는 일정하다.)