Национальный исследовательский университет «МЭИ»

ИНСТИТУТ РАДИОТЕХНИКИ И ЭЛЕКТРОНИКИ КАФЕДРА РАДИОТЕХНИЧЕСКИХ СИСТЕМ

Курсовая работа

по дисциплине

«Аппаратура потребителей спутниковых радионавигационных систем»

по теме

Разработка модуля расчёта координат спутника Beidou

ФИО студента: Жеребцов И.С.
Группа: ЭР-15-16
Вариант №: 2
Дата:
Подпись:
ФИО преподавателя: Корогодин И.В.
Оценка:

Москва 2021

СОДЕРЖАНИЕ

BB	ЕДЕНИЕ
3A,	ДАНИЕ 4
ПЕ	РВЫЙ ЭТАП: Использование сторонних средств6
1.	Определение формы орбиты и положения спутника на ней 6
2.	Расчет графика угла места собственного спутника от времени 7
3.	Расчет диаграммы угла места и азимута спутника
4.	Формирование таблицы эфемерид собственного спутника11
BT	ОРОЙ ЭТАП: Моделирование12
1.	Реализация в Matlab 12
2.	Траектории спутника
3.	Расчет диаграммы угла места и азимута спутника
TP]	ЕТИЙ ЭТАП: Моделирование
1.	Реализация в Matlab 15
2.	Траектории спутника
3.	Расчет диаграммы угла места и азимута спутника
3 <i>A</i>	ХКЛЮЧЕНИЕ 18
Cı	THEOR THTENSTYPLE 10

ВВЕДЕНИЕ

Цель проекта - добавление в программное обеспечение приемника функции расчета положения спутника Beidou на заданное время по данным его эфемерид.

Требования к разрабатываемому программному модулю:

- требования назначения;
- отсутствие утечек памяти;
- малое время выполнения;
- низкий расход памяти;
- корректное выполнение при аномальных входных данных.

Для достижения цели выполняется ряд задач, соответствующих этапам проекта и контрольным мероприятиям:

- обработка данных от приемника, работа со сторонними сервисами для подготовки входных и проверочных данных для разрабатываемого модуля;
- моделирование модуля в Matlab/Python;
- реализация программного модуля на C/C++, включая юниттестирование в Check.

Конечная цель всего курсового проекта - получить библиотеку функций на «С++», позволяющую рассчитывать положение спутника Beidou по его эфемеридам.

ЗАДАНИЕ

Этап 1. Использование сторонних средств

Конечная цель всего курсового проекта - получить библиотеку функций на Си++, позволяющую рассчитывать положение спутника Beidou по его эфемеридам. На первом этапе подготовим вспомогательные данные для разработки: эфемериды и оценки положения спутника от сторонних сервисов (чтобы было с чем сравниваться на след. этапах)

На крыше корпуса Е МЭИ установлена трехдиапазонная антенна Harxon HX-CSX601A. Она через 50-метровый кабель, сплиттер, bias-tee и усилитель подключена к трем навигационным приемникам:

Javad Lexon LGDD,

SwiftNavigation Piksi Multi,

Clonicus разработки ЛНС МЭИ.

Эти приемники осуществляют первичную обработку сигналов Beidou B1I, выдавая по интерфейсам соответствующие потоки данных - наблюдения псевдодальностей и эфемериды спутников. Данные от приемника Clonicus, записанные вечером 16 февраля 2021 года, доступны в рабочем репозитории (директория logs) в нескольких форматах.

Этап 2. Моделирование

Эфемериды - параметры некоторой модели движения спутника. В разных ГНСС эти модели разные, а значит отличается и формат эфемерид, и алгоритмы расчета положения спутника.

Одна из самых простых и удобных моделей - в системе GPS. Beidou наследует данную модель.

Требуется реализовать на языке Matlab или Python функцию расчета положения спутника Beidou на заданный момент по шкале времени UTC. В качестве эфемерид использовать данные, полученные на предыдущем этапе.

Построить трехмерные графики множества положений спутника Beidou с системным номером, соответствующим номеру студента по списку. Графики в двух вариантах: в СК ЕСЕГ WGS84 и соответствующей ей инерциальной СК. Положения должны соответствовать временному интервалу с 8:00 МСК 16 февраля до 06:00 МСК 17 февраля 2021 года. Допускается использовать одни и те же эфемериды на весь рассматриваемый интервал.

Построить SkyView за указанный временной интервал (напоминаю, антенна на крыше корпуса E) и сравнить результат с Trimble GNSS Planning Online, полученный на прошлом этапе.

Этап 3. Реализация

Требуется разработать на языке C/C++ функцию расчета положения спутника Beidou на заданное время по шкале UTC, минимизируя время её исполнения и количество затрачиваемой оперативной памяти. Вызов функции не должен приводить к выбросу исключений или утечкам памяти при любом наборе входных данных.

Функция расчета положения спутника в Matlab/Python относительно проста, т.к. доступны библиотеки линейной алгебры и решения уравнений. Но при разработке встраиваемого ПО приходится сохранять лицензионную частоту, минимизировать вычислительную нагрузку и затраты памяти. Поэтому отобразить модель из Matlab/Python в прошивку приемника дословно, как правило, не получается. В рассматриваемом примере потребуется, как минимум, выполнить свою реализацию решения трансцендентного уравнения.

Программный модуль должен сопровождаться unit-тестами под check:

Тесты функции решения уравнения Кеплера

Тест расчетного положения спутника в сравнении с Matlab/Python с шагом 0.1 секунды.

Во время второго теста должно вычисляться и выводиться средняя длительность исполнения функции. Допускается использовать одни и те же эфемериды на весь рассматриваемый интервал (как на предыдущем этапе).

Требуется провести проверку на утечки памяти с помощью утилиты valgrind.

ПЕРВЫЙ ЭТАП: Использование сторонних средств

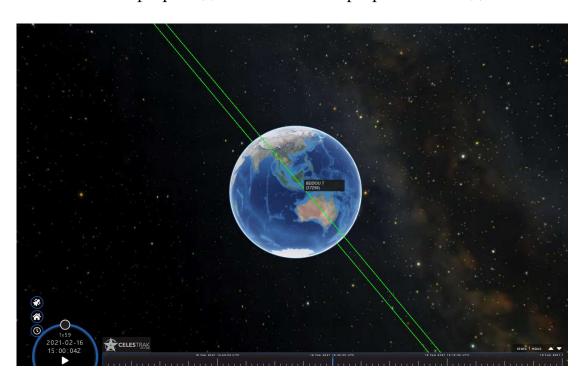
1. Определение формы орбиты и положения спутника.

Используя сервис «Википедия» определим ID и SCN спутника 7:

Nº ≑	Спутник ≑	PRN +	Дата (UTC) +	Ракета ≑	NSSDC ID +	SCN +	Орбита 💠	Статус 💠	Система 🕈
_	Бэйдоу-1 А	N/A	30.10.2000, 16:30	CZ-3A	2000-069A₽	26599ଟ	ГСО, 140° в. д.	выведен с декабря 2011	
_	Бэйдоу-1 В	N/A	20.12.2000, 16:20	CZ-3A	2000-082A₽	26643ଟ	ГСО, 80° в. д.	выведен с декабря 2011	Eaŭnov 1
_	Бэйдоу-1 С	N/A	24.05.2003, 16:34	CZ-3A	2003-021A₽	27813æ	ГСО, 110,5° в. д.	выведен с декабря 2012	Бэйдоу-1
_	Бэйдоу-1 D	N/A	02.02.2007, 16:28	CZ-3A	2007-003A₽	30323 മ	сведён с орбиты ⁽²³⁾	выведен с февраля 2009	
1	Компас М1	N/A	13.04.2007, 20:11	CZ-3A	2007-011A@	31115₺	<u>СОО,</u> ~21 500 км	выведен	
2	Компас G2	N/A	14.04.2009, 16:16	CZ-3C	2009-018A₽	34779🗗	неконтролируемая ^[24]	выведен	
3	Компас G1	N/A	16.01.2010, 16:12	CZ-3C	2010-001A₽	36287 ₽	ГСО, 140° в. д. ^[15]	в резерве	
4	Компас G3	N/A	02.06.2010, 15:53	CZ-3C	2010-024A₽	36590₽	ГСО, 110,5° в. д.	в резерве	
5	Компас IGSO-1	C06	31.07.2010, 20:50	CZ-3A	2010-036A@	36828₺	Геосинхронная, накл. 55°; 118° в. д.	действующий	
6	Компас G4	C04	31.10.2010, 16:26	CZ-3C	2010-057A₽	37210 @	ГСО, 160° в. д.	действующий	
7	Компас IGSO-2	C07	17.12.2010, 20:20	CZ-3A	2010-068A <mark>&</mark>	37256 <mark></mark> ණ	Геосинхронная, накл. 55°; 118° в. д.	действующий	

Рисунок 1 - Состояние системы BeiDou с сайта Википедия

Из таблицы рисунка 1, с сервис «Википедия», видно, что спутник 7 имеет ID 2010-068A и SCN 37256. Введем в сервисе CelesTrak, SCN спутника и проведем моделирование на момент времени 15:00, 16 февраля 2021, так как на данном сервисе отсчет времени происходит по UTC(0).



18:00 МСК 16 февраля до 06:00 МСК 17 февраля 2021 года.

Рисунок 2 - Моделирование с помощью сервиса CelesTrak

2. Расчет графика угла места собственного спутника от времени

Настроим для моделирования GNSS Planning Online, координаты установим в соответствии с расположеним антенны — и они будут соответствовать значению корпуса Е МЭИ «55.756555, 37.702868». Начальное время будет соответствовать 18:00, временной пояс будет равен +3 (UTC +3) на всем этапе моделирования в сервисе GNSS Planning Online.

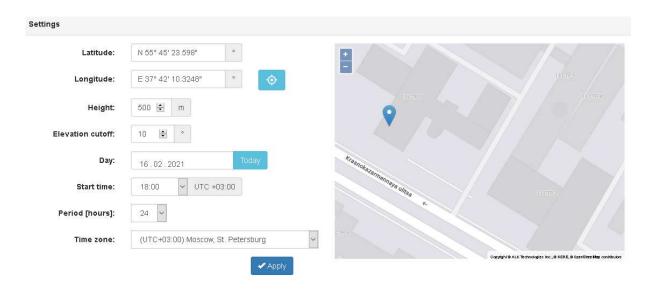


Рисунок 3 — Заданные параметры моделирования в сервисе Trimble GNSS Planning

Так же ограничим количество отображаемых спутников и оставим в моделирование только нужны нам спутник – C07.

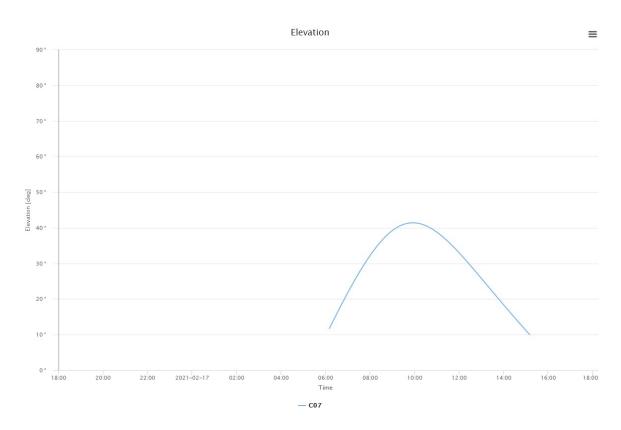


Рисунок 4 — График угла места собственного спутника от времени

По графику видно, что на указанном в задание интервале с 18:00 – 06:00, спутник не был виден, в область видимости же он попадает только после конца заданного интервала и виден 17 февраля с 6:10 до 15:10.

3. Расчет диаграммы угла места и азимута спутника

Так как сервис для определения Sky Plot используется тот же - Trimble GNSS Planning Online, то настройки оставим прежние, и проведем моделирование Sky Plot во временном интервале с 6:10 до 15:10 и зафиксируем положение спутника на небосводе в критических точках.

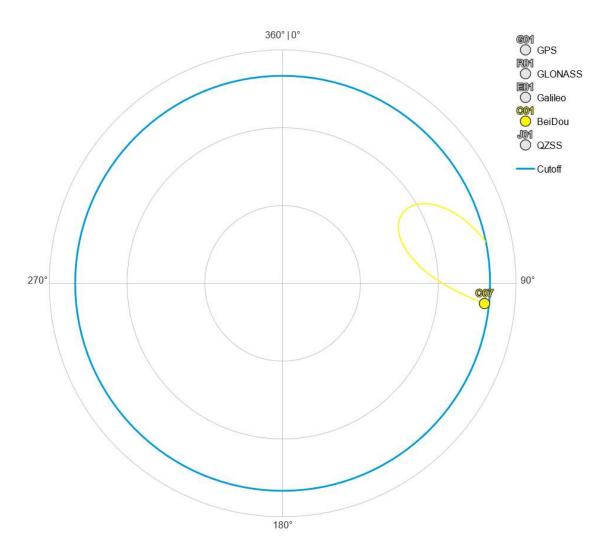


Рисунок 5 – Моделирование с помощью сервиса Trimble GNSS Planning в 17 февраля 2021 в 06:10

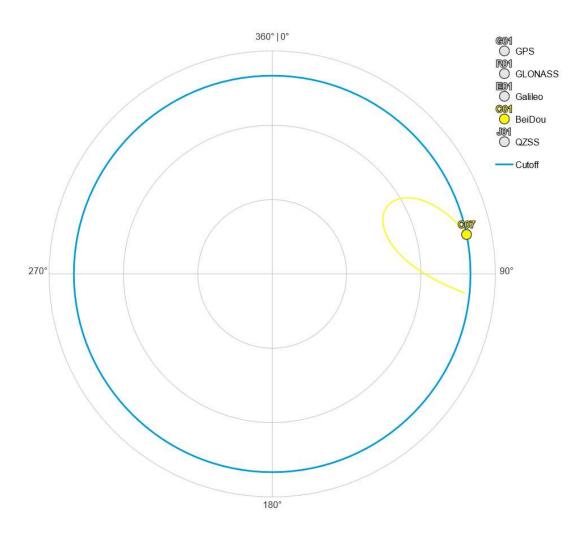


Рисунок 6 – Моделирование с помощью сервиса Trimble GNSS Planning в 17 февраля 2021 в 15:10

4. Формирование таблицы эфемерид собственного спутника

Таблица 1. Значения эфемерид спутника

Параметры	Значения	Размерность
Sat	07	-
Toe	284400000.000	МС
Crs	1.16406250000000000e+01	M
Dn	1.98079681996976564e-12	рад/с
M0	-2.45617118216572505e+00	рад
Cuc	2.35158950090408325e-07	рад
e	8.14774842001497746e-03	-
Cus	-2.74321064352989197e-06	рад
sqrtA	6.49292568778991699e+03	$_{ m M}^{1/}{}_{ m 2}$
Cic	-2.70549207925796509e-07	рад
omega0	2.63970155955976082e+00	рад
Cis	-1.01979821920394897e-07	рад
i0	8.91248838651520714e-01	рад
Crs	3.05328125000000000e+02	M
omega	-2.52291283308052350e+00	рад
OmegaDot	-2.82868925483299065e-12	рад/мс
iDot	-2.30009580822278564e-13	рад/мс
Tgd	2.43000000000000000e+05	МС
toc	2.8440000000000000e+08	MC
af2	0.00000000000000000e+00	MC^{-1}
af1	-1.36628486302470264e-11	-
af0	-9.36393141746520996e-01	MC
URA	0	-
IODE	257	-
IODC	1	-
codeL2	0	-
L2P	0	-
WN	789	-

ВТОРОЙ ЭТАП: Моделирование

2.1 Реализация в Matlab

Для расчета были использованы данные из таблицы 1, полученные на прошлом этапе. Начальная точка во времени была выбрана 16-ое число. Так как 16-ое число является началом 2-ой недели, то можем отнять от 16-ти 14 дней. Поскольку время у нас московское, то вычтем 3 часа (UTC+3) и переведём в секунды и получим: $((16-2\cdot7)+18-3)\cdot60\cdot60=226800$ [c].

2.2 Траектории спутника

Алгоритм расчета был взят из [ИКД Beidou, сигнал B1 стр.36]. Скорость вращения земли (Ω e) была взята из [ИКД Beidou, сигнал B1 стр.3]. Построенные траектории в различных СК можно увидеть на рис. 7 и 8. Алгоритм в приложение A.

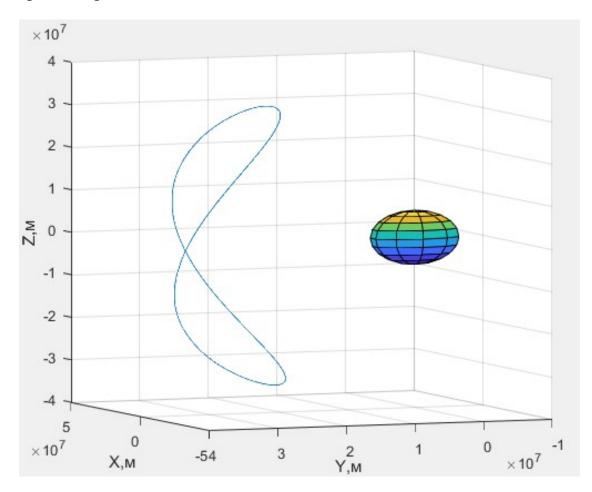


Рисунок 7 – Траектория спутника в СК ECEF WGS84

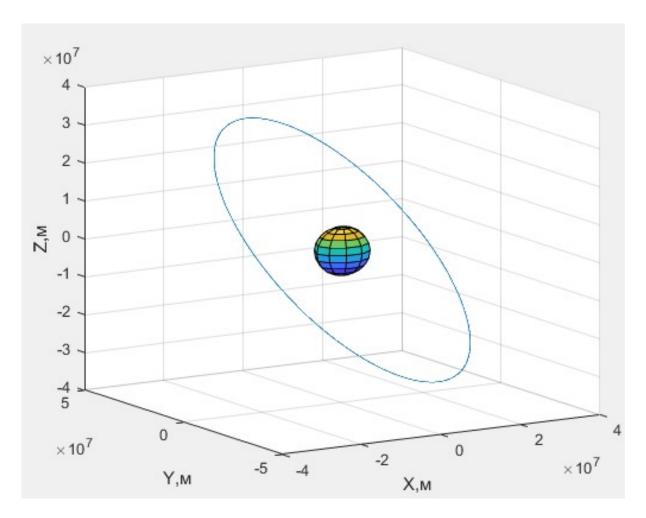


Рисунок 8 — Траектория спутника в инерциальной СК

2.3 Построение SkyView.

Для сравнения с моделью полученный с помощью сервиса Trimble GNSS Planning в 1-ом этапе с рассчитанной SkyView. Полученный результат продемонстрирован на рисунке 9.

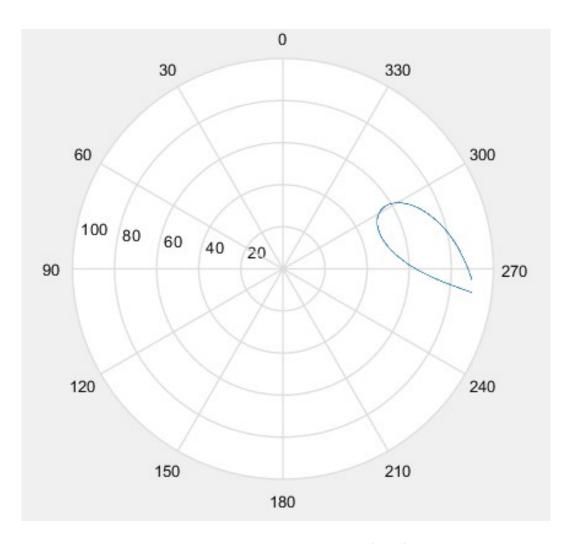


Рисунок 9 – Рассчитанный SkyView

ТРЕТИЙ ЭТАП: Реализация

3.1 Описание кода реализации

Задача была решена с помощью компилятора Code::Blocks. Программа представляет собой сборку из трех главных и двух заголовочных файлов. Далее будут рассмотрены данные файлы.

Файл main.cpp это основа проекта. В нем происходит запись координат и сравнение со значениями, полученными в Matlab на прошлом этапе. Его можно подробнее увидеть в приложении Б. Для сравнения значений, Matlab записывает координаты в файл «matlab.txt».

В файле «Soordinate.cpp» программный код происходит расчёт координат по эфемеридам, находящимся в main.cpp. С кодом можно ознакомиться в приложении В.

Решение уравнения Кеплера реализуется в файле «Kepler.cpp». Код можно увидеть в приложении Г.

А также два заголовочных файла «Kepler.h» и «Soordinate.h». Содержание данных файлов можно увидеть в приложениях Д и Е.

3.2 Результат

```
Общее время расчёта, с: 3
Среднее время расчёта, с: 0.000069
Максимальная разность координат(значение домножено на 10^7): 5,811453
```

Рисунок 10 – Результат работы программы

Следовательно, максимальная разность координат значения 581 нм. Общее время расчета колеблется в районе 3 секунд, время одной итерации примерно 69 мкс.

3.3 Анализ работы программы

Дальнейший анализ производился с помощью Visual Studio где есть вкладка отладки. С помощью неё мы и будем проводить анализ программы.

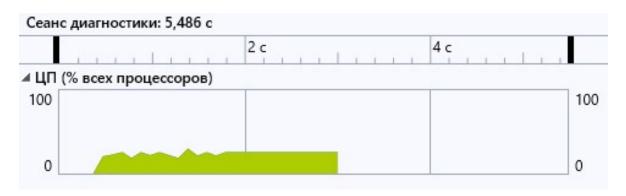


Рисунок 11 – График ЦП

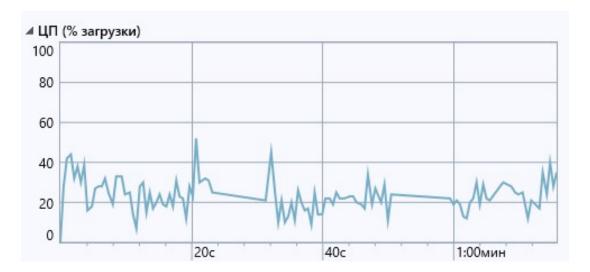


Рисунок 12 – График загрузки ЦП

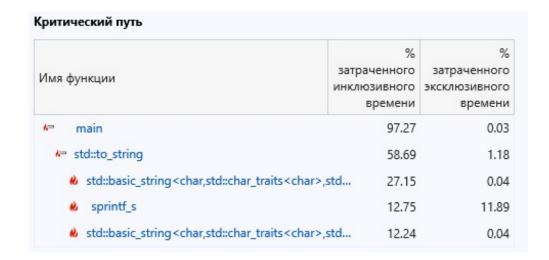


Рисунок 13 – Распределение вызовов по времени

Римя	Эксклюзивное время %		
_RTC_CheckEsp	19.93		
std::_Container_proxy::_Container_proxy	12.20		
sprintf_s	11.89		
std::allocator <std::_container_proxy>::allocate</std::_container_proxy>	9.06		
std::basic_ostream <char,std::char_traits<char> >:</char,std::char_traits<char>	8.54		

Рисунок 13 – Распределение функций по времени

На рисунке 15 показано использование памяти процесса по времени. Утечки не были обнаружены.

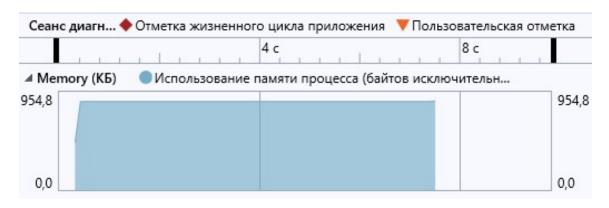


Рисунок 14 – Результат работы программы

При расчете в разных средах программирования или Matlab и C++ имеют некоторые отличия, которые, как и во времени выполнения (что можно заметить невооружённым взглядом), так и в точности.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В данном курсовом проекте были проведены:

- ознакомительные работы с помощью таких сторонних средств как «Trimble GNSS Planning» и CelesTrak. Данные сервисы (средства) показывали то, что мы должны будем сделать в последующих этапах.
- разработки в среде Matlab, был произведён расчет координат для заданного спутника, так же были получены сравнимые значения и графические отображения траекторий и основных характеристик.
- была проанализирована разработанная программа, но и полученные ранее результаты программы как написанные на C++ так и в Matlab.

Список использованной литературы

- 1)https://www.srns.ru/wiki/Аппаратура_потребителей_спутниковых_радион авигационных_систем_(дисциплина)
- 2) BeiDou Navigation Satellite System Signal In Space, Interface Control Document, Open Service Signal B1I (Version 3.0), China Satellite Navigation Office, February 2019.
- 3) https://ru.wikipedia.org/wiki/Бэйдоу
- $4) https://gssc.esa.int/navipedia/index.php/GPS_and_Galileo_Satellite_Coordinates_Computation$
- 5) http://www2.unb.ca/gge/Resources/beidou_icd_english_ver2.0.pdf

• ПРИЛОЖЕНИЕ А

```
close all;
clear all;
clc;
Toe = 284400;
Crs = 1.1640625000000000000e+01;
mu = 3.986004418e+14;
dn = 1.98079681996976564e-12;
Cuc = 2.35158950090408325e-07;
e = 8.14774842001497746e-03;
Cus = -2.74321064352989197e-06;
A = 6.49292568778991699e+03^2;
Cic = -2.70549207925796509e-07;
Wo = 2.63970155955976082e+00;
Cis = -1.01979821920394897e - 07;
Io = 8.91248838651520714e-01;
Crc = 3.053281250000000000e+02;
Mo = -2.45617118216572505e+00;
We = 7.2921150e-5;
W = -2.52291283308052350e+00;
Wdot = -2.82868925483299065e-12;
idot = -2.30009580822278564e-13;
T = 226800;
wur = 55.45235679;
dl = 37.42120145;
H = 200;
for j=1:86400;
no = sqrt(mu/(A^3));
Tk=T-Toe;
n=no+dn;
M = Mo + n * Tk;
E=0;
for 1=1:100;
E=M+e*sin(E);
end
nu = atan2(sqrt(1-e^2)*sin(E),cos(E)-e);
F1 = nu+W;
du = Cus*sin(2*F1)+Cuc*cos(2*F1);
dr = Crs*sin(2*F1)+Crc*cos(2*F1);
di = Cis*sin(2*F1)+Cic*cos(2*F1);
F2 = F1+du;
r = A*(1-e*cos(E))+dr;
i = Io+di+idot*Tk;
poX = r*cos(F2);
poY = r*sin(F2);
Omega = Wo+(Wdot-We)*(Tk)-We*Toe;
x = poX*cos(Omega) - poY*cos(i)*sin(Omega);
y = poX*sin(Omega)+poY*cos(i)*cos(Omega);
z = poY*sin(i);
Resfix(j,:) = [x y z];
phi = We*Tk;
xc = x*cos(phi)-y*sin(phi);
yc = x*sin(phi)+y*cos(phi);
zc = z;
ResECI(\dot{j},:)=[xc yc zc];
[East, North, Up] = ecef2enu(x, y, z, wur, dl,H, wgs84Ellipsoid);
R = sqrt(East^2 + North^2 + Up^2);
```

```
el(j) = rad2deg(-asin(Up/R))+90;
az(j) = atan2(East, North);
T=T+1;
end
[X, Y, Z] = sphere(10);
figure;plot3(Resfix(:,1),Resfix(:,2),Resfix(:,3));
hold on;
surf(X*6.371*10^6, Y*6.371*10^6, Z*6.371*10^6);
grid on;
xlabel('X,M');
ylabel('Y, M');
zlabel('Z,M');
figure; plot3(ResECI(:,1),ResECI(:,2),ResECI(:,3));
hold on;
surf(X*6.371*10^6, Y*6.371*10^6, Z*6.371*10^6);
grid on;
xlabel('X,M');
ylabel('Y, M');
zlabel('Z,M');
s = 1;
for y = 1:length(el);
 if el(y) <= 90;
    Cel(s) = el(y);
    Caz(s) = az(y);
    s = s+1;
 end
end
figure;
polar(2*pi-Caz, Cel);
camroll(90);
```

```
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <string>
#include "Soordinate.h"
#include "Kepler.h"
#include <ctime>
#include <cmath>
using namespace std;
int main()
     Efemeridi Efemer;
     Efemer.mu = 3.986004418E+14;
     Efemer.we = 7.2921150e-5;
     Efemer.toe = 284400;
     Efemer.A = 4.215808398716217e+07;
     Efemer.e = 8.14774842001497746e-03;
     Efemer.M0 = -2.45617118216572505;
     Efemer.omega = -2.52291283308052350;
     Efemer.i0 = 8.91248838651520714e-01;
     Efemer.omega0 = 2.63970155955976082;
     Efemer.del n = 1.98079681996976564e-12;
     Efemer.i dot = -2.30009580822278564e-13;
     Efemer.omega dot = -2.82868925483299065e-12;
     Efemer.c_uc = 2.35158950090408325e-07;
     Efemer.c_us = -2.74321064352989197e-06;
     Efemer.c rc = 3.053281250000000000e+02;
     Efemer.c_rs = 1.16406250000000000e+01;
     Efemer.c_ic = -2.70549207925796509e-07;
     Efemer.c is = -1.37835741043090820E-07;
     time_t start, end;
     double t = 226800;
     double delta t = 1;
     double* coord = new double[3];
     double* coord_matlab = new double[3];
     double max del = 0;
     ofstream out;
     out.open("cpp.txt");
     ifstream in("matlab.txt");
     time(&start);
     for (int i = 0; i < (43200 / delta t); i++)
           Ocoord(t, coord, Efemer);
            t += delta t;
            string coord str1 = to string(coord[0]);
            string coord str2 = to string(coord[1]);
            string coord_str3 = to_string(coord[2]);
           out << coord str1 << " " << coord str2 << " " << coord str3 <<
endl;
           in >> coord matlab[0] >> coord matlab[1] >> coord matlab[2];
            for (int j = 0; j < 3; j++)
                  if (abs(coord[j] - coord matlab[j]) > max del)
                       max del = abs(coord[j] - coord matlab[j]);
                  }
            }
     max_del = max_del * 10000000;
```

```
time(&end);
     in.close();
     delete[] coord;
     delete[] coord_matlab;
     coord = nullptr;
     coord_matlab = nullptr;
     double seconds = difftime(end, start);
     string seconds1 = to_string(seconds / 43200 / delta_t);
setlocale(LC_ALL, "rus");
     cout << "\n\\overline{t}\t0бщее время расчёта, c: " << seconds << endl;
     cout << "\n\t\tСреднее время расчёта, c: " << seconds1 << endl;
     string max del1 = to string(max del);
     10^7): " << max del1 << endl;
     out.close();
     in.close();
}
```

```
#include "Soordinate.h"
#include <iostream>
#include <math.h>
#include <ostream>
#include "Kepler.h"
using namespace std;
void Ocoord(double t, double* coord, Efemeridi Ef)
       double tk = t - Ef.toe;
       double Mk = Ef.M0 + (sqrt(Ef.mu) / pow(sqrt(Ef.A), 3) + Ef.del_n) * tk;
       double Ek = kepler(Mk, Ef.e);
       double Vk = atan2(sqrt(1 - pow(Ef.e, 2)) * sin(Ek), cos(Ek) - Ef.e);
       double Uk = Ef.omega + Vk + Ef.c uc * cos(2 * (Ef.omega + Vk)) + Ef.c us * sin(2 *
(Ef.omega + Vk));
       double rk = Ef.A * (1 - Ef.e * cos(Ek)) + Ef.c rc * cos(2 * (Ef.omega + Vk)) +
Ef.c_rs * sin(2 * (Ef.omega + Vk));
       double ik = Ef.i0 + Ef.i_dot * tk + Ef.c_ic * cos(2 * (Ef.omega + Vk)) + Ef.c_is *
sin(2 * (Ef.omega + Vk));
       double lambk = Ef.omega0 + (Ef.omega_dot - Ef.we) * tk - Ef.we * Ef.toe;
       coord[0] = (cos(-lambk) * cos(-Uk) - sin(-lambk) * cos(-ik) * sin(-Uk)) * rk;
coord[1] = (-sin(-lambk) * cos(-Uk) - cos(-lambk) * cos(-ik) * sin(-Uk)) * rk;
       coord[2] = (sin(-ik) * sin(-Uk)) * rk;
}
                                                                         ПРИЛОЖЕНИЕ Г
#include "Kepler.h"
#include <math.h>
double kepler(double Mk, double e) {
       double Ek = Mk;
       double Ek1;
       do {
              Ek1 = Ek;
              Ek = Mk + e * sin(Ek);
       } while (fabs(Ek1 - Ek) > 0.0000001);
       return Ek;
}
                                                                         ПРИЛОЖЕНИЕ Д
#ifndef KEPLER H
#define KEPLER H
double kepler(double Mk, double e);
#endif /* #ifndef KEPLER H */#pragma once
```

ПРИЛОЖЕНИЕ Е

```
#ifndef COORDINATE_H
#define COORDINATE_H
typedef struct {
      double mu;
      double we;
      double toe;
      double A;
      double e;
      double M0;
      double omega;
      double i0;
      double omega0;
      double del_n;
      double i_dot;
      double omega_dot;
      double c_uc;
      double c_us;
      double c_rc;
      double c_rs;
      double c_ic;
      double c_is;
} Efemeridi;
void Ocoord(double t, double* coord, Efemeridi Ef);
#endif /* #ifndef GPSSVPOS_H */#pragma once
```