ФГБОУ ВО

Национальный исследовательский университет «МЭИ» »

Институт радиотехники и электроники Направление радиоэлектронные системы и комплексы Кафедра радиотехнических систем



Курсовой проект по курсу «Аппаратура потребителей СРНС»

Выполнил студент:

Муратов Николай Сергеевич группа: ЭР-15-17

Проверил:

к.т.н., доцент Корогодин Илья Владимирович

Содержание

1	Oor	работка логов навигационного приемника	3							
	1.1	Цель проекта	3							
	1.2	Задание	3							
	1.3	Основная часть	4							
		1.3.1 Теоретическая часть	4							
		1.3.2 Решение задачи	6							
		1.3.3 Приложение 1	9							
	1.4	Выводы	19							
2	Mo,	оделирование траектории движения								
	2.1	Цель проекта	20							
	2.2	Задание	20							
	2.3	Основная часть	21							
		2.3.1 Пункт 1	21							
		2.3.2 Пункт 2	31							
		2.3.3 Пункт 3	33							
	2.4	Выводы								
3	Pea	лизация модуля расчета координат	35							
	3.1	Задание	35							
	3.2	Основная часть								
		3.2.1 Теоретическая часть	36							
		3.2.2 Решение задачи								
		3.2.3 Приложение 2								
	3.3	Выводы								

Этап 1

Обработка логов навигационного приемника

1.1 Цель проекта

Конечная цель всего курсового проекта - получить библиотеку функций на Cu++, позволяющую рассчитывать положение спутника GPS по данным с демодулятора его сигнала L1 C/A. На первом этапе реализуем модуль разбора навигационного сообщения до структуры эфемерид, сравним результаты со сторонней программой.

1.2 Задание

В неизвестной локации установлен навигационный приемник, принимающий сигналы GPS L1C/A и логирующий результаты этого приема в формате NVS BINR. Собранный на пятиминутном интервале файл приложен в архиве под именем BINR.bin, см. таблицу вариантов. Файл содержит наблюдения псевдодальностей и прочих радионавигационных параметров, демодулированные и разобранные данные навигационного сообщения.

Для удобства студентов данные демодулятора продублированы в текстовый файл in.txt. Каждая строка файла содержит данные одного сабфрейма одного навигационного сигнала в формате:

 $1\ 0\ 013\ 0R\ GpsL1CA\ 13\ 212130404\ 29\ 125\ 53\ 100010111010...$

где 13 - номер спутника, 212130404 - счетчик сабфреймов в сигнале, 53 - ID сабфрейма в навигационном сообщении, где в первых трех битах содержится номер сабфрейма в фрейме (5 в данном примере), а далее - номер фрейма в сообщении (6 в данном примере), 1000101110... символы с демодулятора в порядке возрастания времени слева направо.

Муратов Николай Сергеевич: спутник №4.

Требуется:

- Разработать программу, обрабатывающую файл in.txt и выводящую в файл out.txt таблицу эфемерид для спутника согласно варианту в заданном формате.
- Обработать файл BINR.bin с помощью программы RTKNAVI из состава RTKLIB. Определить день и место проведения наблюдений, значения эфемерид для спутника согласно номеру варианта (меню открывается в левом нижнем углу экрана по нажатию на квадрат)
- Сравнить полученные таблицы
- Оформить код программы и разместить на Github
- Оформить отчет по этапу и разместить на Github
- Завести Pull Request

Программа должна компилироваться gcc, все входные данные брать из in.txt, весь вывод осуществлять в out.txt.

1.3 Основная часть

1.3.1 Теоретическая часть

Целью передачи навигационных сообщений является возможность декодирования битового потока в параметры, с помощью которых можно определить положение устройства-приемника. Для определения своего местоположения требуется весь кадр сообщения. Но это не означает, что требуется непрерывный сбор данных. Это было бы очень неэффективно по времени и бесполезно. Как только данные были получены, они имеют срок службы, в течение которого они действительны. GPS эфемериды действительны в течение 2 часов, GPS альманах - в течение 24 часов. С момента получения этих данных, необходимо только постоянно обновлять время, коды дальности (и некоторые другие).

LNAV состоит из пяти подкадров. Подкадры 1-3 не содержат страниц, они декодируются сами по себе, поэтому они рассматриваются как наименьший декодируемый блок и включаются сами по себе. Подкадры 4-5 содержат определенные страницы. Каждая страница декодируется сама по себе, поэтому каждая страница рассматривается как наименьший декодируемый блок, но в данной работе нас интересуют лишь первые 3 подкадра.

Каждый подкадр состоит из 10 слов по 30 бит, то есть подкадр состоит из 300 символов. Одно слово может содержать как один, так и сразу несколько параметров. Но также существуют параметры разделенные на несколько слов (splitted parameters), пример их расположения можно увидеть на рис. 1.3.1.

Второй подкадр					
2	Preamble	Preamble	8	0	7
2	TLM_MSG	Telemetry_Message	14	8	21
2	ISF	Integrity_Status_Flag	1	22	22
2	Reserved	Reserved	1	23	23
2	P	Parity	6	24	29
2	MSG_TOW	Message_Time_Of_Week_Count	17	30	46
2	ALERT	Alert_Flag	1	47	47
2	ASF	Anti_Spoof_Flag	1	48	48
2	Sub_ID	Subframe_ID	3	49	51
2	t	Parity_Computation	2	52	53
2	P	Parity	6	54	59
2	IODE	E_IOD_Ephemeris	8	60	67
2	C_rs	E_Harmonic_Corr_rs	16	68	83
2	P	Parity	6	84	89
2	DEL_n	E_Mean_Motion_Diff	16	90	105
2	M_0	E_Mean_Anomaly_At_Ref_T	8	106	113
2	P	Parity	6	114	119
2	M_0	E_Mean_Anomaly_At_Ref_T	24	120	143
2	P	Parity	6	144	149
2	C_uc	E_Harmonic_Corr_uc	16	150	165
2	е	E_Eccentricity	8	166	173
2	P	Parity	6	174	179
2	е	E_Eccentricity	24	180	203
2	P	Parity	6	204	209
2	C_us	E_Harmonic_Corr_us	16	210	225
2	A_1/2	E_SQRT_Semi_Major_Axis	8	226	233
2	P	Parity	6	234	239
2	A_1/2	E_SQRT_Semi_Major_Axis	24	240	263
2	P	Parity	6	264	269
2	t_0e	E_Ref_T	16	270	285
2	FIF	Fit_Interval_Flag	1	286	286
2	AODO	Age_Of_Data_Offset	5	287	291
2	t	Parity_Computation	2	292	293
2	P	Parity	6	294	299

Рисунок 1.3.1 — LNAV Подкадр(Subframe) 2 структурирован в электронную таблицу. Строки, выделенные красным цветом являются резделенными параметрами

1.3.2 Решение задачи

Имеем входные данные:

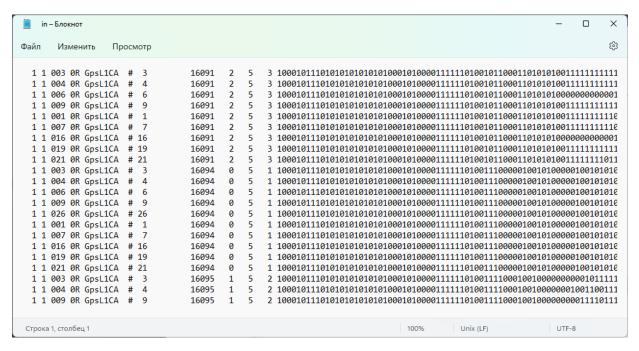


Рисунок 1.3.2 — Входной файл in.txt

Задача решается в несколько следующих этапов:

- Открыть файл;
- Найти в потоке подкадров первые три, исходящие от необходимого спутника;
- Извлечь их в отдельную структуру данных;
- Достать из подкадров данные эфемерид (данный этап для некоторых переменный состоит из двух действий, т.к. необходимо не только выбрать необходимые биты, но и преобразовать их из дополнительного кода в прямой с помощью оператора побитового дополнения это унарный оператор (работает только с одним операндом). Он обозначается символом и меняет двоичные цифры 1 на 0 и 0 на 1;
- Вывести найденные параметры в терминал;
- Сохранить в файл out.txt

Листинг программы располагается в Приложении 2. Выходной файл out.txt:

Рисунок 1.3.3 — Выходной файл

Приведем данные, обработанные open-source программой RTKNAVI рис. 1.3.5:

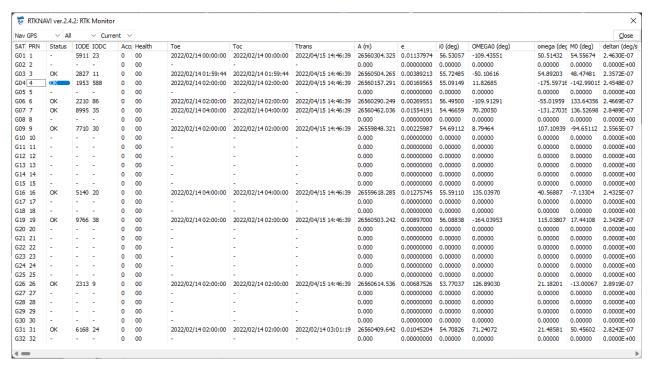


Рисунок 1.3.4 - RTKNAVI результат 1/2

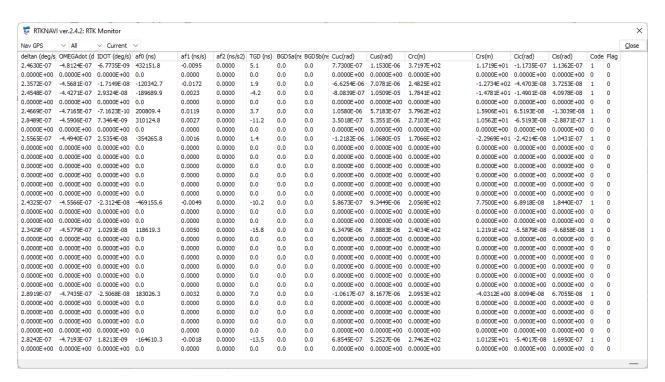


Рисунок 1.3.5 - RTKNAVI результат 2/2

Видим, что данные эфемерид сходятся, значит программа работает должным образом.

1.3.3 Приложение 1

Листинг $1.1 - \Pi$ рограмма декодирования подкадров навигационного сообщения GPS

```
_{1} // Made on Earth by Murathon.
4 #include <iostream>
5 #include <fstream>
6 #include <windows.h>
7 #include < string >
8 #include <stdlib.h>
9 #include <cmath>
#include <stdio.h>
| #include <bitset>
#define P2 5
                       pow(2, -5)
#define P2 55
                       pow(2, -55)
#define P2 43
                       pow(2, -43)
#define P2 31
                       pow(2, -31)
#define P2 4
                       pow (2,4)
18 #define P2 19
                       pow(2, -19)
                       pow(2, -29)
#define P2 29
#define P2 33
                       pow(2, -33)
#define SemiCirc
                       180
 using namespace std;
 struct Ephemeris {
      double
                 Crs:
27
      double
                 Dn;
      double
                M0;
      double
                Cuc;
      double
31
                e ;
      double
                Cus;
32
      double
                sqrtA;
33
      uint32 t toe;
      double
                Cic:
35
```

```
double
                Omega0;
36
      double
                Cis;
37
      double
                i0;
      double
                Crc;
39
      double
                omega;
40
      double
                OmegaDot;
41
      double
                iDot;
42
      int16 t
                Tgd;
      uint32 t toc;
44
      double
                af2;
45
      double
                af1;
46
      double
                af0;
47
      uint16 t WN;
48
      uint16 t IODC;
49
      uint32 t URA;
50
      uint32 t
                 Health;
51
      uint16 t IODE2;
      uint16 t IODE3;
53
      bool
                codeL2;
54
      bool
                L2P;
55
      uint32_t slot;
  };
57
58
  struct nssrSF {
      uint32 t slot;
60
      string sf1;
      string sf2;
      string sf3;
63
64 };
65
  void parsStr(nssrSF *Rdata);
  uint32 t pickSplitParam(string sf, uint16 t FS, int HMF, uint16 t
     FtS, int HMS);
  void printEPH(Ephemeris* EPH);
  void saveEPH(Ephemeris* EPH);
  void decodeSF(Ephemeris* EPH, nssrSF *data);
 int64 t pick32(string sf, int32 t FrmN, int HmR);
72
73
74 int main(void)
```

```
{
75
       nssrSF data:
76
       parsStr(&data);
       cout << data.sf1 << endl << data.sf2 << endl << data.sf3 << endl
78
       Ephemeris *EPH = (Ephemeris*) calloc(1, size of(Ephemeris));
79
       decodeSF(EPH,&data);
80
       printEPH(EPH);
       saveEPH(EPH);
       free (EPH);
83
84
85
86
87
  void parsStr(nssrSF *Rdata)
  {
89
90
       SetConsoleOutputCP(CP UTF8);
       string path = "in.txt";
92
93
       ifstream fin;
94
       fin.open(path);
96
       if(fin.is open()) {
97
98
            cout << Файл " открыт. " << endl;
            while (!fin.eof()) {
100
                int N = 3;
101
                string rubber;
102
                int nmbr stlt;
103
                uint32 t slot;
104
                uint32 t subFrameNum;
105
                string str;
106
107
                uint32 t slot SF1;
108
                uint32 t slot SF2;
109
                uint32 t slot SF3;
110
111
                int mass[N];
112
                for(int i=0; i < N; ++i)
113
```

```
{
114
                       fin >> mass[i];
115
                  }
116
                  fin >> rubber >> rubber >> rubber;
117
                  fin >> nmbr stlt >> slot >> rubber >> rubber >>
118
      subFrameNum;
                  fin >> str;
119
                  if (nmbr stlt = 4 and slot >= 604800/6)
121
122
                       if (subFrameNum == 1)
123
                       {
                            slot SF1 = slot;
                            Rdata \rightarrow sf1 = str;
126
127
                       else if (subFrameNum == 2)
128
                       {
129
                            slot SF2 = slot;
130
                            Rdata \rightarrow sf2 = str;
131
132
                       }
133
                       else if (subFrameNum == 3)
134
                       {
135
                            slot SF3 = slot;
136
                            Rdata \rightarrow sf3 = str;
137
                       }
138
139
                       if (slot SF1 + 1 = slot SF2 and slot SF2 + 1 =
140
      slot SF3) {
                            Rdata \rightarrow slot = slot SF1;
141
                            return;
142
                       }
143
144
                  }
145
                   //
146
             }
147
        }
148
        else
149
        {
150
             cout << Ошибка" открытия файла!!!" << endl;
```

```
}
152
                 fin.close();
153
155
156
      void saveEPH(Ephemeris* EPH)
      {
158
                 ofstream fout;
159
                 string path = "out.txt";
160
                 fout.open(path);
161
                  if (fout.is_open()) {
162
                            cout << Выгружаю"" << endl;
164
                             fout << endl << "LNAV Ephemeris (slot = " << EPH->slot << ")
165
                 =" << endl:
                             fout << "\t Crs = " << EPH->Crs << endl;
166
                                                                                  = " << EPH->Dn << endl;
                             fout << " \setminus t \setminus t Dn
167
                                                                                = " << EPH\rightarrowM0 << "\t\t[deg]" << endl;
                             fout \ll " \setminus t \setminus t \setminus M0
168
                             fout \ll ||t|t Cuc = || \ll EPH -> Cuc \ll endl;
169
                                                                                  = " << EPH\rightarrowe << endl;
                             fout << " \setminus t \setminus t e
170
                             fout << "\t Cus = " << EPH->Cus << endl;
171
                             fout << " \ t \ t \ sqrtA = " << EPH->sqrtA << endl;
172
                             fout << "\t\t toe = " << EPH->toe << endl;
173
                             fout \ll ||t|t Cic = || \ll EPH \gg Cic \ll endl;
174
                             fout << "\t \ Omega0 = " << EPH->Omega0 << "\t \ [deg]" <<
175
              endl;
                             fout \ll ||t|t Cis = || \ll EPH > Cis \ll endl;
176
                             fout \ll ||t|t i0 = || \ll EPH > i0 \ll ||t|t|deg|| \ll endl;
177
                             fout << "\t\t Crc = " << EPH->Crc << endl;
178
                             fout << "\t \ omega = " << EPH->omega << "\t \ t \ deg \ d
179
                             fout << "\t \ ome Dot = " << EPH->OmegaDot << "\t \ f \ deg/s ]"
180
              << endl;
                             fout << "\t \ iDot = " << EPH->iDot << "\t \ [deg/s]" <<
181
              endl:
                             fout << "\t \ Tgd = " << EPH->Tgd << "\t \ t \ t \ sec \ " << end \ ;
                             fout \ll ||t|t toc = || \ll EPH \rightarrow toc \ll end|;
183
                             fout \ll ||t|t \ af2 = || \ll EPH \rightarrow af2 \ll endl;
184
                             fout << "\t t \ af1 = " << EPH->af1 << endl;
185
                             fout << "\t af0 = " << EPH->af0 << endl;
186
```

```
fout \ll ||t|t WN = || \ll EPH->WN \ll end|;
187
            fout \ll ||t|t || IODC = || \ll EPH \rightarrow IODC \ll endl;
188
            fout \ll ||t|t URA = || \ll EPH \rightarrow URA \ll end|;
            fout \ll ||t|t Health| = || \ll EPH \gg Health| \ll endl;
190
            fout << " \ t \ t \ IODE2 = " << EPH->IODE2 << endl;
191
            fout \ll ||t|t|| IODE3 = || \ll EPH->IODE3 \ll endl;
192
            fout \ll ||t|t codeL2| = || \ll EPH->codeL2 \ll endl;
193
            fout << "\t\t\L2P = " << EPH->L2P << endl;
       }
195
       else
196
       {
197
            cout << Ошибка " открытия файла!!! " << endl;
199
       fout.close();
200
       cout << Готово"!":
201
202
204 void printEPH (Ephemeris* EPH)
  {
205
206
       cout << endl << "LNAV Ephemeris (slot = " << EPH->slot << ") ="
207
      << endl;
       cout \ll " \ t \ t \ Crs = " \ll EPH \rightarrow Crs \ll endl;
208
       cout \ll ||t|t Dn = || \ll EPH \gg Dn \ll endl;
209
       cout \ll ||t|t M0| = || \ll EPH > M0 \ll ||t|t [deg]|| \ll endl;
210
       cout \ll ||t|t Cuc = || \ll EPH \rightarrow Cuc \ll endl;
211
       cout \ll ||t|t e = || \ll EPH \rightarrow e \ll end|;
212
       cout \ll ||t|t Cus = || \ll EPH \gg Cus \ll endl;
213
       214
       cout \ll ||t|t toe = || \ll EPH \gg toe \ll endl;
215
       cout \ll ||t|t Cic = || \ll EPH \rightarrow Cic \ll endl;
       cout \ll ||t|t Omega0| = || \ll EPH > Omega0 \ll ||t|t|deg|| \ll endl;
       cout \ll ||t|t Cis = || \ll EPH \gg Cis \ll end|;
218
       cout \ll ||t|t i0| = || \ll EPH \rightarrow i0 \ll ||t|t[deg]|| \ll endl;
219
       cout \ll ||t|t Crc = || \ll EPH -> Crc \ll endl;
220
       cout \ll ||t|t omega = || \ll EPH->omega \ll ||t|t|deg|| \ll endl;
       cout << "\t \ omeDot = " << EPH->OmegaDot << "\t \ f \ deg/s ]" <<
222
      endl;
       cout \ll ||t|t iDot = || \ll EPH \rightarrow iDot \ll ||t|t[deg/s]|| \ll endl;
223
       cout \ll ||t|t Tgd = || \ll EPH \gg Tgd \ll ||t|t|t|sec|| \ll endl;
224
```

```
cout \ll " \mid t \mid t \mid toc = " \ll EPH \rightarrow toc \ll endl;
225
        cout \ll ||t|t af2 = || \ll EPH \rightarrow af2 \ll
                                                      endl;
226
        cout << "\t t \ af1 = " << EPH->af1 << endl;
227
        cout \ll " \setminus t \setminus t \quad af0 = " \ll EPH \rightarrow af0 \ll endl;
228
        cout \ll ||t|t WN = || \ll EPH->WN \ll endl;
229
        cout \ll ||t|t || IODC = || \ll EPH->IODC \ll endl;
230
        cout \ll ||t|t URA = || \ll EPH \gg URA \ll end|;
231
        cout << "\t\t Health = " << EPH->Health << endl;
        cout \ll ||t|t|| IODE2 = || \ll EPH \rightarrow IODE2 \ll end|;
233
        cout << "\t \ IODE3 = " << EPH->IODE3 << endl;
234
        cout \ll ||t|t codeL2| = || \ll EPH > codeL2 \ll
235
        cout \ll ||t|t L2P = || \ll EPH -> L2P \ll endl;
236
237
238
   int64_t pick32(string sf, int32 t FrmN, int HmR) {
239
       int64 t ans = 0;
240
       int64 t Rans = 0;
241
        for (int i = FrmN; i < FrmN+HmR; i++) {
242
             ans = (ans \mid ((sf[i-1] = '1')?1:0));
243
            cout \ll sf[i-1];
244
             if (i < FrmN+HmR-1){
245
                 ans = ans << 1;
246
            }
247
248
249
       return ans;
250
251
252
253
254
   int64 t compl2int(uint64 t ans, int HmZ){
       int64 t Rans = 0;
256
        if (HmZ == 8){
257
             if (bool((1<<7) & ans)){
258
                 ans |= 0xFFFFFFFFFF60;
259
                 Rans = ^{\sim}(ans - 1);
                 /*cout << endl << bitset <64>(Rans).to string() << endl;*/
261
                  return -Rans;
262
            }
263
264
```

```
}
265
       if (HmZ = 14)
266
            if (bool((1<<13) & ans)){
                ans |= 0xFFFFFFFFC000;
268
                Rans = ^{\sim}(ans - 1);
269
                return -Rans;
270
            }
271
       }
273
       if (HmZ = 16) {
274
            if (bool((1<<15) & ans)){
275
                ans |= 0xFFFFFFFFF0000;
276
                Rans = ^{\sim}(ans-1);
                return -Rans;
278
            }
279
280
       }
281
       if (HmZ = 22) {
282
            if (bool((1<<21) & ans)){
283
                ans |= 0xFFFFFFFFC00000;
284
                Rans = ^{\sim}(ans-1);
                return -Rans;
           }
287
288
       }
289
       if (HmZ = 24)
290
            if (bool((1<<23) & ans)){
291
                ans |= 0xFFFFFFFF000000;
292
                Rans = (ans -1);
293
                return -Rans;
294
            }
296
       }
297
       if (HmZ = 32) {
298
            if (bool((1<<31) & ans)){
299
                Rans = (ans - 1);
301
                return -Rans;
302
            }
303
304
```

```
}
305
       return ans;
306
307
  uint32 t pickSplitParam(string sf, uint16 t FS, int HMF, uint16 t
308
     FtS, int HMS) {
       uint32_t ans = 0;
309
310
       for (int i = FS; i < FS+HMF; i++) {
           ans = (ans \mid ((sf[i-1] = '1')? 1 : 0)) << 1;
312
313
       for (int i = FtS; i < FtS+HMS; i++) {
314
           ans = ans |((sf[i-1] == '1')? 1 : 0);
315
           if (i < FtS+HMS-1){
                ans = ans << 1;
317
318
       }
319
320
       return ans;
321
322
323 }
  void decodeSF(Ephemeris* EPH, nssrSF *data){
326
       EPH—>slot = data—>slot;
327
328
       EPH->Crs = compl2int(pick32(data->sf2,69,16),16)*P2 5;
329
330
       EPH->Dn = compl2int(pick32(data->sf2,91,16),16)*P2 43;
331
332
       EPH->M0 = compl2int(pickSplitParam(data->sf2,107, 8, 121, 24)
333
      EPH->Cuc = compl2int(pick32(data->sf2,151,16),16)*P2 29;
335
336
       EPH\rightarrow e = pickSplitParam(data \rightarrow sf2, 167, 8, 181, 24) * P2 33;
337
338
       EPH->Cus = compl2int(pick32(data->sf2,211,16),16)*P2 29;
339
340
       EPH—>sqrtA = pickSplitParam(data—>sf2,227, 8, 241, 24) * P2 19;
341
342
```

```
EPH->toe = pick32(data->sf2,271,16)*pow(2,4);
343
344
        EPH\rightarrow Cic = compl2int(pick32(data->sf3,61,16),16)*P2 29;
345
346
        EPH->Omega0 = compl2int(pickSplitParam(data->sf3,77, 8, 91, 24)
347
       ,32)*P2_31*SemiCirc;
348
       EPH->Cis = compl2int(pick32(data->sf3,121,16),16)*P2 29;
350
        EPH\rightarrow i0 = compl2int(pickSplitParam(data \rightarrow sf3, 137, 8, 151, 24)
351
       ,32)*P2_31*SemiCirc;
352
       EPH->Crc = compl2int(pick32(data->sf3,181,16),16)*P2 5;
354
        EPH->omega = compl2int(pickSplitParam(data->sf3,197, 8, 211, 24)
355
       356
        EPH\longrightarrow OmegaDot = compl2int(pick32(data\longrightarrow sf3,241,24),24)*P2 43*
357
      SemiCirc;
358
        EPH->iDot = compl2int(pick32(data->sf3,279,14),14)*P2_43*
359
      SemiCirc;
360
        EPH\rightarrow Tgd = compl2int(pick32(data\rightarrow sf1,197,8),8)*P2 31;
361
362
        EPH\rightarrow toc = compl2int(pick32(data->sf1,219,16),16)*P2 4;
363
364
        EPH\rightarrow af2 = compl2int(pick32(data\rightarrow sf1,241,8),8)*P2 55;
365
366
        EPH->af1 = compl2int(pick32(data->sf1,249,16),16)*P2 43;
367
368
        EPH->af0 = compl2int(pick32(data->sf1,271,22),22)*P2 31;
369
370
        EPH\rightarrow MN = pick32(data \rightarrow sf1,61,10);
371
372
       EPH—>IODC = pickSplitParam(data —>sf1,83, 2, 211, 8);
373
374
        EPH\rightarrow URA = pick32(data\rightarrow sf1,73,4);
375
376
       EPH\rightarrow Health = EPH\rightarrow IODE2 = pick32(data\rightarrow sf1,73,6);
377
```

```
EPH->IODE2 = pick32(data->sf2,61,8);
EPH->IODE3 = pick32(data->sf3,271,8);
EPH->codeL2 = pick32(data->sf1,71,2);
EPH->L2P = data->sf1[90];
EPH->L2P = data->sf1[90];
```

1.4 Выводы

На первом этапе были получены эфемериды для дальнейшего написания функцию расчета положения спутника GPS на языке python.

Этап 2

Моделирование траектории движения

2.1 Цель проекта

Конечная цель всего курсового проекта - получить библиотеку функций на Cu++, позволяющую рассчитывать положение спутника GPS по данным с демодулятора его сигнала L1 C/A. На первом этапе реализуем модуль разбора навигационного сообщения до структуры эфемерид, сравним результаты со сторонней программой.

2.2 Задание

Эфемериды - параметры некоторой модели движения спутника. В разных ГНСС эти модели разные, а значит отличается и формат эфемерид, и алгоритмы расчета положения спутника.

Одна из самых простых и удобных моделей - в системе GPS.

Требуется реализовать на языке Matlab или Python функцию расчета положения спутника GPS на заданный момент по шкале времени UTC. В качестве эфемерид использовать данные, полученные на предыдущем этапе.

Построить трехмерные графики множества положений спутника GPS с системным номером, соответствующим номеру студента по списку. Графики в двух вариантах: в СК ECEF WGS84 и соответствующей ей инерциальной СК. Положения должны соответствовать суточному интервалу на дне формирования наблюдений, определенном на предыдущем этапе. Допускается использовать одни и те же эфемериды на весь рассматриваемый интервал.

Вывести значения координат спутника в файл out.txt в системе ECEF WGS 84 в виде строк: Секунда от начала дня $\mid X \mid Y \mid Z$

Используя оценку местоположения с предыдущего этапа, построить

Sky Plot за указанный временной интервал и сравнить результат с Trimble GNSS Planning Online.

Муратов Николай Сергеевич: спутник №4. Язык: Python.

Оформить отчет по результатам этапа:

- Реализация в Python;
- Таблица использованных эфемерид;
- Трехмерные графики положений спутника в ECEF и ECI (не забудьте подписать оси, изобразите соответствующую Земле сферу в начале СК)
- Расчётный и полученный в GNSS Planing Online SkyView;
- Оформить отчет по этапу и разместить на Github;
- Завести Pull Request.

2.3 Основная часть

2.3.1 Пункт 1

Так как первой развернутой на орбите ГНСС была GPS (NAVSTAR), то и первой ГНСС шкалой времени стала GPS Time (TGPS), которая сейчас отличается от UTC на 18с. Эта величина называется leap second. Эпоха в шкале времени GPS определяется номером недели (GPS Week) и номером секунды в неделе. Начало отсчета этой шкалы приходится на ночь с субботы на воскресенье 6 января 1980 г. в 00:00 ч (UTC). Каждая новая неделя также начинается в ночь с субботы на воскресенье. Номер GPS недели передается в навигационном сообщении в 10-битном поле, по этой причине по прошествии 1024 недель счетчик обнуляется. Этот эффект назван GPS week number rollover и происходит каждые 19,7 лет. Первый сброс недели произошел 21 августа 1999г, второй – 6 апреля 2019г.

GPS представление времени:

Номер недели: номер секунды от начала недели с учетом мкс.

В предыдущем пункте мы нашли номер недели и номер секунды от начала недели:

2197:93600

Переведем в UTC:

14/02/2022 03:04:44

Напишем по алгоритму из ИКД программу на языке Python, рассчитывающую координатызаданного спутника на интервале суток.

Table 30-II. Broadcast Navigation User Equations (sheet 1 of 4)

Element/Equation	Description
$\mu = 3.986005 \; x \; 10^{14} meters^3 / sec^2$	WGS 84 value of the earth's gravitational constant for GPS user
$\hat{\Omega}_e = 7.2921151467 \times 10^{-5} \text{ rad/sec}$	WGS 84 value of the earth's rotation rate
$A_0 = A_{REF} + \Delta A *$	Semi-Major Axis at reference time
$\mathbf{A}_{k} = \mathbf{A}_{0} + (\mathbf{A}) \mathbf{t}_{k}$	Semi-Major Axis
$n_0 = \sqrt{\frac{\mu}{{A_0}^3}}$	Computed Mean Motion (rad/sec)
$t_k = t - t_{oe} **$	Time from ephemeris reference time
$\Delta n_A = \Delta n_0 + \frac{1}{2} \Delta n_0^{\bullet} \ t_k$	Mean motion difference from computed value
$n_A = n_0 + \Delta n_A$	Corrected Mean Motion
$M_k = M_0 + n_A t_k$	Mean Anomaly
	Kepler's equation $(M_k = E_k - e \sin E_k)$ may be solved for Eccentric Anomaly (E_k) by iteration:
$E_0 = M_k$	- Initial Value (radians)
$E_j = E_{j-1} + \frac{M_k - E_{j-1} + e \sin E_{j-1}}{1 - e \cos E_{j-1}}$	- Refined Value, minimum of three iterations, (j=1,2,3)
$E_k = E_j$ $1 - e \cos E_{j-1}$	-Final Value (radians)
$v_k = 2 \tan^{-1} \left(\sqrt{\frac{1+e}{1-e}} \tan \frac{E_k}{2} \right)$	True Anomaly (unambiguous quadrant)

^{*} $A_{REF} = 26,559,710$ meters

^{**} t is GPS system time at time of transmission, i.e., GPS time corrected for transit time (range/speed of light). Furthermore, t_k shall be the actual total difference between the time t and the epoch time t_{oe}, and must account for beginning or end of week crossovers. That is if t_k is greater than 302,400 seconds, subtract 604,800 seconds from t_k. If t_k is less than -302,400 seconds, add 604,800 seconds to t_k.

Table 30-II. Broadcast Navigation User Equations (sheet 2 of 4)

Element/Equation *	Description			
$\Phi_k = \nu_k + \omega_n$	Argument of Latitude			
$\delta u_k = C_{us-n} sin2\Phi_k + C_{uc-n} cos2\Phi_k$	Argument of Latitude Correction Second Harmonic			
$\delta r_k = C_{rs-n} sin 2\Phi_k + C_{rc-n} cos 2\Phi_k$	Radial Correction Perturbations			
$\delta i_k = C_{is-n} \sin 2\Phi_k + C_{ie-n} \cos 2\Phi_k$	Inclination Correction			
$ \begin{aligned} u_k &= \Phi_k + \delta u_k \\ r_k &= A_k (1 - e_n \cos E_k) + \delta r_k \\ i_k &= i_{\circ n} + (i_{\circ n} \text{-DOT}) t_k + \delta i_k \\ x_k' &= r_k \cos u_k \\ y_k' &= r_k \sin u_k \end{aligned} $	Corrected Argument of Latitude Corrected Radius Corrected Inclination Positions in orbital plane			
$\begin{split} \mathring{\boldsymbol{\Omega}} &= \mathring{\boldsymbol{\Omega}}_{REF} + \Delta \mathring{\boldsymbol{\Omega}} *** \\ &\Omega_k = \Omega_{0:n} + (\mathring{\boldsymbol{\Omega}} - \mathring{\boldsymbol{\Omega}}_e) t_k - \mathring{\boldsymbol{\Omega}}_e t_{oe} \end{split}$	Rate of Right Ascension Corrected Longitude of Ascending Node			
$ \left\{ \begin{array}{l} x_k = x_k' \cos \Omega_k - y_k' \cos i_k \sin \Omega_k \\ \\ y_k = x_k' \sin \Omega_k + y_k' \cos i_k \cos \Omega_k \\ \\ z_k = y_k' \sin i_k \end{array} \right\} $	Earth-fixed coordinates of SV antenna phase center			
*** $\mathring{\Omega}_{REF} = -2.6 \times 10^{-9} \text{ semi-circles/second.}$				

Имеем входные данные:

```
LNAV Ephemeris (slot = 221473810) =

Crs = -14.7812

Dn = 1.36279e-09

M0 = -142.99 [deg]

Cuc = -8.08383e-07

e = 0.00197655

Cus = 1.0509e-05

santA = 5153.65

toe = 93600

Cic = -1.49012e-08

Omega0 = 11.8269 [deg]

Cis = 4.09782e-08

10 = 55.0915 [deg]

Crc = 178.400

omega = -175.597 [deg]

omeout = -4.4271e-07 [deg/s]

100t = 2.93244e-08 [deg/s]

Tgd = 0

toc = 93600

af2 = q|

af1 = 2.27374e-12

af0 = -0.08018769

WN = 149

100c = 588

URA = 0

Health = 0

100E2 = 76

100E3 = 76

codeL2 = 1

L2P = 1
```

Рисунок 2.3.1 — Входной файл in.txt

Листинг $2.1 - \Pi$ рограмма декодирования подкадров навигационного сообщения GPS

```
1 # Made on Earth by Murathon
2 import math
3 import numpy as np
4 import matplotlib.pyplot as plt
5 import pymap3d
  class TakeCoordinate():
      def init (self, t):
10
           self.time = t
11
           self.XYZ = np.zeros((1, 4))
12
           self.XYZv = np.zeros((1, 4))
           self.WGS XYZ = np.zeros((1, 4))
14
           self.WGS XYZv = np.zeros((1, 4))
15
16
      def coordinates(self):
17
           for i in range (86400):
18
                print(i)
19
                self.XYZv[0, 0] = i
20
                self.WGS XYZv[0, 0] = i
21
                t_k = self.time[i] - t_oe
22
                if t k > 302400:
24
                    t k = 604800
25
                if t k < -302400:
26
                    t k += 604800
28
                n = math.sqrt(mu / A ** 3)
29
                n = n 0 + Dn
30
31
                E old = M 0 + n * t k
33
                E 	ext{ old} = E 	ext{ old}
34
                E \text{ new} = E \text{ old} + e \text{ n} * \text{math.sin}(E \text{ old})
35
                i = 1
                while abs(E new - E old) > 1e-8:
```

```
E 	ext{ old} = E 	ext{ new}
                                                     E_{new} = E_{old} + e_{n} * math.sin(E_{old})
39
                                                      i += 1
                                                      if (i > 10):
41
                                                                  break
42
                                         E_k = E_new
43
44
                                         cosNu k = (math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 - e n * math.cos(E k) - e n) / (1 -
             E k))
                                         sinNu k = (math.sqrt(1 - e n ** 2) * math.sin(E k)) / (1
46
                - e n * math.cos(E k))
47
                                         Nu k = math.atan2(sinNu k, cosNu k)
48
                                          Phi k = Nu k + omega
49
50
                                          delta u k = Cus * math.sin(2 * Phi k) + Cuc * math.cos(2)
51
                 * Phi k)
                                          delta r k = Crs * math.sin(2 * Phi k) + Crc * math.cos(2)
52
                 * Phi k)
                                          delta i k = Cis * math.sin(2 * Phi k) + Cic * math.cos(2)
53
                 * Phi k)
54
                                         u k = Phi k + delta u k
55
                                         r k = A * (1 - e n * math.cos(E k)) + delta r k
56
                                         i k = i 0 + iDot * t k + delta i k
57
                                         x k shtrih = r k * math.cos(u k)
59
                                         y k shtrih = r k * math.sin(u k)
60
61
                                         Omega k = Omega 0 + (Omega dot - Omega e Dot) * t k -
62
              Omega e Dot * t oe
63
                                         x k = x k  shtrih * math.cos(Omega k) - y k  shtrih * math
64
              .cos(i k) * math.sin(Omega k)
                                         y k = x k shtrih * math.sin(Omega_k) + y_k_shtrih * math
65
              .cos(i k) * math.cos(Omega k)
                                         z k = y k shtrih * math.sin(i k)
66
                                          self.WGS XYZv[0, 1] = x k
67
                                          self.WGS XYZv[0, 2] = y k
68
                                          self.WGS XYZv[0, 3] = z k
69
```

```
self.WGS XYZ = np.vstack((self.WGS XYZ, self.WGS XYZv))
70
71
               X = x k * math.cos(Omega k) + y k * math.sin(Omega k)
               Y = -x k * math.sin(Omega k) + y k * math.cos(Omega k)
73
               Z = z k
74
75
               self.XYZv[0, 1] = X
76
               self.XYZv[0, 2] = Y
77
               self.XYZv[0, 3] = Z
78
               self.XYZ = np.vstack((self.XYZ, self.XYZv))
79
           np.savetxt("XYZ.txt", self.XYZ)
80
           np.savetxt("WGS XYZ.txt", self.WGS XYZ)
83
  if name = 'main':
85
      gps pi = 3.1415926535898
      toRad = gps pi / 180
87
      sec2rad = gps_pi / (3600 * 180)
88
      min2rad = gps pi / (60 * 180)
89
      mu = 3.986005e14
      Omega e Dot = 7.2921151467e-5
      Omega ref Dot = -2.6e-9
92
93
                  Ephemeris (slot = 221473810) =
      # LNAV
94
      Crs = -14.7812
      Dn = 1.36379e - 09 * toRad
      M 0 = -142.99 * toRad
97
      Cuc = -8.08388e - 07
98
      e n = 0.00169565
99
      Cus = 1.0509e - 05
100
      A = 5153.65 ** 2
101
      t oe = 93600
102
      Cic = -1.49012e - 08
103
      Omega 0 = 11.8269 * toRad
104
      Cis = 4.09782e - 08
      i 0 = 55.0915 * toRad
106
      Crc = 178.406
107
      omega = -175.597 * toRad
108
      Omega dot = -4.4271e-07 * toRad
109
```

```
iDot = 2.93244e-08 * toRad
110
       Tgd = 0
111
       toc = 93600
112
       af2 = 0
113
       af1 = 2.27374e-12
114
        af0 = -0.00018969
115
       WN = 149
116
       IODC = 588
117
       URA = 0
118
       Health = 0
119
       IODE2 = 76
120
       IODE3 = 76
121
       codeL2 = 1
122
       L2P = 1
123
       begin time = 86382
124
       end time = 172782
125
       step = 1
126
       # Создадим массив времени
127
       t = np.arange(begin time, end time, step, int)
128
       # Найдем координаты на интервале времени
129
       moment1 = TakeCoordinate(t)
130
       #moment1.coordinates()
131
       moment1.XYZ = np.loadtxt("XYZ.txt")
132
       moment1.WGS XYZ = np.loadtxt("WGS XYZ.txt")
133
       # print(moment1.XYZ)
134
       # Переведем в радианы координата приемника
135
       N gr = 44
136
       N min = 9
137
       N \sec = 36.3261
138
       N = N \text{ gr} * \text{toRad} + N \text{ min} * \text{min}2\text{rad} + N \text{ sec} * \text{sec}2\text{rad}
139
140
       E gr = 39
       E min = 00
142
       E \sec = 13.0546
143
       E = E gr * toRad + E min * min2rad + E sec * sec2rad
144
145
       H = 1.247
146
147
       # найдем х
148
       SKP = np.zeros((1, 3))
149
```

```
SKPF = np.zeros((1, 3))
150
      # for i in range(86400):
151
             Vrem = pymap3d.ecef2enu(moment1.WGS XYZ[i, 1], moment1.
      #
152
     WGS XYZ[i, 2], moment1.WGS XYZ[i, 3], N, E, H, deg = False)
             SKP[0, 0] = Vrem[0]
153
             SKP[0, 1] = Vrem[1]
      #
154
             SKP[0, 2] = Vrem[2]
      #
155
      #
             SKPF = np.vstack((SKPF, SKP))
156
      #
              print(i)
157
      # np.savetxt("SKPF.txt", SKPF)
158
      SKPF = np.loadtxt("SKPF.txt")
159
      RFT = np.zeros((1, 3))
160
       RFTF = np. zeros((1, 3))
161
162
       for i in range (86400):
163
           print(i)
164
           if SKPF[i, 2] > 0:
165
               RFT[0, 0] = math.sqrt(SKPF[i, 0] ** 2 + SKPF[i, 1] ** 2
166
     + SKPF[i, 2] ** 2)
               RFT[0, 1] = math.acos(SKPF[i, 2] / RFT[0, 0])
167
                if SKPF[i, 0] > 0:
168
                    RFT[0, 2] = -math.atan(SKPF[i, 1] / SKPF[i, 0]) +
169
     gps pi / 2
170
                elif ((SKPF[i, 0] < 0) and (SKPF[i, 1] > 0)):
171
                    RFT[0, 2] = -math.atan(SKPF[i, 1] / SKPF[i, 0]) + 3
172
     * gps pi / 2
173
                elif ((SKPF[i, 0] < 0) and (SKPF[i, 1] < 0)):
174
                    RFT[0, 2] = -math.atan(SKPF[i, 1] / SKPF[i, 0]) -
175
     gps pi / 2
           else:
176
               RFT[0, 1] = np.nan
177
               RFT[0, 0] = np.nan
178
               RFT[0, 2] = np.nan
179
           RFTF = np.vstack((RFTF, RFT))
180
181
       plt.subplot(111, polar=True) # Полярная система координат
182
183
184
```

```
plt.plot(RFTF[0:86400, 2], RFTF[0:86400, 1]/toRad, lw=2)
185
186
       plt.show()
187
       Найдем# хуг приемника
188
189
       X RCV = 6400000 * math.cos(N)*math.cos(E)
190
191
       Y RCV = 6400000 * math.cos(N)*math.sin(E)
193
       Z RCV = 6400000*math.sin(N)
194
195
196
       fig = plt.figure()
197
       ax = fig.add_subplot(111, projection='3d')
198
       m = 0
199
       for i in range (85):
200
           m += 1000
201
           ax.scatter(moment1.WGS XYZ[m, 1], moment1.WGS XYZ[m, 2],
202
      moment1.WGS XYZ[m, 3], s=5)
       print(X RCV,Y RCV,Z RCV)
203
       u = np.linspace(0, 2 * np.pi, 100)
204
       v = np.linspace(0, np.pi, 100)
205
206
       x = 6400000 * np.outer(np.cos(u), np.sin(v))
207
       y = 6400000 * np.outer(np.sin(u), np.sin(v))
208
       z = 6400000 * np.outer(np.ones(np.size(u)), np.cos(v))
209
210
       ax.plot surface(x, y, z, rstride=4, cstride=4, color='b')
211
       ax.set xlim3d(-3e7, 3e7)
212
       ax.set ylim3d(-3e7, 3e7)
213
       ax.set zlim3d(-3e7, 3e7)
       plt.show()
216
       fig = plt.figure()
217
       ax = fig.add subplot(111, projection='3d')
218
       m = 0
219
       for i in range (85):
220
           m += 1000
221
           ax.scatter(moment1.XYZ[m, 1], moment1.XYZ[m, 2], moment1.XYZ
222
      [m, 3], s=5
```

```
223
       u = np.linspace(0, 2 * np.pi, 100)
^{224}
       v = np.linspace(0, np.pi, 100)
225
226
       x = 6400000 * np.outer(np.cos(u), np.sin(v))
227
       y = 6400000 * np.outer(np.sin(u), np.sin(v))
228
       z = 6400000 * np.outer(np.ones(np.size(u)), np.cos(v))
229
       ax.plot_surface(x, y, z, rstride=4, cstride=4, color='b')
231
       ax.set_xlim3d(-3e7, 3e7)
232
       ax.set_ylim3d(-3e7, 3e7)
233
       ax.set zlim3d(-3e7, 3e7)
234
       plt.show()
```

2.3.2 Пункт 2

Построим трехмерные графики положения спутника на протяжении суток.

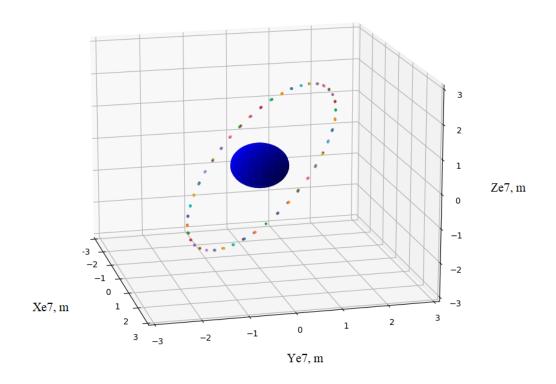


Рисунок 2.3.2 — Трехмерный график положения спутника GPS в ECEF WGS-84

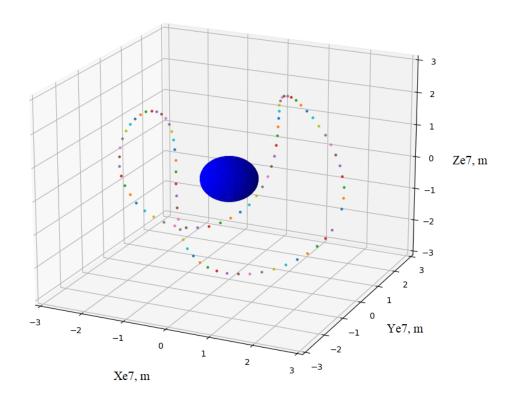


Рисунок 2.3.3 — Трехмерны
Й график положения спутника GPS в инерциальной системе координат ECI

Переход из системы ECEF в систему ECI был осуществлен также согласно алгоритму из ИКД.

2.3.3 Пункт 3

Помимо траектории спутников в трехмерном виде получим эту траекторию в полярной системе координат(рис. 2.3.4) и сравним ее с результатом из Trimble GNSS Planning Online(рис. 2.3.5).

SkyView стоится относительно положения приемника из RTKNAVI.

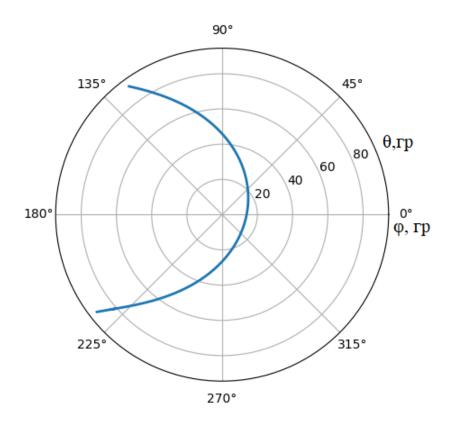


Рисунок 2.3.4 — Рассчитанный SkyPlot

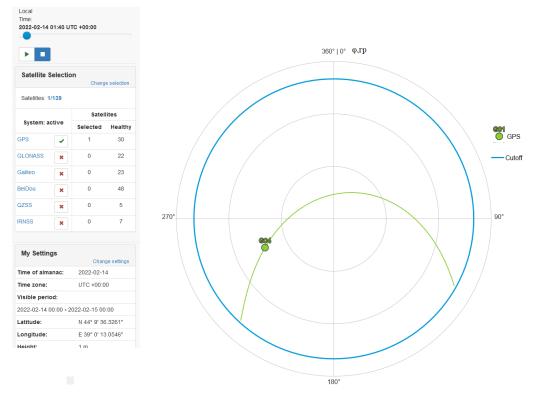


Рисунок 2.3.5 — Trimble SkyPlot

2.4 Выводы

На втором этапе по эфемеридам были рассчитаны положения спутника в разных системах координат, а также построен график SkyView.

Этап 3

Реализация модуля расчета координат

3.1 Задание

Требуется разработать на языке C/C++ функцию расчета положения спутника GPS на заданное время по шкале UTC, минимизируя время её исполнения и количество затрачиваемой оперативной памяти. Вызов функции не должен приводить к выбросу исключений или утечкам памяти при любом наборе входных данных. В рассматриваемом примере потребуется, как минимум, выполнить свою реализацию решения трансцендентного уравнения.

Программный модуль должен сопровождаться unit-тестами (например, используя Check):

- Тесты функции решения уравнения Кеплера
- Тест расчетного положения спутника в сравнении с Matlab/Python

Во время второго теста должно вычисляться и выводиться средняя длительность исполнения функции. Допускается использовать одни и те же эфемериды на весь рассматриваемый интервал (как на предыдущем этапе).

Требуется провести проверку на утечки памяти (например, с помощью утилиты valgrind).

Оформить отчет по результатам курсового проекта. В качестве первых двух глав использовать отчёты с предыдущих этапов, в третьей главе отразить результаты этого этапа:

- Код реализации
- Вывод тестов, включая анализ времени исполнения
- Вывод проверок на утечку памяти

- Вывод по этапу
- Заключение по проекту

Программа должна компилироваться gcc и использовать в качестве входных данных in.txt c первого этапа. Результат должен записываться в out.txt в строки формата, определенного на втором этапе. При тестировании должны сравниваться файлы out.txt второго и третьего этапов.

Работы по третьему этапу следует вести в директории libgpssvpos.

3.2 Основная часть

3.2.1 Теоретическая часть

Функция расчета положения спутника в Matlab/Python относительно проста, т.к. доступны библиотеки линейной алгебры и решения уравнений. Но при разработке встраиваемого ПО приходится сохранять лицензионную частоту, минимизировать вычислительную нагрузку и затраты памяти. Поэтому отобразить модель из Matlab/Python в прошивку приемника дословно, как правило, не получается.

3.2.2 Решение задачи

Имеем входные данные:

Задача решается в несколько следующих этапов:

- Извлечь эфемериды;
- Заполнить массив положения спутника на протяжении суток;
- Сравнить с данными полученными на втором этапе;
- Найти время вычисления;
- Проверить программу на утечку данных;

```
in – Блокнот
                                ×
Файл
 Изменить
                                  63
1 1 003 0R GpsL1CA # 3
              1 1 004 0R GpsL1CA # 4
         16091
              16091
1 1 006 0R GpsL1CA # 6
              1 1 009 0R GpsL1CA
         16091
              1 1 001 0R GpsL1CA
         16091
              1 1 007 OR GpsL1CA
              16091
1 1 016 OR GpsL1CA
         16091
              # 16
1 1 019 OR GpsL1CA
         16091
              1 1 021 0R GpsL1CA
         16091
              1 1 003 OR GpsL1CA
         16094
              1 1 004 OR GpsL1CA
         16094
              16094
1 1 006 OR GpsL1CA
              1 1 009 OR GpsL1CA
         16094
              1 1 026 0R GpsL1CA
         16094
              # 26
1 1 001 0R GpsL1CA
         16094
              1 1 007 OR GpsL1CA
         16094
              1 1 016 OR GpsL1CA
         16094
              1 1 019 OR GpsL1CA
         16094
              1 1 021 0R GpsL1CA
         16094
              1 1 003 OR GpsL1CA
      # 3
         16095
              1 1 004 OR GpsL1CA
         16095
              1 1 009 OR GpsL1CA
              16095
Строка 1, столбец 1
                         Unix (LF)
```

Рисунок 3.2.1 — Входной файл in.txt

Листинг программы располагается в Приложении 2.

Максимальная разница координат (м) = 3.35276е-08 Время выполнения расчета (c) = 1.386

```
Готово!
Максимальная разница координат (м) = 3.35276e-08
Время выполнения расчета (с) = 1.111
```

Рисунок 3.2.2 — Результаты тестов

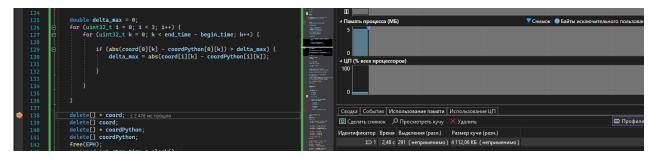


Рисунок 3.2.3 — Использование памяти

3.2.3 Приложение 2

Листинг 3.1 -Программа 3 этапа

```
1 // Made on Earth by Murathon.
4 #include <iostream>
5 #include <fstream>
6 #include <windows.h>
#include <string>
8 #include <stdlib.h>
9 #include <cmath>
#include <stdio.h>
| #include <bitset>
12
#define P2 5
                        pow(2,-5)
#define P2 55
                        pow(2, -55)
#define P2 43
                        pow(2, -43)
16 #define P2 31
                        pow(2, -31)
#define P2 4
                        pow (2,4)
18 #define P2 19
                        pow(2, -19)
<sup>19</sup> #define P2 29
                        pow(2, -29)
#define P2 33
                        pow(2, -33)
#define SemiCirc
                        180
22
  using namespace std;
25
  struct Ephemeris {
      double
                 Crs:
      double
                 Dn;
      double
                 M0;
      double
                 Cuc;
30
      double
                e ;
31
      double
                Cus;
      double
                sgrtA;
33
      uint32 t toe;
34
      double
                Cic:
35
      double
                Omega0;
```

```
double
                Cis;
37
      double
                 i0;
38
      double
                Crc;
      double
                omega;
40
      double
                OmegaDot;
41
      double
                iDot;
42
      int16 t
                Tgd;
43
      uint32 t toc;
      double
                af2;
      double
                af1:
46
      double
                af0;
47
      uint16 t WN;
48
      uint16 t IODC;
      uint32 t URA;
50
      uint32 t
                 Health;
51
      uint16 t IODE2;
52
      uint16 t IODE3;
      bool
                codeL2;
                L2P;
      bool
55
      uint32 t slot;
56
  };
57
58
  struct nssrSF {
      uint32_t slot;
60
      string sf1;
61
      string sf2;
      string sf3;
 };
64
  struct XYZ {
      double xFin;
66
      double yFin;
      double zFin;
68
69 };
70
void parsStr(nssrSF *Rdata);
  uint32 t pickSplitParam(string sf, uint16 t FS, int HMF, uint16 t
     FtS, int HMS);
void printEPH (Ephemeris* EPH);
void saveEPH(Ephemeris* EPH);
void calculateGps(Ephemeris* EPH, uint32 t k, XYZ *realPosition);
```

```
void decodeSF(Ephemeris* EPH, nssrSF *data);
            pick32(string sf, int32_t FrmN, int HmR);
77 int64 t
79
  int main(void)
80
  {
81
       nssrSF data;
82
       parsStr(&data);
       cout << data.sf1 << endl << data.sf2 << endl << data.sf3 << endl
       Ephemeris *EPH = (Ephemeris*) calloc(1, size of (Ephemeris));
85
       decodeSF(EPH,&data);
86
       printEPH(EPH);
87
       saveEPH(EPH);
88
       uint32 t begin time = 86382;
89
       uint32 t end time = 172782;
90
      XYZ realPosition;
       double ** coord = new double *[3];
       for (int i = 0; i < 3; i++) {
93
           coord[i] = new double[end time - begin time];
94
       }
95
       double** coordPython = new double*[3];
97
       for (int i = 0; i < 3; i++) {
98
           coordPython[i] = new double[end time - begin time];
99
100
       unsigned int start time = clock();
101
102
       for (uint32 t k = begin time; k < end time; k++) f
103
104
           calculateGps(EPH, k, &realPosition);
           coord[0][k-begin time] = realPosition.xFin;
106
           coord[1][k-begin time] = realPosition.yFin;
107
           coord[2][k-begin time] = realPosition.zFin;
108
109
       }
111
       ifstream file("XYZ.txt");
112
       double rub;
113
       if (!file.is open())
114
```

```
cout << \Phiайл" не может быть открыт!" << endl;
115
       else {
116
            for (int k = 0; k < end time – begin time; k++) {
117
                file \gg rub \gg coordPython[0][k] \gg coordPython[1][k] \gg
118
       coordPython[2][k];
119
            file.close();
120
       }
122
       double delta max = 0;
123
       for (int i = 0; i < 3; i++) {
124
            for (int k = 0; k < end time — begin time; k++) {
                if (abs(coord[0][k] - coordPython[0][k]) > delta max) {
127
                     delta\_max = abs(coord[i][k] - coordPython[i][k]);
128
129
                }
130
131
           }
132
133
134
       delete[] *coord;
       delete[] coord;
136
       delete[] * coordPython;
137
       delete[] coordPython;
138
       free (EPH);
139
       unsigned int stop time = clock();
140
       unsigned int search time = stop time - start time;
141
142
143
       cout << endl << Mаксимальная" разница координат м() = " << delta max
145
      << endl;
       cout << Время" выполнения расчета c() = " << (double) search time/
146
     CLOCKS PER SEC << endl;
147
148
149
150
void calculateGps(Ephemeris* EPH, uint32 t k, XYZ *realPosition)
```

```
{
152
        //cout << k << endl;
153
        int32\_t t\_k = k - EPH \rightarrow toe;
155
        double Omega e Dot = 7.2921151467e-5;
156
        double mu = 3.986005e14;
157
158
         if (t k > 302400) {
159
              t k = 604800;
160
161
        if (t k < -302400) {
162
              t k += 604800;
163
164
        double A = EPH \rightarrow sqrtA * EPH \rightarrow sqrtA;
165
        double n 0 = \operatorname{sqrt}(\operatorname{mu} / \operatorname{pow}(A, 3));
166
        double n = n \ 0 + EPH \rightarrow Dn;
167
        double E old = EPH\rightarrow M0 + n * t k;
168
        double E new = E old + EPH\rightarrowe * sin(E old);
169
        int i = 1;
170
        while (abs(E new - E old) > 1e-8)
171
              E 	 old = E 	 new;
172
              E \text{ new} = E \text{ old} + EPH \rightarrow e * sin(E \text{ old});
173
              i += 1;
174
              if (i > 10){
175
                    break;
176
              }
177
        }
178
179
        double E k = E new;
180
        double cosNu k = (cos(E k) - EPH > e) / (1 - EPH > e * cos(E k));
181
        double sinNu = (sqrt(1 - pow(EPH \rightarrow e, 2)) * sin(E k)) / (1 - EPH
       \rightarrowe * cos(E k));
183
        double Nu k = atan2(sinNu k, cosNu k);
184
        double Phi k = Nu k + EPH \rightarrow omega;
185
186
        double delta u k = EPH \rightarrow Cus * sin(2 * Phi k) + EPH \rightarrow Cuc * cos(2)
187
       * Phi k);
        double delta r k = EPH \rightarrow Crs * sin(2 * Phi k) + EPH \rightarrow Crc * cos(2)
188
       * Phi k);
```

```
double delta i k = EPH \rightarrow Cis * sin(2 * Phi k) + EPH \rightarrow Cic * cos(2)
189
      * Phi k);
190
       double u k = Phi k + delta_u_k;
191
       double r = pow(EPH \rightarrow sqrtA, 2) * (1 - EPH \rightarrow e * cos(E k)) +
192
      delta_r_k;
       double i k = EPH \rightarrow i0 + EPH \rightarrow iDot * t k + delta i k;
193
194
       double x k shtrih = r k * cos(u k);
195
       double y k shtrih = r k * sin(u k);
196
197
198
       double Omega k = EPH->Omega0 + (EPH->OmegaDot - Omega e Dot) *
199
      t k — Omega e Dot * (double)EPH—>toe;
200
       double x_k = x_k - shtrih * cos(Omega_k) - y_k - shtrih * cos(i_k) *
201
       sin (Omega k);
       double y k = x k shtrih * sin(Omega k) + y k shtrih * cos(i k) *
202
       cos(Omega k);
       double z_k = y_k_shtrih * sin(i_k);
203
204
       double X = x k * cos(Omega k) + y k * sin(Omega k);
205
       double Y = -x k * sin(Omega k) + y k * cos(Omega k);
206
       double Z = z k;
207
208
        realPosition \rightarrow xFin = X;
209
        realPosition\rightarrowyFin = Y;
210
        realPosition\rightarrowzFin = Z;
211
212
213 }
  void parsStr(nssrSF *Rdata)
   {
215
216
        SetConsoleOutputCP(CP UTF8);
217
        string path = "in.txt";
218
219
        ifstream fin;
220
        fin . open(path);
221
222
        if(fin.is open()) {
223
```

```
224
             cout << Файл " открыт. " << endl;
225
             while (!fin.eof()) {
226
                 int N = 3;
227
                 string rubber;
228
                 int nmbr_stlt;
229
                 uint32 t slot;
230
                 uint32 t subFrameNum;
                 string str;
232
233
                 uint32_t slot_SF1;
234
                 uint32 t slot SF2;
235
                 uint32 t slot SF3;
237
                 int mass[N];
238
                  for(int i=0; i< N; ++i)
239
240
                       fin >> mass[i];
241
242
                 fin >> rubber >> rubber >> rubber;
243
                 fin >> nmbr_stlt >> slot >> rubber >> rubber >>
244
      subFrameNum;
                 fin >> str;
245
246
                 if (nmbr stlt = 4 and slot >= 604800/6)
247
248
                      if (subFrameNum == 1)
249
                      {
250
                           slot SF1 = slot;
251
                           Rdata \rightarrow sf1 = str;
252
                      }
                      else if (subFrameNum == 2)
254
255
                           slot\_SF2 = slot;
256
                           Rdata \rightarrow sf2 = str;
257
259
                      else if (subFrameNum == 3)
260
                      {
261
                           slot\_SF3 = slot;
262
```

```
Rdata \rightarrow sf3 = str;
263
                       }
264
265
                       if (slot SF1 + 1 == slot SF2 and slot SF2 + 1 ==
266
      slot SF3) {
                            Rdata \rightarrow slot = slot SF1;
267
                            return;
268
                       }
269
270
                  }
271
                   //
272
             }
273
        }
        else
275
        {
276
             cout << Ошибка" открытия файла!!!" <math><< endl;
277
278
        fin.close();
279
280
281
282
   void saveEPH(Ephemeris* EPH)
284
        ofstream fout;
285
        string path = "out.txt";
286
        fout.open(path);
287
        if(fout.is open()) {
288
289
             cout << Выгружаю"" << endl;
290
             fout << endl << "LNAV Ephemeris (slot = " << EPH\rightarrowslot << ")
291
       =" << endl;
             fout \ll ||t|t Crs = || \ll EPH \gg Crs \ll endl;
292
             fout << " \setminus t \setminus t Dn
                                   = " << EPH->Dn << endl;
293
                                        = " << EPH->M0 << "\t\t\deg]" << endl;
             fout << " \setminus t \setminus t M0
294
             fout << "\t Cuc = " << EPH->Cuc << endl;
295
             fout << " \mid t \mid t e
                                      = " << EPH\rightarrowe << endl;
             fout << "\t \t \ Cus = " << EPH->Cus << endl;
297
             fout << "\t t sqrtA = " << EPH->sqrtA << endl;
298
             fout << "\t\t toe = " << EPH->toe << endl;
299
             fout << "\t Cic = " << EPH->Cic << endl;
300
```

```
fout << "\t \ Omega0 = " << EPH->Omega0 << "\t \ f \ deg \ ]" <<
301
      endl:
            fout \ll ||t|t Cis = || \ll EPH \gg Cis \ll end|;
302
            fout \ll ||t|t i0 = || \ll EPH > i0 \ll ||t|t|deg|| \ll endl;
303
            fout \ll ||t|t Crc = || \ll EPH -> Crc \ll endl;
304
            fout << "\t \ omega = " << EPH->omega << "\t \ t \ deg]" << endl
305
            fout << "\t \ ome Dot = " << EPH->OmegaDot << "\t \ f deg/s"
      << endl;
            fout << "\t \ iDot = " << EPH->iDot << "\t \ [deg/s]" <<
307
      endl:
            fout \ll ||t|t Tgd = || \ll EPH \gg Tgd \ll ||t|t|t|sec|| \ll endl;
            fout \ll ||t|t toc = || \ll EPH \rightarrow toc \ll endl;
309
            fout \ll ||t|t af2 = || \ll EPH \rightarrow af2 \ll end|;
310
            fout \ll ||t|t \ af1 = || \ll EPH \Rightarrow af1 \ll end|;
311
            fout << "\t af0 = " << EPH->af0 << endl;
312
                                 = " << EPH->WN << endl;
            fout << "\t\t WN
313
            fout \ll ||t|t || IODC = || \ll EPH \rightarrow IODC \ll endl;
314
            fout \ll ||t|t URA = || \ll EPH \rightarrow URA \ll end|;
315
            fout \ll ||t|t Health| = || \ll EPH->Health| \ll endl;
316
            fout << " \ t \ t \ IODE2 = " << EPH->IODE2 << endl;
317
            fout \ll ||t|t|| IODE3 = || \ll EPH->IODE3 \ll endl;
318
            fout \ll ||t|t codeL2| = || \ll EPH > codeL2 \ll endl;
319
            fout << "\t\t\L2P = " << EPH->L2P << endl;
320
       }
321
       else
322
323
            cout << Ошибка" открытия файла!!!" <math><< endl;
324
325
       fout.close();
326
       cout << Готово"!";
328
329
  void printEPH(Ephemeris* EPH)
  {
331
332
       cout << endl << "LNAV Ephemeris (slot = " << EPH->slot << ") ="
333
      << endl;
       cout \ll ||t|t Crs = || \ll EPH \gg Crs \ll endl;
334
       cout \ll " \mid t \mid t \mid Dn = " \ll EPH \rightarrow Dn \ll endl;
335
```

```
cout \ll ||t|t M0| = || \ll EPH->M0 \ll ||t|t[deg]|| \ll endl;
336
       cout \ll ||t|t Cuc = || \ll EPH -> Cuc \ll endl;
337
       cout \ll ||t|t e = || \ll EPH \gg e \ll end|;
338
       cout \ll ||t|t Cus = || \ll EPH \gg Cus \ll endl;
339
       340
       cout \ll ||t|t toe = || \ll EPH \rightarrow toe \ll end|;
341
       cout \ll ||t|t Cic = || \ll EPH \gg Cic \ll endl;
342
       cout \ll ||t|t Omega0| = || \ll EPH > Omega0 \ll ||t|t|deg|| \ll endl;
       cout \ll ||t|t Cis = || \ll EPH \rightarrow Cis \ll endl;
344
       cout \ll ||t|t i0| = || \ll EPH > i0 \ll ||t|t || deg || \ll end ||
345
       cout \ll ||t|t Crc = || \ll EPH -> Crc \ll endl;
346
       cout \ll ||t|t \text{ omega}| = || \ll EPH->omega| \ll ||t|t|deg|| \ll endl;
347
       cout << "\t\t omeDot = " << EPH->OmegaDot << "\t\t[deg/s]" <<
      endl;
       cout \ll ||t|t iDot = || \ll EPH \rightarrow iDot \ll ||t|t[deg/s]|| \ll endl;
349
       cout \ll ||t|t Tgd = || \ll EPH \gg Tgd \ll ||t|t|t|sec|| \ll endl;
350
       cout \ll ||t|t toc = || \ll EPH \rightarrow toc \ll end|;
351
       cout \ll " \ t \ t \ af2 = " \ll EPH \rightarrow af2 \ll endl;
352
       cout \ll " \ t \ t \ af1 = " \ll EPH \rightarrow af1 \ll endl;
353
       cout \ll ||t|t \ af0 = || \ll EPH \rightarrow af0 \ll endl;
354
       cout \ll ||t|t WN = || \ll EPH->WN \ll endl;
355
       cout \ll ||t|t|| IODC = || \ll EPH \gg IODC \ll endl;
356
       cout \ll ||t|t URA = || \ll EPH \rightarrow URA \ll end|;
357
       cout << "\t\t Health = " << EPH->Health << endl;
358
       cout \ll ||t|t|| IODE2 = || \ll EPH > IODE2 \ll endl;
359
       cout \ll ||t|t|| IODE3 = || \ll EPH > IODE3 \ll endl;
360
       cout \ll ||t|t codeL2| = ||\ll EPH->codeL2| \ll endl;
361
       cout \ll ||t|t L2P = || \ll EPH \rightarrow L2P \ll endl;
362
363
364 }
  int64 t pick32(string sf, int32 t FrmN, int HmR) {
       int64 t ans = 0;
366
       int64 t Rans = 0;
367
       for (int i = FrmN; i < FrmN+HmR; i++) {
368
            ans = (ans \mid ((sf[i-1] = '1')?1:0));
369
            cout \ll sf[i-1];
            if (i < FrmN+HmR-1){
371
                 ans = ans << 1;
372
            }
373
374
```

```
}
375
       return ans;
376
378
379
380
  int64_t compl2int(uint64_t ans, int HmZ){
381
       int64 t Rans = 0;
       if (HmZ == 8){
383
            if (bool((1<<7) & ans)){
384
                 ans |= 0xFFFFFFFFFF00;
385
                 Rans = (ans - 1);
                 /*cout << endl << bitset <64>(Rans).to string() << endl;*/
                 return -Rans;
388
            }
389
390
       }
391
       if (HmZ = 14)
392
            if (bool((1<<13) & ans)){
393
                 ans |= 0xFFFFFFFFFC000;
394
                 Rans = ^{\sim}(ans-1);
395
                 return -Rans;
396
            }
397
398
399
       if (HmZ = 16) {
400
            if (bool((1<<15) & ans)){
401
                 ans |= 0xFFFFFFFFFF0000;
402
                 Rans = (ans - 1);
403
                 return -Rans;
404
            }
405
406
       }
407
       if (HmZ = 22) {
408
            if (bool((1<<21) & ans)){
409
                 ans |= 0xFFFFFFFFC00000;
                 Rans = (ans - 1);
411
                 return -Rans;
412
            }
413
414
```

```
}
415
       if (HmZ = 24)
416
            if (bool((1<<23) & ans)){
417
                ans |= 0xFFFFFFFF000000;
418
                Rans = ^{\sim}(ans - 1);
419
                return -Rans;
420
           }
421
423
       if (HmZ = 32) {
424
            if (bool((1<<31) & ans)){
425
                426
                Rans = ^{\sim}(ans-1);
                return -Rans;
428
           }
429
430
431
       return ans;
432
433
  uint32 t pickSplitParam(string sf, uint16 t FS, int HMF, uint16 t
434
      FtS, int HMS) {
       uint32 t ans = 0;
435
436
       for (int i = FS; i < FS+HMF; i++) {
437
            ans = (ans \mid ((sf[i-1] = '1')? 1 : 0)) << 1;
438
439
       for (int i = FtS; i < FtS+HMS; i++) {
440
            ans = ans |((sf[i-1] == '1')? 1 : 0);
441
            if (i < FtS+HMS-1){
442
                ans = ans << 1:
443
           }
       }
445
446
       return ans;
447
448
449
450
  void decodeSF(Ephemeris* EPH, nssrSF *data){
451
       double to Rad = 3.1415926535898/180;
452
453
```

```
EPH—>slot = data—>slot;
454
455
       EPH->Crs = compl2int(pick32(data->sf2,69,16),16)*P2 5;
456
457
       EPH->Dn = compl2int(pick32(data->sf2,91,16),16)*P2 43*toRad;
458
459
       EPH\rightarrow M0 = compl2int(pickSplitParam(data\rightarrow sf2,107, 8, 121, 24)
460
      ,32)*P2 31*SemiCirc*toRad ;
461
       EPH->Cuc = compl2int(pick32(data->sf2,151,16),16)*P2 29;
462
463
       EPH\rightarrow e = pickSplitParam(data \rightarrow sf2, 167, 8, 181, 24) * P2 33;
464
465
       EPH\rightarrow Cus = compl2int(pick32(data->sf2,211,16),16)*P2 29;
466
467
       EPH—>sqrtA = pickSplitParam(data—>sf2,227, 8, 241, 24) * P2 19;
468
469
       EPH—>toe = pick32(data—>sf2,271,16)*P2 4;
470
471
       EPH\rightarrow Cic = compl2int(pick32(data->sf3,61,16),16)*P2 29;
472
473
       EPH->Omega0 = compl2int(pickSplitParam(data->sf3,77, 8, 91, 24)
474
      475
       EPH->Cis = compl2int(pick32(data->sf3,121,16),16)*P2 29;
476
477
       EPH\rightarrow i0 = compl2int(pickSplitParam(data\rightarrow sf3,137, 8, 151, 24)
478
      479
       EPH\rightarrow Crc = compl2int(pick32(data->sf3,181,16),16)*P2 5;
480
481
       EPH->omega = compl2int(pickSplitParam(data->sf3,197, 8, 211, 24)
482
      483
       EPH\longrightarrow OmegaDot = compl2int(pick32(data\longrightarrow sf3,241,24),24)*P2 43*
484
      SemiCirc*toRad ;
485
       EPH->iDot = compl2int(pick32(data->sf3,279,14),14)*P2 43*
486
      SemiCirc*toRad ;
```

```
EPH\rightarrow Tgd = compl2int(pick32(data \rightarrow sf1,197,8),8)*P2 31;
488
489
         EPH\rightarrow toc = compl2int(pick32(data \rightarrow sf1,219,16),16)*P2 4;
490
491
         EPH->af2 = compl2int(pick32(data->sf1,241,8),8)*P2 55;
492
493
         EPH->af1 = compl2int(pick32(data->sf1,249,16),16)*P2 43;
494
         EPH->af0 = compl2int(pick32(data->sf1,271,22),22)*P2 31;
496
497
         EPH\rightarrow WN = pick32(data \rightarrow sf1,61,10);
498
499
         EPH\rightarrow IODC = pickSplitParam(data\rightarrow sf1,83, 2, 211, 8);
500
501
         EPH\rightarrow URA = pick32(data \rightarrow sf1,73,4);
502
503
         EPH\rightarrow Health = EPH\rightarrow IODE2 = pick32(data\rightarrow sf1,73,6);
504
505
         EPH\rightarrow IODE2 = pick32(data\rightarrow sf2,61,8);
506
507
         EPH\rightarrow IODE3 = pick32(data \rightarrow sf3,271,8);
508
509
         EPH\rightarrow codeL2 = pick32(data \rightarrow sf1,71,2);
510
511
         EPH\rightarrow L2P = data \rightarrow sf1[90]:
512
513
```

3.3 Выводы

В данном этапе была реализована на языке C/C++ функция расчета положения спутника Beidou на заданное время по шкале UTC. Функция сопровождается тестами решения уравнения Кеплера, проверкой на утечки памяти и профилированием. Погрешность вычисления координат функцией и моделью составляет порядка 3,35е-8м среди трех осей, при использовании вещественного типа данных двойной точности double. Время выполнение функции составляет 1.111 с. Потребляемый объем оперативной памяти не превышает 4 МБ. Утечек памяти не обнаружено.

Литература

 $[1]\,$ Interface Control Contractor: SAIC (GPS SEI) 200 N. Pacific Coast Highway, Suite 1800 El Segundo, CA 90245