### Национальный исследовательский университет «МЭИ»

## Институт радиотехники и электроники им В.А. Котельникова Кафедра радиотехнических систем

# Лабораторная работа №4 по дисциплине «Аппаратура потребителей СРНС» «Моделирование следящей системы»

Группа: ЭР-15-17

ФИО студента: Иванцова Д.Н.

ФИО преподавателя: Корогодин И.В.

#### Цели работы:

- 1) Применить метод информационного параметра при моделировании радиотехнического устройства;
- 2) Получить опыт моделирования следящей системы;
- 3) Развить навыки обработки данных статистических экспериментов

#### 1) Постановка задачи

Требуется:

- 1) Построить график зависимости динамической ошибки оценивания от полосы следящей системы.
- 2) Построить график зависимости флуктуационной ошибки оценивания от полосы следящей системы.
- 3) Построить график общей среднеквадратической ошибки оценивания частоты от полосы следящей системы.
- 4) Определить шумовую полосу следящей системы, при которой достигается минимум среднеквадратической ошибки оценивания частоты.

Допущения:

- 1) Моделирование будем производить в линейном приближении работы следящей системы по методу информационного параметра.
- 2) Процесс частоты развивается в соответствии с моделью второго порядка как интеграл от винеровского случайного процесса.

#### 2) Математические модели

Математическая модель процесса частоты:

$$\omega_k = \omega_{k-1} + v_{k-1}T$$

$$v_k = v_{k-1} + \xi_k T$$

$$\xi_k \sim N(0, D_{\xi})$$

$$M[\xi_i \xi_j] = D_{\xi} \delta_{ij},$$

где в соответствии с вариантом задания  $D_{\xi}=7$  . Начальные значения:

$$\omega_0 = 0, v_0 = 0.$$

Выражения можно записать в векторном виде

$$\mathbf{x}_{k} = \mathbf{F}\mathbf{x}_{k-1} + \mathbf{G}\boldsymbol{\xi}_{k},$$

$$\mathbf{x}_{k} = \begin{vmatrix} \omega_{k} \\ v_{k} \end{vmatrix}, \mathbf{F} = \begin{vmatrix} 1 & T \\ 0 & 1 \end{vmatrix},$$

$$\mathbf{G} = \begin{vmatrix} 0 & 0 \\ 0 & T \end{vmatrix}, \boldsymbol{\xi}_{k} = \begin{vmatrix} 0 \\ \xi_{k} \end{vmatrix}.$$

Алгоритм работы следящей системы относительно информационного параметра:

$$\widehat{\omega}_{k} = \widetilde{\omega}_{k} + K_{1}(\omega_{meas,k} - \widetilde{\omega}_{k}),$$

$$\widehat{v}_{k} = \widetilde{v}_{k} + K_{2}(\omega_{meas,k} - \widetilde{\omega}_{k}),$$

$$\widetilde{\omega}_{k} = \widehat{\omega}_{k-1} + \widehat{v}_{k-1}T, \widetilde{v}_{k} = \widehat{v}_{k-1}$$

инициализационные значения

$$\widehat{\omega}_0=0$$
,  $\widehat{v}_0=0$ 

коэффициенты определяются шумовой полосой системы  $\Delta f$ 

$$K_1 = \frac{8}{3} \Delta f T,$$

$$K_2 = \frac{32}{9} \Delta f^2 T,$$

 $\omega_{meas,k}$  — поступившие на k-м шаге измерения частоты.

Алгоритм может быть представлен в векторном виде

$$\hat{x}_k = \begin{vmatrix} \widehat{\omega}_k \\ \widehat{v}_k \end{vmatrix} = \tilde{x}_k + K(\omega_{meas,k}\widetilde{\omega}_k),$$

$$\widehat{x}_k = \left| \begin{matrix} \widehat{\omega}_k \\ \widehat{v}_k \end{matrix} \right| = F\widetilde{x}_{k-1}, K = \left| \begin{matrix} K_1 \\ K_2 \end{matrix} \right|.$$

#### 3) Тестовое воздействие

Условия:

Исключим формирующий шум наблюдений. Установим полосу СС равной 2 Гц. Установим начальную ошибку слежения на уровне нескольких Гц.

Ожидаемый результат:

Следящая система произведет подстройку частоты, ошибка в установившемся режиме будет равняться нулю (ввиду величины астатизма). Характерное время переходного процесса — несколько обратных значений полосы, т.е. для 2 Гц около 1-2 секунд.

#### 4) Проверка модели в тестовых условиях

Составлена программа компьютерной модели (Приложение 1)

В качестве тестовых условий сократили время моделирования до 5 секунд.

Приравняли нулю дисперсии формирующего шума и шума наблюдений.

Начальное значение оцениваемого процесса частоты установили на 10 рад/с больше, чем начальное значение частоты в оценке вектора состояния.

#### Получили графики:

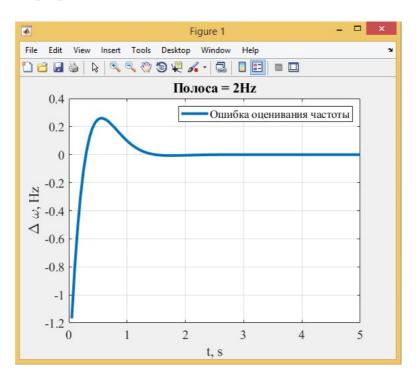


Рисунок 1 – Процесс частоты (синяя) и его оценка(красная)

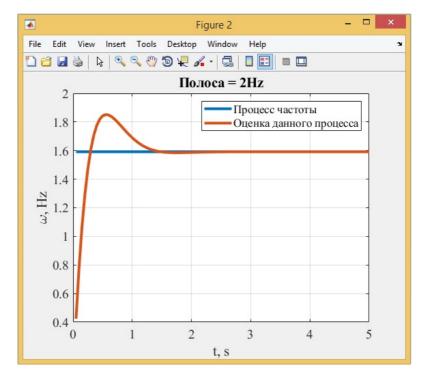


Рисунок 2 – Ошибка оценивания частоты

На рисунке 1 изображен график истинного процесса частоты и оценки частоты, на рисунке 2 - график ошибки оценивания частоты.

Система слежения успешно отрабатывает начальную ошибку. Характерное время переходного процесса — около 1 с, что соответствует ожидаемому при полосе СС 2 Гц.

#### 5) Результаты моделирования

- После завершения тестирования была выполнена основная программа моделирования.
- Для увеличения объема статистики время одного эксперимента увеличено до 60 минут.
- Начальные значения векторов состояния оцениваемого процесса и фильтра приравнены друг другу.

На первом этапе построен график динамической ошибки в зависимости от полосы СС. Для этого дисперсия шумов приравнена нулю, а дисперсия формирующего шума установлена номинальной.

На втором этапе построен график флуктуационной ошибки. Для этого дисперсия формирующих шумов уменьшена до нуля (частота постоянна), а дисперсия шумов наблюдений выставлена в соответствии с вариантом задания

На третьем этапе построен график зависимости общей среднеквадратической ошибки оценивания при значениях дисперсиях шумов.

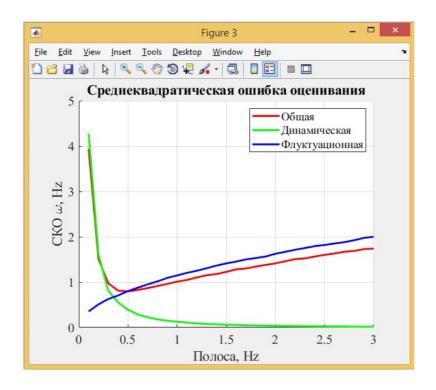


Рисунок 3 – Среднеквадратическая ошибка оценивания

#### 6) Анализ результатов моделирования

Поставленные цели моделирования достигнуты:

- Найдены графики динамической, флуктуационной и общей среднеквадратической ошибки слежения в зависимости от полосы СС;
- Определена полоса СС, при которой достигается минимум среднеквадратической ошибки слежения; она составила 0.5 Гц.

Результаты моделирования не противоречат ожидаемым результатам. Проведение новых итераций моделирования и уточнение модели не требуется.

#### Приложение 1

```
clear all
%close all
clc
%% Дано
T = 0.05;
Tmax = 3600;
t = T:T:Tmax;
N = length(t);
G = [0 0;
0 T];
F = [1 T;
 0 1];
Dksi = 7*1; % Дисперсия формирующего шума
Deta = 9*1; % Дисперсия шумов наблюдений
Band = 0.1:0.1:3; % Полоса СС
Band for plot = 2; % Полоса, при которой вывести графики
RMS Omega = nan(1, length(Band));
for i = 1:length(Band)
K = nan(2, 1);
K(1) = 8/3 * Band(i) * Т; % Коэффициенты СС
K(2) = 32/9 * Band(i)^2 * T;
 ksi = sqrt(Dksi) * randn(1, N); % Реализация формирующего шума
 eta = sqrt(Deta) * randn(1, N); % Реализация шумов наблюдений
 Xest = [0; 0]; % Начальные условия
 Xextr = F*Xest;
 Xist = [0; 0];
 ErrOmega = nan(1, N); Omega = nan(1, N);
 for k = 1:N
 Xist = F*Xist + G*[0; ksi(k)]; % Развитие оцениваемого процесса
 omega_meas = Xist(1) + eta(k); % Наблюдения
 Xest = Xextr + K*(omega meas - Xextr(1)); % Этап оценивания
 Xextr = F*Xest; % Этап экстраполяции
ErrOmega(k) = Xest(1) - Xist(1); % Ошибка оценивания
Omega(k) = Xist(1); % Истинное значения
if Band(i) == Band for plot
figure(1);
plot(t, ErrOmega/2/pi, 'LineWidth', 0.5);
xlabel('t, s'); ylabel('\Delta \omega, Hz');
title(['Полоса пропускания = ' num2str(Band(i)) 'Гц']);
grid on
figure(2);
plot(t, [Omega; Omega + ErrOmega]/2/pi, 'LineWidth', 2);
xlabel('t, s'); ylabel('\omega, Гц');
title(['Полоса пропускания = ' num2str(Band(i)) 'Гц']);
grid on
end
RMS Omega(i) = sqrt(mean(ErrOmega.^2));
end
if Dksi == 0
Col = [1 \ 0 \ 0];
elseif Deta == 0
```

```
Col = [0 0.5 0];
else
Col = [0 0 1];
end
figure(3)
hold on
plot(Band, RMS_Omega,'LineWidth',2, 'Color', Col);
%hold off
xlabel('Полоса пропускания, Гц'); ylabel('RMS \omega, Гц');
grid on
```