Национальный исследовательский университет «МЭИ»

Лабораторная работа № 4

B11

Студент: Ливенцов В.А

Группа: ЭР-15-17

Преподаватель: Корогодин И.В.

Москва

Цели работы:

- применить метод информационного параметра при моделировании радиотехнического устройства;
- получить опыт моделирования следящей системы (СС);
- развить навыки обработки данных статистических экспериментов.

Постановка задачи

Моделируется следящая система за частотой.

Требуется:

- Построить график зависимости динамической ошибки оценивания от полосы следящей системы.
- Построить график зависимости флуктуационной ошибки оценивания от полосы следящей системы.
- Построить график общей среднеквадратической ошибки оценивания частоты от полосы следящей системы.
- Определить шумовую полосу следящей системы, при которой достигается минимум среднеквадратической ошибки оценивания частоты.

Математические модели

Математическая модель процесса частоты:

$$\omega_k = \omega_{k-1} + v_{k-1}T$$

$$v_k = v_{k-1} + \xi_k T$$

$$\xi_k \sim N(0, D_{\xi})$$

$$M[\xi_i \xi_j] = D_{\xi} \delta_{ij},$$

где в соответствии с вариантом задания $D_{\xi}=8;\ D_{\eta}=9.$ Начальные значения:

$$\omega_0 = 0$$
, $v_0 = 0$.

Выражения можно записать в векторном виде

$$x_k = F x_{k-1} + G \xi_k,$$

$$x_k = \begin{vmatrix} \omega_k \\ v_k \end{vmatrix}, F = \begin{vmatrix} 1 & T \\ 0 & 1 \end{vmatrix},$$

$$G = \begin{vmatrix} 0 & 0 \\ 0 & T \end{vmatrix}, \xi_k = \begin{vmatrix} 0 \\ \xi_k \end{vmatrix}.$$

Алгоритм работы следящей системы относительно информационного параметра:

$$\begin{split} \widehat{\omega}_k &= \widetilde{\omega}_k + K_1(\omega_{meas,k} - \widetilde{\omega}_k), \\ \widehat{v}_k &= \widetilde{v}_k + K_2(\omega_{meas,k} - \widetilde{\omega}_k), \\ \widetilde{\omega}_k &= \widehat{\omega}_{k-1} + \widehat{v}_{k-1}T, \widetilde{v}_k = \widehat{v}_{k-1} \end{split}$$

инициализационные значения

$$\widehat{\omega}_0 = 0, \widehat{v}_0 = 0$$

коэффициенты определяются шумовой полосой системы Δf

$$K_1 = \frac{8}{3} \Delta f T,$$

$$K_2 = \frac{32}{9} \Delta f^2 T,$$

Алгоритм может быть представлен в векторном виде

$$\hat{x}_k = \begin{vmatrix} \widehat{\omega}_k \\ \widehat{v}_k \end{vmatrix} = \widetilde{x}_k + K(\omega_{meas,k}\widetilde{\omega}_k),$$

$$\hat{x}_k = \begin{vmatrix} \widehat{\omega}_k \\ \widehat{v}_k \end{vmatrix} = F\widetilde{x}_{k-1}, K = \begin{vmatrix} K_1 \\ K_2 \end{vmatrix}.$$

Тестовое воздействие

Исключим формирующий шум наблюдений. Установим полосу СС равной 2 Гц. Установим начальную ошибку слежения на уровне нескольких Гц. Ожидаемый результат:

Следящая система произведет подстройку частоты, ошибка вустановившемся режиме будет равняться нулю (ввиду величины астатизма). Характерное время переходного процесса — несколько обратных значенийполосы, т.е. для 2 Гц около 1-2 секунд.

Проверка модели в тестовых условиях

Составлена программа компьютерной модели (Приложение 1). В качестве тестовых условий сократили время моделирования до 5секунд. Приравняли нулю дисперсии формирующего шума и шума наблюдений. Начальное значение оцениваемого процесса частоты установили на 10рад/с больше, чем начальное значение частоты в оценке вектора состояния. Получили графики:

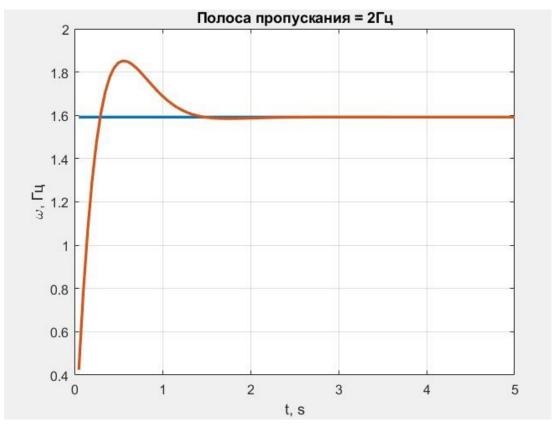


Рисунок 1 – Процесс частоты (синяя) и его оценка(красная)

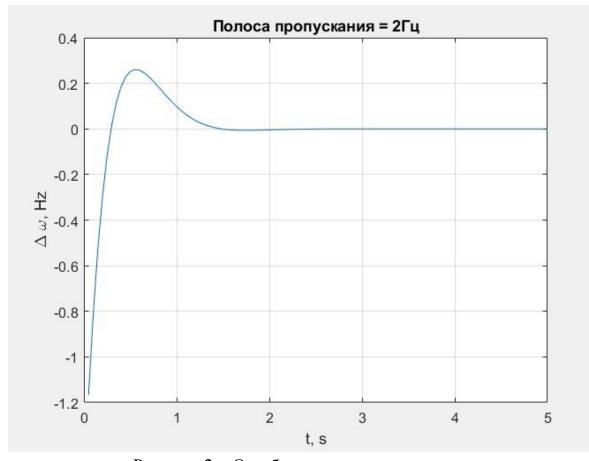


Рисунок 2 – Ошибка оценивания частоты

На рисунке 1 изображен график истинного процесса частоты и оценки частоты, на рисунке 2 - график ошибки оценивания частоты. Система слежения успешно отрабатывает начальную ошибку. Характерное время переходного процесса — около 1 с, что соответствует ожидаемому при полосе СС 2 Гц.

Результаты моделирования

После завершения тестирования была выполнена основная программа моделирования. Для увеличения объема статистики время одного эксперимента увеличено до 60 минут. Начальные значения векторов состояния оцениваемого процесса и фильтра приравнены друг другу. На первом этапе построен график динамической ошибки в зависимости от полосы СС. Для этого дисперсия шумов приравнена нулю, а дисперсия формирующего шума установлена номинальной.

На втором этапе построен график флуктуационной ошибки. Для этого дисперсия формирующих шумов уменьшена до нуля (частота постоянна), а дисперсия шумов наблюдений выставлена в соответствии с вариантом задания

На третьем этапе построен график зависимости общей среднеквадратической ошибки оценивания при значениях дисперсиях шумов.

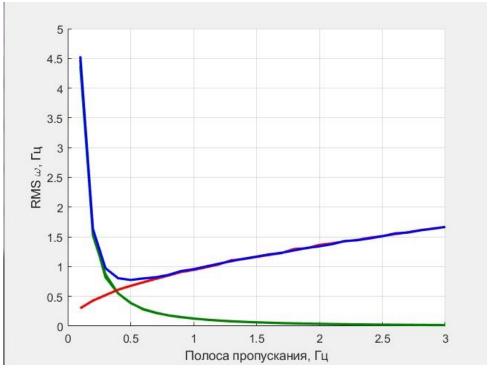


Рисунок 3 – Среднеквадратическая ошибка оценивания

Анализ результатов моделирования

Поставленные цели моделирования достигнуты:

- Найдены графики динамической, флуктуационной и общей среднеквадратической ошибки слежения в зависимости от полосы СС;
- Определена полоса СС, при которой достигается минимум среднеквадратической ошибки слежения; она составила 0.5 Гц.

Результаты моделирования не противоречат ожидаемым результатам. Проведение новых итераций моделирования и уточнение модели не требуется.

Приложение 1

```
clear all
clc
%% Дано
T = 0.05;
Tmax = 3600; %cek
t = T:T:Tmax;
N = length(t);
G = [0 0;
0 T1;
F = [1 T;
0 11;
Dksi = 8*1; % Дисперсия формирующего шума
Deta = 9*1; % Дисперсия шумов наблюдений
Band = 0.1:0.1:3; % Полоса СС
Band for plot = 2; % Полоса, при которой вывести графики
RMS Omega = nan(1, length(Band));
for i = 1:length(Band)
K = nan(2, 1);
K(1) = 8/3 * Band(i) * Т; % Коэффициенты СС
K(2) = 32/9 * Band(i)^2 * T;
ksi = sqrt(Dksi) * randn(1, N); % Реализация формирующего
шума
eta = sqrt(Deta) * randn(1, N); % Реализация шумов
наблюдений
Xest = [0; 0]; % Начальные условия
Xextr = F*Xest;
Xist = [0; 0];
ErrOmega = nan(1, N); Omega = nan(1, N);
for k = 1:N
Xist = F*Xist + G*[0; ksi(k)]; % Развитие оцениваемого
процесса
omega meas = Xist(1) + eta(k); % Наблюдения
Xest = Xextr + K* (omega meas - Xextr(1)); % Этап оценивания
```

```
Xextr = F*Xest; % Этап экстраполяции
ErrOmega(k) = Xest(1) - Xist(1); % Ошибка оценивания
Omega(k) = Xist(1); % Истинное значения
end
if Band(i) == Band for plot
figure(1);
plot(t, ErrOmega/2/pi, 'LineWidth', 0.5);
xlabel('t, s'); ylabel('\Delta \omega, Hz');
title(['Полоса пропускания = ' num2str(Band(i)) 'Гц']);
grid on
figure(2);
plot(t, [Omega; Omega + ErrOmega]/2/pi, 'LineWidth', 2);
xlabel('t, s'); ylabel('\omega, Гц');
title(['Полоса пропускания = ' num2str(Band(i)) 'Гц']);
grid on
end
RMS Omega(i) = sqrt(mean(ErrOmega.^2));
end
if Dksi == 0
Col = [1 \ 0 \ 0];
elseif Deta == 0
Col = [0 \ 0.5 \ 0];
else
Col = [0 \ 0 \ 1];
end
figure(3)
hold on
plot(Band, RMS Omega, 'LineWidth', 2, 'Color', Col);
hold off
xlabel('Полоса пропускания, Гц'); ylabel('RMS \omega, Гц');
grid on
```