Национальный исследовательский университет «МЭИ» Институт Радиотехники и электроники Кафедра радиотехнических систем

ОТЧЕТ

по лабораторной работе $N_{2}4$

"Моделирование следящей системы"

по курсу "Аппаратура потребителей СРНС"

Выполнил: Чиколаев А.В.

Группа: ЭР-12м-21

Бригада: № 1

Проверил: Корогодин И.В.

1 Цель и ход работы

Цель работы:

- 1. Применить метод информационного параметра при моделировании радиотехнического устройства;
 - 2. Получить опыт моделирования следящей системы (СС);
- 3. Развить навыки обработки данных статистических экспериментов.

Домашняя подготовка

1.1 Постановка задачи

Требуется:

- 1. Построить график зависимости динамической ошибки оценивания от полосы следящей системы.
- 2. Построить график зависимости флуктуационной ошибки оценивания от полосы следящей системы.
- 3. Построить график общей среднеквадратической ошибки оценивания частоты от полосы следящей системы.
- 4. Определить шумовую полосу следящей системы, при которой достигается минимум среднеквадратической ошибки оценивания частоты.

Допущения:

- 1. Моделирование будем производить в линейном приближении работы следящей системы по методу информационного параметра.
- 2. Процесс частоты развивается в соответствии с моделью второго порядка как интеграл от винеровского случайного процесса.

1.2 Математические модели

Математическая модель процесса частоты:

$$\omega_k = \omega_{k-1} + \nu_{k-1}T$$

$$\nu_k = \nu_{k-1} + \xi_k T$$

$$\xi_k \sim N(0, D_{\xi})$$

$$M[\xi_i \xi_j] = D_{\xi} \delta_{i,j}$$

Начальные значения:

$$\omega_0 = 0, \nu_0 = 0$$

Векторный вид:

$$x_{k} = Fx_{k-1} + G\xi_{k}$$

$$x = \begin{vmatrix} \omega_{k} \\ \nu_{k} \end{vmatrix}, F = \begin{vmatrix} 1 & T \\ 0 & 1 \end{vmatrix}$$

$$G = \begin{vmatrix} 0 & 0 \\ 0 & T \end{vmatrix}, \xi_{k} = \begin{vmatrix} 0 \\ \xi_{k} \end{vmatrix}$$

Алгоритм работы следящей системы относительно информационного параметра:

$$\hat{\omega_k} = \tilde{\omega_k} + K_1 \left(\omega_{means,k} - \tilde{\omega_k} \right),$$

 $\omega_{means.k}$ — поступившие на k-ом шаге измерения частоты

$$\hat{\nu_k} = \tilde{\nu_k} + K_2 \left(\omega_{means,k} - \tilde{\omega_k} \right),$$

$$\tilde{\omega_k} = \hat{\omega}_{k-1} + \hat{\nu}_{k-1} T$$

$$\tilde{\nu_k} = \tilde{\nu}_{k-1}$$

Инициализационные значения:

$$\hat{\omega_0} = 0, \hat{\nu_0} = 0$$

Коэффициенты K определяются шумовой полосой системы Δf

$$K_1 = \frac{8}{3} \cdot \Delta fT$$

$$K_2 = \frac{32}{9} \cdot \Delta f^2 T$$

Векторный вид алгоритма:

$$\hat{x} = \begin{vmatrix} \hat{\omega_k} \\ \hat{\nu_k} \end{vmatrix} = \tilde{x_k} + K \left(\omega_{means,k} - \tilde{\omega_k} \right)$$

$$\tilde{x} = \begin{vmatrix} \tilde{\omega_k} \\ \tilde{\nu_k} \end{vmatrix} = F \hat{x}_{k-1}, K = \begin{vmatrix} K_1 \\ K_2 \end{vmatrix}$$

1.3 Тестовое воздействие

Условия:

Исключается формирующий шум и шум наблюдений. Устанавливается полоса СС 3 Гц.

Ожидаемый результат:

Следящая система произведет подстройку частоты, ошибка в установившемся режиме будет равняться нулю (благодаря астатизму систе-

мы). Характерное время переходного процесса – несколько обратных значений полосы, следовательно, около 0.67-1.33 секунд.

1.4 Проверка модели в тестовых условиях

Программа компьютерной модели:

```
1 clc
2 clear all
T = 0.05;
_{4} \text{ Tmax} = 3600;
t = T:T:Tmax;
_{6} N = length (t);
_{7} G = [0 \ 0; \ 0 \ T];
_{8} F = [1 T; 0 1];
_{9} Dksi = 9*1;
 Deta = 10*1;
 Band = 0.1:0.1:3;
 Band for plot = 2;
 RMS Omega = nan(1, length(Band));
 for i = 1 : length (Band) K = nan(2, 1);
 K(1) = 8/3 * Band(i) * T;
 K(2) = 32/9 * Band(i)^2 * T;
 ksi = sqrt(Dksi) * randn(1, N);
 eta = sqrt(Deta) * randn(1, N);
 Xest = [0; 0];
 Xist = [0; 0];
 Xextr = F*Xest;
 ErrOmega = nan(1, N);
 Omega = nan(1, N);
 for k = 1:N
 Xist = F*Xist + G*[0; ksi(k)];
 omega meas = Xist(1) + eta(k);
 Xest = Xextr + K*(omega meas - Xextr(1));
```

```
Xextr = F*Xest;
ErrOmega(k) = Xest(1) - Xist(1);
Omega(k) = Xist(1);
end
if Band(i) == Band for plot figure(1);
plot(t, ErrOmega/2/pi);
xlabel('t, s'); ylabel('\Delta \omega, Hz');
title(['Bandwidth = 'num2str(Band(i)) 'Hz']);
grid on
figure(2);
plot(t, [Omega; Omega + ErrOmega]/2/pi);
xlabel('t, s'); ylabel('\omega, Hz');
title (['Bandwidth = 'num2str(Band(i))'Hz']);
grid on
end
RMS Omega(i) = sqrt(mean(ErrOmega.^2));
end
if Dksi = 0
Col = [1 \ 0 \ 0];
elseif Deta == 0
Col = [0 \ 0.5 \ 0];
else
Col = [0 \ 0 \ 1];
end
figure (3)
hold on
plot (Band, RMS Omega, 'Color', Col);
hold off
xlabel ('Bandwidth, Hz');
ylabel ('RMS \omega, Hz');
grid on
```

В качестве тестовых условий сократили время моделирования до 3 секунд:

$$T_{max}=3;$$

Приравняли нулю дисперсии формирующего шума и шума наблюдений:

Dksi=9*1; Deta=10*1; Начальное значение оцениваемого процесса частоты установили на 5 рад/с больше, чем начальное значение частоты в оценке вектора состояния:

$$Xest = [0; 0]; Xist = [5; 0];$$

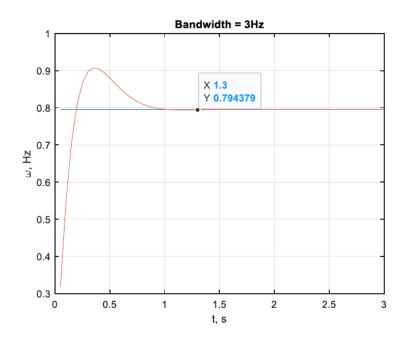


Рисунок 1.1 — Процесс частоты (синий) и его оценка (красный)

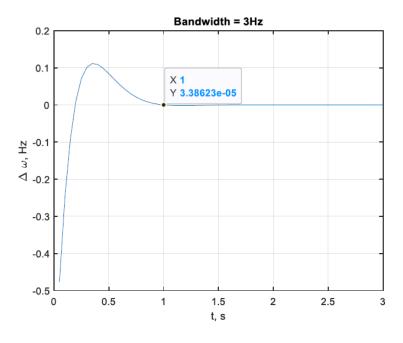


Рисунок 1.2 — Ошибка оценивания частоты

Система слежения успешно отрабатывает начальную ошибку. Характерное время переходного процесса – около 1 с, что соответствует ожидаемому при полосе СС 3 Гц.

1.5 Результаты моделирования

Основная программа моделирования:

Время моделирования: Tmax = 3600

Начальные значения векторов состояния оцениваемого процесса и фильтра приравнены друг другу: Xest = [0; 0]; Xist = [0; 0];

Для зеленого графика: дисперсия флуктуационных шумов приравнена нулю, а дисперсия формирующего шума установлена номинальной — Dksi=9*1; Deta=9*0;

Для красного графика: дисперсия формирующих шумов уменьшена до нуля, а дисперсия шумов наблюдений установлена номинальной -Dksi = 9*0; Deta = 9*1;

Для синего графика (общая среднеквадратическая ошибка оценивания): дисперсия формирующих шумов уменьшена до нуля, а дисперсия шумов наблюдений установлена номинальной — Dksi = 9*1; Deta = 9*1;

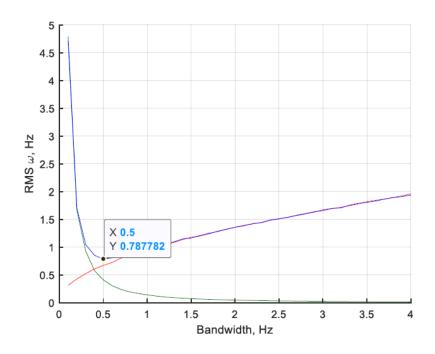


Рисунок 1.3 — Среднеквадратическая ошибка оценивания: общая (синий), динамическая (зеленый), флуктуационная (красный)

Минимум среднеквадратической ошибки слежения при заданных условиях достигается при полосе СС 0.5 Гц.

Вывод: были найдены графики динамической, флуктуационной и общей среднеквадратической ошибки слежения в зависимости от полосы СС. Определили полосу СС, при которой достигается минимум среднеквадратической ошибки слежения. Было измерено время переходного процесса в соответствии с полосой. В установившемся режиме наблюдалась нулевая ошибка оценки частоты, что объясняется астатизмом системы. характерные зависимости динамической и флуктуационной составляющих ошибки слежения за частотой от ширины полосы следящей системы (более широкая полоса охватывает больше шума и быстрее реагирует на входное воздействие, следовательно система с такой полосой имеет большую флуктуационную и малую динамическую составляющие ошибки слежения, и наоборот, система слежения с узкой полосой не пропустит шум, но будет медленнее реагировать на входное воздействие, т.е будет иметь большую динамическую и малую флуктуационную составляющие ошибки слежения). Пронаблюдали закономерность зависимости динамической и флуктационной составляющих ошибки слежения за частотой от ширины полосы системы. Убедились в том, что увеличение полосы пропускания увеличивает флуктационную составляющую, так как в полосу попадает больше шума, но при этом уменьшается динамическая ошибка, так как система быстрее реагирует на входное воздействие. Эта закономерность справедлива и для обратного случая — уменьшение полосы СС приводит к уменьшению попадающих флуктуаций в систему, но увеличивает динамическую составляющую ошибки слежения по причине того, что система медлее реагирует на изменение входного воздействия.