

Национальный исследовательский университет
«МЭИ»
Институт радиотехники и электроники им. В.А. Котельникова
Кафедра радиотехнических систем
Аппаратура потребителей СРНС

Курсовая работа
«Расчет траектории движения спутника GPS по данным с демодулятора его
сигнала»

Группа: ЭР-15-17
ФИО студента: Цымбал Г.Р.
ФИО преподавателя: Корогодин И.В.

Оценка: _____
Дата: _____
Подпись: _____

Москва
2022

РЕФЕРАТ

Цель курсового проекта – разработка модулей разбора навигационного сообщения GPS и расчета положения спутника, предназначенных для использования в составе навигационного приемника.

Требования к разрабатываемому программному модулю:

- требования назначения;
- отсутствие утечек памяти;
- малое время выполнения;
- низкий расход памяти;
- корректное выполнение при аномальных входных данных.

Для достижения цели курсового проекта в работе выполняется ряд задач, соответствующих этапам проекта и контрольным мероприятиям:

- разработка модуля разбора символов навигационного сообщения;
- расчет положения КА в Matlab/Python и его проверка сторонними сервисами;
- реализация модуля расчета положения КА на C/C++ и его тестирование.

Конечная цель всего курсового проекта – получить библиотеку функций на Си++, позволяющую рассчитывать положение спутника GPS по данным с демодулятора его сигнала L1 C/A.

На первом этапе был реализован модуль разбора навигационного сообщения до структуры эфемерид и проведено сравнение результатов со сторонней программой.

На втором этапе требуется реализовать на языке Matlab или Python функцию расчета положения спутника GPS на заданный момент по шкале

времени UTC. В качестве эфемерид использовать данные, полученные на предыдущем этапе.

На третьем этапе требуется разработать на языке C/C++ функцию расчета положения спутника GPS на заданное время по шкале UTC, минимизируя время её исполнения и количество затрачиваемой оперативной памяти. Вызов функции не должен приводить к выбросу исключений или утечкам памяти при любом наборе входных данных.

Работа содержит 29 страниц, 12 рисунков, 4 источника, 2 приложения.

СОДЕРЖАНИЕ

РЕФЕРАТ	2
СОДЕРЖАНИЕ	4
ПЕРЕЧЕНЬ СОКРАЩЕНИЙ И ОБОЗНАЧЕНИЙ	5
ВВЕДЕНИЕ	6
1 Обработка логов навигационного приемника	9
1.1 Задание к первому этапу.....	9
1.2 Разработка программы для обработки исходного файла и вывод в файл таблицы эфемерид	10
1.3 Сравнение результатов разработанной программы и программы RTKNAVI.....	12
2 Моделирование траектории движения	13
2.1 Задание ко второму этапу.....	13
2.2 Разработка программы расчета положения спутника.....	14
2.3 Результаты работы программы.....	15
2.4 Сравнение результатов с Trimble GNSS Planning Online	17
СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ	20
ПРИЛОЖЕНИЕ А	21

ПЕРЕЧЕНЬ СОКРАЩЕНИЙ И ОБОЗНАЧЕНИЙ

GPS	Global Positioning System
КА	Космический аппарат
НАП	Навигационная аппаратура потребителя
ГНСС	Глобальная навигационная спутниковая система
НКА	Навигационный космический аппарат
ИКД	Интерфейсный контрольный документ
СК	Система координат

ВВЕДЕНИЕ

Космический сегмент, состоящий из навигационных спутников, представляет собой совокупность источников радионавигационных сигналов, передающих одновременно значительный объем служебной информации. Основные функции каждого спутника — формирование и излучение радиосигналов, необходимых для навигационных определений потребителей и контроля бортовых систем спутника.

Современная спутниковая навигация основывается на использовании принципа беззапросных дальномерных измерений между навигационными спутниками и потребителем. Это означает, что потребителю в составе навигационного сигнала передается информация о координатах спутников. Одновременно (синхронно) производятся измерения дальностей до навигационных спутников. Способ измерений дальностей основывается на вычислении временных задержек принимаемого сигнала от спутника по сравнению с сигналом, генерируемым НАП. Для функционирования ГНСС необходимы данные о параметрах вращения Земли, фундаментальные эфемериды Луны и планет, данные о гравитационном поле Земли, о моделях атмосферы, а также высокоточные данные об используемых системах координат и времени.

Каждый спутник принимает с наземных станций управления навигационную информацию, которая передается обратно пользователям в составе навигационного сообщения. Навигационное сообщение содержит разные типы информации, необходимые для того, чтобы определить местоположение пользователя и синхронизовать его шкалу времени с национальным эталоном. Выделяются основные типы информации навигационного сообщения:

- Эфемеридная информация, необходимая для вычисления координат спутника с достаточной точностью;

- Погрешность расхождения бортовой шкалы времени относительно системной шкалы времени для учета смещения времени КА при навигационных измерениях;
- Расхождение между шкалой времени навигационной системы и национальной шкалой времени, для решения задачи синхронизации потребителей;
- Признаки пригодности с информацией о состоянии спутника для оперативного исключения спутников с выявленными отказами из навигационного решения;
- Альманах с информацией об орбитах и состоянии всех КА в группировке для долгосрочного грубого прогноза движения спутников и планирования измерений;
- Параметры модели ионосферы, необходимые одночастотным приемникам для компенсации погрешностей навигационных измерений, связанных с задержкой распространения сигналов в ионосфере;
- Параметры вращения Земли для точного пересчета координат потребителя в разных системах координат.

GPS спутники передают два вида данных - альманах и эфемерис. Альманах содержит параметры орбит всех спутников. Каждый спутник передаёт альманах для всех спутников. Данные альманаха не отличаются большой точностью и действительны несколько месяцев. В свою очередь, данные эфемериса содержат очень точные корректировки параметров орбит и часов для каждого спутника, что требуется для точного определения координат.

Каждый GPS спутник передаёт только данные своего собственного эфемериса. Эти данные действительны только 30 минут. Спутники передают

свой эфемерис каждые 30 секунд. Если GPS был отключён более 30 минут, а потом включён, он начинает искать спутники, основываясь на известном ему альманахе. По нему GPS выбирает спутники для инициации поиска.

В первой главе производится выделение информации об эфемеридах отдельного КА из структуры кадра навигационного сообщения, а также осуществляется обработка полученной информации и запись в текстовый файл.

1 Обработка логов навигационного приемника

1.1 Задание к первому этапу

В неизвестной локации установлен навигационный приемник, принимающий сигналы GPS L1C/A и логирующий результаты этого приема в формате NVS BINR. Собранный на пятиминутном интервале файл приложен в архиве под именем BINR.bin. Файл содержит наблюдения псевдодальностей и прочих радионавигационных параметров, демодулированные и разобранные данные навигационного сообщения.

Данные демодулятора продублированы в текстовый файл in.txt. Каждая строка файла содержит данные одного сабфрейма одного навигационного сигнала в формате:

```
1 0 013 0R GpsL1CA # 13          212130404 29 125 53
10001011101010101010100010100101110000110010100101111100010101010101010
```

Рисунок 1 – Структура одного сабфрейма одного НКА

где 13 - номер спутника, 212130404 - счетчик сабфреймов в сигнале, 53 - ID сабфрейма в навигационном сообщении, где в первых трех битах содержится номер сабфрейма в фрейме (5 в данном примере), а далее - номер фрейма в сообщении (6 в данном примере), 1000101110... символы с демодулятора в порядке возрастания времени слева направо.

Требуется:

1. Разработать программу, обрабатывающую файл in.txt и выводящую в файл out.txt таблицу эфемерид для спутника согласно варианту в заданном формате.
2. Обработать файл BINR.bin с помощью программы RTKNAVI из состава RTKLIB. Определить день и место проведения наблюдений, значения эфемерид для спутника согласно номеру варианта.
3. Сравнить полученные таблицы.

- Программа должна компилироваться gcc, все входные данные брать из in.txt, весь вывод осуществлять в out.txt.

Исходные данные в файле in.txt имеют следующий вид:

Рисунок 2 – Исходные данные файла in.txt

Согласно варианту задания необходимо обработать данные для 16 спутника, а именно: эфемеридная информация, содержащаяся в первых трёх сабфреймах структуры навигационного сообщения. В приложении А представлен листинг кода программы, реализующий обработку файла in.txt на языке С.

10

Функция *subFrames2Eph* выделяет из сабфреймов необходимую эфемеридную информацию о Кеплеровских элементах орбиты, шкале времени часов спутника.

Метод *twoCompl2int* вводит дополнение до двух, а именно позволяет получать данные из структуры сабфрейма с учётом знака.

Функция *printEmp* выводит на экран таблицу эфемерид для заданного КА.

Сохранение таблицы эфемерид производится с помощью функции *save* в файл out.txt.

Скомпилируем программу с помощью gcc и выведем на экран полученную таблицу эфемерид:

```
cmd Командная строка
URA = 0
Health = 0
IOD2 = 20
IOD3 = 20
codeL2 = 1
L2P = 1

C:\Users\rcymbal\source\repos\KPAPSRNS1\KPAPSRNS1>gcc APSRNS.cpp -o APSRNS.exe

C:\Users\rcymbal\source\repos\KPAPSRNS1\KPAPSRNS1>APSRNS.exe
LNAV Ephemeris (slot = 221473810) =
Crs = 7.750000e+000
Dn = 2.432512e-007 [deg/s]
M0 = -7.133039 [deg]
Cuc = 5.867332e-007
e = 1.275745e-002
Cus = 9.344891e-006
sqrtA = 5.153602e+003
toe = 100800
Cic = 6.891787e-008
Omega0 = 135.039698 [deg]
Cis = 1.844019e-007
i0 = 55.591104 [deg]
Crc = 2.056875e+002
omega = 40.568872 [deg]
OmegaDot = -4.556637e-007 [deg/s]
iDot = -2.312390e-008 [deg/s]
Tgd = -1.024455e-008
toc = 100800
af2 = 0.000000e+000
af1 = -4.888534e-012
af0 = -4.691556e-004
WN = 149
IODC = 20
URA = 0
Health = 0
IOD2 = 20
IOD3 = 20
codeL2 = 1
L2P = 1

C:\Users\rcymbal\source\repos\KPAPSRNS1\KPAPSRNS1>
```

Рисунок 3 – Результат компиляции программы

```

out — Блокнот
Файл Правка Формат Вид Справка
.LNAV Ephemeris (slot = 221473810) =
  Crs    = 7.750000e+000
  Dn     = 2.432512e-007 [deg/s]
  MO     = -7.133039 [deg]
  Cuc    = 5.867332e-007
  e      = 1.275745e-002
  Cus    = 9.344891e-006
  sqrtA  = 5.153602e+003
  toe    = 100800
  Cic    = 6.891787e-008
  Omega0 = 135.039698 [deg]
  Cis    = 1.844019e-007
  i0     = 55.591104 [deg]
  Crc    = 2.056875e+002
  omega  = 40.568872 [deg]
  OmegaDot= 3.428671e-004 [deg/s]
  iDot   = 3.121522e-007 [deg/s]
  Tgd    = 1.089647e-007
  toc    = 100800
  af2    = 0.000000e+000
  af1    = 7.445692e-009
  af0    = 1.483969e-003
  WN     = 149
  IODC   = 20
  URA    = 0
  Health = 0
  IODE2  = 20
  IODE3  = 20
  codeL2 = 1
  L2P    = 1

```

1.3 Сравнение результатов разработанной программы и программы RTKNAVI

После обработки файла BINR.bin с помощью программы RTKNAVI из состава RTKLIB получим таблицу эфемерид и сравним с рисунком 4 п.1.2:

RTK NAVI ver.2.43 b34: RTK Monitor

GPS

Only OK

Current 1

Close

Sat	PRN	Status	IDODE	IDURA	SVht	Loc	Ttans	A (m)	e	lD (°)	lO (°)	ω (°)	M0 (°)	Δn (°/s)	lDdot (°/s)	IDOT (°/s)	Af0 (ns)	Af1 (ns/s)	Af2 (ns/s)	TGD1 (ns)	TGD2 (ns)	Cuc (rad)			
G03	4	OK	2827	11	0	000	2022/02/14 01:59:44	2022/02/14 01:59:44	2022/05/05 15:03:22	26560504.265	0.00389213		55.72485	-50.10616	154.89203	44.47841	2.357E-07	-4.5681E-07	-1.7149E-08	-120.3471	-0.0172	0.0000	1.86	0.00	-6.6254E-04
G04	3	OK	1958	588	0	000	2022/02/14 02:00:00	2022/02/14 02:00:00	2022/05/05 15:03:22	26560517.291	0.00195665		55.09149	11.82685	-175.59711	-142.98902	2.452E-07	-4.4271E-07	2.9324E-08	-189699.82	0.0023	0.0000	-4.19	0.00	-0.0839E-07
G06	6	OK	2210	86	0	000	2022/02/14 02:00:00	2022/02/14 02:00:00	2022/05/05 15:03:22	26560290.249	0.00269551		56.49500	-109.91291	-55.01959	133.64356	2.4669E-07	-7.1615E-07	-7.1623E-10	200809.45	0.0119	0.0000	3.73	0.00	1.5080E-06
G07	7	OK	8995	35	0	000	2022/02/14 04:00:00	2022/02/14 04:00:00	2022/05/05 15:03:22	26560462.036	0.01554191		54.46659	70.20500	-131.27031	136.52698	2.8489E-07	-5.8906E-07	7.3464E-09	310124.81	0.0027	0.0000	-11.18	0.00	3.5018E-07
G09	9	OK	7710	30	0	000	2022/02/14 02:00:00	2022/02/14 02:00:00	2022/05/05 15:03:22	26569984.321	0.0025987		55.49112	8.79644	107.10939	-94.65112	2.5565E-07	-4.4940E-07	2.5354E-08	-35.4265.81	0.0016	0.0000	1.40	0.00	-1.2128E-07
G16	16	OK	5140	20	0	000	2022/02/14 04:00:00	2022/02/14 04:00:00	2022/05/05 15:03:22	26559968.1285	0.01275445		55.69110	13.03970	40.56887	-7.13304	2.4325E-07	-5.5666E-07	-2.3124E-08	-46915.5161	-0.0049	0.0000	-10.24	0.00	5.8673E-07

Комментарий к рисункам 4 – 5:

По полученным таблицам можно отметить, что эфемеридная информация была выделена корректно.

2 Моделирование траектории движения

2.1 Задание ко второму этапу

Требуется реализовать на языке Matlab или Python функцию расчета положения спутника GPS на заданный момент по шкале времени UTC. В качестве эфемерид использовать данные, полученные на предыдущем этапе.

Построить трехмерные графики множества положений спутника GPS с системным номером, соответствующим номеру студента по списку. Графики в двух вариантах: в СК ECEF WGS84 и соответствующей ей инерциальной СК. Положения должны соответствовать суточному интервалу на дне формирования наблюдений, определенном на предыдущем этапе. Допускается использовать одни и те же эфемериды на весь рассматриваемый интервал.

Вывести значения координат спутника в файл out.txt в системе ECEF WGS 84 в виде строк: Секунда_от_начала_дня X Y Z.

Используя оценку местоположения с предыдущего этапа, построить Sky Plot за указанный временной интервал и сравнить результат с Trimble GNSS Planning Online.

Требуется:

1. Реализовать в Matlab или Python (описание модели и её листинг)
2. Записать таблицу использованных эфемерид
3. Построить трехмерные графики положений спутника в ECEF и ECI (не забыть подписать оси, изобразить соответствующую Земле сферу в начале СК)
4. Построить расчётный и полученный в GNSS Planing Online SkyView

2.2 Разработка программы расчета положения спутника

Из [2] запишем таблицу значений эфемерид из п.1.2 в соответствии с моделью GPS и воспользуемся константами из ИКД GPS.

Таблица 1 – Значения эфемерид в соответствии с моделью GPS

C_{rs}	7.750000e+000
Δn	2.55652e-7
M_0	-7.133039
C_{uc}	5.867332e-007
e	1.275745e-002
C_{us}	9.344891e-006
\sqrt{A}	5.153602e+003
t_{oe}	100800
C_{ic}	6.891787e-008
Ω_0	135.039698
C_{is}	1.844019e-007
i_0	55.591104
C_{rc}	2.056875e+002
ω	40.568872
$\dot{\Omega}$	-4.556637e-007
IDOT	-2.312390e-008

Далее значения из табл.1 используются для расчета положения спутника GPS на заданный момент по шкале времени UTC на суточном интервале в системе координат ECEF WGS 84 и соответствующей ей инерциальной СК. Алгоритм расчёта координат КА взят из [2].

Для перевода в инерциальную СК расчёт проводится по (1):

$$\begin{cases} x' = x \cos(\theta) - y \sin(\theta) \\ y' = x \sin(\theta) + y \cos(\theta) \\ z' = z \end{cases} \quad (1)$$

, где $\theta = \dot{\Omega}_c(t - t_0)$

Центр декартовой системы координат переносится в точку приёма (рисунок 6) с помощью метода *ecsf2enu*. Далее координаты КА относительно точки приёма пересчитываются в полярную систему координат по (2) из алгоритма ИКД.

$$\begin{cases} r = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2} \\ \cos(\theta) = \frac{z}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}} \\ \operatorname{tg}(\varphi) = \frac{y}{x} \end{cases} \quad (2)$$

Координаты приёмника в RTKNAVI:

N:	44° 09' 36.3261"
E:	39° 00' 13.0546"
He:	1.247 m

Рисунок 6 – Координаты приемника

Вывод значений координат производится в файл out.txt. В приложении Б представлен листинг кода, реализующий расчёт положения КА и вывод соответствующих графиков

2.3 Результаты моделирования

На рисунке 7 представлена траектория движения КА №16 на интервале суток в СК ECEF WGS 84 с отмеченным местоположением приёмника. На рисунке 8 изображена траектория движения КА в СК, а также точка, в которой находится приёмник. На рисунке 8 изображён Sky Plot с учётом угла места в 10 град.

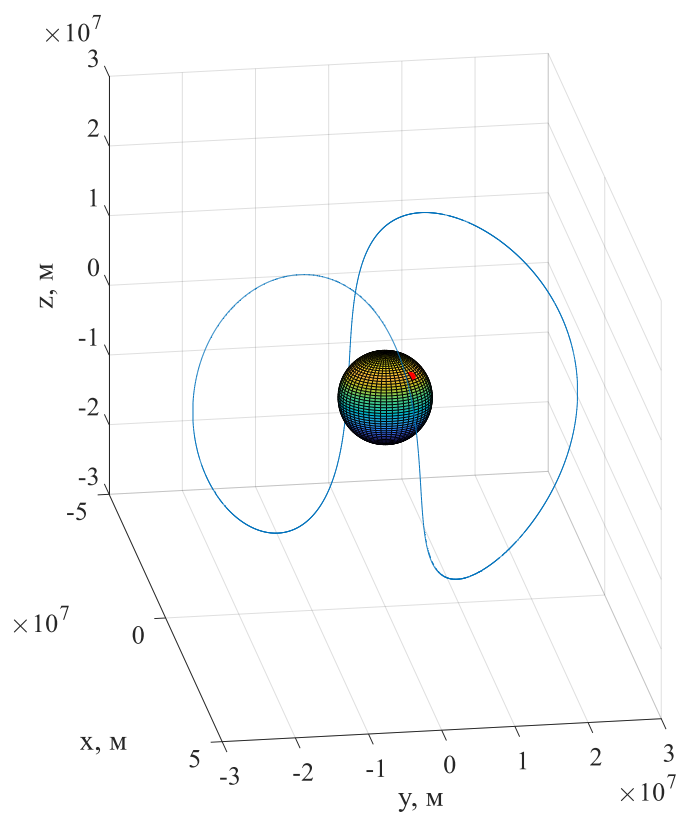


Рисунок 7 – Траектория движения КА в СК ECEF WGS84 и приёмник

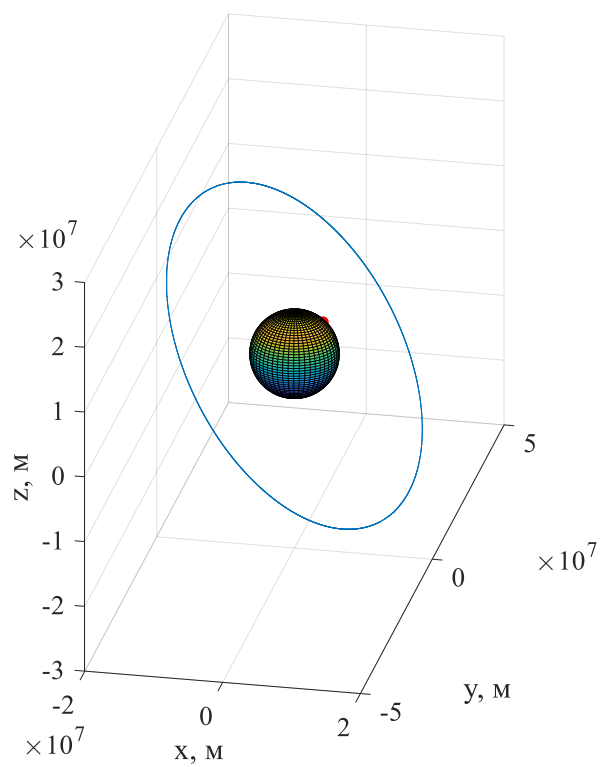


Рисунок 8 – Траектория движения КА в СК ECI и приёмник

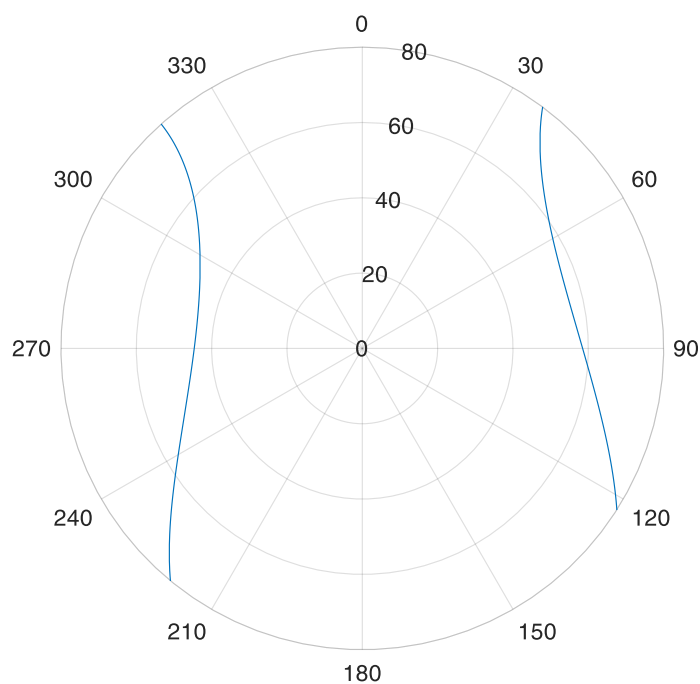


Рисунок 9 – Sky Plot

2.4 Сравнение результатов моделирования с Trimble GNSS Planning Online

Выставим необходимые параметры в Trimble GNSS Planning Online для построения SkyView на заданную дату и время:

Satellite Selection [Change selection](#)

Satellites: 1/140

System: active	Selected	Healthy
GPS <input checked="" type="checkbox"/>	1	30
GLONASS <input checked="" type="checkbox"/>	0	22
Galileo <input checked="" type="checkbox"/>	0	24
BeiDou <input checked="" type="checkbox"/>	0	48
QZSS <input checked="" type="checkbox"/>	0	5
IRNSS <input checked="" type="checkbox"/>	0	7

My Settings

Time of almanac: 2022-02-14

Time zone: UTC +00:00

Visible period: 2022-02-14 00:00 - 2022-02-15 00:00

Latitude: N 44° 9' 36.3261"

Longitude: E 39° 0' 13.0546"

Height: 1 m

Elevation cutoff: 10 °

GNSS Planning Online, © 2017-2018, Trimble Inc. Version: 1.0.1.0

Settings

Latitude: N 44° 9' 36.3261"

Longitude: E 39° 0' 13.0546"

Height: 1 m

Elevation cutoff: 10 °

Day: 14.02.2022 [Today](#)

Start time: 00:00 UTC +00:00

Period (hours): 24

Time zone: (UTC) Coordinated Universal Time

[Apply](#)

Рисунок 10 — Данные для построения SkyView

На рисунках 11,12 построен SkyView КА №16 системы GPS.

На интервале времени 14.02.2022 00:00 - 15.02.2022 00:00 из точки приёма КА виден 2 раза (утром и вечером).

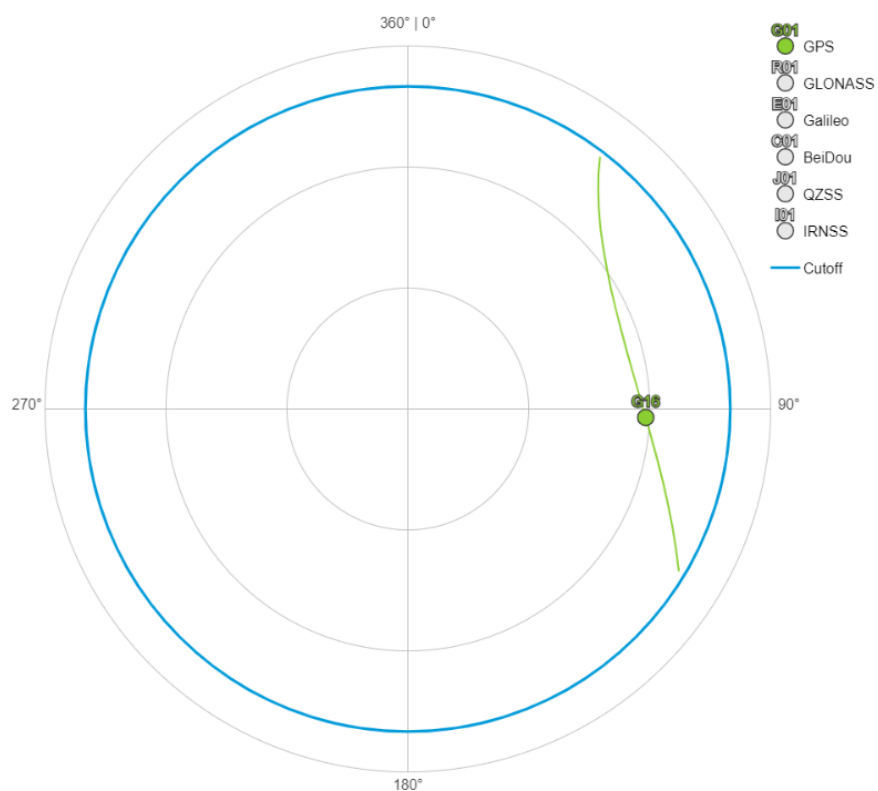


Рисунок 11 – Построение SkyView для первого пролёта КА утром

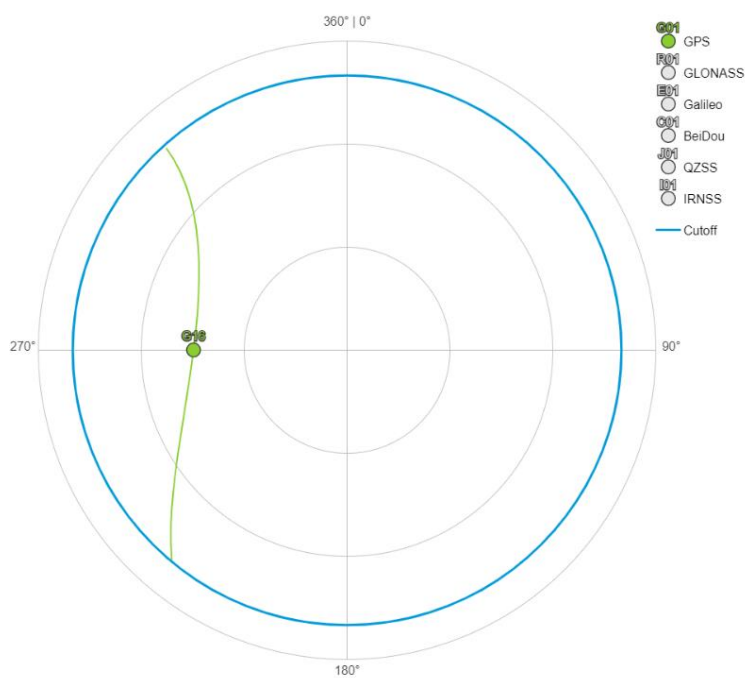


Рисунок 12 – Построение SkyView для второго пролёта КА вечером

Комментарий к рис. 9,11,12:

Рассчитанные положения КА в результате моделирования совпадают с Trimble GNSS Planning Online.

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

1. ГОСТ 7.32-2017. Структура и правила оформления отчета о научно-исследовательской работе.
2. Interface Control Contractor: SAIC (GPS SEI) 200 M. Pacific Coast Highway, Suite 1800 El Segundo, CA 90245.
3. <https://www.glonass-iac.ru/> Прикладной потребительский центр ГЛОНАСС. Информационно-аналитический центр координатно-временного и навигационного обеспечения.
4. <https://docs.microsoft.com/> Техническая документация Майкрософт.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

```
#include <stdio.h>
#include <stdint.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h> // loading libraries
#include <cmath>

#define SF1      pow(2,-5)
#define SF2      pow(2,-43)
#define SF3      pow(2,-31)
#define SF4      pow(2,-29)
#define SF5      pow(2,-33)
#define SF6      pow(2,-19)
#define SF7      pow(2,4)
#define SF8      pow(2,-55) // Scale factor
#define sc      180 //Semi circles

struct Ephemeris {
    double    Crs;
    double    Dn;
    double    M0;
    double    Cuc;
    double    e;
    double    Cus;
    double    sqrtA;
    uint32_t  toe;
    double    Cic;
    double    Omega0;
    double    Cis;
    double    i0;
    double    Crc;
    double    omega;
    double    OmegaDot;
    double    iDot;
    double    Tgd;
    uint32_t  toc;
    double    af2;
    double    af1;
    double    af0;
    uint32_t  WN;
    uint16_t  IODC;
    uint8_t   URA;
    uint8_t   Health;
    uint16_t  IODE2;
    uint16_t  IODE3;
    bool      codeL2;
    bool      L2P;
    uint32_t  slot;
};

const int32_t subFrameLength = 300;
struct SF1_3 {
    uint32_t slot;
    char sf1[subFrameLength + 1];
    char sf2[subFrameLength + 1];
    char sf3[subFrameLength + 1];
};

void printEmp(Ephemeris* ep);
int32_t file2subFrames(SF1_3* sf, FILE* fid, uint8_t svNum);
int32_t subFrames2Eph(Ephemeris* ep, SF1_3* subframes);
void save(Ephemeris* ep, FILE* fod);

int main(void)
```

```

{
    uint8_t svNum = 16;
    FILE* fid = fopen("in.txt", "r");
    FILE* fod = fopen("out.txt", "w");
    if (fid != nullptr) {
        SF1_3 subframes;
        if (!file2subFrames(&subframes, fid, svNum)) {

            Ephemeris *ep = (Ephemeris*)calloc(1, sizeof(Ephemeris));
            if (!subFrames2Eph(ep, &subframes)) {
                printEmp(ep);

            }
            else {
                printf(" Cannot decode subframes\n ");
            }
            fclose(fid);
            if (fod) {
                save(ep, fod);
            }
            else
            {
                printf(" Cannot open out.txt ");
            }
            fclose(fod);
            free(ep);
        }
        else {
            printf(" Subframes not found\n ");
        }
    }
    else {
        printf(" Cannot open in.txt ");
    }

    return 0;
}

uint32_t str2uint(char *sf, int32_t start, int32_t stop) {
    uint32_t ans = 0;
    for (int i = start; i < stop; i++) {
        bool bit = (sf[i - 1] == '1');
        ans = ans | (bit << (stop - i - 1));
    }
    return ans;
}

uint32_t str2uint1(char *sf, int32_t start, int32_t stop, int32_t start1, int32_t stop1)
{
    uint32_t ans = 0;
    for (int i = start; i < stop; i++) {
        bool bit = (sf[i - 1] == '1');
        ans = (ans | bit) << 1;
    }
    for (int i = start1; i < stop1; i++) {
        bool bit = (sf[i - 1] == '1');
        ans = ans | bit;
        if (i < stop1 - 1) {

```

```

        ans = ans << 1;
    }
}
return ans;
}
//uint32_t str2uint2(char *sf, int32_t start, int32_t stop, char *cf, int32_t start1,
int32_t stop1) {
//    uint32_t ans = 0;
//    for (int i = start; i < stop; i++) {
//        bool bit = (sf[i - 1] == '1');
//        ans = ans | (bit << (stop - i - 1));
//    }
//    for (int i = start1; i < stop1; i++) {
//        bool bit = (cf[i - 1] == '1');
//        ans = ans | (bit << (stop1 - i - 1));
//    }
//    return ans;
//}

int32_t twoCompl2int(uint32_t ans, int numBit) {        // twos-complement func
    int32_t m = 0xFFFFFFFF;
    if ((numBit < 32) && bool((1 << numBit - 1) & ans))
    {
        ans |= m << numBit;
        return ~(ans - 1);
    }
    if (numBit == 32 && bool((1 << 31) & ans)) {
        return ~(ans - 1);
    }
    return ans;
}

int32_t subFrames2Eph(Ephemeris* ep, SF1_3* subframes) {
    ep->slot = subframes->slot;
    ep->WN = str2uint(subframes->sf1, 61, 71);
    ep->CrS = twoCompl2int(str2uint(subframes->sf2, 69, 85), 16) * sF1;
    ep->Cuc = twoCompl2int(str2uint(subframes->sf2, 151, 167), 16)*sF4;
    ep->toe = str2uint(subframes->sf2, 271, 287)*sF7;
    ep->toC = twoCompl2int(str2uint(subframes->sf1, 219, 235), 16) * sF7;
    ep->IODC = str2uint1(subframes->sf1, 83, 85, 211, 219);
    ep->URA = str2uint(subframes->sf1, 73, 75);
    ep->Health = str2uint(subframes->sf1, 73, 79);
    ep->IODE2 = str2uint(subframes->sf2, 61, 69);
    ep->IODE3 = str2uint(subframes->sf3, 271, 279);
    //ep->IODE = twoCompl2int(str2uint2(subframes->sf2, 61, 69, subframes->sf3, 271,
279), 8);
    ep->codeL2 = bool(subframes->sf1[91]);
    ep->L2P = bool(subframes->sf1[91]);
    ep->e = str2uint1(subframes->sf2, 167, 175, 181, 205) * sF5;
    ep->af1 = twoCompl2int(str2uint(subframes->sf1, 249, 265), 16) * sF2;
    ep->af2 = twoCompl2int(str2uint(subframes->sf1, 241, 249), 8) * sF8;
    ep->af0 = twoCompl2int(str2uint(subframes->sf1, 271, 293), 22) * sF3;
    ep->Dn = twoCompl2int(str2uint(subframes->sf2, 91, 107), 16) * sF2 * sC;
    ep->M0 = twoCompl2int(str2uint1(subframes->sf2, 107, 115, 121, 145), 32) * sF3 *
sC;
    ep->Cus = twoCompl2int(str2uint(subframes->sf2, 211, 227), 16) * sF4;
    ep->sqrTA = str2uint1(subframes->sf2, 227, 235, 241, 265) * sF6;
    ep->Cic = twoCompl2int(str2uint(subframes->sf3, 61, 77), 16) * sF4;
    ep->Omega0 = twoCompl2int(str2uint1(subframes->sf3, 77, 85, 91, 115), 32) * sF3 *
sC;
    ep->Cis = twoCompl2int(str2uint(subframes->sf3, 121, 137), 16) * sF4;

```

```

        ep->i0 = twoCompl2int(str2uint1(subframes->sf3, 137, 145, 151, 175), 32) * sF3 *
sc;
        ep->Crc = twoCompl2int(str2uint(subframes->sf3, 181, 197), 16) * sF1;
        ep->omega = twoCompl2int(str2uint1(subframes->sf3, 197, 205, 211, 235), 32) * sF3
* sc;
        ep->OmegaDot = twoCompl2int(str2uint(subframes->sf3, 241, 265), 24) * sF2 * sc;
        ep->iDot = twoCompl2int(str2uint(subframes->sf3, 279, 293), 14) * sF2 * sc;
        ep->Tgd = twoCompl2int(str2uint(subframes->sf1, 197, 205), 8) * sF3;
        return 0;
    }

int32_t file2subFrames(SF1_3* sf, FILE* fid, uint8_t svNum) {
    int32_t sth1, sth2, sth3, sth4, sth5;
    char str_0R[8];
    char str_GPSL1CA[12];
    char str_reh[8];
    char str[1000];
    uint32_t svStr;
    uint32_t slot;
    int32_t subFrameNum;

    uint32_t slot_SF1 = 0;
    uint32_t slot_SF2 = 0;
    uint32_t slot_SF3 = 0;
    int32_t readres = 0;

    while (readres != EOF)
    {
        svStr = 0;
        readres = fscanf(fid, "%d %d %d %s %s %s %u\t %u %d %d %d %s", &sth1,
&sth2, &sth3, str_0R, str_GPSL1CA, str_reh, &svStr, &slot, &sth4, &sth5, &subFrameNum,
str);
        if ((svStr == svNum) && (slot >= (604800 / 6))) {
            if (subFrameNum == 1) {
                slot_SF1 = slot;
                strncpy(sf->sf1, str, sizeof(sf->sf1));
            }
            else if (subFrameNum == 2) {
                slot_SF2 = slot;
                strncpy(sf->sf2, str, sizeof(sf->sf2));
            }
            else if (subFrameNum == 3) {
                slot_SF3 = slot;
                strncpy(sf->sf3, str, sizeof(sf->sf3));
            }
            if ((slot_SF1 + 1 == slot_SF2) && (slot_SF2 + 1 == slot_SF3)) {
                sf->slot = slot_SF1;
                return 0;
            }
        }
    }

    return 1;
}

void printEmp(Ephemeris* ep)
{
    printf("LNAV Ephemeris (slot = %u) = \n", ep->slot);
    printf("\tCrs      = %e \n", ep->Crs);
    printf("\tDn      = %e \t[deg/s] \n", ep->Dn);
    printf("\tM0      = %f \t[deg] \n", ep->M0);
    printf("\tCuc      = %e \n", ep->Cuc);
}

```



```

printf("\te      = %e          \n", ep->e);
printf("\tCus      = %e          \n", ep->Cus);
printf("\tsqrtA     = %e          \n", ep->sqrtA);
printf("\ttoe       = %u          \n", ep->toe);
printf("\tCic        = %e          \n", ep->Cic);
printf("\tOmega0     = %f \t[deg]   \n", ep->Omega0);
printf("\tCis        = %e          \n", ep->Cis);
printf("\ti0         = %f \t[deg]   \n", ep->i0);
printf("\tCrc        = %e          \n", ep->Crc);
printf("\tomega      = %f \t[deg]   \n", ep->omega);
printf("\tOmegaDot= %e \t[deg/s]   \n", ep->OmegaDot);
printf("\tiDot       = %e \t[deg/s]   \n", ep->iDot);
printf("\tTgd        = %e          \n", ep->Tgd);
printf("\ttoc        = %u          \n", ep->toc);
printf("\taf2        = %e          \n", ep->af2);
printf("\taf1        = %e          \n", ep->af1);
printf("\taf0        = %e          \n", ep->af0);
printf("\tWN         = %u          \n", ep->WN);
printf("\tIODC       = %u          \n", ep->IODC);
printf("\tURA        = %u          \n", ep->URA);
printf("\tHealth     = %u          \n", ep->Health);
printf("\tIODE2      = %u          \n", ep->IODE2);
printf("\tIODE3      = %u          \n", ep->IODE3);
printf("\tcodeL2     = %u          \n", ep->codeL2);
printf("\tL2P        = %u          \n", ep->L2P);
}

void save(Ephemeris* ep, FILE* fod)
{
    fprintf(fod, "LNAV Ephemeris (slot = %u) = \n", ep->slot);
    fprintf(fod, "\tCrs      = %e          \n", ep->Crs);
    fprintf(fod, "\tDn       = %e \t[deg/s]   \n", ep->Dn);
    fprintf(fod, "\tM0        = %f \t[deg]   \n", ep->M0);
    fprintf(fod, "\tCuc       = %e          \n", ep->Cuc);
    fprintf(fod, "\te        = %e          \n", ep->e);
    fprintf(fod, "\tCus       = %e          \n", ep->Cus);
    fprintf(fod, "\tsqrtA     = %e          \n", ep->sqrtA);
    fprintf(fod, "\ttoe       = %u          \n", ep->toe);
    fprintf(fod, "\tCic       = %e          \n", ep->Cic);
    fprintf(fod, "\tOmega0    = %f \t[deg]   \n", ep->Omega0);
    fprintf(fod, "\tCis       = %e          \n", ep->Cis);
    fprintf(fod, "\ti0        = %f \t[deg]   \n", ep->i0);
    fprintf(fod, "\tCrc       = %e          \n", ep->Crc);
    fprintf(fod, "\tomega     = %f \t[deg]   \n", ep->omega);
    fprintf(fod, "\tOmegaDot= %e \t[deg/s]   \n", ep->OmegaDot);
    fprintf(fod, "\tiDot      = %e \t[deg/s]   \n", ep->iDot);
    fprintf(fod, "\tTgd       = %e          \n", ep->Tgd);
    fprintf(fod, "\ttoc       = %u          \n", ep->toc);
    fprintf(fod, "\taf2       = %e          \n", ep->af2);
    fprintf(fod, "\taf1       = %e          \n", ep->af1);
    fprintf(fod, "\taf0       = %e          \n", ep->af0);
    fprintf(fod, "\tWN        = %u          \n", ep->WN);
    fprintf(fod, "\tIODC      = %u          \n", ep->IODC);
    fprintf(fod, "\tURA       = %u          \n", ep->URA);
    fprintf(fod, "\tHealth    = %u          \n", ep->Health);
    fprintf(fod, "\tIODE2     = %u          \n", ep->IODE2);
    fprintf(fod, "\tIODE3     = %u          \n", ep->IODE3);
    fprintf(fod, "\tcodeL2    = %u          \n", ep->codeL2);
    fprintf(fod, "\tL2P       = %u          \n", ep->L2P);
}

```

ПРИЛОЖЕНИЕ Б

```

clc
clear all
close all hidden
close all force

set(0,'defaultTextFontSize', 14) % Default Font Size
set(0,'defaultAxesFontSize', 14) % Default Font Size
set(0,'defaultAxesFontName','Times') % Default Font Type
set(0,'defaultTextFontName','Times') % Default Font Type
set(0,'defaultFigurePaperPositionMode','auto') % Default Plot
position
set(0,'DefaultFigurePaperType','<custom>') % Default Paper Type
set(0,'DefaultFigurePaperSize',[14.5 7.7]) % Default Paper Size
format longE

%% Константы
pi= 3.1415926535898; % Отношение длины окружности к ее диаметру
mu = 3.986004418*1e14; % Геоцентрическая гравитационная постоянная
omega_E = 7.2921151467*1e-5; % Средняя угловая скорость Земли
c = physconst('LightSpeed'); % Скорость света
Earth_radius = physconst('EarthRadius'); % Радиус Земли

%% Эфемериды в соответствии с моделью GPS
C_rs = 7.750000e+000; % Амплитуда поправочного члена синусоидальной гармонике
к радиусу орбиты
delta_n = deg2rad(2.55652e-7); % Среднее отклонение движения от вычисленного
значения
M_0 = deg2rad(-7.133039); % Средняя аномалия в контрольный момент времени
C_us = 5.867332e-007; % Амплитуда поправочного члена косинусной гармонике к
аргументу широты
ecc = 1.275745e-002; % Эксцентриситет
C_us = 9.344891e-006; % Амплитуда поправочного члена синусоидальной гармонике
к аргументу широты
aSqRoot = 5.153602e+003; % Поправка к большой полуоси
t_oe = 100800; % Опорное время эфемерид
C_ic = 6.891787e-008 ; % Амплитуда поправочного члена косинусной гармонике к
углу наклона
Omega0 = deg2rad(135.039698); % Долгота восходящего узла
C_is = 1.844019e-007; % Амплитуда поправочного члена синусоидальной гармонике
к углу наклона
i0 = deg2rad(55.591104); % Наклонение в контрольный момент времени
относительно i0 = 56 град
C_rc = 2.056875e+002; % Амплитуда поправочного члена косинусной гармонике к
радиусу орбиты
omega = deg2rad(40.568872); % Аргумент перигея
OmegaDot = deg2rad(-4.556637e-007); % Скорость прямого восхождения
iDot = deg2rad(-2.312390e-008); % Скорость угла наклона

%% Расчёт Кеплеровских элементов орбиты
A = aSqRoot^2; % Большая полуось
n_0 = sqrt(mu/A^3); % Расчетное среднее движение

%% Алгоритм расчёта координат
leapSeconds = 18; % Секунды координации
daySecondsCount = 86400;

for ind = 1:daySecondsCount
t = daySecondsCount + leapSeconds + ind; % Количество секунд от начала
текущей недели
t_k = t - t_oe; % Время от опорной эпохи эфемерид

```

```

    if t_k > 302400

        t_k = t_k - 604800;

    elseif t_k < -302400

        t_k = t_k + 604800;

    end

n = n_0 + delta_n; % Скорректированное среднее движение
M_k = M_0 + n * t_k; % Средняя аномалия
E_0 = M_k;
E_k = 0;
count = 0;

while true
    E_k = E_0;
    E_0 = E_0 + (M_k - E_0 + ecc * sin(E_0))/(1 - ecc * cos(E_0));
    if abs(E_0-E_k) < 1e-8
        break
    end
    count = count + 1;
end

nu = atan2((sqrt(1 - ecc^2) * sin(E_k)/(1 - ecc * cos(E_k))), ((cos(E_k) -
ecc)/(1 - ecc * cos(E_k)))); % Истинная аномалия
Phi = nu + omega; % Аргумент широты
delta_u = C_us*sin(2*Phi) + C_uc*cos(2*Phi); % Аргумент поправки на широту
delta_r = C_rs*sin(2*Phi) + C_rc*cos(2*Phi); % Коррекция радиуса
delta_i = C_is*sin(2*Phi) + C_ic*cos(2*Phi); % Коррекция наклона
u_k = Phi + delta_u; % Скорректированный аргумент широты
r = A * (1 - ecc * cos(E_k)) + delta_r; % Скорректированный радиус
i_corr = i0 + delta_i + iDot * t_k; % Скорректированное наклонение

x_shtr = r * cos(u_k);
y_shtr = r * sin(u_k);

Omega_corr = Omega0 + (OmegaDot - omega_E) * t_k - omega_E * t_oe; %
Скорректированная широта восходящего узла

x(ind) = x_shtr * cos(Omega_corr) - y_shtr * cos(i_corr) * sin(Omega_corr); %
Координаты КА
y(ind) = x_shtr * sin(Omega_corr) + y_shtr * cos(i_corr) * cos(Omega_corr);
z(ind) = y_shtr * sin(i_corr);

% Инерциальная СК
Theta = omega_E * t_k;
x_ics(ind) = x(ind) * cos(Theta) - y(ind) * sin(Theta);
y_ics(ind) = x(ind) * sin(Theta) + y(ind) * cos(Theta);
z_ics(ind) = z(ind);

% Вычисление координат приёмника
lat = deg2rad(44.09363261); % Широта
lon = deg2rad(39.00130546); % Долгота
H = 1.247; % Высота

x_point = (Earth_radius + H)*cos(lat)*cos(lon); % Расчёт координат приёмника
y_point = (Earth_radius + H)*cos(lat)*sin(lon);
z_point = (Earth_radius + H)*sin(lon);

```

```

[xRezult(ind), yRezult(ind), zRezult(ind)] =
ecef2enu(x(ind),y(ind),z(ind),lat,lon,H,wgs84Ellipsoid,'radians'); %
Отображение координат КА относительно передатчика

% Полярная СК
if zRezult(ind) > 0
rho(ind) = norm([xRezult(ind),yRezult(ind),zRezult(ind)]);
theta(ind) = acos(zRezult(1,ind)/rho(ind));
    if xRezult(ind) > 0
        phi(ind) = -atan(yRezult(ind)/xRezult(ind))+pi/2;
    elseif (xRezult(ind)<0)&&(yRezult(ind)>0)
        phi(ind) = -atan(yRezult(ind)/xRezult(ind))+3*pi/2;
    elseif (xRezult(ind)<0)&&(yRezult(ind)<0)
        phi(ind) = -atan(yRezult(ind)/xRezult(ind))-pi/2;
    end
else
rho(ind) = nan;
theta(ind) = nan;
phi(ind) = nan;
end
end

%% Вывод значений координат в файл out.txt
outTxt = fopen('out.txt', 'w');
formatSpec = '%1.0f %10.8f %10.8f\n';
for indCount = 1:length(x)
    fprintf(outTxt, formatSpec, indCount, x(indCount), y(indCount),
z(indCount));
end
fclose(outTxt);
type out.txt

%% Расчёт для построения Земли
[x_sphere,y_sphere,z_sphere] = sphere(50);
x_Earth = Earth_radius*x_sphere;
y_Earth = Earth_radius*y_sphere;
z_Earth = Earth_radius*z_sphere;

%% Построение графиков
figure(1)
subplot(1,1,1)
surf(x_Earth,y_Earth,z_Earth)
hold on
plot3(x, y, z)
plot3(x_point,y_point ,z_point,'o','Color' , 'r', 'MarkerSize' , 5,
'MarkerFaceColor','r') % Построение точки
xlabel('x, м')
ylabel('y, м')
zlabel('z, м')
daspect([1,1,1])

figure(2)
subplot(1,1,1)
surf(x_Earth,y_Earth,z_Earth)
hold on
plot3(x_ics(1,:), y_ics(1,:), z_ics(1,:))
plot3(x_point,y_point ,z_point,'o','Color' , 'r', 'MarkerSize' , 5,
'MarkerFaceColor','r') % Построение точки
xlabel('x, м')
ylabel('y, м')
zlabel('z, м')
daspect([1,1,1])

```

```
figure (3)
axes = polaraxes;
polarplot(axes,phi,rad2deg(theta))
axes.ThetaDir = 'clockwise';
axes.ThetaZeroLocation = 'top';
rlim([0 80]) % Учёт угла места
```