МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский Нижегородский государственный

университет им. Н.И. Лобачевского» (ННГУ)

Институт информационных технологий, математики и механики Кафедра: Дифференциальных уравнений, математического и численного анализа

ОТЧЕТ

по учебной практике на тему:

«Визуализация типичных бифуркаций в семействе одномерных отображений»

Выполнил:
студент группы 381603-1
Королев Александр Павлович
ф.и.о.
подпись
Научный руководитель:
доцент, канд. физмат. наук
Малкин Михаил Иосифович
ученая степень, ученое звание,ф.и.о.
подпись

Оглавление

1	Введение	3
2	Основные определения и теоремы 2.1 Бифуркация 2.2 Теорема Шарковского	4
3	Определение хаотической динамической системы (R. Devaney)	100
4	Хаос в дискретных динамических системах	6
5	Рассматриваемые семейства одномерных отображений 5.1 Tent map 5.2 Logistic map 5.3 Sin map	7 7 8
6	Цель работы	ç
7	Структура программы	10
8	8.1.1 Tent Map	11 12 13 14 15 16 19
9	Заключение	20
10	Литература	21
	Приложение	22
	11.1 Vor morpourus	96

Введение

Хаос — это общий термин для обозначения поведения различных сложных решений относительно достаточно просто описываемых детерминированных систем. Пионером хаотической динамики считается Анри Пуанкаре, а глубокое изучение хаотических систем началось в 70-ых годах XX века после публикации работы Эдварда Лоренца. В ней он разрабатывал модель конвекции в атмосфере и обнаружил следующую замечательную особенность: решения при незначительном изменении начальных условий будут существенно отличаться друг от друга, при этом они не покидают определенную часть пространства (чувствительная зависимость от начальных условий). Позднее было установлено, что подобное поведение характерно для многих других динамических систем. Появилась потребность в изучении хаотической динамики. В данной работе рассмотрены основные свойства хаотических динамических систем па примере различных одномерных отображений.

Основные определения и теоремы

2.1 Бифуркация

Бифуркация – это качественная перестройка картины движения. Значения управляющего параметра, при которых происходят бифуркации, называются критическими или бифуркационными значениями.

2.2 Теорема Шарковского

Если непрерывное отображение одномерного интервала в себя имеет цикл периода m, то оно имеет также и циклы со всевозможными периодами m', предшествующими числу m в перечне всех целых чисел, выписанных в так называемом порядке Шарковского:

$$1 \vartriangleleft 2 \vartriangleleft 2^2 \vartriangleleft 2^3 \vartriangleleft 2^4 \vartriangleleft \ldots \vartriangleleft 2^3 \cdot 9 \vartriangleleft 2^3 \cdot 7 \vartriangleleft 2^3 \cdot 5 \vartriangleleft 2^3 \cdot 3 \vartriangleleft \ldots$$
$$\ldots \vartriangleleft 2^2 \cdot 9 \vartriangleleft 2^2 \cdot 7 \vartriangleleft 2^2 \cdot 5 \vartriangleleft 2^2 \cdot 3 \vartriangleleft \ldots$$
$$\ldots \vartriangleleft 2 \cdot 9 \vartriangleleft 2 \cdot 7 \vartriangleleft 2 \cdot 5 \vartriangleleft 2 \cdot 3 \vartriangleleft \ldots \vartriangleleft 9 \vartriangleleft 7 \vartriangleleft 5 \vartriangleleft 3.$$

Рис. 2.1: Порядок Шарковского

Определение хаотической динамической системы (R. Devaney)

Пусть X - метрическое пространство, тогда отображение $f:X\to X$ называется хаотическим на X , если :

- 1) Отображение f транзитивно т.е. Для любых двух открытых множеств U_1 , $U_2 \in X$ существует n > 0 такое, что $f^n(U_1) \cap U_2 \neq 0$
- 2) Периодические точки отображения всюду плотны $f^n \in X \ \forall \ n > 0, \ n = 1, 2, 3...$
- 3) У отображения f наблюдается чувствительная зависимость к начальным условиям, т.е.: существует $\beta>0$ такое, что $\forall \ x_0\in X$: \forall открытого множества $U\in X$ в окресности x_0 , найдется $y_0\in U$, такое, что при n>0 $|f^n(x_0)-f^n(y_0)|>\beta$

Стоит заметить, что приведенное определение хаотической динамической системы по Devaney - не единственно (например Йорк), но все определения эквивалентны.

Хаос в дискретных динамических системах

- 1) Пусть $x \in R$ и $f: R \to R$ функция, которая принадлежит C^2 Дискретная динамическая система представляет собой отображение вида: $x_{n+1} = f(x_n)$
- 2) Орбитой называется последовательность $x_0 = x, x_1 = f(x), \ldots, x_n = f^n(x), \ldots$
- 3) Мы называем x_0 неподвижной точкой, если $f(x_0) = x_0$
- 4) Мы называем x_0 периодической точкой с периодом n, если $f^n(x_0) = x_0$

Рассматриваемые семейства одномерных отображений

5.1 Tent map

Тентетивное отображение $T_r:[0,1]\to [0,1]$ - кусочно непрерывная функция, определяемая следующим образом:

$$T_r(x) = \begin{cases} rx & \text{if } 0 \le x \le \frac{1}{2} \\ -rx + r & \text{if } \frac{1}{2} \le x \le 1 \end{cases}$$

Параметр r изменяется в диапазоне [0,2]

Утверждение:

 T_r хаотично на интервале [0,1]

Доказательство:

- 1) На любом интервале $[\frac{k}{2^n},\frac{k+1}{2^n}]$ при $k=0,1,2,\ldots,2^n-1:T_r^n\to[0,1]$ Таким образом, T_r^n пересекает линию y=x единожды на каждом интервале. В результате каждый интервал содержит фиксированную точку для T_r^n , что эквивалентно наличию периодической точки для T_r с периодом n. Таким образом периодические точки отображения T_r плотны на [0,1].
- 2) Пусть U_1,U_2 являются открытыми подинтервалами в [0,1]. Пусть для n>>k, U_1 включает в себя интервал вида $[\frac{k}{2^n},\frac{k+1}{2^n}]$. Таким образом, отображение T_r^n с начальной точкой $x_0\in U_1$ содержит U_2
- 3) Пусть $x_0 \in [0,1]$, зададим $\beta = 1/2$, которая будет являться нашей сенсетивной константой. Выше мы показали, что для любого открытого интервала $U(x_0)$ отображение $T_r^n \to [0,1]$ при достаточно больших n.

Таким образом, существует $y_0 \in U$ такое, что $|f^n(y_0) - f^n(x_0)| \ge 1/2 = \beta$

5.2 Logistic map

"Логистическое отображение" - это отображение вида $L_r(x_n) = x_{n+1} = rx_n(1-x_n)$ Приведем ряд утверждений:

- 1) Решение уравнения rx(1-x)=x показывает, что L_r имеет фиксированные точки в 0 и $p_r=\frac{r-1}{r}$. Так же точки 1 и $\frac{1}{r}$ являются фиксированными т.к. $L_r(1)=0, L_r(\frac{1}{r})=p_r$
- 2) Если 0 < r < 1, тогда $p_r < 0$, p_r отталкивающая фиксировання точка, а 0 притягивающая
- 3) r = 1 бифуркационная точка.
- 4) При 1 < r < 3, 0 отталкивающая фиксированная точка, а p_r притягивающая.
- 5) При r=3 происходит бифуркация удвоения. 0 все еще отталкивающая фиксированная точка, а p_r притягивающая
- 6) При 3 < r < 3.4 обе точки 0 и p_r являются отталкивающими
- 7) При $r \approx 3.45$ происходит очередная бифуркация удвоения.
- 8) При 3.4 < r < 4 изменения происходят очень быстро.

5.3 Sin map

"Синусоидальное отображение" - это отображение вида $S_r(x_n)=x_{n+1}=r\sin\pi x_n$ $S_r:\ [0,r]\to [0,r].$

Параметр r принимает значения $[0, \infty]$.

Для значения параметра r=4 при решении уравнения $4\sin\pi x=x$

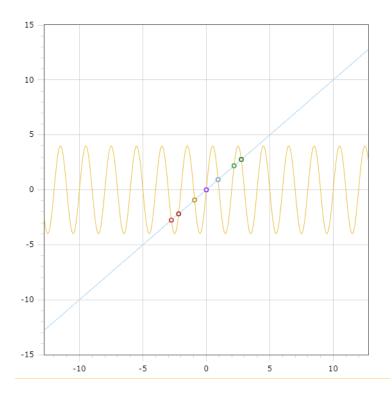


Рис. 5.1: Численное решение уравнения $4\sin \pi x = x$

мы получим следующие фиксированные точки : $p_1=0, p_2=0.95266, p_3=2.1838, p_4=2.75784$

Цель работы

Реализовать программное обеспечение (ΠO) для рассмотрения основных свойств хаотической динамики.

Данное ПО должно обладать следующим функцианалом:

- 1) Возможность построения орбит для одномерных отображений
- 2) Возможность построения бифуркационных диаграмм
- 3) Возможность отыскания точек удвоения периода

Структура программы

Приложение для решение данной задачи было реализовано на языке C# в среде Microsoft Visual Studio 2019 с использованием фреймворка "WindowsForm".

Calculate

Calculate - абстрактный класс, при помощи которого высчитываются точки для орбит и бифуркационных диаграмм.

Содержит в себе информацию о типе одномерного отображения, значениях параметров r, x_0 и функцию, для нахождения следующей точки

MainWindow

MainWindow - класс, который отвечает за взаимодействие между пользователем и программой(собирает исходные данные, отображает графики и таблицы)

OutputWindow

OutputWindow - класс, отвечающий за сообщения об ошибках, результатах выполнения программы

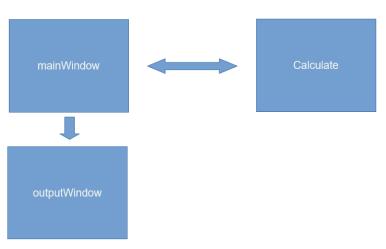


Рис. 7.1: Общая структура программы

Руководство пользователя

При запуске приложения появляется окно, в котором предлагается выбрать тип исследуемого одномерного отображения, начальную точку x_0 и значение параметра r

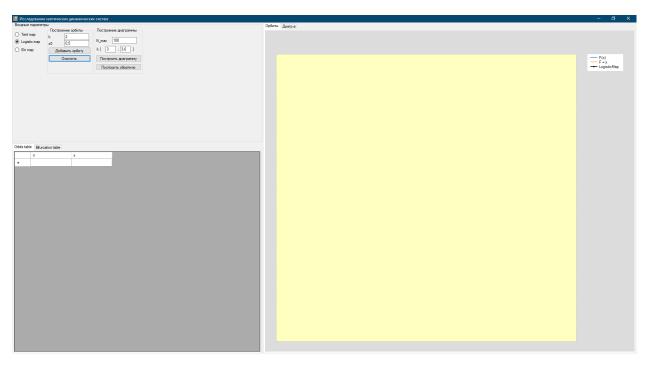


Рис. 8.1: Начальное окно программы

После, при нажатии кнопки "Добавить орбиту", в правой части праграммы мы увидим орбиту одномерного отображения при заданных начальных условиях.

В левом нижнем углу будет показана траектория нашей орбиты.

После выведется сообщение о том, приводят ли данные н.у. в фиксированную точку

При нажатии кнопки "Построить диаграмму" - в правой части во вкладке "Диаграмма"
будет построена бифуркационная диаграма для заданного диапазона
 \boldsymbol{r}

8.1 Пример построения орбит

8.1.1 Tent Map

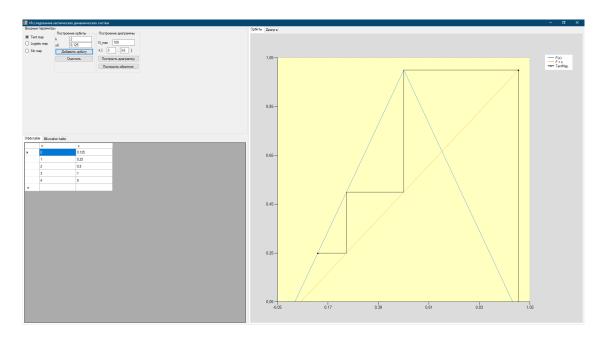


Рис. 8.2: Орбиты Теп
t тар при $r=2, x_0=0.125$

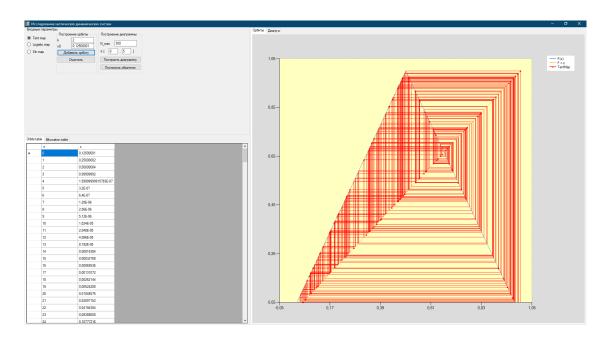


Рис. 8.3: Орбиты Теп
t тар при $r=2, x_0=0.12500001$

В данном примере на Рис.8.2 показана динамика орбиты при следующих начальных условиях $r=2,x_0=0.125$. Мы можем наблюдать, что за 5 итераций, начальная точка перемещается в фиксированную точку 0. На Рис.8.3 показано, как сильно изменяется поведение динамики орбит при незначительном изменении начальных условий. Изменение составляет 10^-8 , устойчивость системы полностью пропадает. Такое поведение объясняется жесткой чувствительностью к начальным условиям.

8.1.2 Logistic map

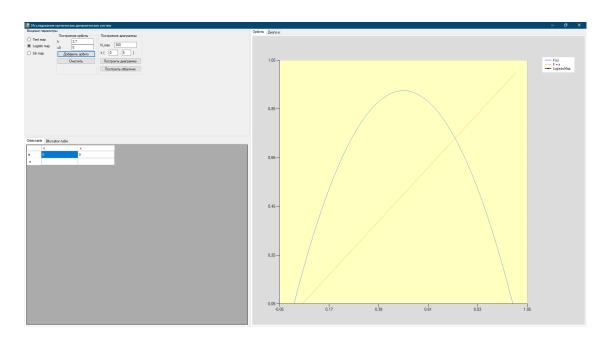


Рис. 8.4: Орбиты Logistic map при $r=3.7, x_0=0$

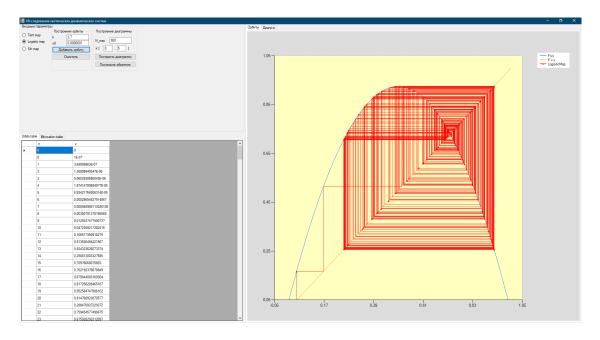


Рис. 8.5: Орбиты Logistic map при $r=3.7, x_0=0.0000001$

Аналогичный пример. На Рис. 8.4 показана динамика орбиты при следующих начальных условиях : $r=3.7, x_0=0.$ x_0 - фиксированная точка. Ожидаемо, что изменение динамики орбит наблюдаться не будет исходя из определения фиксированной точки. В предыдущем примере мы наблюдали свойство сенсетивности в действии. Точно так же мы убедились в том, что это свойство справедливо и для логистического отображения.

8.1.3 Sin map

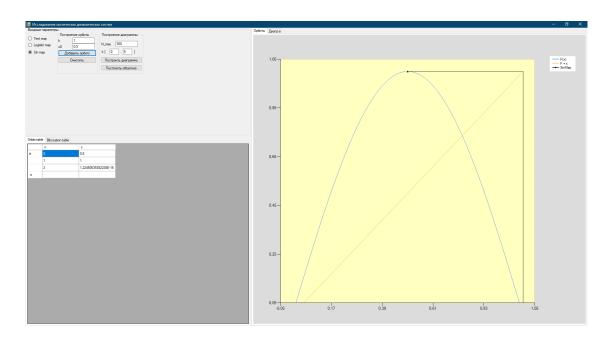


Рис. 8.6: Орбиты Logistic map при $r=1, x_0=0.5$

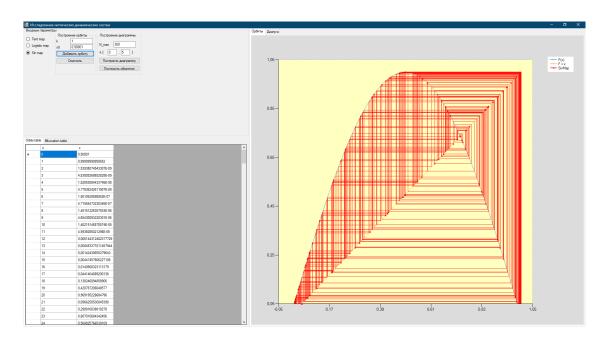


Рис. 8.7: Орбиты Logistic map при $r=1, x_0=0.50001$

На рис 8.6 и 8.7 продемонстрирована жесткая чувствительность к начальным условиям для синусоидального отображения.

8.2 Пример построения бифуркационных диаграмм

8.2.1 Tent map

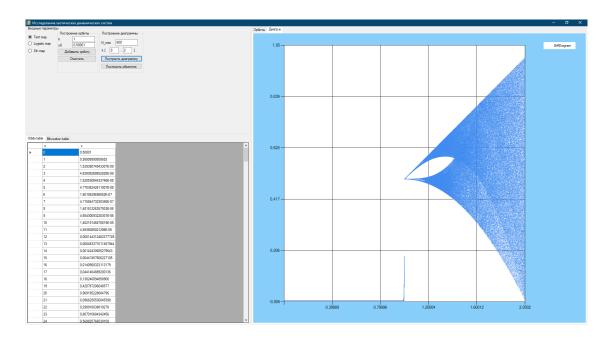


Рис. 8.8: Бифуркационная диаграмма tent map при $r \in [0,2]$

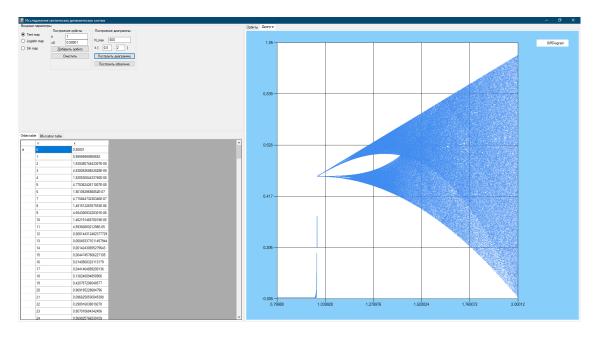


Рис. 8.9: Бифуркационная диаграмма tent map при $r \in [0.8, 2]$

На Рис. 8.8 изображена бифуркационная диаграмма тентетивного отображения при $r \in [0,2]$. Видно, что при значениях параметра $r \in [0,1]$ точка 0 является притягивающей. После происходит бифуркация удвоения. Предполагаем, что далее до значения параметра r=1.3 после некоторого незначительного изменения параметра Δr_i бифуркация удвоения повторяется. После значения r=1.3 мы видим, что поведение становится непредсказуемым. Стоит заметить, что точки бифуркаций удвоения для тентативного отображения программно отследить не удалось.

8.2.2 Logistic map

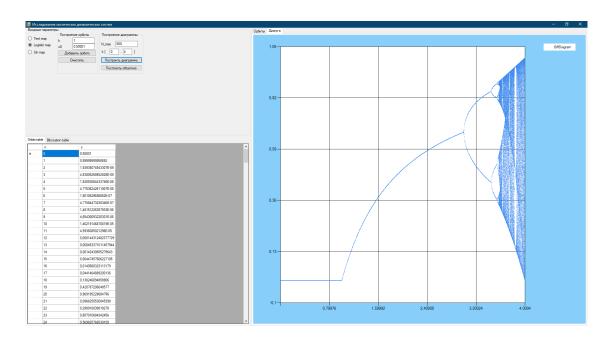


Рис. 8.10: Бифуркационная диаграмма logistic map при $r \in [0,4]$

На Рис. 8.10 показана бифуркационная диаграмма логистического отображения при $r \in [0,4]$. Проверим тезисы описанные в главе 4.2.

1) $r \in (0.1)$ 0 - притягивающая фиксированная точка, а p_r - отталкивающая.

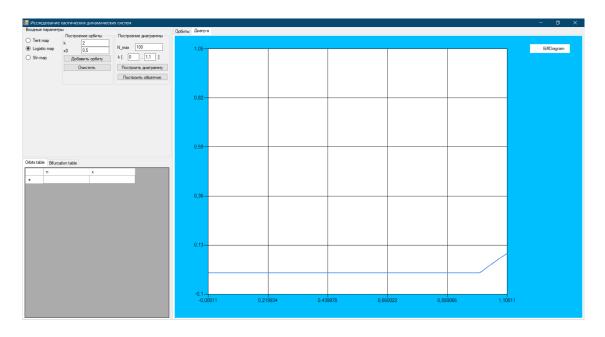


Рис. 8.11: Бифуркационная диаграмма tent map при $r \in [0, 1.1]$

На Рис 8.11 видно, что тезис, выдвинутый нами, справедлив. При заданных значениях параметра $r \in (0,1)$ притягивающей фиксированной точкой является 0. p_r - отталкивающая и не отображается на данном графике.

2) r = 1 - бифуркационная точка.

На Рис 8.11 наглядно видно, что при переходе параметра rчерез 1 меняется поведение нашей динамической системы. Следовательно r=1 действительно является бифуркационной точкой и наш тезис справедлив.

3) При $1 < r < 3,\, 0$ - отталкивающая фиксированная точка, а p_r - притягивающая.

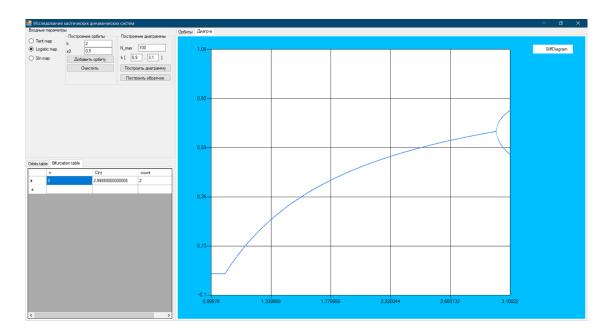


Рис. 8.12: Бифуркационная диаграмма tent map при $r \in [1, 3.1]$

На Рис. 8.12 видно, что данный тезис справедлив. Напомним, что $p_r = \frac{r-1}{r}$. Поэтому график показывает изменение этой точки в соответствии с увеличением r.

- 4) r=3 точка бифуркации удвоения периода. На Рис. 8.12 показано, что значеник параметра r=3 действительно является значением бифуркации удвоения периода.
- 5) При 3 < r < 3.4 обе точки 0 и p_r являются отталкивающими Как видно на Рис. 8.13 после бифуркации удвоения у нас появилась орбита с периодом два. Найти координаты этих точек можно решив следующую систему уравнений:

$$\begin{cases} rx_n(1-x_n) = x_{n+1} \\ rx_{n+1}(1-x_{n+1}) = x_n \end{cases}$$

Получим следующее решение:

$$\begin{cases} x_n = \frac{\sqrt{r^2 - 2r - 3} + r + 1}{2r} \\ x_{n+1} = -\frac{(\sqrt{r^2 - 2r - 3} - r + 1)(\sqrt{r^2 - 2r - 3} + r + 1)}{4r} \end{cases}$$

Именно эти величины мы можем наблюдать на Рис. 8.13.

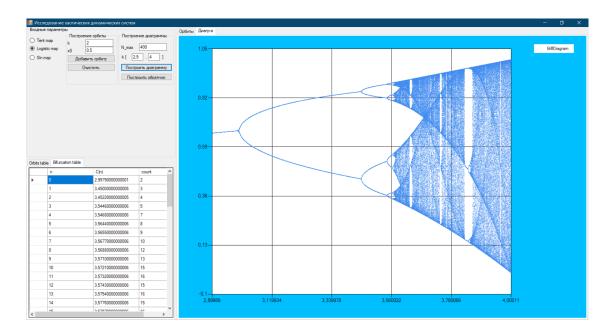


Рис. 8.13: Бифуркационная диаграмма tent map при $r \in [1, 3.1]$

6) При $r \approx 3.45$ происходит очередная бифуркация удвоения. Опять же в этом не трудно убедиться взглянув на Рис. 8.13 при $r \in [3, 3.45]$

Дополнительно стоит отметить, что на Рис. 8.13 можно наблюдать как хаотическое поведение сменяется так называемыми "окнами регулярности".

8.2.3 Sin map

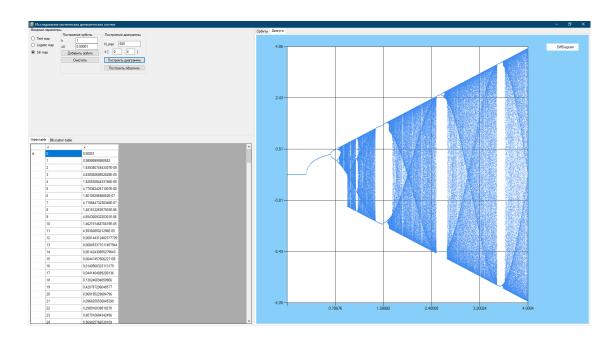


Рис. 8.14: Бифуркационная диаграмма Sin map при $r \in [0,4]$

На Рис. 8.14 изображена бифуркационная диаграмма синусоидального отображения при $r \in [0,4].$

При $r \in [0, 0.3]$ 0 является притягивающей фиксированной точкой.

Значение параметра $r \approx 0.3$ является бифуркационной точкой.

При $r \approx 0.71$ происходит бифуркация удвоения периода.

Заключение

В данной работе были рассмотрены основные свойства хаотической динамики. Была написана программа на языке программирования C#, позволяющая визуализировать орбиты различных одномерных отображений и строить для них бифуркационные диаграммы. При проведении эксперементов с орбитами мы убедились в чувствительной зависимости к начальным условиям в хаотических дискретных динамических системах. Так же при изучении бифуркационных диаграмм мы наблюдали точки удвоения периода, которые нам удалось отловить программно.

Литература

- 1) А.Каток, Б. Хасселблат введение в современную теорию динамических систем. Г. Москва: Факториал, 1999. 768 с.
- 2) R.L.Devaney An Introduction to Chaotic Dynamical Systems. 1989 by Addison-Wesley Publishing Company
- 3) R.A.Holmgren A First Course in Discrete Dynamical Systems. 1994 Springer-Verlag New York, Inc.

Приложение

11.1 Код программы

```
using System;
using System. Collections. Generic;
using System.Linq;
using System. Text;
using System. Threading. Tasks;
using System. Windows. Forms. Data Visualization. Charting;
namespace chaos
public abstract class BiffurcationMap
private\ double\ \_minCoeffValue;
public double minCoeffValue
protected get { return _minCoeffValue; }
set \ \{ \ \_minCoeffValue = value; \ \}
private double maxCoeffValue;
public double maxCoeffValue
protected get { return _maxCoeffValue; }
set { _maxCoeffValue = value; }
private double _coefficient;
public double coefficient
get {
return _coefficient; }
\operatorname{set}
if (value <= maxCoeffValue && value >= minCoeffValue)
```

```
coefficient = value;
else coefficient = maxCoeffValue;
private string _mapName;
public string mapName
get { return _mapName; }
protected set { _mapName = value; }
protected void setMapName(string value)
mapName = value;
public abstract double nextPoint(double point);
public abstract double nextRevertingPoint(double point);
}
public\ class\ TentMap: BiffurcationMap
public TentMap() : base ()
\min \text{CoeffValue} = 0;
\max CoeffValue=2;
coefficient = 0d;
mapName = "TentMap";
public TentMap(double coeff) : base()
\min \text{CoeffValue} = 0;
\max CoeffValue = 2;
coefficient = coeff;
mapName = "TentMap";
}
public override double nextPoint(double point)
if (point \leq 0.5)
return coefficient * point;
return -coefficient * point + coefficient;
```

```
}
public override double nextRevertingPoint(double point)
throw new NotImplementedException();
public class LogisticMap : BiffurcationMap
public LogisticMap() : base()
\min CoeffValue = 0;
\max CoeffValue = 4;
coefficient = 0d;
mapName = "LogisticMap";
}
public LogisticMap(double coeff) : base()
\min \text{CoeffValue} = 0;
\max CoeffValue = 4;
coefficient = coeff;
mapName = "LogisticMap";
public override double nextPoint(double point)
return coefficient * point * (1 - point);
public override double nextRevertingPoint(double point)
throw new NotImplementedException();
public\ class\ SinMap\ :\ BiffurcationMap
public SinMap()
\min \text{CoeffValue} = 0;
\max CoeffValue = double. Positive Infinity;
coefficient = 0;
mapName = "SinMap";
```

```
public SinMap(double coeff)
\min \text{CoeffValue} = 0;
maxCoeffValue = double.PositiveInfinity;
coefficient = coeff;
mapName = "SinMap";
public override double nextPoint(double point)
return coefficient * Math.Sin(Math.PI * point);
public override double nextRevertingPoint(double point)
throw new NotImplementedException();
}
using System;
using System. Collections. Generic;
using System.ComponentModel;
using System.Data;
using System.Drawing;
using System.Linq;
using System. Text;
using\ System. Threading. Tasks;
using System. Windows. Forms;
using System. Windows. Forms. Data Visualization. Charting;
namespace chaos
public partial class MainWindow: Form
public MainWindow()
InitializeComponent();
bool IsConvertibleToDouble(char elem)
if (elem == ',' || (int)elem >= '0' && (int)elem <= '9')
return true;
_{
m else}
return false;
```

```
int CountUnconvertibleItems (string str)
{
int countBrokenIndexes = 0;
Parallel.ForEach(str, (elem) => \{
if (!IsConvertibleToDouble(elem))
countBrokenIndexes++;
});
return countBrokenIndexes;
int CountBrokenInputSymbols()
int countBrokenIndexes = 0;
countBrokenIndexes += CountUnconvertibleItems(textBox startingPoint.Text);
countBrokenIndexes += CountUnconvertibleItems(textBox maxIter.Text);
countBrokenIndexes += CountUnconvertibleItems(textBox coeff.Text);
countBrokenIndexes += CountUnconvertibleItems(textBox endingCoeff.Text);
countBrokenIndexes += CountUnconvertibleItems(textBox\_startingCoeff.Text);
return countBrokenIndexes;
private InputOrbitsParams inputParams;
private BiffurcationMap createBiffurcationMap(double coef)
BiffurcationMap map;
if (rb IsTent.Checked)
return new TentMap(coef);
else if (rb IsLog.Checked)
return new LogisticMap(coef);
else
map = new SinMap(coef);
return map;
delegate double funcWrapper(double point);
private void drowDefaultGraphics(funcWrapper func)
double x = 0;
double h = 1.0 / 100;
for (int j = 0; j <= 100; j++)
```

```
chart orbits. Series [0]. Points. Add XY(x, func(x));
x += h;
chart orbits.Series[1].Points.AddXY(0, 0);
chart orbits.Series[1].Points.AddXY(1, 1);
private void setAxisParams(BiffurcationMap map)
chart orbits. Series[0]. Name = "F(x)";
chart orbits. Series[1]. Name = "F = x";
chart\_orbits.ChartAreas[0].AxisX.MajorGrid.Enabled = false;
chart orbits. ChartAreas[0]. AxisY. MajorGrid. Enabled = false;
chart orbits. ChartAreas[0]. AxisY.Minimum = 0.05;
chart orbits. ChartAreas[0]. AxisY.Maximum = 1.05;
chart orbits. ChartAreas[0]. AxisX. Minimum = -0.05;
chart orbits. ChartAreas[0]. AxisX. Maximum = 1.05;
void setInputParamsorbitsDrow()
inputParams.startingPoint = Convert.ToDouble(textBox startingPoint.Text);
inputParams.itersNum = Convert.ToInt32(textBox maxIter.Text);
inputParams.coefficient = Convert.ToDouble(textBox coeff.Text);
private void calculateAndDrowMap(BiffurcationMap map)
Queue<double> que = new Queue<double>();
double x 0 = inputParams.startingPoint;
double itersNum = inputParams.itersNum;
que. Enqueue(x \ 0);
chart orbits.Series[2].Name = map.mapName;
dataGridView orbitsTable.Rows.Add(0, x 0);
bool IsFixed = false;
chart orbits.Series[2].Color = Color.Red;
int i = 1;
for (; i < itersNum \&\& x_0 != 0; i++)
if (IsFixed == true) break;
double x = 1 = \text{map.nextPoint}(x = 0);
chart orbits.Series[2].Points.AddXY(x 0, x 1);
chart orbits.Series[2].Points.AddXY(x 1, x 1);
dataGridView orbitsTable.Rows.Add(i, x 1);
x = 0 = Math.Round(x_1, 11);
if (que.Count > 10000) que.Dequeue();
```

```
foreach (var s in que)
if (s == x 0)
IsFixed = true;
chart orbits.Series[2].Color = Color.Black;
break;
que. Enqueue(x \ 0);
if (x_0 == 0)
IsFixed = true;
chart orbits.Series[2].Color = Color.Black;
string \ s1 = \$"Paccmatpubaju \ \{map.mapName\} \ при \ x\_0 = \{inputParams.startingPoint\}, \ k = \{map.coefficient\} \ ";
if (IsFixed)
string s2 = "Точка является периодической с периодом {i}";
Form form = new ResultWindow(s1, s2);
form.Show();
if (!IsFixed)
string s2 = "Точка не является периодической";
Form form = new ResultWindow(s1, s2);
form.Show();
}
void CheckInputData()
while (CountBrokenInputSymbols() != 0)
var\ error Message = new\ Exception Window (\$"\ t\ Oшибка !!!\ \ \ Nоличество\ недопустимых\ символов = \{CountBroken, CountBroken, C
$"Входные параметры должны содержать только цифры или запятую");
errorMessage.Show();
return;
}
private void button1 Click(object sender, EventArgs e)
CheckInputData();
setInputParamsorbitsDrow();
 var map = createBiffurcationMap(inputParams.coefficient);
setAxisParams(map);
```

```
drowDefaultGraphics(map.nextPoint);
calculateAndDrowMap(map);
private void button2 Click(object sender, EventArgs e)
chart orbits.Series[0].Points.ClearQuick();
chart orbits.Series[1].Points.ClearQuick();
chart orbits.Series[2].Points.ClearQuick();
chart biffurcation.Series[0].Points.ClearQuick();
dataGridView_orbitsTable.Rows.Clear();
private void groupBox2 Enter(object sender, EventArgs e)
}
void setInputParamsBiffMap()
inputParams.coefficient = Convert.ToDouble(textBox startingCoeff.Text);
inputParams.startingPoint = Convert.ToDouble(textBox startingPoint.Text);
inputParams.coefficientEnd = Convert.ToDouble(textBox endingCoeff.Text);
inputParams.itersNum = Convert.ToInt32(textBox maxIter.Text);
}
private void button3_Click(object sender, EventArgs e)
CheckInputData();
setInputParamsBiffMap();
var flag = 0;
if (rb IsTent.Checked)
{
flag = 1;
chart\_biffurcation.ChartAreas[0].AxisY.Minimum = -0.005;
chart biffurcation.ChartAreas[0].AxisY.Maximum = 1.05;
if (rb IsLog.Checked)
flag = 2;
chart biffurcation. ChartAreas[0]. AxisY. Minimum = -0.1;
chart\_biffurcation.ChartAreas[0].AxisY.Maximum = 1.05;
if (rb IsSin.Checked)
```

```
flag = 3;
chart biffurcation. ChartAreas[0]. AxisY. Minimum = -4.05;
chart\_biffurcation.ChartAreas[0].AxisY.Maximum = 4.05;
double x = 0 = inputParams.startingPoint;
double coef = inputParams.coefficient;
double coef end = inputParams.coefficientEnd;
double N max = inputParams.itersNum;
double h = (-coef + coef end) / 1000;
var map = createBiffurcationMap(coef);
var eps = h / 10;
chart biffurcation.ChartAreas[0].AxisX.Minimum = coef - eps;
chart biffurcation. ChartAreas[0]. AxisX.Maximum = coef end + eps;
chart biffurcation.Series[0].Points.ClearQuick();
chart biffurcation.Series[0].Points.SuspendUpdates();
List<double> check biff = new List<double>();
List<double> arr_biff = new List<double>();
var for me = new List < int > ();
int check count = 1;
var epsilon = 1e-2;
for (; coef <= coef end; <math>coef += h)
check biff.Clear();
var x = x 0;
for (int i = 0; i < 500; i++)
x = next \quad x.next(flag, coef, x);
check biff.Add(x);
for (int i = 0; i < N \max; i++)
bool checker = false;
x = next \quad x.next(flag, coef, x);
chart biffurcation.Series[0].Points.AddXY(coef, x);
if (check biff.Count()<16) foreach(double elem in check biff)
if (Math. Abs(elem - x) < epsilon) { checker = true; break; }
if (!checker && (check biff.Count() < 16))
check biff.Add(x);
// chart2. Series[0]. Points. AddXY(coef, x); // next_x.next(flag, coef)(x));
if (check biff.Count() != check count)
```

```
arr biff.Add(coef);
for me.Add(check biff.Count());
check_count = check_biff.Count();
}
chart biffurcation.Series[0].Points.ResumeUpdates();
dataGridView bifurcationTable.Rows.Clear();
for (int i = 0; i < arr\_biff.Count(); i++)
dataGridView bifurcationTable.Rows.Add(i, arr biff[i], for me[i]);
}
}
private void bindingNavigator1 RefreshItems(object sender, EventArgs e)
}
private void button4 Click(object sender, EventArgs e)
var flag = 0;
if (rb IsTent.Checked)
flag = 1;
chart biffurcation. ChartAreas [0]. AxisY. Minimum = -0.005;
chart biffurcation. Chart Areas [0]. Axis Y. Maximum = 1.05;
if (rb_IsLog.Checked)
flag = 2;
chart biffurcation. ChartAreas[0]. AxisY. Minimum = -0.1;
chart biffurcation.ChartAreas[0].AxisY.Maximum = 1.05;
if (rb IsSin.Checked)
flag = 3;
chart biffurcation. ChartAreas [0]. AxisY. Minimum = -4.05;
chart biffurcation.ChartAreas[0].AxisY.Maximum = 4.05;
flag = 4;
double x_0 = Convert.ToDouble(textBox_startingPoint.Text);
double coef = Convert.ToDouble(textBox startingCoeff.Text);
double coef end = Convert.ToDouble(textBox endingCoeff.Text);
```

```
double N max = Convert.ToDouble(textBox maxIter.Text);
double h = (-coef + coef end) / 1000;
var eps = h / 10;
chart biffurcation.ChartAreas[0].AxisX.Minimum = coef - eps;
chart\_biffurcation.ChartAreas[0].AxisX.Maximum = coef\_end + eps;
chart biffurcation.Series[0].Points.ClearQuick();
chart biffurcation.Series[0].Points.SuspendUpdates();
List<double> check biff = new List<double>();
List<double> arr biff = new List<double>();
var for me = new List < int > ();
int check count = 1;
var epsilon = 1e-2;
bool checker = false;
for (; coef <= coef end; coef += h)
check biff.Clear();
var x = x 0;
for (int i = 0; i < 500; i++)
x = next x.next(flag, coef, x);
check biff.Add(x);
for (int i = 0; i < N \max; i++)
checker = false;
x = next_x.next(flag, coef, x);
chart biffurcation.Series[0].Points.AddXY(coef, x);
if (check biff.Count() < 16) foreach (double elem in check biff)
if (Math.Abs(elem - x) < epsilon) { checker = true; break; }
if (!checker && (check biff.Count() < 16))
check biff.Add(x);
//chart2.Series[0].Points.AddXY(coef, x);// next x.next(flag, coef)(x));
if (check_biff.Count() != check_count)
arr biff.Add(coef);
for me.Add(check biff.Count());
check count = check biff.Count();
}
chart biffurcation.Series[0].Points.ResumeUpdates();
```

```
dataGridView bifurcationTable.Rows.Clear();
for \ (int \ i=0; \ i< arr\_biff.Count(); \ i++)
dataGridView_bifurcationTable.Rows.Add(i, arr_biff[i], for_me[i]);
}
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.ComponentModel;
using System.Data;
using System.Drawing;
using System.Linq;
using System.Text;
using\ System. Threading. Tasks;
using\ System. Windows. Forms;
namespace chaos
public\ partial\ class\ ResultWindow: Form
public ResultWindow(string s1,string s2)
InitializeComponent();
label1.Text = s1;
label2.Text = s2;
}
```