Структуры данных в Maple

Структуры данных:

- ➤ Последовательность выражений (Expression sequence)
- ➤ Множество, или набор (Set)
- Список (List)
- Maccub (Array)
- Строка (String)

Преобразование типов и структур

Структуры данных

- Выражения Maple могут быть составлены как из простых объектов, так и из сложных объектов и других выражений Maple. Среди сложных объектов выделяют *структуры данных*.
 - ➤ Последовательность выражений (Expression sequence)
 - ➤ Множество, или набор (Set)
 - Список (List)
 - Массив (Array)
 - Строка (String)
 - ➤ Таблица (Table)
 - > Матрица, вектор (Matrix, Vector)

Структуры данных: последовательность выражений (expression sequence)

• Последовательность выражений (Expression sequence) – это группа выражений Maple, отделенных друг от друга запятыми $^{\circ}$, $^{\circ}$, $^{\circ}$, $^{\circ}$

• Среди выражений в последовательности могут быть объекты разных типов данных. Тип результирующего объекта - exprseq.

```
> s:=2,x,a+b,`a+b`,sin(x^2),x;

s:=2,x,a+b,a+b,sin(x^2),x
```

> whattype(s);

exprseq

• Доступ к элементам последовательности

```
> s[-3];whattype(%);
```

a+b

symbol

> s[3];s[4];evalb(s[3]=s[4]);

a+b

a+b

false

1 2 3 4 5 6 $s := 2, x, a + b, a + b, \sin(x^2), x$ -6 -5 -4 -3 -2 -1

Структуры данных: последовательность выражений (expression sequence)

• Доступ к нескольким элементам последовательности

```
> s[2..4]; x, a+b, a+b
```

• Добавление элементов в последовательность и приращение последовательности

```
> t:=s[2..4],8;

t:=x, 5+b, a+b, 8

> t:=t,s[1],10;

t:=x, 5+b, a+b, 8, 2, 10
```

• Пустая последовательность

```
> s:=NULL;
```

• Оператор формирования последовательности \$ expr \$ name = initial .. final

```
> $1..5;
1, 2, 3, 4, 5
```

```
> s := i^2 \$ i = 2..6;
s := 4, 9, 16, 25, 36
```

Структуры данных: множество (set)

• **Множество, или набор (Set)** – это группа выражений Maple, записанных в *фигурных* скобках через запятую

$$\{^{\circ}, ^{\circ}, ^{\circ}, ^{\circ}\}$$

Данный объект имеет все черты математического множества:

- > каждый элемент хранится в единственном экземпляре
- > заданный порядок элементов не хранится

Среди выражений во множестве могут быть объекты разных типов данных. Тип результирующего объекта «множества» называется **set**.

```
> m:={2,x,x,b,a,a};

m:={2,x,a,b}

> whattype(m);

set
```

Структуры данных: множество (set)

• Доступ к элементам множества

• Пустое множество

```
> p:={};
```

```
p := \{ \}
```

• Операции алгебры множеств: объединение (union), пересечение (intersect), разность (minus)

```
> S1:={a,b,c};

S1:={a,b,c}

> S2:={b,c,d,e,d};

S2:={b,c,d,e}

> SU:=S1 union S2;

SU:={a,b,c,d,e}

> SU:={a,b,c,d,e}
```

Структуры данных: множество (set)

• Операции алгебры множеств

```
> S1:={a,b,c};
                                           S1 := \{a, b, c\}
> S2:={b,c,d,e,d};
                                          S2 := \{b, c, d, e\}
> SI:=S1 intersect S2;
                                             SI := \{b, c\}
> SI := SI \cap S2;
                                             SI := \{b, c\}
> Sm1 := S1 \setminus S2;
                                             Sm1 := \{a\}
> Sm2:=S2 minus S1;
                                            Sm2 := \{d, e\}
```

• Добавление элементов во множество и приращение множества

>
$$S := SI \cup \{1, x\}$$

 $S := \{1, a, b, c, x\}$
> $S := \{1, a, b, c, t, x\}$

Структуры данных: список (list)

• Список (List) – это группа выражений Maple, записанных в квадратных скобках через запятую

$$[^{\circ}, ^{\circ}, ^{\circ}, ^{\circ}]$$

Данный объект имеет черты, противоположные множеству:

- хранятся все повторяющиеся элементы
- > хранится заданный порядок элементов

Среди выражений в списке могут быть объекты разных типов данных.

Тип результирующего объекта «множества» называется list.

```
> L:=[2,x,x,b,a,a];

L:=[2,x,x,b,a,a];

whattype(L);

Iist

Lp:=[];
```

Структуры данных: список (list)

• Доступ к элементам списка

```
> L:=[2,x,x,b,a,a];
L:=[2,x,x,b,a,a]
> L[5];
a
> L[3..5];
```

• Добавление элементов в список и приращение списка

```
> M := [op(L),c];

M:=[2,x,x,b,a,a,c]

> M := [op(M),sin(x)];

M:=[2,x,x,b,a,a,c,sin(x)]
```

• Сортировка списка **sort(L,f)** – сортирует список **L,** необязательный аргумент **f** задает порядок сортировки

Команды подсчета и извлечения элементов

• Общие команды для списка и множества: **nops** и **op**

```
nops(x) – выдает количество элементов в объекте x op(i,e) – извлекает элемент, находящийся на позиции i в объекте e op(i..i,e) – извлекает элементы, находящиеся на позициях с i по j в объекте e (возвращает последовательность элементов) op(e) – извлекает все элементы объекта e (возвращает последовательность элементов)
```

Команды подсчета и извлечения элементов

• Команды **nops** и **op**, могут использоваться и для других объектов

>
$$g := x^3 + 3x^2 + 5x - 6$$

> $nops(g)$
4
> $nops(op(1, g))$
2
> $op(1, op(2, g))$

Структуры данных: массив (Array)

• **Массив (Array)** – это обобщение списка на любую размерность (2, 3 и т. д). Обычный список является одномерным массивом. Для индексов массива можно использовать любые целые числа. Для задания массива используется команда **array** (или новая команда **Array**).

array(indexfunc,dims,init) – создает массив, элементы которого задает (необязательная) индексирующая функция **indexfunc** (задается структура матрицы массива: симмеричная, диагональная и т. д.), переменная **dims** – последовательность диапазонов изменения индексов, **init** – список начальных значений массива.

```
> b:=array(1..2,1..3,[[1,2,-1],[-2,3,1]]);
b := \begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 \\ -2 & 3 & 1 \end{bmatrix}
> c:=array(1 .. 2, 1 .. 2, 1..2,[[[1, 2], [3, 4]],[[5,6],[7,8]]]);
c := ARRAY([1..2,1..2,1..2],[(1,1,1)=1,(1,1,2)=2,(1,2,1)=3,(1,2,2)=4,(2,1,1)=5,(2,1,2)=6,(2,2,1)=7,(2,2,2)=8])
```

Структуры данных: строка (string)

• **Cтрока (String)** – это любой набор символов, заключенный в двойные кавычки. Длина строки в Maple практически не ограничена.

** **

1111

Тип объекта «строка» называется string.

> S[14];

Структуры данных: строка (string)

cat(a,b,c) - конкатенация строк и выражений

Некоторые команды пакета StringTools для работы со строками Length(s) – выдает длину строки **s**

Split(s) – выдает список строк, составляющих отдельные слова в строке **s** (по умолчанию анализируется расположение пробелов). Можно задать тип разделителя: **Split(s, sep)**

Stem(s) – выдает строку, содержащую основу слова **s** (English)

Использование структур данных в командах Maple

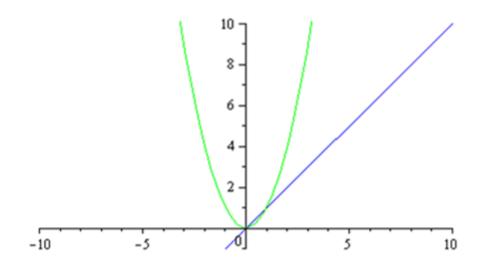
Структуры данных «множество» и «список» широко используются как аргументы различных команд. Некоторые команды допускают использование любой из этих двух структур, если порядок следования элементов не важен. Если должен учитываться порядок элементов в структуре, то надо использовать «список».

```
> solve({x+y=10,x-y=5}, {x,y});  \left\{ y = \frac{5}{2}, x = \frac{15}{2} \right\} 
> solve({x+y=10,x-y=5}, [x,y]);  \left[ \left[ x = \frac{15}{2}, y = \frac{5}{2} \right] \right] 
> f:=x-10*y:eval(f, [x=1,y=2]);  -19 
> eval(f, {x=1,y=2});  -19
```

Использование структур данных в командах Maple: пример для команды plot

Требования к аргументам команды и их типам всегда можно прочитать в справочной информации по данной команде.

```
> plot([x,x^2],x=-10..10,
-1..10,scaling=CONSTRAINED,color=[blue,green]);
```



```
> plot({x,x^2},x=-10..10,-
1..10,scaling=CONSTRAINED,color={blue,green});
Error, (in plot) invalid color specification: {blue, green}
```

Преобразование типов и структур: convert

- convert преобразует выражение в другой вид, может использоваться для преобразования типа выражения или структуры данных convert(expr, form, optional arguments)
 - > convert([1, 2, 3], vector)

$$\left[\begin{array}{ccc}1&2&3\end{array}\right]$$

$$> convert(x^2 + 2 \cdot x \cdot y + y^2, string)$$

"
$$x^2 + 2*x*y + y^2$$
"

$$> convert\left(\frac{1}{8}, float, 3\right)$$

> convert([1, 2, 3, 4], `+`)

10

Способы задания функций и замена переменных

- > Команды подстановки
- ▶ 1. Определение функции как выражения Maple
- ➤ 2. Определение функции как функционального оператора
- ➤ 3. Определение функции с помощью команды unapply
- >Определение кусочно-непрерывных функций

Команды подстановки: subs

subs(x=a, expr) – подстановка x=a в выражение expr, зависящее от x **subs(eq1,...eqn, expr)** – выполнение подстановок, записанных в виде уравнений eq1,...,eqn, в выражение expr

| >
$$subs(x=-2, x^2+x+1)$$
 | 3 | 3 | > $subs(\sin(x) = t, \frac{\sin(x)}{\sqrt{1-\sin(x)}})$ | $\frac{t}{\sqrt{1-t}}$ | > $subs(x=1, y=2, x-5\cdot y)$ | -9 | > $subs([x=1, y=2], x-5\cdot y)$ | -9 | Выполняется только подстановка, но не вычисление выражения! > $subs(x=\frac{\text{Pi}}{2}, y=\text{Pi}, \sin(x) + \cos(y))$ | $\sin(\frac{1}{2}\pi) + \cos(\pi)$

simplify(%)

Другие команды подстановки: subsop

subsop(i=a,expr) – подстановка значения a для i-го операнда выражения expr

subsop(eq_i1,...eq_i2,expr) – подстановка значений для каждого операнда выражения expr

1. Определение функции как выражения Maple

- Определение функции как выражения Maple с помощью оператора присваивания (:=)
- Данный способ не является *способом задания функции* в терминах Maple.

$$\Rightarrow f := \sin(x) + x^2$$
:

Вычислим значение f при заданном х

$$> x := \frac{\pi}{4} : f$$

$$\frac{1}{2}\sqrt{2} + \frac{1}{16}\pi^2$$

$$> x := 10: f$$

$$\sin(10) + 100$$

$$g := 3 \cdot a + 5 \cdot b^3 : a := 1 : b := -1 : g$$

$$-2$$

>
$$g1 := 3x + 5y^3 : x := 1 : y := -1 : g1$$

25

_Почему такой результат?

1.1 Определение функции как выражения Maple: функция одной переменной

Чтобы вычислить значение выражения с одной переменной, нужно использовать

- ▶команду eval в виде eval(expr,x=a)
- ≻либо команду subs в виде subs(x=a,expr)

```
= \int f := \sin(x) + x^{2} :
> eval(f, x = \pi)
> subs(x=\pi,f)
                                                            \sin(\pi) + \pi^2
                                                            9.869604404
```

1.2 Определение функции как выражения Maple: функция многих переменных

Чтобы вычислить значение выражения со многими переменными, нужно использовать

- ▶команду eval в виде eval(expr,[x1=a1,...,xn=an])
- **>** либо команду **subs** в виде **subs([x1=a1,...,xn=an],expr)** или **subs(x1=a1,...,xn=an,expr)**

$$> g := \sin(x) + \cos(y) :$$

>
$$eval\left(g, \left[x = \frac{\pi}{3}, y = \frac{\pi}{6}\right]\right)$$

$$\sqrt{3}$$

>
$$subs\left(x=\frac{\pi}{3}, y=\frac{\pi}{6}, g\right)$$

$$\sin\left(\frac{1}{3}\pi\right) + \cos\left(\frac{1}{6}\pi\right)$$

>
$$subs\left(\left[x=\frac{\pi}{3},y=\frac{\pi}{6}\right],g\right)$$

$$\sin\left(\frac{1}{3}\pi\right) + \cos\left(\frac{1}{6}\pi\right)$$

> simplify(%)

Несколько особенностей

$$> f := \sin(x) + x^2 : x := 2 : f$$

$$\sin(2) + 4$$

Пытаемся применить eval и subs при присвоенном значении з

$$> eval\left(f, x = \frac{\pi}{4}\right)$$

$$\frac{1}{2}\sqrt{2}+4$$

>
$$eval(f, 2 = \frac{\pi}{4}); eval(f, 2 = \pi)$$

$$\frac{1}{2}\sqrt{2}+4$$

>
$$subs\left(x=\frac{\pi}{4},f\right)$$
;

$$\sin\left(\frac{1}{4}\pi\right) + 4$$

>
$$unassign('x') : eval\left(f, x = \frac{\pi}{4}\right)$$

$$\frac{1}{2}\sqrt{2} + \frac{1}{16}\pi^2$$

$$> subs(x=3,f);$$

$$\sin(3) + 9$$

2. Определение функции как функционального оператора

- Определение функции с помощью оператора-стрелки
- Обращение к пользовательской функции происходит как к команде Maple

Символ → в режиме ввода 2D Math-input автоматически преобразуется из двух введенных с клавиатуры символов ->.

$$f := x \rightarrow \sin(x) + x^{2}$$

$$f := x \rightarrow \sin(x) + x^{2}$$

$$> f\left(\frac{\pi}{4}\right); f(10);$$

$$\frac{1}{2}\sqrt{2} + \frac{1}{16}\pi^{2}$$

$$\sin(10) + 100$$

$$\Rightarrow g := (x, y) \rightarrow \sin(x) + \cos(y)$$

$$g := (x, y) \rightarrow \sin(x) + \cos(y)$$

$$\Rightarrow g\left(\frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{6}\right)$$

3. Преобразование выражения в функциональный оператор

• С помощью команды **unapply(expr,x1,x2,...)**, где **expr** – выражение, **x1,x2,...** – набор переменных, от которых оно зависит, можно преобразовать выражение **expr** в функциональный оператор.

```
_> restart
> f1 := \sin(x) + x^2:
> f := unapply(f1, x)
                                                                      f := x \rightarrow \sin(x) + x^2
> f\left(\frac{\pi}{4}\right)
                                                                         \frac{1}{2}\sqrt{2} + \frac{1}{16}\pi^2
gl := \sin(x) + \cos(y):
> g := unapply(gl, x, y)
                                                              g := (x, y) \rightarrow \sin(x) + \cos(y)
> g\left(\frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{6}\right)
```

Определение кусочно-непрерывной функции

В *Maple* имеется возможность определения неэлементарных функций вида

$$f(x) = \begin{cases} f_1(x), & x < a_1 \\ f_2(x), & a_1 < x < a_2 \\ \dots \\ f_n(x), & x > a_n \end{cases}$$

с помощью команды

piecewise(cond_1,f_1,cond_2,f_2,...,cond_n,f_n,f_otherwise)

- B 2D-Math Input можно использовать шаблон $\begin{cases} -x & x < a \\ x & x \ge a \end{cases}$ из палитры Expression
- Можно задавать как выражения, так и функциональные операторы

Выражение Maple

> f1 := piecewise(0 < x, x)

$$f1 := \begin{cases} x & 0 < x \\ 0 & otherwise \end{cases}$$

> eval(f1, x = -5); eval(f1, x = 3.5)

0

3.5

Функциональный оператор, использование логического оператора

>
$$f2 := x \rightarrow piecewise(x < -1, x, -1 \le x \text{ and } x < 1, -x^2, x \ge 1, -x)$$

 $f2 := x \rightarrow piecewise(x < -1, x, -1 \le x \text{ and } x < 1, -x^2, 1 \le x, -x)$

$$> f2(-10); f2(0.5); f2\left(\frac{3}{2}\right)$$

$$-10$$
 -0.25
 $-\frac{3}{2}$

$$f1 := \begin{cases} -x^2 & x < 0 \\ x^4 & 5 \le x \end{cases}$$

$$=$$
 eval(f1, x=-2); eval(f1, x=2); eval(f1, x=5)
-4
0
625

Решение уравнений и неравенств

- Аналитическое решение алгебраических уравнений и неравенств, команда solve
- > Специальные опции для команды solve
- Численное решение уравнений и другие специальные команды
- >Поиск корней

Решение алгебраических уравнений: solve

solve(equations, variables) – решение уравнения (системы уравнений) equations относительно переменной (набора переменных) variables solve (eq) – набор переменных можно не указывать

$$> solve(x+5)$$
 — 5 $> solve(x^2-x=2025,x)$ $= \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{8101}, \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \sqrt{8101}$ $= > solve(2y-x^2=4,y)$ $= \frac{1}{2}x^2+2$ Решить квадратное уравнение и найти сумму корней

Решить квадратное уравнение и найти сумму корней

$$> s := solve(x^2 - 5x + 6)$$

$$s := 3, 2$$

$$> s[1] + s[2]$$

Решение систем уравнений и присваивание решений переменным (команда assign)

- Набор уравнений и набор неизвестных могут задаваться в виде списка [] или множества{}, обычно набор уравнений – в {}
- Для присваивания найденных корней переменным, применяется команда assign

```
Результат - последовательность множеств
> s := solve(\{x^2 - 5x + 6\})
                                           s := \{x = 3\}, \{x = 2\}
> solve(\{x^2y^2=0, x-y=1, x\neq 0\})
                                       \{x=1, y=0\}, \{x=1, y=0\}
   restart
> s1 := solve([x + y = 1, y - x = 10], [y, x])
                                       s1 := \left| \left| y = \frac{11}{2}, x = -\frac{9}{2} \right| \right|
> assign(s1); x, y, x + y
```

Примеры: решение относительно присвоенных переменных (ошибка!), проверка решения

> $s2 := solve(\{x + y = 1, x - y = 10\}, \{y, x\})$ Warning, solving for expressions other than names or functions is not recommended.

Error, (in solve) a constant is invalid as a variable, -9/2, 11/2

Два различных способа отмены присваивания

> unassign('x'); y := 'y';

$$y := y$$

> $s2 := solve(\{x + y = 1, x - y = 10\}, \{y, x\})$ $s2 := \left\{x = \frac{11}{2}, y = -\frac{9}{2}\right\}$

> assign(s2); x-y

10

Можно не указывать набор неизвестных

- $\Rightarrow eqs := \{u + v + w = 1, 3u + v = 3, u 2v w = 0\}:$
- > sls := solve(eqs)

$$sls := \left\{ u = \frac{4}{5}, \ v = \frac{3}{5}, \ w = -\frac{2}{5} \right\}$$

Проверка

> subs(sls, eqs)

$$\{0=0, 1=1, 3=3\}$$

Решение неравенств

- Аналогично решению уравнений, используется команда solve
- Можно получить решение в виде интервального множества или ограничения по искомой переменной

Решение в виде интервала

> solve
$$(\sqrt{x+3} < \sqrt{x-1} + \sqrt{x-2}, x)$$

RealRange
$$\left(Open\left(\frac{2}{3}\sqrt{21}\right), \infty\right)$$

$$>$$
 solve $(5 \le x^2 + x, x)$

$$RealRange\left(-\infty, -\frac{1}{2} - \frac{1}{2}\sqrt{21}\right), RealRange\left(-\frac{1}{2} + \frac{1}{2}\sqrt{21}, \infty\right)$$

Решение в виде ограничения по искомой переменной

>
$$solve(\sqrt{x+3} < \sqrt{x-1} + \sqrt{x-2}, \{x\})$$

$$\left\{ \frac{2}{3}\sqrt{21} < x \right\}$$

Решение системы неравенств

> solve
$$(\{x+y\geq 2, x-2\cdot y\leq 1, x-y\geq 0, x-2\cdot y\geq 1\}, \{x,y\})$$

$$\left\{ y = \frac{1}{2} x - \frac{1}{2}, \frac{5}{3} \le x \right\}$$

>
$$solve(\{x+y<10, x^2=9\}, [x,y])$$

$$[[x=3, y<7], [x=-3, y<13]]$$

Специальные опции для команды solve: решение тригонометрических уравнений

• Команда **solve**, примененная для решения тригонометрического уравнения, выдает только главные решения, то есть решения в интервале [0,2π]. Для того, чтобы получить все решения, следует предварительно ввести дополнительную опцию (будет действовать до команды restart) **_EnvAllSolutions:=true**

В 2D Math при ввод символа _ может осуществляться переход в нижний регистр, если это происходит, следует набирать _ В 1D Math-input символ _ набирается обычным образом.

$$>$$
 solve $(\sin(x) = \cos(x), x)$

$$\frac{1}{4}$$

$$EnvAllSolutions := true :$$

$$>$$
 solve $(\sin(x) = \cos(x), x)$

$$\frac{1}{4}\pi + \pi Z2\sim$$

Специальные опции для команды solve: представление решений в явном виде

• Если при решении сложных уравнений со степенями или систем уравнений в ответе появляется функция **RootOf**, это значит, что Maple не может выразить корни в радикалах

- В этом случае (для представления решения в явном виде) можно использовать следующие способы:
- 1) перед командой **solve** следует ввести дополнительную опцию (будет действовать до команды restart) **_EnvExplicit:=true;**
- 2) использовать команду **allvalues** к результату решения (невычисляемому корню)
- использовать команду convert с параметром radical к результату решения (невычисляемому корню)

36

Представление решений в явном виде: примеры

$$\Rightarrow$$
 eq := $x^4 - 2 \cdot x^3 + 2 = 0$:

Решение не может быть представлено в явном виде

> solve(eq, x)

$$RootOf(_Z^4 - 2_Z^3 + 2, index = 1), RootOf(_Z^4 - 2_Z^3 + 2, index = 2),$$
 (1)
 $RootOf(_Z^4 - 2_Z^3 + 2, index = 3), RootOf(_Z^4 - 2_Z^3 + 2, index = 4)$

- 1) Использование опции EnvExplicit
- \geq restart; _EnvExplicit := true :
- $> eq := x^4 2 \cdot x^3 + 2 = 0 : solve(eq, x)$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}I + \frac{1}{2}\sqrt{4 - 2I}, \frac{1}{2} + \frac{1}{2}I - \frac{1}{2}\sqrt{4 - 2I}, \frac{1}{2} - \frac{1}{2}I + \frac{1}{2}\sqrt{4 + 2I},$$

$$1 \quad 1 \quad 1 \quad - - - -$$
(2)

$$\frac{1}{2} - \frac{1}{2}I - \frac{1}{2}\sqrt{4 + 2I}$$

- 2) Использование команды allvalues
- > restart : eq := $x^4 2 \cdot x^3 + 2 = 0$: s := solve(eq, x) :
- > allvalues(s) #max будет ошибка

Error, (in allvalues) redundant option RootOf($_Z^4-2*$ $_Z^3+2$, index = 3), if there is more than one RootOf to avoid, they should be put in a set or list

Ошибка: корни уравенения содержат более одной функции RootOf, нужно использовать список или множество.

Таким образом, можно применить allvalues к одному из корней

> s := solve(eq, x) : allvalues(s[1])

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}I + \frac{1}{2}\sqrt{4 - 2I}$$
 (3)

Либо в команде solve задать список или множество корней

> ss := solve(eq, [x])

$$ss := [[x = RootOf(_Z^A - 2_Z^3 + 2, index = 1)], [x = RootOf(_Z^A - 2_Z^3 + 2, index = 2)], [x = RootOf(_Z^A - 2_Z^3 + 2, index = 3)], [x = RootOf(_Z^A - 2_Z^3 + 2, index = 3)], [x = RootOf(_Z^A - 2_Z^3 + 2, index = 4)]]$$
(4)

> allvalues(%)

$$\left[\left[x = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} I + \frac{1}{2} \sqrt{4 - 2I} \right], \left[x = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} I - \frac{1}{2} \sqrt{4 - 2I} \right], \left[x = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} I - \frac{1}{2} \sqrt{4 + 2I} \right], \left[x = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} I + \frac{1}{2} \sqrt{4 + 2I} \right] \right]$$
(5)

3) Использование команды convert с параметром radical

> restart;

$$> eq := x^4 - 2 \cdot x^3 + 2 = 0 : s := solve(eq, x) :$$

convert(s[1], radical)

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}I + \frac{1}{2}\sqrt{4 - 2I}$$
 (6)

> ss := solve(eq, [x]) : convert(ss, radical)

$$\left[\left[x = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} I + \frac{1}{2} \sqrt{4 - 2I} \right], \left[x = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} I - \frac{1}{2} \sqrt{4 - 2I} \right], \left[x = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} I - \frac{1}{2} \sqrt{4 - 2I} \right], \left[x = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} I - \frac{1}{2} \sqrt{4 + 2I} \right] \right]$$

$$- \frac{1}{2} \sqrt{4 + 2I}, \left[x = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} I + \frac{1}{2} \sqrt{4 + 2I} \right]$$
(7)

Численное решение уравнений и другие специальные команды

```
fsolve(eq) – численное решение уравнения isolve(eq) – целочисленное решение уравнения rsolve(eq) – решение рекуррентного уравнения
```

Численное решение уравнения, которое не имеет аналитического решения

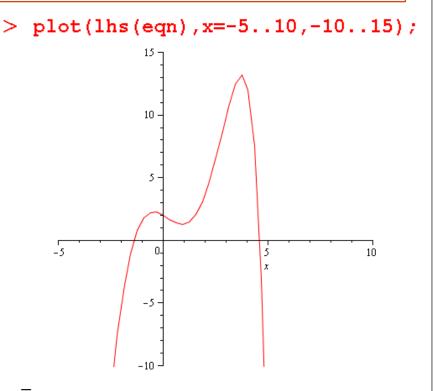
Поиск целочисленного решения. При отсутствии целочисленного решения выдается NULL (без вывода на экран)

 $\left\{ x = \frac{22}{9}, y = \frac{25}{9} \right\}$

Поиск корней с помощью fsolve

fsolve(eq, x=a..b) – поиск корней на интервале [a,b]

```
> eqn:=x^3+3-exp(x)=0;
                        eqn := x^3 + 3 - e^x = 0
 > solve(eqn,x);
                      RootOf\left(-e^{-Z} + Z^3 + 3\right)
Не всегда можно найти корни в явном виде
 > EnvExplicit:=true:solve(eqn,x);
                      RootOf\left(-e^{-Z} + Z^3 + 3\right)
Численное решение
 > fsolve(eqn);
                            4.623116246
Все ли это корни?
fsolve без параметров находит только один корень
 > fsolve(eqn);
                  4.623116246
Первый вещественный корень
 > fsolve(eqn,x=-2..-1);
                  — 1.401667024
```



_Второй вещественных корень

> fsolve(eqn,x=-4..5); 4.623116246

Других вещественных корней нет

> fsolve(eqn, x=-1..4); $fsolve(x^3 + 3 - e^x = 0, x, -1..4)$

Поиск корней с помощью пакета RootFinding

with(RootFinding):

Analytic(eq, re=a..b, im=c..d) – поиск корней в заданных интервалах для вещественной и мнимой части

```
> eqn:=x^3+3-exp(x)=0;
                     ean := x^3 + 3 - e^x = 0
> with(RootFinding); Analytic(eqn, re = -10 .. 10,
   im = -10 ... 10);
[Analytic, AnalyticZerosFound, BivariatePolynomial, Homotopy, Isolate,
   NextZero]
7.3410916840555 - 8.9305861665020 I, 4.6231162462848,
   1.0348073103420 - 0.85239542694970 I, -1.4016670238656,
   1.0348073103420 + 0.85239542694965 I, 7.3410916840555
    + 8.9305861665020 I
```