Условные экстремумы 11.10.19

$$u = f(x_1, ..., x_n)$$
 при усл
$$\begin{cases} \Phi_1(x_1, ..., x_n) = 0 \\ \vdots \\ \Phi_m(x_1, ..., x_n) = 0 \end{cases}$$
 $m < n$

- 1. Точка недифф-ти f или Φ_i
- 2. $\operatorname{rk} \Phi' < m$

3.
$$\mathbf{L} = f(x_1, ..., x_n) - \lambda_1 \Phi_1(x_1, ..., x_n) - \lambda_2 \Phi_2(x_1, ..., x_n) - ... - \lambda_m \Phi_m(x_1, ..., x_n)$$

$$\Phi' = \begin{pmatrix} \frac{\partial \Phi_1}{\partial x_1} & \cdots & \frac{\partial \Phi_1}{\partial x_n} \\ \vdots & & \vdots \\ \frac{\partial \Phi_m}{\partial x_1} & \cdots & \frac{\partial \Phi_m}{\partial x_n} \end{pmatrix} \qquad m \times n$$

Точка экстремума удовлетворяет системе уравнений:

$$\begin{cases} \frac{\partial \underline{L}}{\partial x_1} = 0 \\ \vdots \\ \frac{\partial \underline{L}}{\partial x_n} = 0 \\ \Phi_1(x_1,...,x_n) = 0 \\ \vdots \\ \Phi_m(x_1,...,x_n) = 0 \end{cases} m+n \text{ уравнений } m+n \text{ неизвестных }$$