#### Задача (1 разбор задачи с кр)

$$SL_2(\mathbb{Z}_3)$$
 и  $S_4$  Порядок 6  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$   $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ 

#### Задача (2 разбор задачи с кр)

# 1 Геометрия

2019-11-08

#### Опр

X - линейное векторное пр-во над  $\mathbb R$ 

Тогда X - евклидово пр-во, если

есть квадратичная линейная форма  $<\cdot,\cdot>: X \times \to \mathbb{R}$ 

1. 
$$\langle ax + by, z \rangle = a \langle x, z \rangle + b \langle y, z \rangle$$
  
 $a, b \in \mathbb{R}$   $x, y, z \in X$ 

$$2. < x, y > = < y, x >$$

3. 
$$\langle x, x \rangle \geqslant 0$$
  
 $\langle x, x \rangle = 0 \Leftrightarrow x = 0$ 

#### Опр

$$|x|=\sqrt{< x,x>}$$
- длина  $x$  
$$< x,y>=\arccos\left(\frac{< x,y>}{|x|\cdot|y|}\right)$$
 
$$(x,y)=|x|\,|y|\cos(\angle\ x,y)$$
 скал произв. из геометрии

#### Задача (7.1)

$$u, v = |u|, |v|, \angle u, v$$

- $1. \angle$  между x и y
- 2. орт. проекцию x на y
- 3.  $S_{\triangle}$  образ вект x, y
- 4. центр и радиус окр., опис около около  $\triangle$  образ x и y
- 5. центр и радиус окр. впис в этот  $\triangle$

20) 
$$x = u - 9v$$
 
$$y = 7u + 5v$$
 
$$|u| = 2 \quad |v| = 3 \quad \angle u, v = \frac{\pi}{3}$$
 
$$< u, u >, \quad < v, v >, \quad < u, v >$$

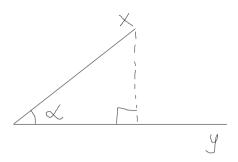
Нельзя просто перемножать координаты векторов! У нас не отонорм. базис

$$\langle x, x \rangle, \langle y, y \rangle, \langle x, y \rangle$$

Воспользуемся линейностью

$$\angle x, y = \arccos\left(\frac{-541}{\sqrt{631}\sqrt{679}}\right)$$

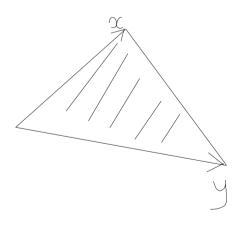
Ищем орт. проекцию x на y



$$\frac{y}{|y|} \cdot \cos \alpha |x| = \frac{y}{|y|} \frac{\langle x, y \rangle}{|x| |y|} |x|$$

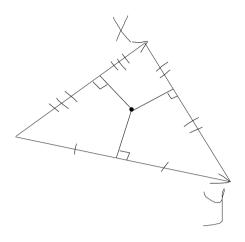
«Подставить, все получить»

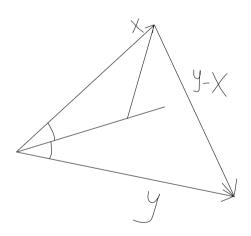
Найти площадь



$$\frac{1}{2}\left|x\right|\left|y\right|\sin\alpha$$

### Ищем центр





$$\begin{aligned} & \frac{< x, ax + by >}{|x| |ax + by|} = \frac{< y, ax + by >}{|y| |ax + by|} \\ & \frac{< ax + by - x, x >}{|ax - by - x| |x|} = \frac{< ax - by - x, y - x >}{|ax - by - x| y - x} \\ & r = \frac{S}{p} \end{aligned}$$

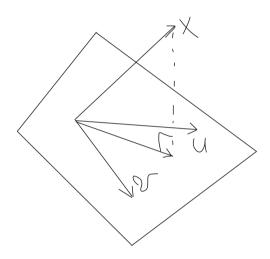
S - площадь

р - полуперим.

Дома сделать для описанной

## **Задача (7.2)** Найти угол между вектором и плоскостью в $\mathbb{R}^3$

au + bv



$$(x - (au + bv), u) = 0$$
  
 $(x - (au + bv), v) = 0$   
 $< (x_1 x_2 x_3 x_4), (y_1 y_2 y_3 y_4) > = x_1y_1 + x_2y_2 + x_3y_3 + x_4y_4$