### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



#### Deklarowanie nowych typów danych

Klasy dynamiczne umożliwiają deklarowanie nowych typów danych dla ułatwienia wykonywania obliczeń (np. w rachunku macierzowym, czy rachunku liczb zespolonych).

#### Obliczenia macierzowe

Macierze są ważnym narzędziem algebry, które powstało na przełomie XIX i XX wieku, i szybko zaczęły być stosowane przez fizyków, techników i informatyków w wielu obliczeniach.

Prostokątną tablicę o m wierszach i n kolumnach złożoną z  $\underline{m}.x$  n elementów zbioru R nazywamy macierzą:

$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{bmatrix}$$

gdzie:

m - liczba wierszy macierzy

n - liczba kolumn macierzy

<u>a</u><sub>ii</sub> ∈ R - elementy macierzy A.

Wymiarem macierzy nazywamy iloczyn liczby jej wierszy i kolumn, co zapisuje się następująco:

$$m \times n$$

Macierz A o wymiarach  $m \times n$  oznaczamy nastę pują co:

$$A = [\underline{a}_{i}]_{m \times n}$$

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



Zwyczajowo, macierze oznaczamy dużymi literami alfabetu łacińskiego: A, B, C,...

Macierze ułatwiają rozwiązywanie układów równań liniowych o wielu niewiadomych.:

Układ równań liniowych:

Równanie wyrażające zadanie do rozwiązania:

$$A * X = B$$

mnożymy lewostronnie przez macierz odwrotną A:

$$A^{-1}$$

i otrzymujemy równanie postaci:

$$A^{-1} * A * X = A^{-1} * B$$

Korzystajac z równości (właściwości):

$$A^{-1} * A = I$$

gdzie I jest macierzą jednostkową (ma 1 na głównej przekątnej)

zapisujemy równanie (wzór) dla wyznaczenie wektora niewiadomych X, które przyjmie postać:

$$X = A^{-1} * B$$

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



Chcemy zdefiniować nowy typ danych Macierz, który ułatwi rozwiązywanie zadań w klasycznych rachunku macierzowym.

### Definiowanie nowych typów danych

Potocznie przez typ danych rozumiemy:

zbiór wartości (reprezentowany przez dany typ danych)

zbiór dozwolonych działań

Na przykład, typ danych int:

- reprezentuje 32-bitową liczbę całkowitą (z zakresu wartości: -2,147,483,648 do 2,147,483,647 ) zapisywaną w 4 bajtowej strukturze danych,
- udostępnia operacje arytmetyczne (+, -, \*, /, . . .,++, --), bitowe i logiczne (& and, | or, ^ xor) oraz relacyjne (<, >, ...)

Dla zdefiniowania nowego typ danych (w języku C#) wybieramy klasę (class) lub strukturę (struct)

• klasa (class) jest typem referencyjnym obiektów (łączących listę pól składowych, listę metod i właściwości):

których egzemplarze mają przydzieloną pamięć na kopcu (heap), zwanym też stertą,

 struktura (struct) jest typem wartościowym (również łączących listę pól składowych, listę metod i właściwości)

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



#### Różnice między klasą a strukturą:

- klasy są typem referencyjnym a struktury typem wartościowym,
- klasa obsługuje mechanizmu dziedziczenia i pamięć przydzielana jest na stercie programu,
- struktura nie obsługuje mechanizmu dziedziczenia i pamięć dla wartości struktury jest przydzielana na stosie programu,
- struktury nie mogą mieć domyślnego konstruktora, a klasy mogą,
- struktury stosowane są do reprezentowania prostych typów danych, takich jak liczby czy wartości logiczne,
- klasy są stosowane do reprezentowania złożonych typów danych, takich jak tablice czy listy lub drzewa,
- struktury są bardziej efektywne (wydajne) niż klasy, ponieważ są przechowywane na stosie zamiast na stercie.

### Deklaracja typu danych: Macierz

Dla obliczeń na macierzach wybieramy klasę (class), która jest typem referencyjnym.

Projektujemy klasę Macierz, w której deklarujemy:

 prywatną tablicę dwuwymiarową dla przechowywania w niej wartości elementów macierzy:

#### class Macierz

```
{ // deklaracja zmiennej prywatnych klasy Macierz 
   private float[,] macierz;
```

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



Typ tablicowy jest typem referencyjnym, co oznacza, że sama deklaracja zmiennej tablicowej nie tworzy egzemplarza tablicy, czyli nie jest pobierany blok pamięci na przechowywanie elementów tablicy, a powoduje tylko rezerwację pamięci na przechowanie referencji (adresu) do egzemplarza tablicy.

Na przykład, deklaracja tablicy jednowymiarowej (czyli wektora)  $\underline{\text{ListaLiczb}}$ :  $\underline{\text{Float}}[]$   $\underline{\text{ListaLiczb}};$ 

spowoduje tylko rezerwację pamięci na referencję (adres) do bloku pamięci reprezentującego egzemplarza tablicy:

ListaLiczb	null
gdzie nul 1	oznacza pusta referencie

· konstruktora klasy Macierz:

```
public Macierz(ushort liczbaWierczy, ushort liczbaKolumn)
{
    macierz = new float[liczbaWierczy, liczbaKolumn];
}
```

zadaniem konstruktora klasy macierz jest utworzenie egzemplarza tablicy macierz.

Egzemplarz tablicy tworzymy przy użyciu operator new, po którym zapisujemy nazwę typu elementu tablicy, a w nawiasach kwadratowych podajemy liczbę elementów danego wymiaru tablicy.

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



 właściwości umożliwiających odczytywanie rozmiarów utworzonego egzemplarza klasy Macierz:

```
public ushort LiczbaWierszy
{
   get { return (ushort)macierz.GetLength(0); }
}

public ushort LiczbaKolumn
{
   get { return (ushort)macierz.GetLength(1); }
}
```

Tablice w języku C# są strukturami samo opisującymi się, co oznacza, że podając nazwę zmiennej tablicowej i operator selekcji: . (kropkę), możemy wybrać odpowiedni atrybut opisujący egzemplarz tablicy. Na przykład, dla określenia liczby elementów tablicy możemy pobrać (odczytać!) wartość atrybutu Length:

#### ListaLiczb.Length

W przypadku tablic wielowymiarowych, liczbę elementów każdego z wymiarów określamy przy użyciu metody:

TablicaWielowymiarowa.GetLength(NumerWymiaru)

 <u>indeksatora</u>, który umożliwi indeksowanie (uzyskanie dostępu do) egzemplarza klasy (w sposób analogiczny do indeksowania tablic: Tablica[2, 3]):

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



#### Ogólny szablon deklaracji indeksatora

- parametry formalne <u>indeksatora</u> nie muszą być liczbami całkowitymi (np. mogą <u>być typu string</u>),
- mogą być przeciążone,
- muszą zawierać co najmniej jedną deklarację dostępu get lub set,
- mogą być zdefiniowane z wieloma parametrami a każdy z parametrów może być innego typu,
- deklaracja konstruktora może występować zarówno w klasie (class), jak i strukturze (struct) oraz interfejsie (interface).

#### Deklaracje działań klasy Macierz

(przeciążanie operatorów arytmetycznych i relacyjnych)

W projektowanej klasie Macierz, przeciążamy definicje znanych operatorów arytmetycznych i relacyjnych dla działań obiektach typu Macierz.

Przeciążanie operatorów oznacza przypisywanie im nowego znaczenia (w stosunku do aktualnego ich znaczenia dla działań na typach danych: <a href="int">int</a>, <a href="float">float</a>, czy <a href="double">double</a>), tak, aby można je również stosować w rachunku macierzowym:

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



### Przeciążanie operatorów w języku C#

Przeciążane mogą być zarówno operatory działań arytmetycznych, logicznych, relacyjnych jak i metody, w tym również konstruktory klas.

Przeciążanie operatorów (operator overloading) działań w językach programowania (nie tylko w C#, ale również w języku C++ czy Java) oznacza przypisywanie znanym operatorom działań arytmetycznych (np. +, \_, \*, ?, . . . ), logicznych (&, |, ^) i relacyjnych (==, !=, <, >, <=, >=), nowych działań.

Przy czym, operatory relacyjne (==, !=, <, >, <=, >=): muszą być przeciążane w parach: ==i!=, <i>>=<=.

Przeciążanie jest ważnym mechanizmem języków programowania zorientowanego obiektowo, gdyż umożliwia tworzenie wielu metod o takiej samej nazwie, ale różniących się ilością lub typem dozwolonych argumentów.

### Jakie operatory mogą być przeciążane w języku C#?

• operatory unarne (jednoargumentowe):

• operatory binarne (dwuargumentowe):

#### Operatory, których nie wolno przeciążać:

- logiczne: &&, ||,
- · konwersji: (),
- indeksacji: [],
- operatorów przypisań: +=, -=, \*=, %=, <<=, >>=, |=, ^=, &=, /=,
- pozostałe: =, ., new, is, sizeof, typeof, ?:.

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



### Przeciążania operatorów: ogólne zalecenia

- przeciążanie operatorów stosujemy dla implementowanych (definiowanych) nowych typów danych, w których ma sens stosowanie operacji arytmetycznych, logicznych czy relacyjnych,
- przeciążanym operatorów powinno być nadawane znaczenia zgodne z naturalnym (intuicyjnym) ich znaczeniu,
- unikamy przeciążania operatorów dla typów referencyjnych, gdy może to budzić wątpliwości, czy nowe znaczenie operatora dotyczy referencji, czy do samego obiektu (egzemplarza) "wskazywanych" przez daną referencję,
- dobrze przemyślane stosowanie przeciążanie operatorów dla nowych typów danych umożliwia skrócenie zapisu obliczeń (kodu) i zwiększenie czytelności zapisu algorytmów obliczeń.

# Szablon syntaktyczny przeciążanie operatorów w języku C#

Przy czym, **przynajmniej jeden parametr formalny przeciążanego operatora musi być obiektem klasy**, dla której ten operator jest przeciążany (definiowany)!

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



# Przeciążanie dwuargumentowego operatora '+' (w klasie Macierz)

Dwuargumentowy operator '+' ma umożliwić obliczenie sumy (dodania) dwóch macierzy!

Jeśli  $\mathbf{A} = [\underline{a}_{j}]_{\underline{m} \times \underline{n}}$  i  $\mathbf{B} = [b_{j}]_{\underline{m} \times \underline{n}}$  , to sume (dodanie) dwóch macierzy wyznaczamy następująco:

$$A + B = [\underline{a}_{ij} + b_{ji}]_{m \times n}$$

#### Warunek wykonalności operatora '+':

Dodawanie macierzy jest wykonywalne, gdy liczba wierszy jednej macierzy jest równa liczbie wierszy drugiej macierzy i liczba kolumn jednej macierzy jest równa liczbie kolumn drugiej macierzy.

Zapis w języku C# przeciążanie dwuargumentowego operatora '+' (w klasie Macierz)

```
public static Macierz operator +(Macierz a, Macierz b)
{if (a.LiczbaWierszy != b.LiczbaWierszy || a.LiczbaKolumn != b.LiczbaKolumn)
    throw new ArgumentException("ERROR: niezgodny rozmiar macierzy");

Macierz c = new Macierz(a.LiczbaWierszy, a.LiczbaKolumn);
for (ushort i = 0; i < a.LiczbaWierszy; i++)
    for (ushort j = 0; j < a.LiczbaKolumn; j++)
        c.macierz[i, j] = a.macierz[i, j] + b.macierz[i, j];
return c;
}</pre>
```

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



Przeciążanie dwuargumentowego operatora '-' (w klasie Macierz)

Dwuargumentowy operator '-' ma umożliwić obliczenie różnicy (odejmowania) dwóch macierzy!

Jeśli  $\mathbf{A} = [\underline{a}_{j}]_{\underline{m} \times \underline{n}}$  i  $\mathbf{B} = [b_{j}]_{\underline{m} \times \underline{n}}$ , to różnicę odejmowanie) dwóch macierzy wyznaczamy następująco:

$$A - B = [\underline{a}_{ij} - b_{ij}]_{m \times n}$$

#### Warunek wykonalności operatora '-':

Odejmowanie macierzy jest wykonywalne, gdy liczba wierszy jednej macierzy jest równa liczbie wierszy drugiej macierzy i liczba kolumn jednej macierzy jest równa liczbie kolumn drugiej macierzy.

Zapis w języku C# przeciążanie dwuargumentowego operatora '-' (w klasie Macierz)

```
public static Macierz operator -(Macierz a, Macierz b)
  {if (a.LiczbaWierszy != b.LiczbaWierszy || a.LiczbaKolumn != b.LiczbaKolumn)
        throw new ArgumentException("ERROR: niezgodny rozmiar macierzy");
    Macierz c = new Macierz(a.LiczbaWierszy, a.LiczbaKolumn);
    for (ushort i = 0; i < a.LiczbaWierszy; i++)
        for (ushort j = 0; j < a.LiczbaKolumn; j++)
            c.macierz[i, j] = a.macierz[i, j] - b.macierz[i, j];
    return c;
}</pre>
```

}

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



Przeciążanie dwuargumentowego operatora '\*'
(w klasie Macierz)

Dwuargumentowy operator '\*' ma umożliwić obliczenie iloczynu (mnożenia) dwóch macierzy!

Jeśli  $A = [a_{ij}]_{m \times k}$  i  $B = [b_{ij}]_{k \times n}$ , to iloczynem dwóch macierzy A oraz B, nazywamy macierz  $C = A * B = [cij]_{m \times n}$  gdzie:

$$cij = \sum_{p=1}^{k} a_{ip} b_{pj}$$

#### Warunek wykonalności operatora '\*':

Mnożenie macierzy jest wykonywalne, gdy liczba kolumn w pierwszej macierzy A jest równa liczbie wierszy w drugiej macierzy B.

```
Zapis w języku C# przeciążanie dwuargumentowego operatora '*' (w klasie Macierz)
```

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



Przeciążanie dwuargumentowego operatora '==' dla obliczania równości macierzy (w klasie Macierz)

Dwuargumentowy operator '==' ma umożliwić obliczenie równości dwóch macierzy!

Macierze A i B są równe (co zapisujemy w matematyce tak: A = B), gdy mają jednakowe wymiary i odpowiednie elementy są równe.

#### Warunek wykonalności operatora '==':

Wynikiem operacji równości jest:

- <u>true</u>, gdy obie macierze A i B mają jednakowe wymiary i odpowiednie ich elementy są równe,
- <u>false</u>, gdy macierze A i B mają różne wymiary lub gdy mają równe wymiary, ale odpowiednie elementy (co najmniej jeden) są różne od siebie,

Zapis w języku C# przeciążanie dwuargumentowego operatora '==' dla obliczania równości macierzy (w klasie Macierz)

Zapis w języku C# przeciążanie dwuargumentowego operatora '!=' dla obliczania różności macierzy (w klasie Macierz)

return false;

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



#### Nadpisanie metod Equals i GetHashCode

W przypadku przeciążania operatora równości '==' oraz '!=' należy również

```
nadpisać deklarację (definicję) metody Equals (. . . ) oraz
GetHashCode(), które są dziedziczone z klasy System.Object.
Nadpisanie metody Equals (. . . ):
public override bool Equals(object obj)
 {/* metoda Equals służy do porównania stanu wskazanej w argumencie
     instancji obiektu ze stanem obiektu bieżącego: this */
  if (obj is null || !(obj is Macierz))
  // operator is umożliwia sprawdzenie czy 'obj' jest typu Macierz
     return false;
  Macierz m = (Macierz)obj; /* rzutujemy parametr (argument) "obj"
                                         na typ Macierz */
  // sprawdzenie zgodności wymiarów macierzy
  if (this.macierz.GetLength(0) == (m.LiczbaWierszy)
        && (this.macierz.GetLength(1) == (m.LiczbaKolumn)))
   { // badanie relacji równości na elementach macierzy
     for (ushort i = 0; i < m.LiczbaWierszy; i++)</pre>
      {
        for (ushort j = 0; j < m.LiczbaKolumn; j++)</pre>
          if (this.macierz[i, j] != m.macierz[i, j])
              return false;
      /* wszystkie elementy egzemplarzy macierzy: '<u>this</u>'
         oraz 'm' są równe */
      return true:
   }
  else
```

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



Metoda **Equals()** musi działać tak, aby jej wynik odpowiadał znaczeniu operatora "==" .

#### Nadpisanie metody <a href="GetHashCode">GetHashCode</a>()

- Metoda <u>GetHashCode</u>() zwraca wartość liczbową, służąca do identyfikacji obiektu podczas wykonywania relacji równości.
- Jeśli metoda Equals () zwraca wartość:
  - <u>true</u>, to metoda <u>GetHashCode</u>() zwraca taką samą wartość dla obydwu obiektów,
  - <u>false</u>, to metoda <u>GetHashCode</u>() zwraca różne wartości dla porównywanych obiektów, co oznacza, że porównywane obiekty mają co najmniej jeden element o różnej wartości.

Nadpisanie metody GetHashCode():

cama motody <u>socialistics</u> (/ Zoolala mytrolana motoda

```
this.macierz.GetHashCode()
```

która zwróci tzw. <u>hash code</u> (typu <u>int</u>) obiektu 'macierz', który jest wyznaczany przez środowisko CLR (przy pierwszym wywołaniu metody <u>GetHashCode</u>), który zapisuje utworzony <u>hash code</u> w polu <u>SyncBlockIndex</u> obiektu 'macierz'.

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



Metoda <u>GetHashCode</u> udostępnia kod skrótu dla algorytmów, które wymagają szybkiego sprawdzenia równości obiektów.

Dwa obiekty, które są równe, zwracają kody skrótów, które są równe.

Jednak odwrotność nie jest prawdziwa: równe kody skrótu nie oznaczają równości obiektów, ponieważ różne (nierówne) obiekty mogą mieć identyczne kody skrótu.

#### Deklaracja operatora konwersji Macierz

```
public static explicit operator Macierz(float x)
    { // deklaracja i utworzenie egzemplarza macierzy pomocniczej dla zwrotu wyniku konwersji
        Macierz c = new Macierz(1, 1);
        // wpisanie wartości parametru (liczby) 'x' do macierzy 'c'
        c.macierz[0, 0] = x;
        // zwrócenie wyniku, którym jest utworzona nowa, jednoelementowa Macierz
        return c;
        // Użycie metody konwersji: Macierz YY = (Macierz)23;
}
```

#### Przeciążanie operatorów konwersji

Można przeciążać operator konwersji w postaci jawnej (<u>explicit</u>) oraz w postaci niejawnej (<u>implicit</u>). Aby przeciążyć **operator niejawny** używamy słowa kluczowego <u>implicit</u>, natomiast aby przeciążyć **operator jawny**, używamy słowa kluczowego <u>explicit</u> w definicji operatora.

### Deklarowanie zmiennych klasy Macierz

Utworzona klasa Macierz jest klasą dynamiczną, która umożliwia deklarowanie zmiennych referencyjnych (do egzemplarzy klasy Macierz) analogicznie do deklaracji zmiennych referencyjnych tablic, czyli następująco:

#### NazwaKlasy NazwaZmiennejReferencyjneKlasy;

Na przykład, deklarację dwóch zmiennych referencyjnych klasy Macierz zapisujemy następująco:

```
Macierz A, B;
```

Zadeklarowanym zmiennym referencyjnym A i B klasy Macierz zostaje przypisana domyślnie wartość null.

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



#### Tworzenie egzemplarzy klasy Macierz

Egzemplarze (obiekty) klas dynamicznych tworzymy przy użyciu operatora new:

1. dla już zadeklarowanych zmiennych referencyjnych klasy (co zapisujemy następująco):

NazwaZmiennejReferencyjnejKlasy = new NazwaKlasy ( . . . );

lista parametrów aktualnych dla konstruktora klasy
Przykład (dla zadeklarowanych zmiennych referencyjnych: A i B):

A = new Macierz(3, 5);

B = new Macierz(5, 9);

Jeżeli konstruktor klasy:

- ma parametry formalne, to przy tworzeniu instancji (egzemplarza) klasy, po nazwie klasy podajemy listę parametrów aktualnych (odpowiadających, co do liczby, kolejności i typowi danych, liście parametrów formalnych jednego z jej konstruktorów),
- nie ma parametrów formalnych, to przy tworzeniu instancji (egzemplarza) klasy, po nazwie klasy zapisujemy tylko nawiasy (puste!): ().

Po utworzeniu egzemplarza (obiektu) klasy dynamicznej i jego zainicjowaniu możemy już odwoływać się do zadeklarowanych i udostępnianych (modyfikatorem public) metod, właściwości i operatorów przeciążonych:

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



C = A + B;

D = A \* B;

If (A == B)

. . .

### Deklaracja metod rozszerzeń klasy Macierz

Przeciążone operatory arytmetyczne, logiczne i relacyjne w klasie <u>Macierz</u>, umożliwiają programowanie obliczeń na obiektach typu <u>Macierz</u>, ale nie obejmują wykonywanie takich działań jak:

- inicjowanie wartości elementów obiektu typu Macierz,
- przepisywania wartości elementów z kontrolki <u>DataGridView</u> do obiektu typu <u>Macierz</u> i odwrotnie,
- wypisywania wartości elementów obiektu typu Macierz na konsolę i odwrotnie,
- . . .

Język C# umożliwia jednak uzupełnianie deklaracji klasy o statyczne metody rozszerzeń, które zapisujemy w klasie statycznej (zapisywanej poza klasą główną projektowanego programu):

```
static class MetodyRozszerzeńKlasy
{ . . . }
```

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



W klasie rozszerzeń deklarujemy metody rozszerzeń dla określonej klasy (opisującego typ danych):

W liście parametrów formalnych deklarowanej metody rozszerzeń, deklaracja pierwszego parametru formalnego musi być poprzedzona autoreferencją this "wskazującą" typ danych (klasę), który będzie rozszerzony o deklarowaną metodę. I pierwszy parametr formalny będzie zmienną referencyjną do tego rozszerzanego typu danych (klasy).

### Przykład, deklaracji metod rozszerzeń klasy Macierz (dla aplikacji formularzowej)

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



- umożliwiają "dodawanie" nowych metod do istniejących typów (klas) bez konieczności tworzenia nowego typu potomnego (lub modyfikowania istniejącego typu w inny sposób) i ponownej kompilacji programu,
- stanowią specjalny rodzaj metod statycznych, ale są wywoływane tak, jakby były metodami zdefiniowanymi w rozszerzanej klasie typu danych (na przykład, w klasie Macierz).

### Utworzenie egzemplarzy klasy Macierz

### **Protected by PDF Anti-Copy Free**

(Upgrade to Pro Version to Remove the Watermark)



## Przykład użycia metod rozszerzających klasę Macierz (dla aplikacji formularzowej)

```
// przepisanie elementów z kontrolki <u>DataGridView</u>: dgvMacierzA do
macierzy A
   A.PrzepiszDataGridViewDoMacierzy(dgvMacierzA); // wywołanie metody
                                                        rozszerzeń
// przepisanie elementów z kontrolki DataGridView: dgvMacierzB do
                                                      macierzy B
   B.PrzepiszDataGridViewDoMacierzy(dgvMacierzB); // wywołanie metody
                                                        rozszerzeń
lub (bez pobierania wartości elementów macierzy z kontrolek DataGridView
// deklaracja przedziału wartości elementów macierzy
 const float DolnaGranicaPrzedziału = 10.0F;
 const float GórnaGranicaPrzedziału = 100.0F;
// inicjowanie macierzy A: wywołanie metody rozszerzeń
A.LosoweInicjowanieMacierzy(DolnaGranicaPrzedziału,
                             GórnaGranicaPrzedziału);
// wpisanie (przepisanie) elementów macierzy A do kontrolki DataGridView:
  A.PrzepiszMacierzDoKontrolkiDataGridView(dgvMacierzA); // wywołanie
                                                metody rozszerzeń
// inicjowanie macierzy B: wywołanie metody rozszerzeń
B.LosoweInicjowanieMacierzy(DolnaGranicaPrzedziału,
                               GórnaGranicaPrzedziału);
// wpisanie (przepisanie) elementów macierzy B do kontrolki DataGridView:
  B.PrzepiszMacierzDoKontrolkiDataGridView(dqvMacierzB); // wywołanie
                                                metody rozszerzeń
```