

4

・ 平面上の2点間の距離

2点 $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$ の距離は

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

+ $\sqrt{(x\text{の差})^2 + (y\text{の差})^2}$

原点と点 $A(x_1, y_1)$ の距離は

$$OA = \sqrt{x_1^2 + y_1^2}$$

+ $\sqrt{(x\text{座標})^2 + (y\text{座標})^2}$

(例1) 次の2点間の距離を求めよ。

(1) $A(2, 2)$, $B(4, 3)$

$$AB = \sqrt{(4-2)^2 + (3-2)^2} = \sqrt{5},$$

(2) $A(1, -1)$, $B(2, 2)$

$$AB = \sqrt{(2-1)^2 + (2-(-1))^2} = \sqrt{10},$$

(3) $O(0, 0)$, $A(-3, 1)$

$$OA = \sqrt{(-3)^2 + 1^2} = \sqrt{10},$$

(例2) 2点 $A(4, -1)$, $B(-2, -3)$ をもつ等距離にある

x 軸上の点 P , y 軸上の点 Q をそれぞれ求めよ。

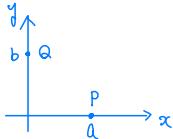
点 $P(a, 0)$, 点 $Q(0, b)$ とする。

$AP = BP$ より $AP^2 = BP^2$ なので $\sqrt{}$ の2乗で $\sqrt{}$ が外れる

$$(a-4)^2 + (0-(-1))^2 = (a-(-2))^2 + (0-(-3))^2$$

$$a^2 - 8a + 16 + 1 = a^2 + 4a + 4 + 9$$

$$a = \frac{1}{3}$$



$AQ = BQ$ より $AQ^2 = BQ^2$ なので

$$(0-4)^2 + (b-(-1))^2 = (0-(-2))^2 + (b-(-3))^2$$

$$16 + b^2 + 2b + 1 = 4 + b^2 + 6b + 9$$

$$b = 1$$

よって

$$P(\frac{1}{3}, 0), Q(0, 1),$$

(例3) 3点 $A(0, 0)$, $B(-3, -4)$, $C(4, -3)$ を頂点とする

$\triangle ABC$ はどのような図形か。

$$AB = \sqrt{(-3)^2 + (-4)^2} = \sqrt{25} = 5$$

$$BC = \sqrt{(4-(-3))^2 + (4-(-4))^2} = \sqrt{50} = 5\sqrt{2}$$

$$CA = \sqrt{4^2 + (-3)^2} = \sqrt{25} = 5$$

よって

$$AB = CA, AB^2 + CA^2 = BC^2$$

であるから

$$AB = CA \text{ の直角二等辺三角形 } \square$$