

# 4

## 素数と素因数分解

素数 … 2以上の自然数で1とそれ自身以外に正の約数をもたない数  
合成数 … 2以上の自然数で素数でない数

### 素因数分解

$$24 = \underset{\substack{\uparrow \\ \text{素因数}}}{2} \times \underset{\substack{\uparrow \\ \text{素因数}}}{3} \times \underset{\substack{\uparrow \\ \text{素因数}}}{4} \quad \begin{array}{l} \text{素因数} \\ \downarrow \downarrow \\ 2 \times 2 \end{array}$$

↑  
因数

### 素因数分解の一貫性

素因数分解は積の順序の違いを除けばただ1通りである。

(例1)  $\sqrt{180n}$  が自然数になるような最小の自然数  $n$  を求めよ。

point  
 $\sqrt{(\text{整数})^2}$  は「 $\sqrt{\quad}$ 」かとれる

$$180n = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot n$$

$\sqrt{180n}$  が自然数になるとき、 $180n$ を素因数分解したときの指数が偶数になる。

よって、求める最小の自然数  $n$  は

$$n = 5,$$

(例2)  $\sqrt{\frac{180}{n}}$  が自然数になるような自然数  $n$  を求めよ。

$$180 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$$

$\sqrt{\frac{180}{n}}$  が自然数になるとき、 $\frac{180}{n}$ を素因数分解したときの指数が偶数になる。

$$\frac{2^2 \cdot 3^2 \cdot 5}{5} = (2 \cdot 3)^2$$

$$\frac{2^2 \cdot 3^2 \cdot 5}{2^2 \cdot 5} = 3^2$$

$$\frac{2^2 \cdot 3^2 \cdot 5}{3^2 \cdot 5} = 2^2$$

$$\frac{2^2 \cdot 3^2 \cdot 5}{2^2 \cdot 3^2 \cdot 5} = 1^2$$

よって

$$n = 5, 20, 45, 180,$$