

**【練習問題】**

次のような母集団を考える。

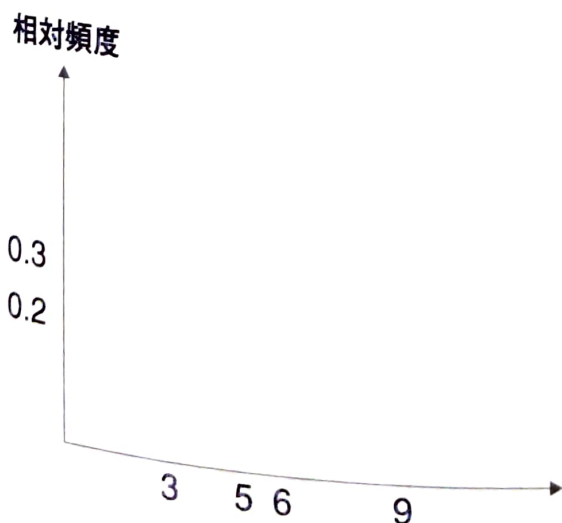
| 数字(データとして出てくるもの) | 3   | 5   | 6   | 9   |
|------------------|-----|-----|-----|-----|
| 相対度数(池の面積＝抽出確率)  | 0.3 | 0.3 | 0.2 | 0.2 |

①この母集団の母平均を求めるには、数字と相対度数を掛けて、合計すればいい。

| 数字 | 相対度数 | 数字×相対度数 |
|----|------|---------|
| 3  | 0.3  |         |
| 5  | 0.3  |         |
| 6  | 0.2  |         |
| 9  | 0.2  |         |
| 合計 |      |         |

②これより、母平均  $\mu =$  (            ) となる。

③さらに、この母集団から、無数に近いデータを抽出してヒストグラムを作ったものを下のグラフに書き込め。



**【練習問題】**

母分散  $\sigma^2$  と母標準偏差  $\sigma$  を求める練習をしよう。

次のような母集団を考える。

| 数字 (データとして出てくるもの) | 11  | 9   | 4   | 1   |
|-------------------|-----|-----|-----|-----|
| 相対度数 (池の面積＝抽出確率)  | 0.3 | 0.3 | 0.2 | 0.2 |

① まず、この母集団の母平均  $\mu$  を求める。

| 数字 | 相対度数 | 数字×相対度数 |
|----|------|---------|
| 11 | 0.3  |         |
| 9  | 0.3  |         |
| 4  | 0.2  |         |
| 1  | 0.2  |         |
| 合計 |      |         |

これより、母平均  $\mu = ( \quad )$  となる。

② 次に偏差を求めて、それを 2 乗し、相対度数を掛けて合計しよう。

| 数字 | 偏差 | 偏差の2乗 | 相対度数 | 偏差の2乗×相対度数 |
|----|----|-------|------|------------|
| 11 |    |       | 0.3  |            |
| 9  |    |       | 0.3  |            |
| 4  |    |       | 0.2  |            |
| 1  |    |       | 0.2  |            |

③これより母分散 = (                      ) となる。

また、母標準偏差 =  $\sigma = \sqrt{\hspace{2cm}}$  = (                      ) となる。

※解

**[練習問題]**

次のような母集団を考える。

| 数字(データとして出てくるもの) | 1                   | 2                   | 3                   | 4                   |
|------------------|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|
| 相対度数(池の面積＝出現確率)  | $0.25(\frac{1}{4})$ | $0.25(\frac{1}{4})$ | $0.25(\frac{1}{4})$ | $0.25(\frac{1}{4})$ |

①標本平均の相対度数を求めるための表を作ろう。空欄を埋めよ。

|   | 1 | 2 | 3 | 4 |
|---|---|---|---|---|
| 1 |   |   |   |   |
| 2 |   |   |   |   |
| 3 |   |   |   |   |
| 4 |   |   |   |   |

②標本平均の相対度数の表を作ろう。

| 標本平均 | 1                  | 1.5                | 2                  | 2.5                | 3                  | 3.5                | 4                  |
|------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|
| 相対度数 | $\frac{\quad}{16}$ | $\frac{\quad}{16}$ | $\frac{\quad}{16}$ | $\frac{\quad}{16}$ | $\frac{\quad}{16}$ | $\frac{\quad}{16}$ | $\frac{\quad}{16}$ |

③この表をヒストグラムにしよう。



### [練習問題]

母集団を、日本の成人女性全体の身長データとしよう。

この母集団の母平均は160センチ、母標準偏差は10センチだとする。

- ①この母集団からデータを1個だけ取り出すとき、それを予言し95パーセントの確率で当てたいなら、

(        )  $-1.96 \times$  (        )  $\sim$  (        )  $+1.96 \times$  (        )  
すなわち、(        )  $\sim$  (        ) に入ると予言すればいい。

- ②この母集団からデータを4個だけ取り出して標本平均を作る。  
それを予言し95パーセントの確率で当てたいなら、

(        )  $-1.96 \times$  (        )  $\sim$  (        )  $+1.96 \times$  (        )  
すなわち、(        )  $\sim$  (        ) に入ると予言すればいい。

- ③この母集団からデータを25個だけ取り出して標本平均を作る。  
それを予言し95パーセントの確率で当てたいなら、

(        )  $-1.96 \times$  (        )  $\sim$  (        )  $+1.96 \times$  (        )  
すなわち、(        )  $\sim$  (        ) に入ると予言すればいい。

## 【練習問題】

ある人が血圧を計測しているとしよう。

この人の血圧の計測値を母集団とすると、それは現在の実際の血圧  $\mu$  を母平均として、母標準偏差が10の正規分布をしているとする。

①この人が1回だけ血圧を測った。計測値は130であった。このとき、実際の血圧（=母平均  $\mu$ ）を区間推定しよう。

それには不等式

$$-1.96 \leq \frac{(\quad) - \mu}{(\quad)} \leq +1.96$$

を満たす  $\mu$  の範囲を求めればいい。

これを解くと、95パーセント信頼区間は

$$(\quad) \leq \mu \leq (\quad) \text{ となる。}$$

②次に4回計測して、次の4個のデータを得たとしよう。

131      135      140      138

この4個のデータの標本平均は、 $\bar{x} = (\quad)$  となる。

また  $\bar{x}$  の標準偏差は、 $10 \div (\quad) = (\quad)$  である。

このとき、真実の血圧  $\mu$  を区間推定するには、不等式

$$-1.96 \leq \frac{(\quad) - \mu}{(\quad)} \leq +1.96$$

を満たす  $\mu$  の範囲を求めればいい。

これを解くと、95パーセント信頼区間は

$$(\quad) \leq \mu \leq (\quad) \text{ となる。}$$



### 【練習問題】

標準正規分布に従って得られるデータを3回観測する。このとき、観測された3つの数値の2乗の和が2以上7未満である相対度数を、図表16-5を利用して求めてみよう。

2 以上の相対度数 = ( )

7 以上の相対度数 = ( )

2以上7未満の相対度数 = ( ) - ( ) = ( )

### [練習問題]

ある蝶の体長の母集団は母平均が80ミリの正規母集団とわかっている。このとき、観測した4個体の体長が、76ミリ、77ミリ、83ミリ、84ミリだったとする。このとき母分散を $\sigma^2$ とし、 $\sigma^2$ の95パーセント信頼区間を求めよ(図表17-1も参照)。

まず、Vを計算する。

$$V = \left( \frac{(\quad) - (\quad)}{\sigma} \right)^2 + \left( \frac{(\quad) - (\quad)}{\sigma} \right)^2 + \left( \frac{(\quad) - (\quad)}{\sigma} \right)^2 + \left( \frac{(\quad) - (\quad)}{\sigma} \right)^2$$
$$= \frac{(\quad)}{\sigma^2} + \frac{(\quad)}{\sigma^2} + \frac{(\quad)}{\sigma^2} + \frac{(\quad)}{\sigma^2} = \frac{(\quad)}{\sigma^2}$$

Vは自由度 ( ) のカイ二乗分布に従うので、

$$(\quad) \leq \frac{(\quad)}{\sigma^2} \leq (\quad)$$

を満たす $\sigma^2$ が、求めるものである。これを解くと

$$\frac{(\quad)}{(\quad)} \leq \sigma^2 \leq \frac{(\quad)}{(\quad)}$$

したがって、95パーセント信頼区間は、

$$(\quad) \leq \sigma^2 \leq (\quad)$$

となる。



### [練習問題]

正規母集団から4個のデータを抽出したら、

3、9、11、17

であった。このとき、標本平均は  $\bar{x} = (\quad)$

次に、標本分散を計算しよう。

$$s^2 = \frac{(\quad)^2 + (\quad)^2 + (\quad)^2 + (\quad)^2}{(\quad)} = (\quad)$$

したがって、標本標準偏差  $s = (\quad)$  である。

次に母分散  $\sigma^2$  を使って、 $W$  を計算しよう。

$$W = \frac{ns^2}{\sigma^2} = \frac{(\quad) \times (\quad)}{\sigma^2} = \frac{(\quad)}{\sigma^2}$$

この  $W$  は、自由度  $(\quad)$  のカイ二乗分布に従うデータとなる。

### [練習問題]

ある蝶の体長を正規母集団とする。観測した4個体の体長が、76ミリ、77ミリ、83ミリ、84ミリだったとする。このとき、母分散 $\sigma^2$ の95パーセント信頼区間を求めよ。

まず、標本平均は ( ) である。次に標本分散を計算する。

$$s^2 = \frac{\{( ) - ( ) \}^2 + \{( ) - ( ) \}^2 + \{( ) - ( ) \}^2 + \{( ) - ( ) \}^2}{( )}$$
$$= \frac{( )^2 + ( )^2 + ( )^2 + ( )^2}{( )} = ( )$$

さらにWを計算しよう。

$$W = \frac{( )}{\sigma^2}$$

Wは自由度 ( ) のカイ二乗分布に従うので、

$$( ) \leq \frac{( )}{\sigma^2} \leq ( )$$

を満たす $\sigma^2$ が、求めるものである。

これを解くと

$$\frac{( )}{( )} \leq \sigma^2 \leq \frac{( )}{( )}$$

したがって、95パーセント信頼区間は、

$$( ) \leq \sigma^2 \leq ( )$$

となる。

### [練習問題]

母平均  $\mu = 12$  の正規母集団から 4 個のデータを抽出したら、

3、9、11、17

であった。

以下の手順に従って、T の値を計算せよ。

標本平均は  $\bar{x} = ( \quad )$

次に、標本分散  $s^2$  を計算しよう。

$$s^2 = \frac{\{( \quad ) - ( \quad ) \}^2 + \{( \quad ) - ( \quad ) \}^2 + \{( \quad ) - ( \quad ) \}^2 + \{( \quad ) - ( \quad ) \}^2}{( \quad )}$$
$$= ( \quad )$$

したがって、標本標準偏差  $s = ( \quad )$  である。

これから T の値を計算しよう。

$$T = \frac{(\bar{x} - \mu) \sqrt{n-1}}{s} = \frac{( \quad ) \sqrt{( \quad )}}{( \quad )} = ( \quad )$$

# [練習問題]

ある居酒屋の店主が売り上げの予測を立てたいと考えた。店主は売り上げを正規母集団から観測されるデータとみなし、その母平均 $\mu$ を代表的な売り上げとして推定しようとした。伝票の中からランダムに8枚を抜き出してみると、次のような数字が出てきた。

45、39、42、57、28、33、40、52（単位は万円）

母平均 $\mu$ を以下の手順で区間推定しよう。

まず、標本平均は $\bar{x} = ( \quad )$ である。次に標本分散を計算する。

$$s^2 = \frac{( \quad )^2 + ( \quad )^2 + ( \quad )^2 + ( \quad )^2 + ( \quad )^2 + ( \quad )^2 + ( \quad )^2 + ( \quad )^2}{( \quad )}$$

$$= ( \quad )$$

したがって、標本標準偏差は $s = ( \quad )$

では、 $T$ を計算しよう。

$$T = \frac{|( \quad ) - \mu| \sqrt{( \quad ) - 1}}{( \quad )} = |( \quad ) - \mu| \times ( \quad )$$

$T$ は自由度 $( \quad )$ の $t$ 分布に従うので、

$$( \quad ) \leq |( \quad ) - \mu| \times ( \quad ) \leq ( \quad )$$

を満たす $\mu$ が、求めるものである。これを解くと

$$( \quad ) \leq ( \quad ) - \mu \leq ( \quad )$$

したがって、95パーセント信頼区間は、

$$( \quad ) \leq \mu \leq ( \quad )$$

となる。