

### Détectez des faux billets

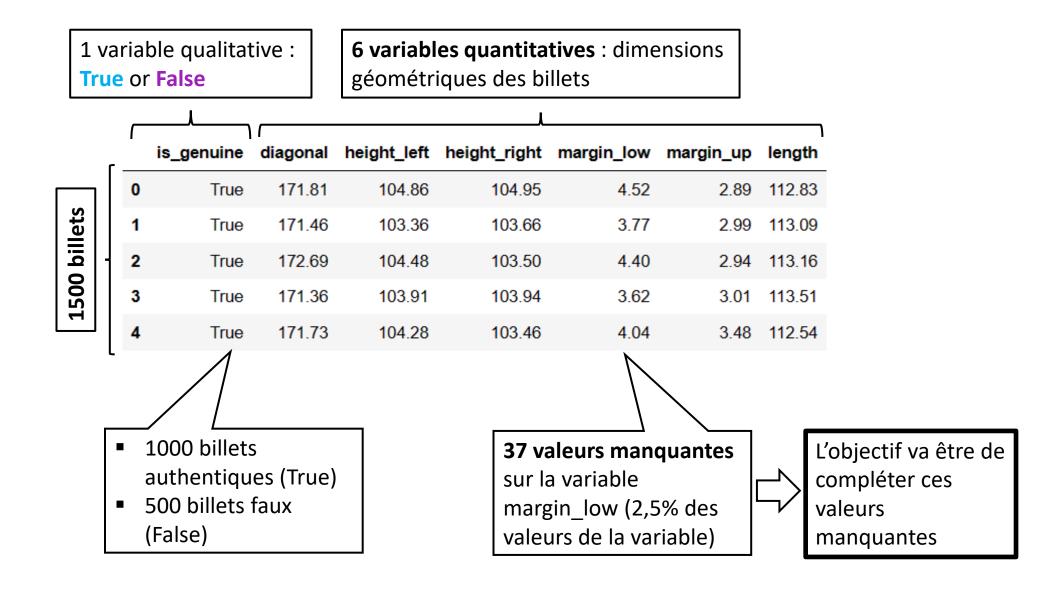


#### Sommaire

- 1. Exploration des données
- 2. Implémentation des valeurs manquantes
  - 1. Régression linéaire simple
  - 2. Régression linéaire multiple
- 3. Modélisations
  - 1. Analyse en composantes principales
  - 2. Méthode des K-Means
  - 3. Regression logistique
  - 4. K-Nearest Neighbors (KNN)
- 4. Comparaison des modèles
- 5. Application finale

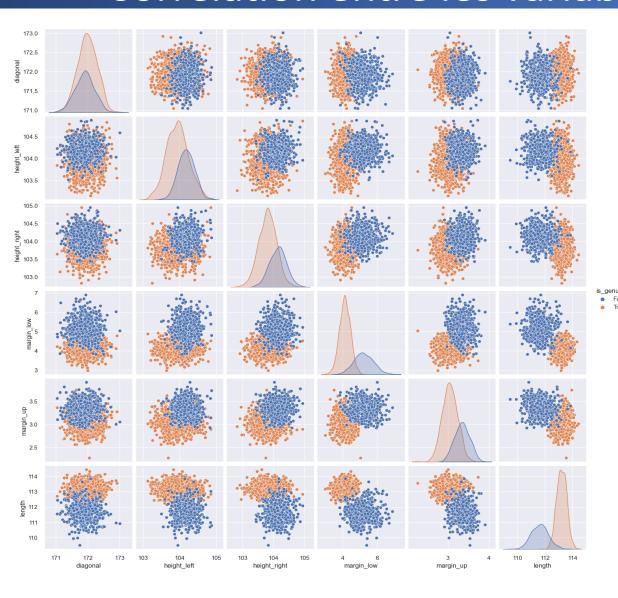


#### 1. Exploration des données





#### 1. Exploration des données Corrélation entre les variables



Avec un pairplot, je vais pouvoir afficher la corrélation entre les variables deux à deux.

Je vais pouvoir constater les premières tendances entre les vrais et les faux billets et constater des différences de dimensions moyennes.

Pour l'ensemble du projet, les vrais billets apparaitront en orange et les faux billets en bleu.

Par exemple, si je m'attarde sur la variable margin\_low, je vais pouvoir remarquer qu'elle est corrélée positivement avec height\_right et margin\_up et négativement avec length.

Les vrais billets ont tendance à avoir une longueur supérieure et les faux, une marge basse et une marge haute qui sont plus importantes.



0.8

0.6

- 0.4

- 0.2

- 0.0

-0.2

-0.4

-0.6

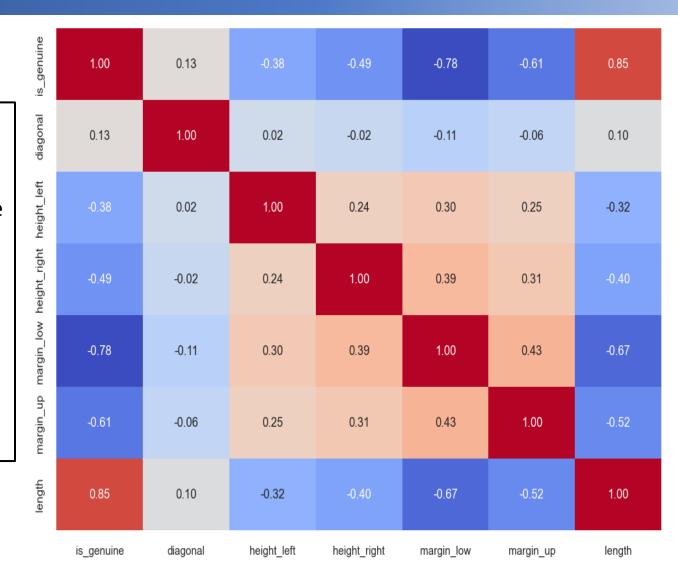
#### 1. Exploration des données Corrélation entre les variables

Pour plus de précision, nous pouvons voir les corrélations avec une heatmap et afficher les coefficients de corrélation.

Si nous regardons la corrélation entre la variable margin\_low et la variable length nous pouvons donc confirmer la corrélation négative avec un coefficient de -0,67.

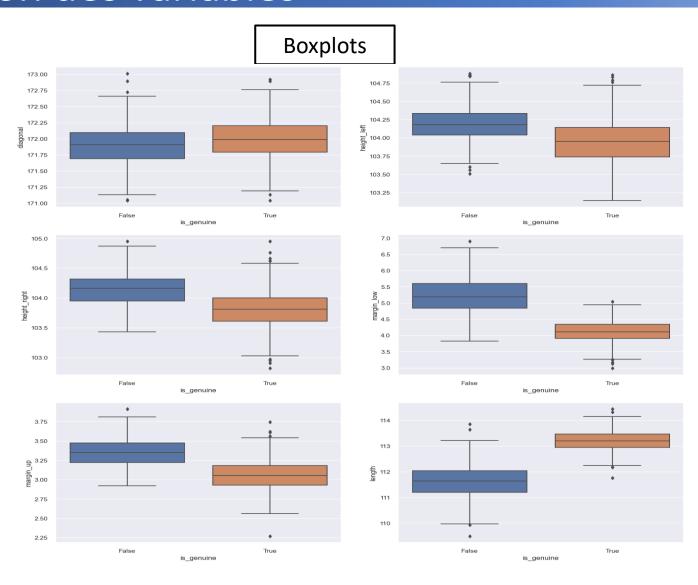
La variable margin\_low est également corrélée positivement avec les variables height\_left, height\_right et margin\_up.

Il y a une toute petite corrélation négative avec la variable diagonal.





### 1. Exploration des données Distribution des variables





#### 1. Exploration des données Tests de Shapiro et Kolmogorov-Smirnov

```
# Test de Shapiro-Wilk
 alpha = 0.05
 for i in Df Billet.iloc[:,:]:
     stat, pvalue = stats.shapiro(Df_Billet[i])
     print("p_value: ", pvalue)
     if pvalue > alpha:
         print(i, ": Les données suivent une loi normale\n")
     else:
         print(i, ": Nous rejetons l'hypothèse nulle, les données ne suivent pas une loi normale\n")
p value: 0.0
is genuine : Nous rejetons l'hypothèse nulle, les données ne suivent pas une loi normale
p value: 0.32343590259552
diagonal : Les données suivent une loi normale
p value: 0.0509396530687809
height left : Les données suivent une loi normale
p value: 0.9806053638458252
height right : Les données suivent une loi normale
p value: 1.0
margin_low : Les données suivent une loi normale
p value: 0.000810406228993088
margin up : Nous rejetons l'hypothèse nulle, les données ne suivent pas une loi normale
p value: 7.863947037789753e-28
length : Nous rejetons l'hypothèse nulle, les données ne suivent pas une loi normale
```

Les données Diagonal, height\_left, height\_right et margin\_low suivent une loi normale en revanche les données margin\_up, length ne suivent pas une loi normale.



#### 1. Exploration des données Tests de Shapiro et Kolmogorov-Smirnov

#### Test de Kolmogorov-Smirnov

```
liste_var=Df_Billet_sans_nan.drop(columns=['margin_low','is_genuine'])
 for var in liste var :
     print(var,":",st.ks 2samp(Df Billet[var],list(np.random.normal(np.mean(Df Billet[var]), np.std(Df Billet[var]), 1000))))
     if pvalue < alpha:</pre>
          print("Les données suivent une loi normale\n")
      else:
         print("Nous rejetons l'hypothèse nulle, les données ne suivent pas une loi normale")
diagonal: KstestResult(statistic=0.042, pvalue=0.23579917101222045, statistic location=171.75, statistic sign=1)
Les données suivent une loi normale
height left: KstestResult(statistic=0.03966666666666667, pvalue=0.29623261897937675, statistic location=103.93977969564332, st
atistic sign=-1)
Les données suivent une loi normale
height right: KstestResult(statistic=0.044, pvalue=0.19178172870967158, statistic location=103.92829094337036, statistic sign=
-1)
Les données suivent une loi normale
margin up: KstestResult(statistic=0.043, pvalue=0.21292189001678022, statistic location=3.1, statistic sign=1)
Les données suivent une loi normale
length : KstestResult(statistic=0.1636666666666666665, pvalue=1.77615807858617e-14, statistic_location=112.92871562685946, statis
tic sign=-1)
Les données suivent une loi normale
```



### 2. Implémentation des valeurs manquantes1. Régression linéaire simple : définition

La régression linéaire simple est une méthode statistique permettant de trouver une relation linéaire entre une variable explicative X et une variable à expliquer y.

Cette relation va pouvoir s'écrire avec la fonction linéaire suivante, qui va être représentée par une droite :

$$y = a.x + b$$

y = la variable que vous essayez de prédire (variable dépendante).

X = la variable que vous utilisez pour prédire y (variable indépendante).

**a** = la pente (si a>0, la droite est croissante, si a=0, la droite est horizontale, si a<0, la droite est décroissante)

**b** = l'intercept : l'ordonnée du point d'intersection de la droite avec l'axe vertical en x = 0

Afin de mieux comprendre les relations entre les variables, nous avons construit des modèles de régression linéaire pour prédire margin\_low.



# Implémentation des valeurs manquantes Régression linéaire simple : préparation des données

y (margin\_low) correspond aux valeurs que nous souhaitons prédire

X correspond à la variable prédictive à partir de laquelle nous allons trouver y

Avec la fonction **train\_test\_split**, appliquée à X et y, je vais séparer mes données en **un groupe d'entrainement et un groupe de test**. Je choisis pour mon découpage, 80% de données d'entrainement et 20% de données de test.

```
# On fractionne le dataset en 80/20 pour avoir plus de donnée d'entraitenement que de test train, test = train_test_split(Df_Billet_sans_nan, test_size=0.2, random_state=42)
```

Nous pouvons ensuite instancier un modèle depuis le package linear\_regression de scikit-learn. Puis nous l'entrainons sur nos données d'entrainement avec la fonction fit.

Nous pouvons ensuite l'utiliser pour faire des **prédictions** avec la fonction predict appliquée à nos données X test.

```
regLin=LinearRegression()
```

```
# Entraînement des données
regLin.fit(X_train,y_train)
```

```
# Prédiction
y_pred=regLin.predict(X_test)
y_pred[:10]
```

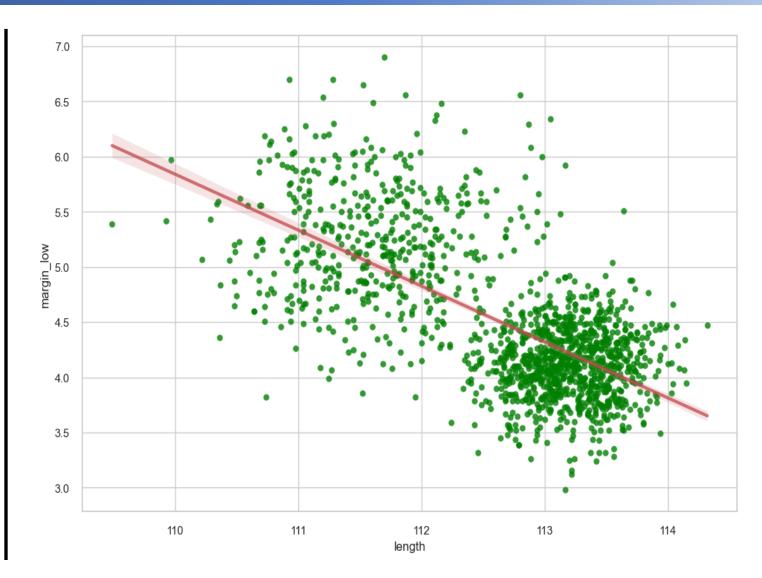
array([4.98085775, 4.09270387, 4.31723716, 4.1326209 , 4.03282833, 4.14758979, 4.88106518, 4.11765202, 4.06775573, 4.01286982])



### 2. Implémentation des valeurs manquantes1. Régression linéaire simple : droite de regression

La droite de régression montre une relation linéaire négative entre length et margin\_low.

Plus la longueur du billet (length) augmente, plus la marge basse (margin\_low) tend à diminuer.



## Implémentation des valeurs manquantes Régression linéaire simple : évaluation du modèle

Le coefficient de détermination R<sup>2</sup>

$$R^2 = 1 - rac{\sum_{i=1}^{n} \left(y_i - \hat{y_i}
ight)^2}{\sum_{i=1}^{n} \left(y_i - ar{y}
ight)^2}$$

0.5136070700267961

Nous allons pouvoir évaluer la performance de notre modèle.

Pour cela nous allons commencer par calculer le coefficient de détermination R<sup>2</sup> de notre modèle.

Le R<sup>2</sup> mesure la qualité de prédiction d'une régression linéaire et en cela va faciliter la comparaison entre différents modèles de régression linéaire.

Le R<sup>2</sup> correspond à l'erreur du modèle divisé par l'erreur d'un modèle basique qui prédit tout le temps la moyenne de la variable à prédire. Le score R2 est d'autant plus élevé que le modèle est performant, et vaut au maximum 1, lorsque toutes les prédictions sont exactes.



### Implémentation des valeurs manquantes Régression linéaire simple : évaluation du modèle

Cross validation

Je peux obtenir les scores de ma cross validation avec la **fonction cross\_val\_score**, appliquée à l'ensemble de mes données X et y.

Je peux également, si je le souhaite effectuer ma cross validation dans le cadre d'une boucle qui va se répéter autant de fois qu'il y a de folds.

Je vais ainsi pouvoir calculer les scores suivant :

- la MAE (l'erreur absolue moyenne) est la moyenne arithmétique des valeurs absolues des écarts entre les valeurs prédites et les valeurs réelles.
- Le RMSE (l'erreur quadratique moyenne) est un coefficient de dispersion qui va nous donner une idée de la dispersion des écarts de prédiction.
- La MAPE (Mean Absolute Percentage Error) est la moyenne des écarts en valeur absolue par rapport aux valeurs observées. C'est donc un pourcentage et par conséquent un indicateur pratique de comparaison.

MAE = 0.34

MSE = 0.21

RMSE = 0.452

Median Absolute Error = 0.26



## 2. Implémentation des valeurs manquantes2. Régression linéaire multiple : préparation des données

Définition

En régression linéaire multiple, plusieurs variables explicatives sont combinées pour prédire une variable cible, chaque variable contribuant au modèle avec un coefficient reflétant son importance.

On souhaite cette fois expliquer, de manière linéaire, une variable Y (variable à expliquer), aléatoire en fonction de *p* variables (X1,...,Xp), et non plus d'une seule variable.

 Préparation des données De la même façon que dans la régression linéaire simple, je définis :

- y comme les valeurs de ma variable à prédire (margin\_low),
- X, cette fois, l'ensemble de mes variables explicatives, à partir desquelles je vais pouvoir prédire y.



### Implémentation des valeurs manquantes Régression linéaire multiple : préparation des données

# Prédiction

y pred2[:10]

y pred2=reg multi.predict(X test2)

```
# Régression Linéaire miltiple avec sklearn

X2 = Df_Billet_sans_nan.drop(columns = ['margin_low','is_genuine'])
y2 = Df_Billet_sans_nan.margin_low
```

J'applique les mêmes fonctions pour séparer mes données en un groupe d'entrainement et un groupe de test, puis on instancie notre modèle, on l'entraîne et on peut prédire les valeurs y\_pred.

```
X_train2, X_test2, y_train2, y_test2 = train_test_split(X2,y2,test_size=0.2,random_state=42)

reg_multi=LinearRegression()

reg_multi.fit(X_train2,y_train2)

* LinearRegression
LinearRegression()
```

array([4.95663909, 4.29838247, 4.37773033, 4.09528905, 4.02274623,

4.09556812, 4.85333759, 4.12787564, 4.20096875, 3.86186446])



## 2. Implémentation des valeurs manquantes2. Régression linéaire multiple : évaluation du modèle

Je vais ensuite calculer les coefficients R<sup>2</sup>, MAE, RMSE MAPE et **comparer les deux modèles** pour choisir le plus performant.

```
R2_RLM = r2_score(y_test2, y_pred2)
R2_RLM

MAE_RLM = mean_absolute_error(y_test2,y_pred2)
print('MAE =', mean_absolute_error(y_test2,y_pred2))

MAE = 0.3353706932764837

MSE_RLM = mean_squared_error(y_test2,y_pred2)
print('MSE =', mean_squared_error(y_test2,y_pred2))

MSE_RLM = mean_absolute_error(y_test2,y_pred2))
print('MSE =', mean_squared_error(y_test2,y_pred2))

MSE_RLM = np.sqrt(mean_squared_error(y_test2,y_pred2))
print('MSE =', np.sqrt(mean_squared_error(y_test2,y_pred2)))

MSE = 0.19144954947493334

Median_Absolute_Error_M= median_absolute_error(y_test2,y_pred2)
print('Median Absolute Error =', median absolute error(y_test2,y_pred2))
```

Median Absolute Error = 0.2623802208694581



### 2. Implémentation des valeurs manquantes2. Comparaison des deux modèles

Je vais ensuite calculer les coefficients R<sup>2</sup>, MAE, RMSE MAPE et **comparer les deux modèles** pour choisir le plus performant.

	Régression Linéaire Simple	Régression Linéaire Multiple
R²	0.513607	0.545796
MAE	0.344331	0.335371
MSE	0.205017	0.191450
RMSE	0.452788	0.437549
Median Absolute Error	0.262870	0.262380

⇒ Nous pouvons dire que la régression linéaire multiple donne de meilleurs résultats (légère amélioration des performances)

En effet, le R<sup>2</sup> est meilleur, ce qui est cohérent car nous prenons en compte plus de variables (corrélées). Et d'autre part les erreurs de prédiction sont légèrement moindre.

Nous allons donc utiliser la régression linéaire multiple pour prédire nos valeurs manquantes sur la variable margin\_low.



### Implémentation des valeurs manquantes Régression linéaire multiple : Prédiction des valeurs manquantes

Création d'un **nouveau Dataframe** avec uniquement les lignes contenant les valeurs manquantes.



Enregistrement des valeurs de la colonne is\_genuine dans une variable 'is\_genuine' pour pouvoir l'enlever et l'ajouter à nouveau plus tard.



Suppression des colonnes is\_genuine et margin\_low de mon DataFrame pour me retrouver uniquement avec l'ensemble de mes variables X.



Obtention d'un seul dataframe complet (vérification de la cohérence des valeurs prédites)



Réintroduction de la variable is\_genuine puis concaténation de ce Dataframe au Dataframe contenant toutes les lignes sauf celles ayant des valeurs manquantes



Prédiction des valeurs
margin\_low manquantes avec la
fonction predict appliquée à ce
DataFrame contenant mes
variables X.



#### 1. Analyse en composantes principales

L'Enjeu de l'ACP a deux objectifs principaux.

Elle permet d'étudier :

- ➤ La variabilité entre les individus, c'est-à-dire quelles sont les différences et les ressemblances entre individus.
- > Les liaisons entre les variables : y a-t-il des groupes de variables très corrélées entre elles qui peuvent être regroupées en de nouvelles variables synthétiques ?
- Ces objectifs seront possibles à travers la création de variable synthétique et en maximisant la variance de nos données. Dans le cadre d'une ACP centrée-réduite nous serons obligés de faire que la moyenne soit égale à 0 et l'écart-type à 1



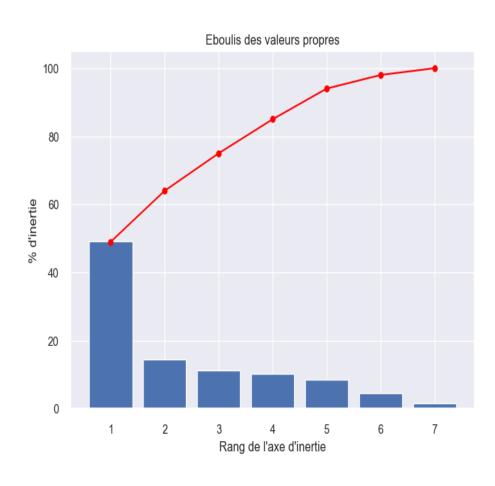
#### 1. Analyse en composantes principales

```
# On enregistre le nom de nos colonnes et de nos variables
names=Df Billet2.index
features=Df Billet2.columns
# On va entraîner et transformer nos données afin d'avoir une moyenne à 0 et une STD à 1
Scaler=StandardScaler()
X Scaled=Scaler.fit transform(X)
# On vérifie que Moyennes= 0 et STD=1
idx=["mean","std"]
 # Création Dataframe de IDX
 pd.DataFrame(X_Scaled).describe().round(2).loc[idx, :]
      0 1 2 3 4 5 6
mean 0.0 0.0 0.0 -0.0 -0.0 -0.0 0.0
 std 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0
```

```
: v # Nous allons travailler sur 7 composantes
   n components= 7
   pca=PCA(n components=n components)
   pca.fit(X Scaled)
           PCA
  PCA(n components=7)
: v # Recherche de la variance captée par chaque nouvelle composante.
    pca.explained variance ratio
 array([0.49247095, 0.14570397, 0.11277902, 0.10227683, 0.08448045,
         0.04623784, 0.01605093])
```



#### 1. Analyse en composantes principales: valeurs propres



Le graphique de l'éboulis montre la proportion de variance expliquée par chaque composante principale. Les premières composantes capturent la majorité de l'information dans les données.



#### 1. Analyse en composantes principales



Cette matrice montre l'importance de chaque variable dans la construction des composantes principales. Les valeurs absolues des coefficients indiquent l'influence des variables sur les composantes.

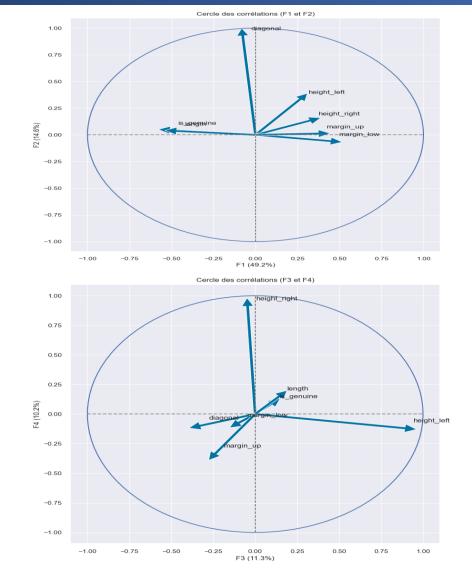
La première composante principale (F1) est fortement influencée par margin\_low (0.45) et length (-0.47), indiquant que ces deux variables jouent un rôle clé dans la distinction des observations.

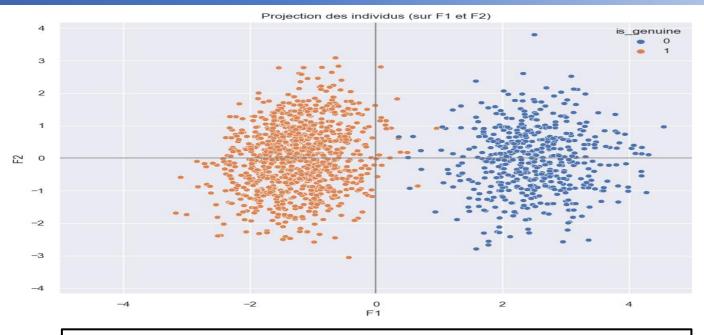
La deuxième composante principale (F2) est principalement liée à diagonal (0.93), ce qui reflète son importance indépendante des autres variables.

Les composantes suivantes (F3, F4, F5) capturent des variations plus spécifiques, comme l'opposition entre height\_left et height\_right sur F3.



#### 1. Analyse en composantes principales: cercles de corrélation





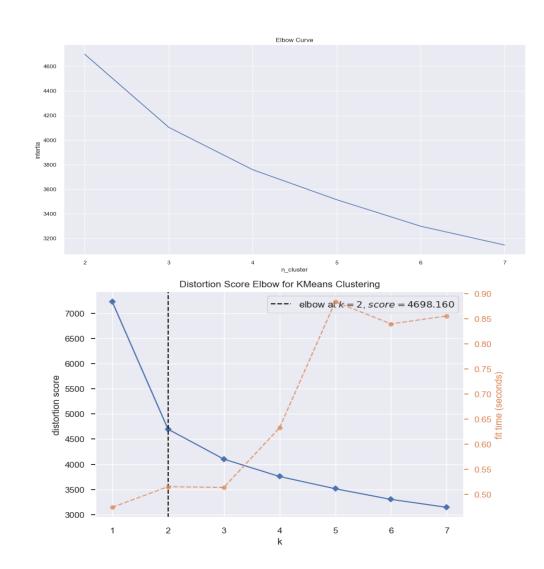
La projection des individus sur les deux premières composantes principales (F1 et F2) met en évidence une bonne séparation entre les vrais billets (orange) et les faux billets (bleu).

Cette séparation montre que l'ACP réussit à réduire la dimensionnalité tout en préservant les distinctions importantes dans les données.

Les vrais billets sont principalement regroupés dans la zone positive de F1, tandis que les faux billets se trouvent dans la zone négative.



#### 2. Clustering KMEANS: détermination du k optimal

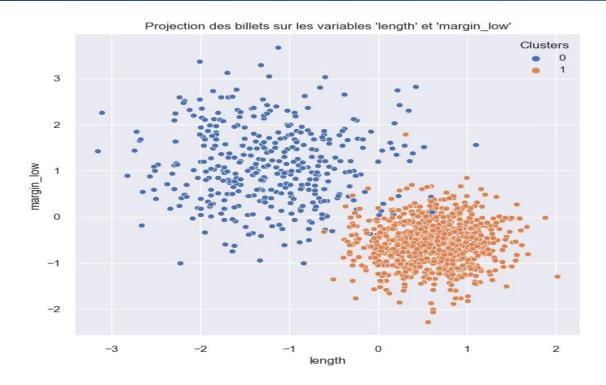




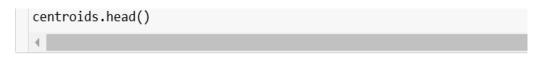
- Le choix du nombre de clusters (k) est déterminé par la méthode du coude et le score silhouette.
- k=2 est retenu comme valeur optimale car il minimise l'inertie tout en maximisant la qualité des clusters.



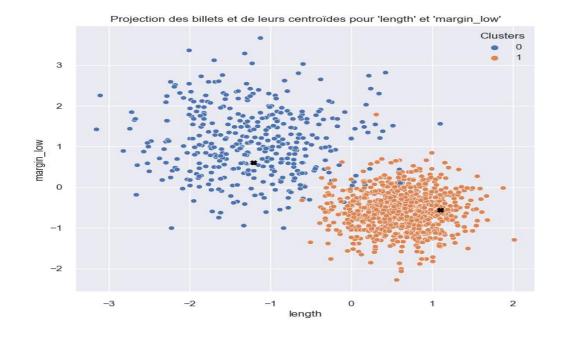
#### 2. Clustering KMEANS: projection des individus



- ➤ La projection montre les individus regroupés en deux clusters bien distincts sur les variables length et margin\_low.
- Les centroïdes marquent les centres des clusters et résument leurs caractéristiques moyennes.

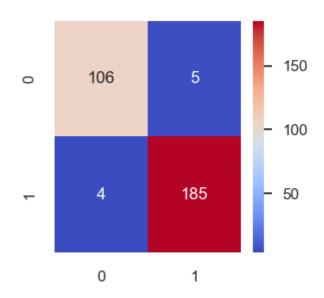


	diagonal	height_left	height_right	margin_low	margin_up	length
Cluster_0	-0.195963	0.578520	0.726474	1.103768	0.847527	-1.212909
Cluster_1	0.114598	-0.272365	-0.350753	-0.558303	-0.425956	0.602171





#### 3. Modélisations 2.1. Clustering KMEANS: Évaluation du modèle K-means



Le modèle montre une excellente séparation entre les vrais et faux billets, avec seulement 9 erreurs (4 faux négatifs et 5 faux positifs).

```
accuracy_kmeans=accuracy_score(y_testK,y_predK)*100
print("Accuracy :",accuracy_kmeans)
```

Accuracy: 97.0

```
precision_kmeans=precision_score(y_testK,y_predK).round(4)*100
print("Précision :", precision_kmeans)
```

Précision: 97.37

```
recall_kmeans=recall_score(y_testK,y_predK).round(4)*100
print("Recall :",recall_kmeans)
```

Recall: 97.88

```
f1_score_kmeans=f1_score(y_testK,y_predK).round(4)*100
print("F1_score :",f1_score_kmeans)
```

F1\_score : 97.63



# 3. Modélisations3. Régression logistique

La **régression logistique** est un modèle statistique permettant d'étudier les relations entre un ensemble de variables prédictives (explicatives) Xi et une variable à prédire Y. C'est-à-dire qu'à partir des variables prédictives, elle va pouvoir prédire les valeurs prises par la variable catégorielle y à prédire.

Quelle différence y a-t-il entre la régression logistique et la régression linéaire ?

La régression logistique est utilisée lorsque la variable réponse est catégorique, binaire, comme oui/non, vrai/faux. C'est un algorithme de classification et elle ne nécessite pas la présence d'une relation linéaire entre les variables.

La régression linéaire, quant à elle, est utilisée lorsque la variable réponse est continue (comme les valeurs prises par margin\_low).



## 3. Modélisations3.1. Régression logistique

Paramétrage : le **Grid search** est une méthode d'optimisation qui va nous permettre de tester une série de paramètres (hyperparamètres) et de comparer les performances pour en déduire le meilleur paramétrage. Nous allons choisir un score à optimiser et le grid search va tester chaque combinaison d'hyperparamètres et retenir celle qui va donner le meilleur score. Ensuite nous pourrons lancer notre modèle avec ces meilleurs paramètres.

```
print("Meilleurs paramètres :",grid .best_params_)
print("Meilleur score (accuracy):",round(grid .best_score_,4))

Meilleurs paramètres : {'C': 0.1, 'penalty': 'l1', 'solver': 'liblinear'}
Meilleur score (accuracy): 0.9917

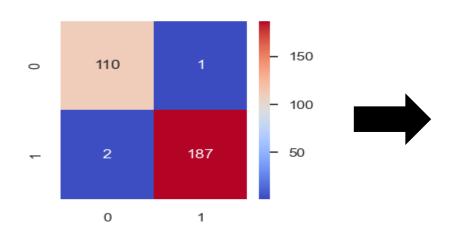
modelRegLog=grid.best_estimator_
round(modelRegLog.score(X_test_log,y_test_log),4)*100
```



# 3. Modélisations3.2. Régression logistique

Une fois que nous avons instancié et entrainé notre modèle, que nous avons prédit y\_pred à partir de X\_test, nous pouvons tester la probabilité pour chaque billet de X\_test, d'appartenir à la classe fausse (0) ou vraie (1). Ici pour le premier billet par exemple, il y a 99% de probabilité qu'il appartienne à la classe fausse et 0,1% à la classe vraie. Pour le second, 82% à la classe fausse et 0,18% à la classe vraie.

On enchaîne sur la matrice de confusion qui nous donne de très bons résultats



```
accuracy_Reglog=accuracy_score(y_test_log,y_pred_log)*100
print("Accuracy :",accuracy_Reglog)

Accuracy : 99.0

precision_Reglog=precision_score(y_test_log,y_pred_log).round(4)*100
print("Précision :", precision_Reglog)

Précision : 99.47

recall_Reglog=recall_score(y_test_log,y_pred_log).round(4)*100
print("Recall :",recall_Reglog)

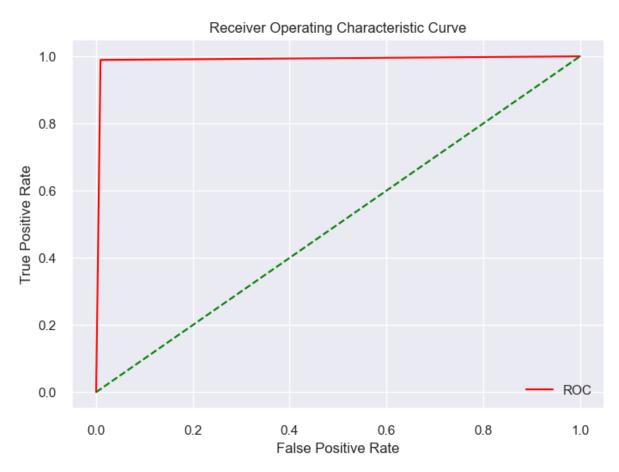
Recall : 98.94

f1_score_Reglog=f1_score(y_test_log,y_pred_log).round(4)*100
print("F1_score :",f1_score_Reglog)

F1 score : 99.2
```



#### 3.3. Régression logistique: Courbe ROC et AUC



La courbe ROC illustre la capacité de différenciation des classes par le modèle.

```
# Calculons la performance de notre modèle avec l'AUC ROC.

# L'AUC ROC va mesurer la performance globale de notre modèle, il correspond à l'air sous la courbe

false_positive_rate, true_positive_rate, thresholds = roc_curve(y_test_log,y_pred_log)

RegLog_auc=auc(fper, tper).round(4)*100

print("L'AUC ROC de notre Regression Logistique est de :",RegLog_auc)
```

L'AUC ROC de notre Regression Logistique est de : 99.02

Avec une AUC de 99.02%, la régression logistique démontre une excellente performance, proche de la perfection.

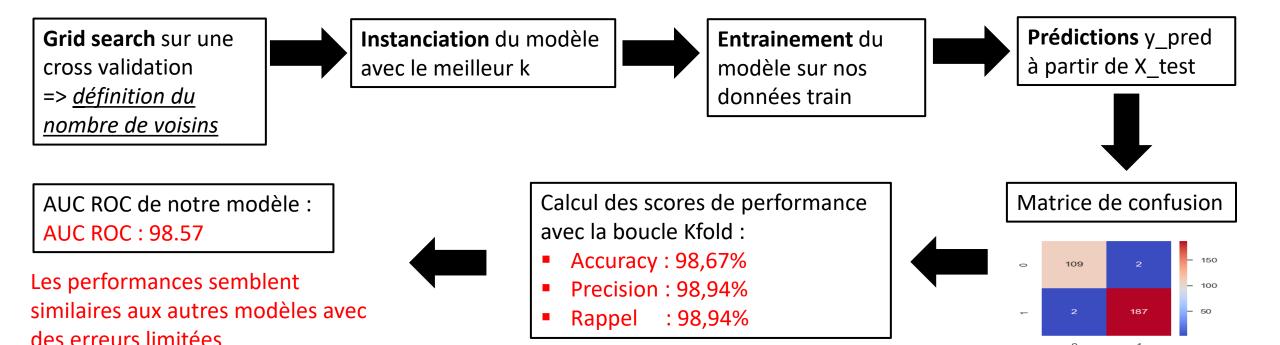
=> Notre modèle est presque parfait.



#### 4. K-Nearest Neighbors (KNN)

KNN est un algorithme supervisé basé sur la proximité : il classe les observations en fonction de leurs voisins les plus proches dans l'espace des caractéristiques.

Le choix du paramètre k (nombre de voisins) influence directement les performances du modèle.



#### 4. Comparaison globale des modèles

Nous allons maintenant, après avoir testé différentes méthodes de classification, comparer les scores de performance obtenus.

	Kmeans	Régression Logistique	KNN
Accuracy	97.00	99.00	98.666667
Precison	97.37	99.47	98.940000
Recall	97.88	98.94	98.940000
F1_Score	97.63	99.20	98.940000
Auc_Roc	96.69	99.02	98.570000

L'ensemble des modèles donne de très bons résultats.

La régression logistique obtient les meilleurs scores, suivie par KNN et K-means.

Nous allons donc utiliser ce modèle pour notre application finale, c'est-à-dire pour prédire l'authenticité ou non de nouveaux billets.



#### 5. Application finale

Prédiction sur de nouvelles données avec la régression logistique

### APPLICATION DIRECTE SUR LE NOTEBOOK