Codeforces 799 (Div.4) 題解

Koying

2022-06-15

reference

■ 本次題解的程式碼都可以在 https://github.com/Koyingtw/IRC-lecture/20220615 找 到

Codeforces 799 A

CF 799A Marathon

有三個人 a, b, c, d 在跑步, 給他們目前跑的距離, 求有幾人的距離比 a 遠

- 直接做就好
- 參考程式:PA.cpp

Codeforces 799 B

CF 799B All Distinct

Sho 得到一個長度為 n 的序列,他會進行多次操作,每次操作會將序列中的兩個數字刪除,直到沒有任兩個相同的數字為止 求最後序列最長可以多長

$$(t \le 10^3, n \le 50)$$

- 每種數字最多就只會剩下一個,因此最終目標是要讓剩下一個的數量最大化
- 若有一個數字 a 一開始有奇數個,那每次刪掉兩個,最後就會剩下一個
- 若有兩個數字 a, b 一開始都有偶數個,那我們只要先將 a, b 都 -1,那就可以將這兩個轉為奇數
- 最終答案就是一開始奇數的數量加上可以從偶數轉成奇數的數量
- 參考程式:PB.cpp

Codeforces 799 C

CF 799C Where's the Bishop?

給定一西洋棋中的主教可以走到的格子(原先在的格子也算),求出原先的格子是哪一格

- 可以發現到,兩條對角線會在原點交會,形成 X 狀
- 若 (x, y), (x + 1, y + 1), (x + 1, y 1), (x 1, y 1), (x 1, y 1) 都可走的話,那麼 x, y 就是原點
- 參考程式:PC.cpp

Codeforces 799 D

CF 799D The Clock

有一個 24 小時制的時鐘,Victor 每 x 分鐘會看一次時鐘,問 Victor 在同樣的時間看不超過一次的情況下,會看到幾個回文的時間

- 可以證明由於看不超過 1 次,因此最多就只會看 24 × 60 次
- 按照題目實作即可,時鐘進位的算法請參考下面的程式碼
- 輸入可用 stringstream 來快速處理
- Time complexity: $\mathcal{O}(24 \times 60)$
- 參考程式:PD.cpp

時鐘運行範例

```
int h, m;
void clock_running(int x) {
    m += x;
    h += m / 60;
    m %= 60;
    h %= 24;
}
```

回文判斷範例

```
bool ispal(int h, int m) {
    string a = "";
    string b = "";
    a += (h < 10 ? "0": "") + to_string(h) + (m < 10 ? "0": "") + to_string(m);
    b = a;
    reverse(all(b));
    return a == b;
}</pre>
```

Codeforces 799 E

CF 799E Binary Deque

有一個長度為 n 的 01 字串,你可以從頭或從尾移除數個元素,求最少移除幾個字元能使剩下的字元洽有 s 個 1 $(n,s \leq 2 \cdot 10^5)$

- 可以觀察到,左界越往右則右界也只會越往右,具有單調性
- 枚舉左界或是右界,利用前綴和差分二分搜出右界或是左界
- Time complexity: $\mathcal{O}(n \log n)$
- 參考程式: PE.cpp

Codeforces 799 F

CF 799F 3SUM

給一個長度為 n 的序列,求是否有可能任取三個元素使得其和的尾數為 3 $(n \le 2 \cdot 10^5)$

- $O(n^3)$ 的作法顯然不可行
- 可以觀察到,三個元素和的尾數是否是 3 只跟三個元素的尾數和有關
- 紀錄每個尾數的數量
- 枚舉三個元素的尾數
- Time complexity: $\mathcal{O}(nlogn)$
- 參考程式: PF.cpp

Codeforces 799 G

CF 799G 2 *Sort

有一個數列 a,你可以任選一個長度為 k+1 的區間 [i,i+k],並進行一次操作,使得區間內的值變為 $2^0 \cdot a_i,\ 2^1 \cdot a_{i+1},\ ...,\ 2^k \cdot a_{i+k}$ 求有幾種個區間經過操作之後其區間內的元素呈現嚴格遞增 $(n \le 2 \cdot 10^5)$

- 若 $[a_i, a_{i+1}]$ 合法,那麼 $a_i < a_{i+1} \cdot 2$
- ullet 若 [l,r] 之間都合法,那麼其中最多包含 r-l+1-k 個長度為 k+1 的區間
- 找出所有合法的連續區間,即可找到答案
- Time complexity: $\mathcal{O}(n)$
- 參考程式: PG.cpp



Codeforces 799 H

Codeforces 799H Gambling

Marian 在賭場賭博,有一個遊戲每次會隨機跳一個數字出來,若猜對獎金加倍,猜錯則是 獎金折半

Marian 能夠知道接下來每一局遊戲都會出現什麼數字 x_i ,你可以指定一個數字 a 使得 Marian 接下來都猜測 a,以及一個區間 [l, r] 代表 Marian 會連續玩 [l, r] 的遊戲 求 Marian 最多可以獲得多多獎金,他一開始有一塊錢 $(n \le 2 \cdot 10^5)$

- - 可以將題目所求轉換成贏得該局則 +1,輸則 -1,求最大獎金
 - 假設我們要猜的是 a,那麼對於每次遊戲出現的數字 x_i ,若 $x_i = a$,則我們將該局結 果 $r_{a,i}$ 設為 +1,反之設為 -1,那麼猜 a 的最大獎金就是 r_a 的最大區間和
 - 最大區間和算法可由 (當前前墜和 走過最小的前墜和) 得出

- 枚舉 *a* , 找到最大的答案
- 但是 $a \le 10^9$,光是枚舉 a 就超時了,因此我們先對他做離散化,讓 a < n
- 若每次尋找最大前墜和的過程都是 $\mathcal{O}(n)$,那麼整體複雜度會來到 $\mathcal{O}(n^2)$
- 觀察一下 r_a 會發現,他其實就是幾個 +1 中間插入很多個 -1 組成的,再加上最好的 邊界一定落在 $r_{a,i} = +1$ 的位置,所以我們只需要紀錄那些點是 +1 即可
- 每次計算最大前墜和的複雜度變為 $O(cnt_a)$
- 最終的複雜度就會是 $\mathcal{O}(\sum cnt_a) = \mathcal{O}(n)$ 加上離散化的 $\mathcal{O}(n \log n) = \mathcal{O}(n \log n)$