# ГРАФИЧЕСКИЕ МОДЕЛИ АЛГОРИТМОВ И СИСТЕМ

#### ПАРАЛЛЕЛЬНАЯ ГРАФ - СХЕМА

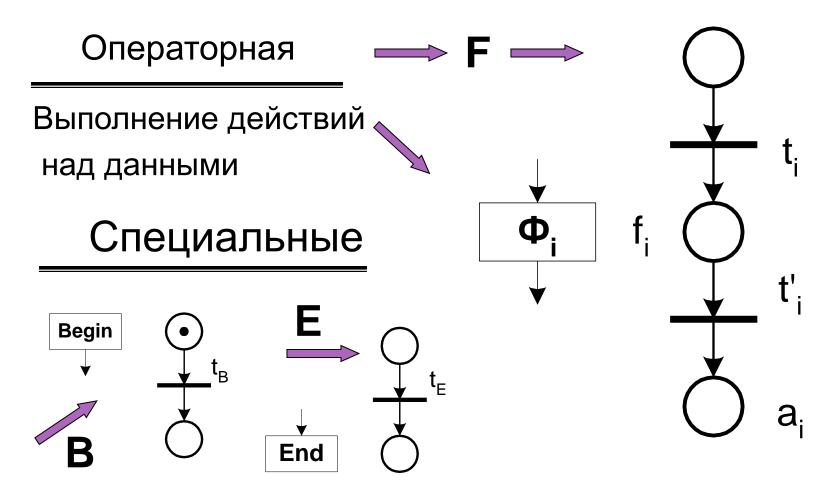
Параллельная граф — схема — это ориентированный граф  $G = \langle V, C \rangle$ , в котором:

1)  $V = \{v_i\}$  - конечное множество вершин, подразделяющееся на семь подмножеств: F, W, U,  $\Omega$ ,  $\Delta$ , B, E, причем F – подмножество операторных вершин, обозначающих действия над данными; остальные вершины — управляющие, среди них выделяют две: начало B и конец E;

# ПАРАЛЛЕЛЬНАЯ ГРАФ-СХЕМА (ПРОДОЛЖЕНИЕ)

- 2)  $C = \{c_{ij}\}$  конечное множество дуг, дуга  $c_{ij}$  обозначает, что действие, соответствующее  $v_j$ , может быть выполнено только после завершения действия, отвечающего  $v_i$ ;
  - 3) Для каждой  $v_j \in V$  существует хотя бы один путь от вершины B к  $v_j$  и хотя бы один путь от  $v_j$  к вершине E.

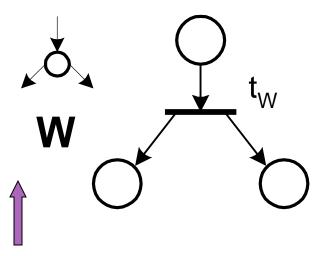
#### ВЕРШИНЫ ПАРАЛЛЕЛЬНЫХ ГРАФ-СХЕМ



Начало и конец алгоритма

## УПРАВЛЯЮЩИЕ ВЕРШИНЫ ПГС

#### Распараллеливание

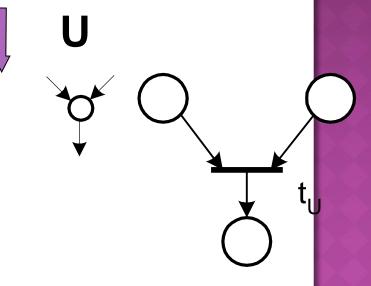


Бифуркатор.

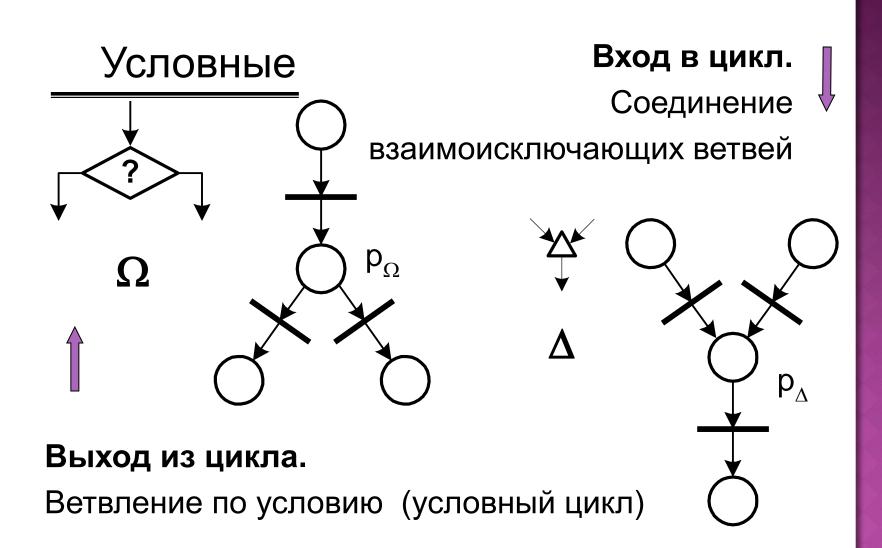
Переход к параллельному выполнению алгоритмов

#### Синхронизатор

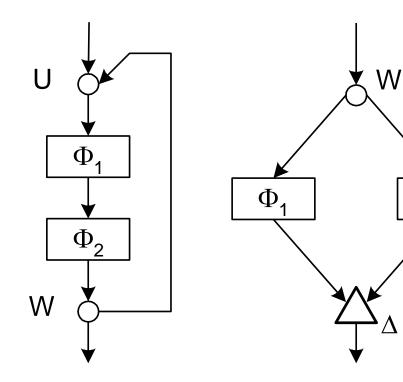
<sup>у</sup> Объединение параллельных ветв<mark>ей</mark>



### УПРАВЛЯЮЩИЕ ВЕРШИНЫ ПГС.



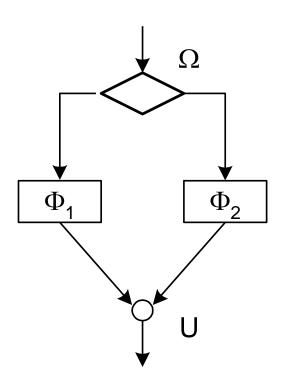
# ЗАПРЕЩЕННЫЕ КОНФИГУРАЦИИ ПАРАЛЛЕЛЬНЫХ ГРАФ-СХЕМ



Дедлок

Неопределенность

 $\Phi_2$ 



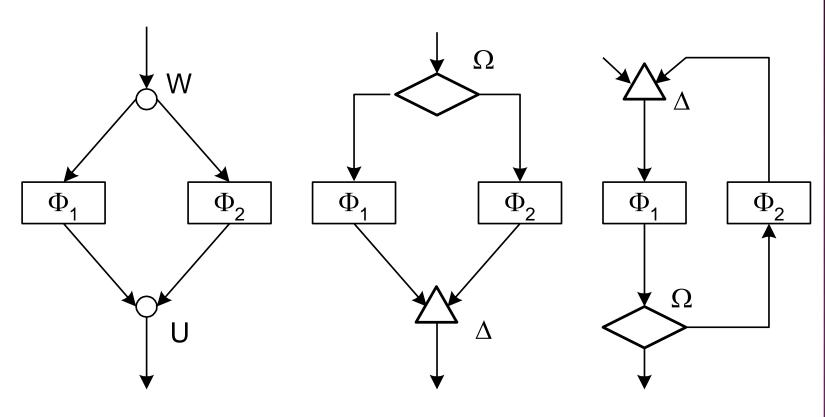
Зависание

## ХОРОШО СФОРМИРОВАННЫЕ ПГС (WF-CXEMЫ)

#### Определяются рекурсивно:

- 1) Всякая граф-схема без циклов и контуров представляет собой WF-схему;
- 2) Следующие три конфигурации являются WF-схемами: W U,  $\Delta \Omega$ ,  $\Omega \Delta$
- 3) Любая граф схема, полученная из WF-схемы, является WF-схемой.

# ХОРОШО СФОРМИРОВАННЫЕ ПГС (WF-CXEMЫ)



Бифуркатор

- синхронизатор

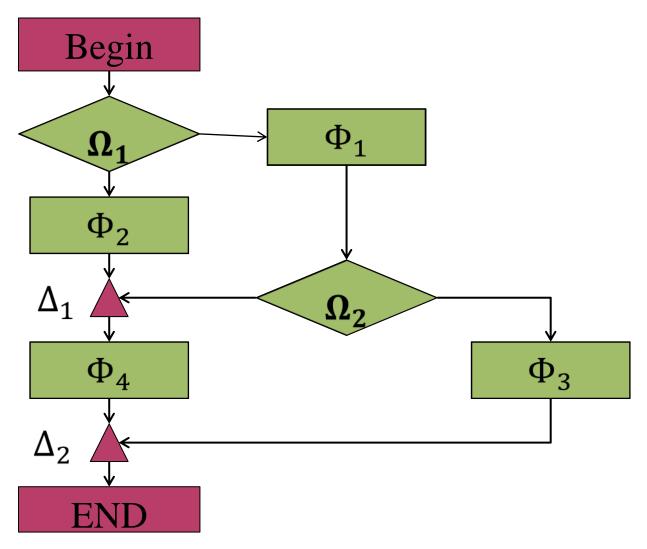
Вершина

 $\Omega - \Delta$ 

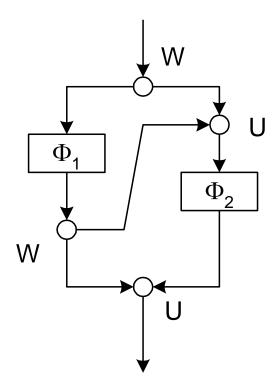
Вершина

 $\Delta - \Omega$ 

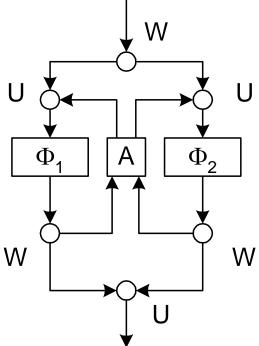
## КОРРЕКТНАЯ ПГС, НЕ ЯВЛЯЮЩАЯСЯ WF-СХЕМОЙ



#### РАЗРЕШЕНИЕ РЕСУРСНЫХ КОНФЛИКТОВ



(2) Введение арбитра



(1) Установление приоритета