

Отчёт по лабораторной работе №4

Модель гармонических колебаний

Козлов Всеволод Павлович НФИбд-02-22

Содержание

1	Цель работы	5
2	Задание	6
3	Выполнение лабораторной работы	7
4	Выводы	10

Список иллюстраций

3.1	Начальные условия	7
3.2	Модель боевых действий между регулярными войсками	8
3.3	Модель ведения боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов	8
3.4	Код для построения графиков	9
3.5	Вывод графиков на экран	9

Список таблиц

1 Цель работы

Построить модель боевых действий и провести анализ.

2 Задание

Между страной X и страной Y идет война. Численность состава войск исчисляется от начала войны, и являются временными функциями $x(t)$ и $y(t)$. В начальный момент времени страна X имеет армию численностью 25 000 человек, а в распоряжении страны Y армия численностью в 45 000 человек. Для упрощения модели считаем, что коэффициенты a , b , c , h постоянны. Также считаем $P(t)$ и $Q(t)$ непрерывные функции. Необходимо построить графики изменения численности войск армии X и армии Y при регулярных/партизанских войсках.

3 Выполнение лабораторной работы

Задал начальные условия из условия задачи (рис. 3.1)

```
[17]: # vpkozlov

[18]: import numpy as np
      from scipy.integrate import solve_ivp
      import matplotlib.pyplot as plt

[19]: # нач условия
      x0 = 25000
      y0 = 45000
      initial_conditions = [x0, y0]

[20]: # time interval
      t_span = (0, 50)
      t_eval = np.linspace(t_span[0], t_span[1], 1000)
      # vpkozlov
```

Рис. 3.1: Начальные условия

Запрограммировал модель боевых действий между регулярными войсками (рис. 3.2)

```
[21]: # Модель боевых действий между регулярными войсками
def regular_war(t, z):
    x, y = z
    dxdt = -0.22*x - 0.71*y + 2*np.sin(3*t)
    dydt = -0.79*x - 0.32*y + 2*np.cos(4*t)
    return [dxdt, dydt]
# vpkozlov
```

1. Модель боевых действий между регулярными войсками

$$\frac{dx}{dt} = -0,22x(t) - 0,71y(t) + 2\sin(3t)$$

$$\frac{dy}{dt} = -0,79x(t) - 0,32y(t) + 2\cos(4t)$$

Рис. 3.2: Модель боевых действий между регулярными войсками

Запрограммировал модель ведения боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов (рис. 3.3)

```
[22]: # Модель ведение боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов
def partisan_war(t, z):
    x, y = z
    dxdt = -0.23*x - 0.84*y + 2*np.sin(2*t)
    dydt = -0.91*x*y - 0.32*y + 2*np.cos(t)
    return [dxdt, dydt]
```

2. Модель ведение боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов

$$\frac{dx}{dt} = -0,23x(t) - 0,84y(t) + 2\sin(2t)$$

$$\frac{dy}{dt} = -0,91x(t)y(t) - 0,32y(t) + 2\cos(t)$$

Рис. 3.3: Модель ведения боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов

Написал код для построения графиков (рис. 3.4)


```
[23]: # solution
sol_regular = solve_ivp(regular_war, t_span, initial_conditions, t_eval=t_eval)
sol_partisan = solve_ivp(partisan_war, t_span, initial_conditions, t_eval=t_eval)

[24]: # graphics
plt.figure(figsize=(12, 6))

# regular war
plt.subplot(1, 2, 1)
plt.plot(sol_regular.t, sol_regular.y[0], label = 'Army X')
plt.plot(sol_regular.t, sol_regular.y[1], label = 'Army Y')
plt.title('Регулярные войска')
plt.xlabel('Время')
plt.ylabel('Численность')
plt.legend()
# vpkozlov
# partisan war
plt.subplot(1, 2, 2)
plt.plot(sol_partisan.t, sol_partisan.y[0], label = 'Army X')
plt.plot(sol_partisan.t, sol_partisan.y[1], label = 'Army Y')
plt.title('С участием партизан')
plt.xlabel('Время')
plt.ylabel('Численность')
plt.legend()

plt.tight_layout()
```

Рис. 3.4: Код для построения графиков

Программа вывела графики на экран (рис. 3.5)

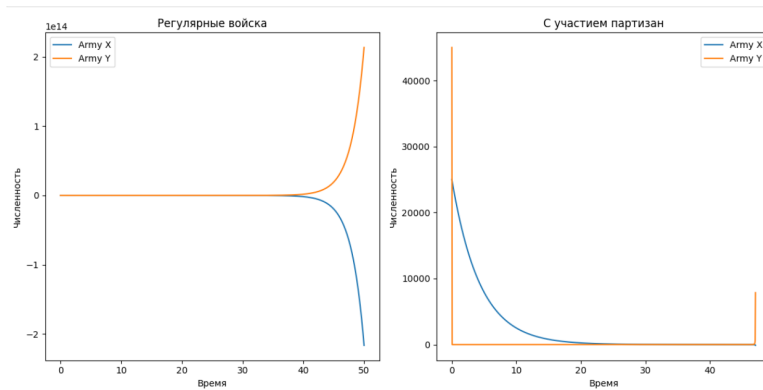


Рис. 3.5: Вывод графиков на экран

В результате можно увидеть, что при таких параметрах модели армия X побеждает армию Y

4 Выводы

Построил модель боевых действий и провел анализ.