МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«САРАТОВСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ Н.Г. ЧЕРНЫШЕВСКОГО»

Кафедра математической физики и вычислительной математики

ОТЧЕТ ПО ПРАКТИЧЕСКОЙ ПОДГОТОВКЕ

по дисшиплине «Методы вычислений»

студента 3 курса 351 группы

направления 09.03.04 Программная инженерия факультета компьютерных наук и информационных технологий

Устюшина Богдана Антоновича

СОДЕРЖАНИЕ

1	Глава 1		3
	1.1	Задание 1	3
	1.2	Задание 2	4
	1.3	Задание 3	5
	1.4	Задание 4	7
	1.5	Задание 5	10
2	Глава 2		14
	2.1	Задание 1	14
	2.2	Задание 2	17
	2.3	Задание 3	21
	2.4	Задание 4	24
3	Глава 3		
	3.1	Задание 1	29
	3.2	Задание 2	33
	3.3	Задание 3	37
4	Глав	ва 4	42
	4.1	Задание 1	42

1 Глава 1

1.1 Задание 1

Вычислить сумму функционального ряда

```
f(x) = f_0(x) + f_1(x) + \dots + f_k(x) + \dots
f(x) = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} + \dots
```

```
1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 #include <iomanip>
4 int main()
   {
5
            double eps,
6
                    sum,
7
8
                    arg,
                    term;
9
            unsigned int fact = 1,
10
                    stepNumber = 0;
11
            setlocale(LC_ALL, "Russian");
12
            std::cout << std::fixed << std::setprecision(8);</pre>
13
            std::cout << "Beedume x" << std::endl;
14
            std::cin >> arg;
15
            std::cout << "Bee∂ume eps" << std::endl;
16
17
            std::cin >> eps;
            term = arg;
18
            sum = arg;
19
            while (abs(term) > eps)
20
            {
21
22
                    fact += 2;
                    term *= -arg * arg / (fact * (fact - 1));
23
                    sum += term;
24
                    stepNumber++;
25
            }
26
            fact = 1;
27
```

```
Введите x
3
Введите eps
0.00001
Аргумент Значение Количество итераций
3.0000000 0.14112002 8
```

1.2 Задание 2

Вычислить интерполяционный многочлен

$$x -2 -1 0 2$$

$$f(x) -8 -1 0 8$$

$$P(x) = a_3x^3 + a_2x^2 + a_1x^1 + a_0$$

```
1 #include <iostream>
 2 #include <vector>
 3 #include <utility>
 4 using namespace std;
 5 const int nodeNumber = 4;
     int main()
     {
 7
                  setlocale(LC_ALL, "ru");
 8
                  \mathsf{cout} << \mathsf{"Матрица}\ \kappa \mathsf{o} \mathsf{o} \mathsf{ф} \mathsf{u} \mathsf{ц} \mathsf{u} \mathsf{e} \mathsf{н} \mathsf{m} \mathsf{o} \mathsf{s} \mathsf{o} \mathsf{v} \mathsf{n} \mathsf{e} \mathsf{h} \mathsf{a} P(x) : \ \mathsf{n} \mathsf{"};
 9
                  vector<pair<double, double>> functionNodes = {
10
                              make_pair(-2, -8), make_pair(-1, -1), make_pair(0,
11
      \rightarrow 0), make_pair(2, 8)
                  };
12
                  for (pair<double, double> val : functionNodes)
13
```

```
for (int i = nodeNumber - 1; i >= 0; i--)
cout << pow(val.first, i) << '\t';
cout << val.second << '\n';

return 0;
}</pre>
```

Матрица	коэффици	иентов	многочл	ена Р(х):
-8	4	-2	1	-8
-1	1	-1	1	-1
Θ	Θ	Θ	1	Θ
8	4	2	1	8

1.3 Задание 3

Построить интерполяционный многочлен в форме Лагранжа по данным из задания 2

$$L_n(x) = \sum_{k=0}^n f_k = \frac{(x-x_0)(x-x_1)\dots(x-x_{k-1})(x-x_{k+1})\dots(x-x_n)}{(x_k-x_0)(x_k-x_1)\dots(x_k-x_{k-1})(x_k-x_{k+1})\dots(x_k-x_n)}$$

Вывести значения интерполяционной формулы и значения интерполянты в старых и новых точках.

```
1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 using namespace std;
4 const uint32_t nodeNumber = 4;
   double lagrangeSeries(double x, const vector<pair<double,
       double>>& functionNodes)
   {
6
           double sum = 0;
7
           double item = 1;
8
           for (pair<double, double> excl : functionNodes)
9
           {
10
```

```
11
                    item *= excl.second;
                    for (pair<double, double> val : functionNodes)
12
                    {
13
                            if (val.first != excl.first)
14
                                    item *= (x - val.first) /
15
    16
                    sum += item;
17
                    item = 1;
18
           }
19
20
           return sum;
   }
21
   int main()
22
   {
23
           setlocale(LC_ALL, "russian");
24
           vector<pair<double, double>> functionNodes =
25
           {
26
                    make_pair(-2, -8),
27
                   make_pair(-1, -1),
28
                    make_pair(0, 0),
29
                    make_pair(2, 8)
30
           };
31
32
           cout << "Вывод матрицы коэффициентов из предыдущего
       задания: \n ";
           for (pair<double, double> val : functionNodes)
33
34
                    for (int i = nodeNumber - 1; i >= 0; i--)
35
                    {
36
                            cout << pow(val.first, i) << ' \setminus t';
37
                    }
38
                    cout << val.second << '\n';</pre>
39
40
           }
           cout << "\nПодсчёт значений в узловых точках по методу
41
       Лагранжа: " << '\n' << "x: \t';
```

```
for (int i = 0; i < nodeNumber - 1; i++)
42
            {
43
                     cout << functionNodes[i].first << '\t'</pre>
44
                               << (functionNodes[i].first +
45
        functionNodes[i + 1].first) / 2 << ' \setminus t';
46
            cout << functionNodes[nodeNumber - 1].first << ' \setminus n' <<
47
       "f(x): \ \ t";
            for (int i = 0; i < nodeNumber - 1; i++)
48
            {
49
                     cout << lagrangeSeries(functionNodes[i].first,</pre>
50
        functionNodes) << '\t'</pre>
                               << lagrangeSeries((functionNodes[i].first</pre>
51
        + functionNodes[i + 1].first) / 2, functionNodes) << '\t';
            }
52
            cout << lagrangeSeries(functionNodes[nodeNumber -</pre>
53
        1].first, functionNodes) << '\n';
            return 0;
54
55 }
```

```
Вывод матрицы коэффициентов из предыдущего задания:
-1
        1
                 -1
                                  -1
                         1
                                  Θ
                 2
                         1
                                  8
Подсчёт значений в узловых точках по методу Лагранжа:
                 -1.5
х:
        -2
                         -1
                                  -0.5
                                                           2
f(x):
                 -3.375
                         -1
                                  -0.125
```

1.4 Задание 4

Построить интерполяционный многочлен в форме Ньютона по данным из задания 2

$$N_n(x) = f(x_0) + f(x_0; x_1)(x - x_0) + \ldots + f(x_0; x_1; \ldots; x_n)(x - x_0)(x - x_1) \ldots (x - x_{n-1})$$

Вывести значения интерполяционной формулы и значения интерполянты в старых и новых точках, а также полученную таблицу разделённых разностей для метода Ньютона.

```
1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 #include <iomanip>
4 using namespace std;
5 const uint32_t nodeNumber = 4;
6 double newtoneSeries(double x, vector<vector<double>>& divDiff,
       const vector<pair<double, double>>& functionNodes)
   {
7
           double ans = divDiff[0][0];
8
           double currentProd = 1;
9
           for (int j = 1; j < 4; j++)
10
           {
11
                    for (int i = 0; i < 4 - j; i++)
12
                            divDiff[i][j] = (divDiff[i + 1][j - 1] -
13

    divDiff[i][j - 1]) / (functionNodes[i + j].first -

       functionNodes[i].first);
                    currentProd *= (x - functionNodes[j - 1].first);
14
                    ans += divDiff[0][j] * currentProd;
15
           }
16
17
           return ans;
   }
18
   int main()
19
   {
20
           setlocale(LC_ALL, "ru");
21
           vector<pair<double, double>> functionNodes =
22
           {
23
                    make_pair(-2, -8),
24
                    make_pair(-1, -1),
25
                    make_pair(0, 0),
26
                    make_pair(2, 8)
27
```

```
};
28
            cout << "Исходные значения многочлена: \n";
29
            cout << "x: \ t";
30
            for (pair<double, double> val : functionNodes)
31
                     cout << val.first << '\t';
32
            cout << ' \setminus n';
33
            cout \langle (x) : \langle t'' ;
34
            for (pair<double, double> val : functionNodes)
35
                     cout << val.second << '\t';
36
            vector<vector<double>> divDiff;
37
            divDiff.resize(4);
38
            for (int i = 0; i < 4; i++)
39
            {
40
                     divDiff[i].resize(4 - i);
41
                     divDiff[i][0] = functionNodes[i].second;
42
            }
43
            cout << " \ n \ Taблица разделённых разностей: \ n ";
44
            for (int j = 1; j < 4; j++)
45
                     for (int i = 0; i < 4 - j; i++)
46
                             divDiff[i][j] = (divDiff[i + 1][j - 1] -
47
       divDiff[i][j - 1]) / (functionNodes[i + j].first -
       functionNodes[i].first);
48
            for (auto el : divDiff)
49
            ₹
50
                     for (auto el2 : el)
51
                              cout << setprecision(4) << el2 << ' \setminus t';
52
                     cout << ' \ n';
53
            }
54
            cout << "\n Pesynьтamы вычислений по методу Ньютона: \n";
55
            cout << "x: \t";
56
            for (int i = 0; i < nodeNumber - 1; i++)
57
                     cout << functionNodes[i].first << '\t'</pre>
58
```

```
<< (functionNodes[i].first +
59
        functionNodes[i + 1].first) / 2 << ' \setminus t';
             cout << functionNodes[nodeNumber - 1].first << '\n';</pre>
60
             cout \langle (x) : \langle t \rangle;
61
             for (int i = 0; i < nodeNumber - 1; i++)
62
                      cout << newtoneSeries(functionNodes[i].first,</pre>
63
        divDiff, functionNodes) << '\t'</pre>
                                << newtoneSeries((functionNodes[i].first +</pre>
64
        functionNodes[i + 1].first) / 2, divDiff, functionNodes) <<</pre>
        '\t';
             cout << newtoneSeries(functionNodes[nodeNumber - 1].first,</pre>
65
        divDiff, functionNodes) << '\n';</pre>
   }
66
```

```
Исходные значения многочлена:
х:
        -2
                                  2
                 -1
f(x):
                         0
                                  8
        -8
                 -1
Таблица разделённых разностей:
        7
-8
                 -3
-1
        1
                 1
Результаты вычислений по методу Ньютона:
х:
        -2
                 -1.5
                         -1
                                  -0.5
                                                   1
                                                           2
                                          0
f(x):
        -8
                 -3.375 -1
                                  -0.125 0
```

1.5 Задание 5

Построить кусочно-непрерывную «склейку» кубических сплайнов для следующих данных интерполяции:

```
#include <iostream>
#include <vector>
using namespace std;
const uint32_t nodeNumber = 4;
int main()
```

```
6 {
            setlocale(LC_ALL, "ru");
7
            vector<pair<double, double>> functionNodes =
8
            {
9
                     make_pair(-2, -8),
10
                     make_pair(-1, -1),
11
                     make_pair(0, 0),
12
                     make_pair(2, 8)
13
            };
14
            cout << "Значения многочлена: \n";
15
            cout << "x: \ t";
16
17
            for (pair<double, double> val : functionNodes)
                     cout << val.first << '\t';
18
            cout << ' \setminus n';
19
            cout << "f: \t";
20
            for (pair<double, double> val : functionNodes)
21
                     cout << val.second << '\t';
22
            cout << ' \ n' << ' \ n' ;
23
            int splineNum = nodeNumber - 1;
24
            vector<vector<double>> matrix:
25
            matrix.resize(4 * splineNum);
26
            for (int i = 0; i < 4 * splineNum; i++)
27
                     matrix[i].resize(4 * splineNum + 1);
28
            cout << "Таблица коэффициентов для метода кубических
29

    сплайнов: \п";

            for (int j = 'a'; j \le 'd'; j++)
30
                     for (int i = 0; i < splineNum; i++)</pre>
31
                              cout << char(j) << '_{-}' << i + 1 << ' \setminus t';
32
            cout << 'f' << ' n';
33
            double h = functionNodes[1].first -
34
        functionNodes[0].first;
            for (int i = 0; i < splineNum; i++)</pre>
35
            {
36
                     for (int j = 0; j < 4 * splineNum; <math>j++)
37
```

```
{
38
                              if (j == i)
39
                                      matrix[i][j] = 1;
40
                              else
41
                                      matrix[i][j] = 0;
42
                     }
43
                     matrix[i][4 * splineNum] =
44
        functionNodes[i].second;
            }
45
            for (int i = splineNum; i < 2 * splineNum; i++)</pre>
46
            {
47
                     for (int j = 0; j < 4 * splineNum; <math>j++)
48
                     {
49
                              if (j % splineNum == i % splineNum)
50
                                      matrix[i][j] = pow(h, (j /
51
       splineNum));
                              else
52
                                      matrix[i][j] = 0;
53
                     }
54
                     matrix[i][4 * splineNum] = functionNodes[i %
55
        splineNum + 1].second;
            }
56
            for (int i = 2 * splineNum; i < 3 * splineNum - 1; i++)</pre>
57
                     for (int j = 0; j < 4 * splineNum; <math>j++)
58
                     {
59
                              if (j / splineNum == 1 && j % splineNum -
60
    → 1 == i % splineNum)
                                      matrix[i][j] = -1;
61
                             else if (j % splineNum == i % splineNum)
62
                                      matrix[i][j] = (j / splineNum) *
63
    → pow(h, (j / splineNum));
                              else
64
                                      matrix[i][j] = 0;
65
                     }
66
```

```
matrix[8][6] = 2;
67
            matrix[9][7] = 2;
68
            matrix[8][7] = -2;
69
            matrix[9][8] = -2;
70
            matrix[8][9] = 6 * h;
71
            matrix[9][10] = 6 * h;
72
            matrix[8][10] = -2;
73
            matrix[10][6] = 2;
74
            matrix[11][8] = 2;
75
            matrix[11][11] = 6 * h;
76
            for (auto str : matrix)
77
            {
78
                     for (auto it : str)
79
                              cout << it << ' \setminus t';
80
                     cout << '\n';
81
            }
82
83
   }
```

```
Значения многочлена:
                                   2
        -2
                 -1
х:
Таблица коэффициентов для метода кубических сплайнов:
                                                                               d_1
                                                                                        d_2
                                                                                                 d_3
                                                                                                          f
        a_2
                 a_3
                          b_1
                                   b_2
                                            b_3
                                                              c_2
                                                                       c_3
        0
                 0
                                                                                                 0
                                                                                                          -8
1
                          0
                                   Θ
                                            Θ
                                                     0
                                                              Θ
                                                                       0
                                                                               Θ
                                                                                        Θ
        1
                 Θ
                          0
                                   Θ
                                            0
                                                     0
                                                              Θ
                                                                       Θ
                                                                                        0
                                                                                                          -1
Θ
        0
                 1
                          0
                                   0
                                            Θ
                                                     0
                                                              0
                                                                               Θ
                                                                                        Θ
                                                                                                 0
                                                                                                          Θ
                                                                       Θ
1
        0
                 0
                          1
                                   0
                                            0
                                                     1
                                                              Θ
                                                                       0
                                                                               1
                                                                                        0
                                                                                                 0
                                                                                                          -1
                                                                                                 0
                                                                                                          0
0
        1
                 0
                          Θ
                                   1
                                            0
                                                     0
                                                              1
                                                                       0
                                                                               Θ
                                                                                        1
0
        0
                 1
                          0
                                   0
                                            1
                                                              0
                                                                      1
                                                                               0
                                                                                        0
                                                                                                 1
                                                                                                          8
0
        0
                 0
                          1
                                   -1
                                            0
                                                     2
                                                              0
                                                                       Θ
                                                                               3
                                                                                        0
                                                                                                 0
                                                                                                          0
                                                                                                 0
0
        Θ
                 0
                          Θ
                                            -1
                                                     Θ
                                                              2
                                                                       Θ
                                                                               Θ
                                                                                        3
                                                                                                          Θ
                                   1
        0
                 0
                          0
                                   0
                                                     2
                                                              -2
                                                                       Θ
                                                                                        -2
                                                                                                          0
                                                              2
                                                                                                 0
                                                                                                          0
Θ
        Θ
                 Θ
                          0
                                   0
                                            Θ
                                                     Θ
                                                                       -2
                                                                               Θ
                                                                                        6
                 Θ
                          0
                                                     2
                                                                                        0
                                                                                                          0
                          0
                                                                                        0
```

2 Глава 2

2.1 Задание 1

Решить следующую СЛАУ методом Гаусса.

```
1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 #include <iomanip>
4 using namespace std;
5 const int N = 5;
6 const double V = 3;
7 void PrintMatrix(vector<vector<double>> A, vector<double> B)
  {
8
            cout << "Текущая матрица СЛАУ: \n";
9
            for (int i = 0; i < N; i++)
10
            {
11
                     for (int j = 0; j < N; j++)
12
                             cout << setprecision(3) << A[i][j] <<</pre>
13
        " \setminus t \setminus t ";
                     cout << setprecision(4) << "/\t" << B[i] <<
14
        ' \setminus n';
            }
15
16 }
   int main()
17
   {
18
            vector<vector<double>> A;
19
20
            vector<double> B;
            vector<double> x;
21
            A.resize(N);
22
            for (int i = 0; i < N; i++)
23
                     A[i].resize(N);
24
            B.resize(N);
25
            x.resize(N);
26
            setlocale(LC_ALL, "russian");
27
            for (int i = 0; i < N; i++)
28
```

```
{
29
                    for (int j = 0; j < N; j++)
30
                    {
31
                             if (i == j)
32
                                      A[i][j] = V + (i * 2);
33
                             else
34
                                      A[i][j] = (V + (i * 2)) / 100;
35
                     }
36
                    x[i] = V + (i * 2);
37
            }
38
            double sum;
39
40
            for (int i = 0; i < N; i++)
            {
41
                     sum = 0;
42
                     for (int j = 0; j < N; j++)
43
                             sum += A[i][j] * x[j];
44
                     B[i] = sum;
45
                     sum = 0;
46
            }
47
            PrintMatrix(A, B);
48
            cout << "\nПРЯМОЙ ХОД: \n";
49
            double currentDiag;
50
            double multiplier;
51
            for (int i = 0; i < N; i++)
52
            {
53
                     currentDiag = A[i][i];
54
                    for (int j = i; j < N; j++)
55
                             A[i][j] /= currentDiag;
56
                     B[i] /= currentDiag;
57
                     for (int k = i + 1; k < N; k++)
58
                     {
59
                             multiplier = A[k][i];
60
                             for (int j = i; j < N; j++)
61
                                      A[k][j] -= multiplier * A[i][j];
62
```

```
B[k] -= multiplier * B[i];
63
                    }
64
                    PrintMatrix(A, B);
65
            }
66
            for (int i = N - 1; i >= 0; i--)
67
            {
68
                    x[i] = B[i];
69
                    for (int j = i + 1; j < N; j++)
70
                             x[i] -= A[i][j] * x[j];
71
            }
72
            cout << "\n РЕЗУЛЬТАТ ОБРАТНОГО ХОДА: \n Матрица X: \n";
73
            for (auto row : x)
74
                    cout << setprecision(6) << row << '\n';</pre>
75
            return 0;
76
77 }
```

```
Текущая матрица СЛАУ:
                 0.03
                                   0.03
                                                    0.03
                                                                     0.03
                                                                                                9.96
                                                    0.05
                                                                     0.05
                                                                                                26.5
0.05
                 5
                                   0.05
0.07
                 0.07
                                   7
                                                    0.07
                                                                     0.07
                                                                                                50.96
0.09
                 0.09
                                   0.09
                                                    9
                                                                     0.09
                                                                                                83.34
0.11
                 0.11
                                   0.11
                                                    0.11
                                                                     11
                                                                                                123.6
прямой ход:
Текущая матрица СЛАУ:
                                   0.01
                                                    0.01
                                                                     0.01
                                                                                                3.32
1
                 0.01
Θ
                 5
                                   0.0495
                                                    0.0495
                                                                     0.0495
                                                                                                26.33
0
                 0.0693
                                                    0.0693
                                                                     0.0693
                                                                                                50.73
                                   7
0
                 0.0891
                                   0.0891
                                                                     0.0891
                                                                                                83.04
                 0.109
                                   0.109
                                                    0.109
                                                                     11
                                                                                                123.3
Текущая матрица СЛАУ:
                 0.01
                                                    0.01
                                                                     0.01
                                                                                                3.32
1
                                   0.01
Θ
                 1
                                   0.0099
                                                    0.0099
                                                                     0.0099
                                                                                                5.267
0
                 0
                                                    0.0686
                                                                     0.0686
                                                                                                50.36
0
                 0
                                   0.0882
                                                                     0.0882
                                                                                                82.57
                                                    0.108
                                                                                                122.7
0
                 0
                                   0.108
                                                                     11
Текущая матрица СЛАУ:
                 0.01
                                   0.01
                                                    0.01
                                                                     0.01
                                                                                                3.32
1
0
                                   0.0099
                                                    0.0099
                                                                     0.0099
                                                                                                5.267
0
                 0
                                                    0.0098
                                                                     0.0098
                                                                                                7.196
0
                 Θ
                                   0
                                                                     0.0874
                                                                                                81.94
0
                 Θ
                                   0
                                                    0.107
                                                                                                121.9
                                                                     11
Текущая матрица СЛАУ:
1
                 0.01
                                   0.01
                                                    0.01
                                                                     0.01
                                                                                                3.32
0
                                   0.0099
                                                    0.0099
                                                                     0.0099
                                                                                                5.267
0
                 0
                                  1
                                                    0.0098
                                                                     0.0098
                                                                                                7.196
0
                 0
                                   0
                                                    1
                                                                     0.00971
                                                                                                9.107
Θ
                 0
                                   0
                                                                     11
                                                                                                121
Текущая матрица СЛАУ:
                 0.01
                                   0.01
                                                    0.01
                                                                     0.01
                                                                                                3.32
1
0
                 1
                                   0.0099
                                                    0.0099
                                                                     0.0099
                                                                                                5.267
0
                                                    0.0098
                 0
                                                                     0.0098
                                                                                                7.196
                                   1
0
                 0
                                   0
                                                                     0.00971
                                                                                                9.107
                                                    1
0
                 0
                                   0
                                                                                                11
РЕЗУЛЬТАТ ОБРАТНОГО ХОДА:
Матрица Х:
5
7
9
11
```

2.2 Задание 2

Вычислить определитель и обратную матрицу данной.

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <iomanip>
using namespace std;
const int N = 3;
const double V = 3;
```

```
7 int main()
   {
8
            vector<vector<double>> A;
9
            vector<vector<double>> A_copy;
10
            vector<double> B;
11
12
            vector<double> x;
            A.resize(N);
13
            for (int i = 0; i < N; i++)
14
15
                     A[i].resize(N);
            B.resize(N);
16
            x.resize(N);
17
            setlocale(LC_ALL, "russian");
18
            A[0][0] = 3, A[0][1] = 3, A[0][2] = -1;
19
            A[1][0] = 4, A[1][1] = 1, A[1][2] = 3;
20
            A[2][0] = 1, A[2][1] = -2, A[2][2] = -2;
21
            B[0] = 4, B[1] = 8, B[2] = 11;
22
            cout << "Paccmampusaemas матрица: n";
23
            for (int i = 0; i < N; i++)
24
            {
25
                     for (int j = 0; j < N; j++)
26
                              cout << setprecision(3) << A[i][j] <<</pre>
27
        " \setminus t \setminus t ";
                     cout << setprecision(4) << "/\t" << B[i] <<
28
        ' \setminus n';
            }
29
            cout << fixed;</pre>
30
            double determinator = 1;
31
            double currentDiag;
32
            double multiplier;
33
            A_{copy} = A;
34
            for (int i = 0; i < N; i++)
35
            {
36
                     currentDiag = A_copy[i][i];
37
                     for (int j = i; j < N; j++)
38
```

```
A_copy[i][j] /= currentDiag;
39
                    for (int k = i + 1; k < N; k++)
40
                    {
41
                            multiplier = A_copy[k][i];
42
                            for (int j = i; j < N; j++)
43
                                     A_copy[k][j] -= multiplier *
44
    → A_copy[i][j];
45
46
                    determinator *= currentDiag;
            }
47
            cout << "\n Onpedenumenь: " << determinator << "\n\n";
48
49
            vector<vector<double>> A_reversed;
           A_reversed.resize(N);
50
            for (int k = 0; k < N; k++)
51
            {
52
                    A_reversed[k].resize(N);
53
                    A_{copy} = A;
54
                    for (int i = 0; i < N; i++)
55
                    {
56
                             if (i == k)
57
                                     B[i] = 1;
58
                             else
59
                                     B[i] = 0;
60
                    }
61
                    for (int i = 0; i < N; i++)
62
                    {
63
                             currentDiag = A_copy[i][i];
64
                            for (int j = i; j < N; j++)
65
                                     A_copy[i][j] /= currentDiag;
66
                            B[i] /= currentDiag;
67
68
                             for (int k = i + 1; k < N; k++)
69
                             {
70
                                     multiplier = A_copy[k][i];
71
```

```
for (int j = i; j < N; j++)
72
                                              A_copy[k][j] -= multiplier
73
    → * A_copy[i][j];
                                      B[k] -= multiplier * B[i];
74
75
                             }
76
                     }
77
                     for (int i = N - 1; i \ge 0; i--)
78
                     {
79
                             A_reversed[k][i] = B[i];
80
                             for (int j = i + 1; j < N; j++)
81
                                      A_reversed[k][i] -= A_copy[i][j] *
82
       A_reversed[k][j];
                     }
83
            }
84
            cout << "Обратная матрица: \n ";
85
            for (int i = 0; i < N; i++)
86
            {
87
                    for (int j = 0; j < N; j++)
88
                             cout << A_reversed[j][i] << "\t\t";</pre>
89
                     cout << ' \ n';
90
            }
91
92 }
```

```
Рассматриваемая матрица:
3
                                  -1
                                                            4
                 3
4
                                                            8
                 1
                                  3
                 -2
                                  -2
                                                            11
1
Определитель: 54.0000
Обратная матрица:
0.0741
                 0.1481
                                  0.1852
0.2037
                 -0.0926
                                  -0.2407
-0.1667
                 0.1667
                                  -0.1667
```

2.3 Задание 3

Решить данную СЛАУ методом прогонки.

```
1 #include <iostream>
2 #include <iomanip>
3 #include <vector>
4 using namespace std;
5 const int N = 5;
6 const double V = 3;
7 void PrintMatrix(vector<vector<double>> A, vector<double> B)
   {
8
            cout << "Текущая матрица СЛАУ: \n";
9
            for (int i = 0; i < N; i++)
10
            {
11
                     for (int j = 0; j < N; j++)
12
                             cout << setprecision(3) << A[i][j] <<</pre>
13
        " \setminus t \setminus t ";
                     cout << setprecision(4) << "/\t" << B[i] <<
14
        ' \setminus n';
            }
15
16 }
   int main()
17
   {
18
            setlocale(LC_ALL, "russian");
19
            vector<vector<double>> M;
20
21
            vector<double> D;
            vector<double> x;
22
            vector<double> triag_P;
23
24
            vector<double> triag_Q;
            vector<vector<double>> tripples;
25
            M.resize(N);
26
            tripples.resize(N);
27
            for (int i = 0; i < N; i++)
28
            {
29
```

```
M[i].resize(N);
30
                    tripples[i].resize(3);
31
            }
32
           D.resize(N);
33
            x.resize(N);
34
            triag_P.resize(N);
35
            triag_Q.resize(N);
36
            for (int i = 0; i < N; i++)
37
            {
38
                    for (int j = 0; j < N; j++)
39
                    {
40
                             if (i == j)
41
                                     M[i][j] = V + (i * 2);
42
                             else
43
                                     M[i][j] = (V + (i * 2)) / 100;
44
                    }
45
                    x[i] = V + (i * 2);
46
            }
47
            tripples[0][0] = 0;
48
            tripples[0][1] = M[0][0];
49
           tripples[0][2] = M[0][1];
50
            tripples[N - 1][0] = M[N - 1][N - 2];
51
            tripples [N - 1][1] = M[N - 1][N - 1];
52
            tripples[N - 1][2] = 0;
53
            for (int i = 1; i < N - 1; i++)
54
                    for (int j = 0; j < 3; j++)
55
                            tripples[i][j] = M[i][j + i - 1]; //j == 1
56
       ? -M[i][j + i - 1] :
            D[0] = tripples[0][1] * x[0] + tripples[0][2] * x[1];
57
           D[N-1] = tripples[N-1][0] * x[N-2] + tripples[N-1][0]
58
       1][1] * x[N - 1];
59
            double sum;
            for (int i = 1; i < N - 1; i++)
60
            {
61
```

```
62
                    sum = 0;
                    for (int j = -1; j < 2; j++)
63
                    {
64
                            sum += tripples[i][j + 1] * x[i + j];
65
                    }
66
                    D[i] = sum;
67
                    sum = 0;
68
           }
69
70
           PrintMatrix(M, D);
           triag_P[0] = tripples[0][2] / -tripples[0][1];
71
           triag_Q[0] = -D[0] / -tripples[0][1];
72
73
           for (int i = 1; i < N - 1; i++)
           {
74
                    triag_P[i] = tripples[i][2] / (-tripples[i][1] -
75
      tripples[i][0] * triag_P[i - 1]);
                    triag_Q[i] = (tripples[i][0] * triag_Q[i - 1] -
76
       D[i]) / (-tripples[i][1] - tripples[i][0] * triag_P[i - 1]);
           }
77
           triag_P[N - 1] = 0;
78
           triag_Q[N-1] = (tripples[N-1][0] * triag_Q[N-2] -
79
       D[N - 1]) / (-tripples[N - 1][1] - tripples[N - 1][0] *
    \rightarrow triag_P[N - 2]);
           cout << "Прогоночные коэффициенты P: \ n";
80
            for (auto row : triag_P)
81
                    cout << row << '\n';
82
83
            cout << "\n Прогоночные коэффициенты Q: \n";
            for (auto row : triag_Q)
84
                    cout << row << '\n';
85
            cout << ' \ n';
86
           x[N-1] = triag_Q[N-1];
87
            for (int i = N - 2; i \ge 0; i--)
88
                    x[i] = triag_P[i] * x[i + 1] + triag_Q[i];
89
           cout << "Bermop X: \n";
90
            for (auto it : x)
91
```

```
92 cout << it << '\n';
93 }
```

```
Текущая матрица СЛАУ:
                 0.03
                                  0.03
                                                   0.03
                                                                    0.03
                                                                                             9.15
0.05
                 5
                                  0.05
                                                   0.05
                                                                    0.05
                                                                                             25.5
                                                                                             49.98
0.07
                0.07
                                                   0.07
                                                                    0.07
0.09
                 0.09
                                  0.09
                                                                    0.09
                                                                                             82.62
0.11
                 0.11
                                  0.11
                                                   0.11
                                                                    11
                                                                                             122
Прогоночные коэффициенты Р:
-0.01
-0.01
-0.01
-0.01
Прогоночные коэффициенты Q:
3.05
5.07
7.09
9.11
11
Вектор Х:
3
5
7
9
11
```

2.4 Задание 4

Решить данную СЛАУ методом простой итерации.

```
#include <iostream>
#include <iomanip>
#include <vector>
using namespace std;
const int N = 5;
const double V = 3;
const double eps = 0.0001;
void PrintMatrix(vector<vector<double>>> A, vector<double>> B)

{
cout << "Terrywue mampuyu A u B: \n";
for (int i = 0; i < N; i++)</pre>
```

```
{
12
                      for (int j = 0; j < N; j++)
13
                               cout << setprecision(3) << A[i][j] <<</pre>
14
        " \setminus t \setminus t ";
                      cout << setprecision(4) << "/ \t' << B[i] <<
15
        ' \setminus n';
             }
16
17
   int main()
18
   {
19
             setlocale(LC_ALL, "ru");
20
21
             vector<vector<double>> A;
22
            vector<double> B;
            vector<double> x;
23
24
             vector<vector<double>> alpha;
             vector<double> beta;
25
             A.resize(N);
26
             B.resize(N);
27
             x.resize(N);
28
             alpha.resize(N);
29
             beta.resize(N);
30
             for (int i = 0; i < N; i++)
31
             {
32
                      A[i].resize(N);
33
                      alpha[i].resize(N);
34
             }
35
             for (int i = 0; i < N; i++)
36
             {
37
                      for (int j = 0; j < N; j++)
38
                      {
39
                               if (i == j)
40
                                        A[i][j] = V + (i * 2);
41
                               else
42
                                        A[i][j] = (V + (i * 2)) / 100;
43
```

```
}
44
                    x[i] = V + (i * 2);
45
            }
46
            double sum;
47
            for (int i = 0; i < N; i++)
48
            {
49
                     sum = 0;
50
                     for (int j = 0; j < N; j++)
51
52
                     {
                             sum += A[i][j] * x[j];
53
                     }
54
55
                     B[i] = sum;
                     sum = 0;
56
            }
57
            for (int i = 0; i < N; i++)
58
            {
59
                     for (int j = 0; j < N; j++)
60
                     {
61
                             alpha[i][j] = i == j ? 0 : -(A[i][j] /
62
    → A[i][i]);
                     }
63
                    beta[i] = B[i] / A[i][i];
64
                     x[i] = 0;
65
            }
66
            PrintMatrix(A, B);
67
            vector<double> new_x;
68
            new_x.resize(N);
69
            bool finished = false;
70
            while (!finished)
71
            {
72
                     finished = true;
73
74
                     double sum;
                     for (int i = 0; i < N; i++)
75
                     {
76
```

```
sum = 0;
77
                               for (int j = 0; j < N; j++)
78
                               {
79
                                        sum += alpha[i][j] * x[j];
80
                               }
81
                               new_x[i] = sum + beta[i];
82
                               if (abs(new_x[i] - x[i]) \ge eps)
83
                                        finished = false;
84
85
                               sum = 0;
                     }
86
87
                      x = new_x;
88
                      \mathsf{cout} << \mathsf{"Промежуточный вектор } x: \mathsf{n"};
89
                      for (auto row : x)
90
                               cout << row << '\n';
91
            }
92
            cout << "\n OTBET: \n Конечный вектор x: \n";
93
            for (auto row : x)
94
                     cout << row << '\n';
95
96 }
```

```
Текущие матрицы А и В:
3
                0.03
                                 0.03
                                                 0.03
                                                                  0.03
                                                                                          9.96
0.05
                                                 0.05
                                                                  0.05
                                                                                          26.5
                5
                                 0.05
                                                                                          50.96
0.07
                0.07
                                 7
                                                 0.07
                                                                  0.07
                                                                                          83.34
0.09
                0.09
                                 0.09
                                                 9
                                                                  0.09
                                                                                          123.6
0.11
                0.11
                                 0.11
                                                 0.11
                                                                  11
Промежуточный вектор х:
3.32
5.3
7.28
9.26
11.24
Промежуточный вектор х:
2.989
4.989
6.989
8.989
10.99
Промежуточный вектор х:
3
5
7
9
11
Промежуточный вектор х:
3
5
7
9
Промежуточный вектор х:
3
5
7
9
11
OTBET:
Конечный вектор х:
5
7
9
11
```

3 Глава 3

3.1 Задание 1

Решить дифференциальное уравнение:

- Методом Эйлера
- Методом (усовершенствованным) Эйлера
- Методом предварительного и корректирующего счёта Решение:

```
1 #include <iostream>
2 #include <iomanip>
3 #include <vector>
4 using namespace std;
5 const int N = 5;
6 const double V = 3;
7 const double h = 0.01;
8 double func(double x, double y_x)
  {
9
           return 2 * V * x + V * x * x - y_x;
10
11 }
12
   double theor_res(double x)
13
   {
14
           return V * x * x;
15
16 }
17 int main()
18 {
           setlocale(LC_ALL, "ru");
19
           vector<double> nodes;
20
           nodes.resize(N);
21
           vector<double> pract_value_m1;
22
           pract_value_m1.resize(N);
23
           vector<double> theor_value;
24
           theor_value.resize(N);
25
           vector<double> error_m1;
26
27
           error_m1.resize(N);
```

```
double x = 1;
28
            for (int i = 0; i < N; i++)
29
                     nodes[i] = x;
30
                     theor_value[i] = theor_res(x);
31
                     x += h;
32
            pract_value_m1[0] = V;
33
            for (int i = 1; i < N; i++)
34
                     pract_value_m1[i] = pract_value_m1[i - 1] + h *
35
        func(nodes[i - 1], pract_value_m1[i - 1]);
            for (int i = 0; i < N; i++)
36
                     error_m1[i] = abs(theor_value[i] -
37
       pract_value_m1[i]);
            cout << "МЕТОД ЭЙЛЕРА: \n ";
38
            cout << fixed << setprecision(8);</pre>
39
            cout << "Значения узлов: \n";
40
            for (auto it : nodes)
41
                     cout << it << ' \setminus t';
42
            cout << ' \ n' << "Значения метода: \ n";
43
            for (auto it : pract_value_m1)
44
                     cout << it << ' \setminus t';
45
            cout << ' \ n';
46
            cout << "Теоретическое значение: \n";
47
            for (auto it : theor value)
48
                     cout << it << ' \setminus t';
49
            cout << ' \ n';
50
            cout << "Погрешность: \n";
51
            for (auto it : error_m1)
52
                     cout << it << ' \setminus t';
53
            cout \ll "\n\n";
54
            vector<double> pract_value_m2;
55
            pract_value_m2.resize(N);
56
            vector<double> error_m2;
57
            error_m2.resize(N);
58
            pract_value_m2[0] = V;
59
```

```
double func_half_h;
60
            for (int i = 1; i < N; i++)
61
                     func_half_h = pract_value_m2[i - 1] + h / 2 *
62
        func(nodes[i - 1], pract_value_m2[i - 1]);
                     pract_value_m2[i] = pract_value_m2[i - 1] + h *
63
        func(nodes[i - 1] + h / 2, func_half_h);
            for (int i = 0; i < N; i++)
64
                     error_m2[i] = theor_value[i] - pract_value_m2[i];
65
            cout << "УСОВЕРШЕСТВОВАННЫЙ МЕТОЛ ЭЙЛЕРА: \n ";
66
            cout << "Значения узлов: \n";
67
            for (auto it : nodes)
68
69
                     cout << it << ' \setminus t';
            cout << ' \ n' << "Значения метода: \ n";
70
            for (auto it : pract_value_m2)
71
                     cout << it << ' \setminus t';
72
            cout << ' \ n';
73
            cout << "Teopemureckoe значение: n";
74
            for (auto it : theor_value)
75
                     cout << it << ' \setminus t';
76
            cout << ' \ n';
77
            cout << "Погрешность: \n";
78
            for (auto it : error m2)
79
                     cout << it << ' \setminus t';
80
            cout << " \setminus n \setminus n ";
81
            vector<double> pract_value_m3;
82
            pract_value_m3.resize(N);
83
            vector<double> error_m3;
84
            error_m3.resize(N);
85
            pract_value_m3[0] = V;
86
            double func_h;
87
            for (int i = 1; i < N; i++)
88
                     func_h = pract_value_m3[i - 1] + h * func(nodes[i
89
    → - 1], pract_value_m3[i - 1]);
```

```
pract_value_m3[i] = pract_value_m3[i - 1] + h / 2
90
        * (func(nodes[i - 1], pract_value_m3[i - 1]) + func(nodes[i],
        func_h));
             for (int i = 0; i < N; i++)
91
                      error_m3[i] = abs(theor_value[i] -
92
        pract_value_m3[i]);
             cout << "МЕТОД ПРЕДВАРИТЕЛЬНОГО И КОРРЕКТИРУЮЩЕГО
93
        СЧЁТА: \n ":
             cout << "Значения узлов: \n";
94
             for (auto it : nodes)
95
                      cout << it << ' \setminus t';
96
             cout << ' \ n' << "Значения метода: \ n";
97
             for (auto it : pract_value_m3)
98
                      cout << it << ' \setminus t';
99
             cout << ' \ n';
100
             cout << "Teopemureckoe значение: n";
101
             for (auto it : theor_value)
102
                      cout << it << ' \setminus t';
103
             cout << ' \ n';
104
             cout << "Погрешность: \n";
105
             for (auto it : error_m3)
106
                     cout << it << ' \setminus t';
107
             108
             return 0;
109
110 }
```

```
МЕТОД ЭЙЛЕРА:
Значения узлов:
                              1.02000000
                                              1.03000000
1.00000000
              1.01000000
                                                              1.04000000
Значения метода:
3.00000000
               3.06000000
                              3.12060300
                                              3.18180897
                                                              3.24361788
Теоретическое значение:
3.00000000
                              3.12120000
                                              3.18270000
                                                              3.24480000
              3.06030000
Погрешность:
0.00000000
               0.00030000
                              0.00059700
                                              0.00089103
                                                              0.00118212
УСОВЕРШЕСТВОВАННЫЙ МЕТОД ЭЙЛЕРА:
Значения узлов:
1.00000000
               1.01000000
                              1.02000000
                                              1.03000000
                                                              1.04000000
Значения метода:
3.00000000
                              3.12120149
                                              3.18270223
                                                              3.24480296
               3.06030075
Теоретическое значение:
                              3.12120000
                                                              3.24480000
3.00000000
              3.06030000
                                              3.18270000
Погрешность:
0.00000000
           -0.00000075
                              -0.00000149
                                              -0.00000223
                                                              -0.00000296
МЕТОД ПРЕДВАРИТЕЛЬНОГО И КОРРЕКТИРУЮЩЕГО СЧЁТА:
Значения узлов:
1.00000000
               1.01000000
                              1.02000000
                                              1.03000000
                                                              1.04000000
Значения метода:
3.00000000
                              3.12120299
                                              3.18270446
                                                              3.24480591
               3.06030150
Теоретическое значение:
3.00000000 3.06030000
                                                              3.24480000
                              3.12120000
                                              3.18270000
Погрешность:
0.00000000
              0.00000150
                              0.00000299
                                              0.00000446
                                                              0.00000591
```

3.2 Задание 2

Решить следующую краевую задачу разностным методом. Решение:

```
1 #include <iostream>
2 #include <iomanip>
3 #include <vector>
4 using namespace std;
5 const int N = 25;
  const double V = 8;
   double func(double x)
7
  {
8
           double T = V;
9
           return 4 * V * x * x * x * x
10
                  -3*V*T*x*x*x
11
```

```
12
                    + 6 * V * x
                    -2 * V * T;
13
14 }
15 double theor_res(double x)
16 {
17
           double T = V;
           return V * x * x * (x - T);
18
   }
19
  void triag_method(vector<vector<double>> M, vector<double> D,
20
    → vector<double>& x)
   {
21
22
           vector<double> triag_P;
23
           vector<double> triag_Q;
           vector<vector<double>> tripples;
24
25
           triag_P.resize(N);
           triag_Q.resize(N);
26
           tripples.resize(N);
27
           for (int i = 0; i < N; i++)
28
                    tripples[i].resize(3);
29
           tripples[0][0] = 0;
30
           tripples[0][1] = M[0][0];
31
           tripples[0][2] = M[0][1];
32
           tripples[N - 1][0] = M[N - 1][N - 2];
33
           tripples[N - 1][1] = M[N - 1][N - 1];
34
           tripples[N - 1][2] = 0;
35
           for (int i = 1; i < N - 1; i++)
36
                    for (int j = 0; j < 3; j++)
37
                            tripples[i][j] = M[i][j + i - 1];
38
           triag_P[0] = tripples[0][2] / -tripples[0][1];
39
           triag_Q[0] = -D[0] / -tripples[0][1];
40
           for (int i = 1; i < N - 1; i++)
41
           {
42
                    triag_P[i] = tripples[i][2] / (-tripples[i][1] -
43
      tripples[i][0] * triag_P[i - 1]);
```

```
triag_Q[i] = (tripples[i][0] * triag_Q[i - 1] -
44
    → D[i]) / (-tripples[i][1] - tripples[i][0] * triag_P[i - 1]);
           }
45
           triag_P[N - 1] = 0;
46
           triag_Q[N-1] = (tripples[N-1][0] * triag_Q[N-2] -
47
       D[N - 1]) / (-tripples[N - 1][1] - tripples[N - 1][0] *
      triag_P[N - 2]);
           x[N-1] = triag_Q[N-1];
48
           for (int i = N - 2; i \ge 0; i--)
49
                    x[i] = triag_P[i] * x[i + 1] + triag_Q[i];
50
   }
51
52
   int main()
   {
53
           setlocale(LC_ALL, "ru");
54
55
           vector<double> nodes;
           nodes.resize(N);
56
           vector<double> pract_value;
57
           pract_value.resize(N);
58
           vector<double> theor_value;
59
           theor_value.resize(N);
60
           vector<double> error;
61
           error.resize(N);
62
           vector<vector<double>> M;
63
           vector<double> b;
64
           M.resize(N):
65
           for (int i = 0; i < N; i++)
66
                    M[i].resize(N);
67
           b.resize(N);
68
           double x = 0;
69
           double h = (V - x) / (N - 1);
70
           nodes[0] = x;
71
           theor_value[0] = theor_res(x);
72
           x += h;
73
           M[0][0] = 1;
74
```

```
M[N - 1][N - 1] = 1;
75
             for (int i = 1; i < N - 1; i++)
76
             {
77
                      nodes[i] = x;
78
                      theor_value[i] = theor_res(x);
79
80
                      M[i][i - 1] = 1 / (h * h) - (x * x) / (2 * h);
81
                      M[i][i] = -2 / (h * h) + x;
82
                      M[i][i + 1] = 1 / (h * h) + (x * x) / (2 * h);
83
84
                      b[i] = func(x);
85
86
                      x += h;
             }
87
             nodes[N - 1] = x;
88
             theor_value[N - 1] = theor_res(x);
89
             b[0] = b[N - 1] = 0;
90
             cout << fixed << setprecision(8);</pre>
91
92
             triag_method(M, b, pract_value);
             double max_error = 0;
93
             int k = 0:
94
             for (int i = 0; i < N; i++)
95
             {
96
                      error[i] = abs(theor_value[i] - pract_value[i]);
97
                      if (error[i] > max_error)
98
                      {
99
                               max_error = error[i];
100
                               k = i;
101
                      }
102
             }
103
             cout << "Значение узлов \backslash t \backslash t \Piрактическое
104
         значение \t Теоретическое значение \t Погрешность \t ";
             for (int i = 0; i < N; i++)
105
                      cout << nodes[i] << "\t\t" << pract_value[i] <<</pre>
106
         "\t\t" << theor_value[i] << "\t\t" << error[i] << '\n';
```

Значение узлов	Практическое значение	Теоретическое значение	Погрешность
0.0000000	0.0000000	-0.00000000	0.00000000
0.33333333	0.02874441	-6.81481481	6.84355923
0.66666667	-12.89544343	-26.07407407	13.17863065
1.0000000	-38.30984042	-56.00000000	17.69015958
1.33333333	-75.67156776	-94.81481481	19.14324706
1.66666667	-123.13192417	-140.74074074	17.60881657
2.00000000	-177.37094880	-192.00000000	14.62905120
2.33333333	-234.96929389	-246.81481481	11.84552093
2.66666667	-293.58899309	-303.40740741	9.81841431
3.00000000	-351.66251356	-360.00000000	8.33748644
3.33333333	-407.64836321	-414.81481481	7.16645160
3.66666667	-459.87334123	-466.07407407	6.20073284
4.00000000	-506.61879098	-512.00000000	5.38120902
4.33333333	-546.14433916	-550.81481481	4.67047566
4.66666667	-576.69737799	-580.74074074	4.04336275
5.00000000	-596.51788634	-600.00000000	3.48211366
5.33333333	-603.84102785	-606.81481481	2.97378696
5.6666667	-596.89872655	-599.40740741	2.50868085
6.0000000	-573.92063248	-576.00000000	2.07936752
6.33333333	-533.13476642	-534.81481481	1.68004839
6.6666667	-472.76794566	-474.07407407	1.30612841
7.00000000	-391.04608714	-392.00000000	0.95391286
7.33333333	-286.19441762	-286.81481481	0.62039719
7.66666667	-156.43763082	-156.74074074	0.30310992
8.00000000	0.00000000	-0.00000000	0.00000000
Максимальная погрешность	b: 19.14324706		
Номер узла максимальной	погрешности: 4		

3.3 Задание **3**

Решить краевую задачу из предыдущего задания методом неопределённых коэффициентов.

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <iomanip>
using namespace std;
const int N = 25;
const double V = 4;
const double T = V;
```

```
8 double p(double x)
9 {
10
           return x * x;
11 }
12 double q(double x)
13
   {
14
           return x;
   }
15
   double func(double x)
16
   {
17
           return 4 * V * x * x * x * x
18
                    -3*V*T*x*x*x
19
20
                    + 6 * V * x
                    -2 * V * T;
21
22
  }
   double phi(int k, double x, double T)
   {
24
           return pow(x, k + 1) * (x - T);
25
26 }
27 double phi_1(int k, double x, double T)
   {
28
           return (k + 2) * pow(x, k + 1) - (k + 1) * T * pow(x, k);
29
30
   double phi_2(int k, double x, double T)
31
32
   {
           return (k + 1) * (k + 2) * pow(x, k) - k * (k + 1) * T *
33
    \rightarrow pow(x, k - 1);
34 }
  double coefs(int k, double x, double T)
35
   {
36
           return phi_2(k, x, T) + p(x) * phi_1(k, x, T) + q(x) *
37
   \rightarrow phi(k, x, T);
38
  }
39 double theor_res(double x)
```

```
40 {
            return V * x * x * (x - T);
41
42 }
43 int main()
44 {
            setlocale(LC_ALL, "ru");
45
            vector<double> nodes(N);
46
            vector<double> A(N);
47
            vector<double> pract_value(N);
48
            vector<double> theor_value(N);
49
            vector<double> error(N);
50
51
            vector<vector<double>> M;
            vector<double> B(N);
52
            M.resize(N);
53
            for (int i = 0; i < N; i++)
54
                    M[i].resize(N);
55
            B.resize(N);
56
            double x = 0;
57
            double h = (V - x) / N;
58
            for (int i = 0; i < N; i++)
59
            {
60
                    x += h;
61
                    for (int j = 0; j < N; j++)
62
                             M[i][j] = coefs(j + 1, x, T);
63
                    B[i] = func(x);
64
                    nodes[i] = x;
65
                    theor_value[i] = theor_res(x);
66
            }
67
            int l = 0;
68
            double currentDiag;
69
            double multiplier;
70
            for (int i = 0; i < N; i++)
71
            {
72
                    currentDiag = M[i][i];
73
```

```
for (int j = i; j < N; j++)
74
                             M[i][j] /= currentDiag;
75
                     B[i] /= currentDiag;
76
                     for (int k = i + 1; k < N; k++)
77
                     {
78
                             multiplier = M[k][i];
79
                             for (int j = i; j < N; j++)
80
                                      M[k][j] -= multiplier * M[i][j];
81
                             B[k] -= multiplier * B[i];
82
                     }
83
            }
84
85
            for (int i = N - 1; i \ge 0; i--)
            {
86
                     A[i] = B[i];
87
                     for (int j = i + 1; j < N; j++)
88
                             A[i] -= M[i][j] * A[j];
89
            }
90
            for (int i = 0; i < N; i++)
91
            {
92
                     double s = 0;
93
                     for (int j = 0; j < N; j++)
94
                             s += A[j] * phi(j + 1, nodes[i], T);
95
                     pract_value[i] = s;
96
                     error[i] = abs(pract_value[i] - theor_value[i]);
97
            }
98
             cout << "Значение узлов \ t Практическое
99
        значение \t Теоретическое значение \t Погрешность \t ";
            for (int i = 0; i < N; i++)
100
101
                     cout << fixed << setprecision(6) << nodes[i] <<</pre>
        "\t" << pract_value[i] << "\t\t" << theor_value[i] <<
        "\t\t" << scientific << error[i] << '\n';
102 }
```

Значение узлов	Практическое значение	Теоретическое значение	Погрешность
0.160000	-0.393216	-0.393216	9.627910e-12
0.320000	-1.507328	-1.507328	1.914824e-11
0.480000	-3.244032	-3.244032	2.858203e-11
0.640000	-5.505024	-5.505024	3.729017e-11
0.800000	-8.192000	-8.192000	4.485479e-11
0.960000	-11.206656	-11.206656	5.080025e-11
1.120000	-14.450688	-14.450688	5.478995e-11
1.280000	-17.825792	-17.825792	5.663381e-11
1.440000	-21.233664	-21.233664	5.643130e-11
1.600000	-24.576000	-24.576000	5.454837e-11
1.760000	-27.754496	-27.754496	5.147527e-11
1.920000	-30.670848	-30.670848	4.780176e-11
2.080000	-33.226752	-33.226752	4.400391e-11
2.240000	-35.323904	-35.323904	4.043699e-11
2.400000	-36.864000	-36.864000	3.726086e-11
2.560000	-37.748736	-37.748736	3.451106e-11
2.720000	-37.879808	-37.879808	3.215916e-11
2.880000	-37.158912	-37.158912	3.014833e-11
3.040000	-35.487744	-35.487744	2.842171e-11
3.200000	-32.768000	-32.768000	2.687273e-11
3.360000	-28.901376	-28.901376	2.555467e-11
3.520000	-23.789568	-23.789568	2.428990e-11
3.680000	-17.334272	-17.334272	2.276934e-11
3.840000	-9.437184	-9.437184	2.403233e-11
4.000000	0.000000	0.000000	3.077189e-25

4 Глава 4

Решить данное интегральное уравнение.

Решение:

4.1 Задание 1

```
1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 #include <iomanip>
4 using namespace std;
5 const int N = 3;
6 const int N_NODES = 25;
7 const double a = 0;
8 const double b = 1;
9 const double V = 4;
10 const double T = V;
11 double a1(double x)
12 {
13
           return x;
14 }
15 double a2(double x)
16 {
17
           return x * x;
18 }
19 double a3(double x)
20 {
21
           return x * x * x;
22 }
23 double b1(double t)
24 {
25
           return t;
26 }
27 double b2(double t)
28 {
29
           return t * t;
```

```
30 }
31 double b3(double t)
32 {
33
            return t * t * t;
34 }
35 double theor res(double x)
36 {
           return V * x;
37
38 }
39 double f(double x)
40 {
            return V * ((4.0 / 3) * x + (1.0 / 4) * x * x + (1.0 / 5)
41
    \rightarrow * X * X * X);
42 }
43 int main()
   {
44
            setlocale(LC_ALL, "ru");
45
            vector<double> nodes(N_NODES);
46
            vector<double> q_value(N);
47
            vector<double> pract_value(N_NODES);
48
            vector<double> theor_value(N_NODES);
49
            vector<double> error(N_NODES);
50
            vector<vector<double>> M;
51
           vector<double> B(N);
52
           M.resize(N);
53
            for (int i = 0; i < N; i++)
54
                    M[i].resize(N);
55
            B.resize(N);
56
            double x = 0;
57
            double h = (b - a) / N_NODES;
58
            for (int i = 0; i < N_NODES; i++)
59
            {
60
                    nodes[i] = x;
61
                    theor_value[i] = theor_res(x);
62
```

```
63
                    x += h;
            }
64
            //Вычисленные alpha
65
            for (int i = 0; i < N; i++)
66
                    for (int j = 0; j < N; j++)
67
                             M[i][j] = i == j ? 1 + 1.0 / (i + j + 3) :
68
      1.0 / (i + j + 3);;
            //Вычисленные phi
69
            B[0] = 1969.0 / 900;
70
            B[1] = 5.0 / 3;
71
            B[2] = 283.0 / 210;
72
73
            double currentDiag;
74
            double multiplier;
            for (int i = 0; i < N; i++)
75
            {
76
                    currentDiag = M[i][i];
77
                    for (int j = i; j < N; j++)
78
                             M[i][j] /= currentDiag;
79
                    B[i] /= currentDiag;
80
81
                    for (int k = i + 1; k < N; k++)
82
                    {
83
                             multiplier = M[k][i];
84
                             for (int j = i; j < N; j++)
85
                             {
86
                                     M[k][j] -= multiplier * M[i][j];
87
                             }
88
                             B[k] -= multiplier * B[i];
89
                    }
90
            }
91
            for (int i = N - 1; i \ge 0; i--)
92
            {
93
                    q_value[i] = B[i];
94
                    for (int j = i + 1; j < N; j++)
95
```

```
q_value[i] -= M[i][j] * q_value[j];
96
             }
97
             double s = 0;
98
             for (int i = 0; i < N_NODES; i++)</pre>
99
             {
100
                     s += a1(nodes[i]) * q_value[0];
101
                     s += a2(nodes[i]) * q_value[1];
102
                      s += a3(nodes[i]) * q_value[2];
103
                      pract_value[i] = f(nodes[i]) - s;
104
                      error[i] = abs(pract_value[i] - theor_value[i]);
105
                      s = 0;
106
             }
107
             cout << "Значение узлов \ \ t \ \Piрактическое
108
         значение \t Теоретическое значение \t Погрешность \t ";
             for (int i = 0; i < N_NODES; i++)
109
                     cout << fixed << setprecision(6) << nodes[i] <<</pre>
110
         " \ t " << pract_value[i] << " \ t \ t " << theor_value[i] << 
         "\t\t" << scientific << error[i] << '\n';
111 }
```

Значение узлов	Практическое значение	Теоретическое значение	Погрешность
0.000000	0.000000	0.000000	0.000000e+00
0.040000	0.160000	0.160000	2.775558e-17
0.080000	0.320000	0.320000	0.000000e+00
0.120000	0.480000	0.480000	1.110223e-16
0.160000	0.640000	0.640000	1.110223e-16
0.200000	0.800000	0.800000	1.110223e-16
0.240000	0.960000	0.960000	1.110223e-16
0.280000	1.120000	1.120000	0.000000e+00
0.320000	1.280000	1.280000	2.220446e-16
0.360000	1.440000	1.440000	2.220446e-16
0.400000	1.600000	1.600000	0.000000e+00
0.440000	1.760000	1.760000	2.220446e-16
0.480000	1.920000	1.920000	0.000000e+00
0.520000	2.080000	2.080000	4.440892e-16
0.560000	2.240000	2.240000	0.000000e+00
0.600000	2.400000	2.400000	4.440892e-16
0.640000	2.560000	2.560000	4.440892e-16
0.680000	2.720000	2.720000	4.440892e-16
0.720000	2.880000	2.880000	4.440892e-16
0.760000	3.040000	3.040000	4.440892e-16
0.800000	3.200000	3.200000	0.000000e+00
0.840000	3.360000	3.360000	4.440892e-16
0.880000	3.520000	3.520000	0.000000e+00
0.920000	3.680000	3.680000	4.440892e-16
0.960000	3.840000	3.840000	8.881784e-16