Homework 9

此次作业需要实现一个Bezier Curve的绘制工具,它应能够接受鼠标输入。

Bezier Curve

Beizier曲线本质上是由调和函数 (Harmonic functions) 根据控制点插值生成,其参数方程如下:

$$Q(t) = \sum_{i=0}^{n} P_i B_{i,n}(t) , \quad t \in [0,1]$$

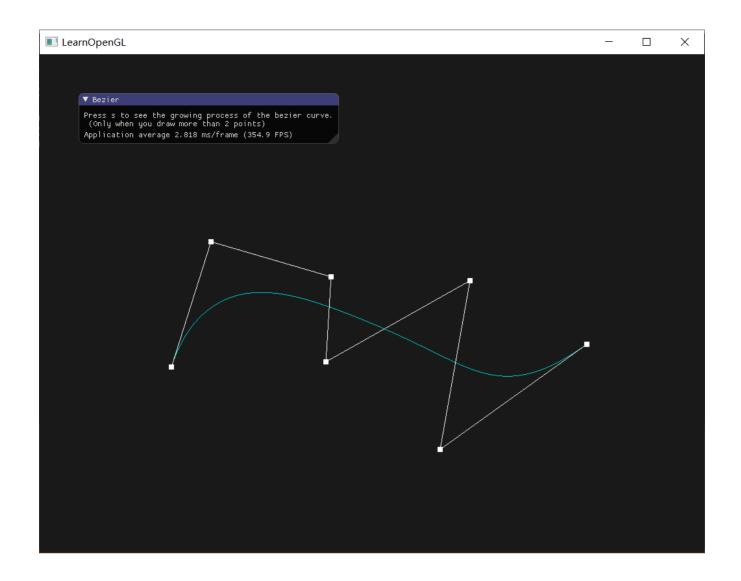
上式为n次多项式,具有n+1项。其中 P_i ($i=0,1\dots n$)表示特征多边形的n+1个顶点向量,在这里就是我们用鼠标标出的n+1个坐标点。 $B_{i,n}$ (t)为伯恩斯坦(Bernstein)基函数,其多项式表示为:

$$B_{i,n}(t) = \frac{n!}{i!(n-i)!}t^i(1-t)^{n-i}, i=0, 1...n$$

那么绘制方法就是存储鼠标点击的每个点的坐标,代入以上公式进行计算,其中t的值的变化幅度可以自己控制,这个值主要影响绘制的精度。还需注意的是,在opengl中使用 glfwGetCursorPos 函数获得的鼠标位置与绘图所需的标准化设备坐标不同,需要做一个转换:

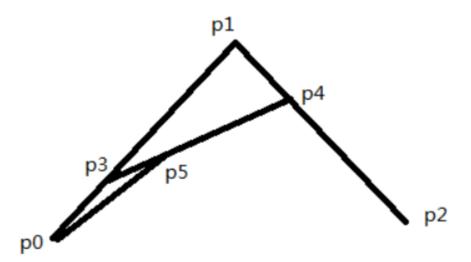
```
// xpos, ypos为glfwGetCursorPos获得的坐标
// SCR_WIDTH, SCR_HEIGHT为窗口宽高
x = -1.0 + 2 * (xpos / SCR_WIDTH)
y = 1.0 - 2 * (ypos / SCR_HEIGHT)
```

实现效果:



动态呈现Bezier曲线

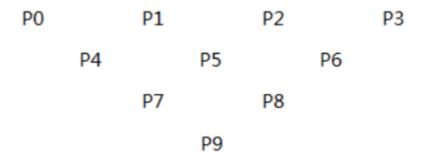
动态呈现Bezier曲线,需要给出其运动路径。以二次方Bezier曲线为例:



其中P0、P1、P2为鼠标标注的点,P3与P4分别在两边上移动,P5的运动轨迹即为Bezier曲线。这里就是要动态呈现P3、P4与P5的运动轨迹。

很容易得出它们的计算公式:

当标注点为三个时,首先计算出P3、P4,再计算P5(可看作三层计算)。推广到更多点上也是一样的步骤,只是计算的层数会更多,比如四个标注点时,需要计算:



最终效果:

