## Homework 5

这次的作业是在对物体做空间变换的基础上加入摄像机视角的变换,使观察的视角更灵活,最终实现一个camera类来管理摄像机的变换操作。

## 投影

首先将上次作业绘制的cube放置在(-1.5, 0.5, -1.5)位置,这里没有对顶点数组中的位置数据进行改变,而是使用一个translate平移变换矩阵来完成:

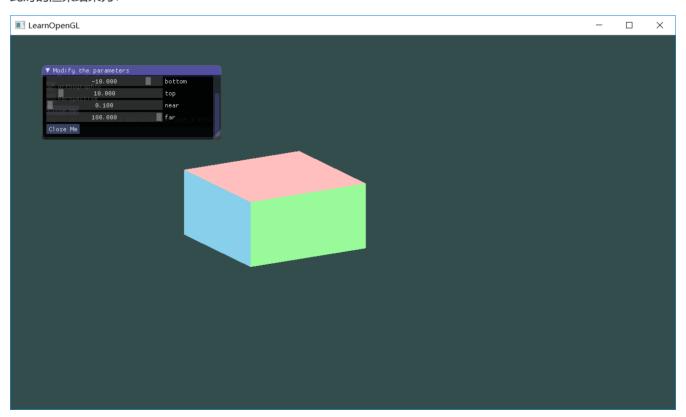
```
// 原本在 (0, 0, 0) 处
model = glm::translate(model, glm::vec3(-1.5f, 0.5f, -1.5f));
```

接着需要分别实现正交投影与透视投影。

首先是正交投影, 当初始参数的设置为:

```
left = -10.0f
right = 10.0f
bottom = -10.0f
top = 10.0f
z_near = 0.1f
z_far = 30.0f
```

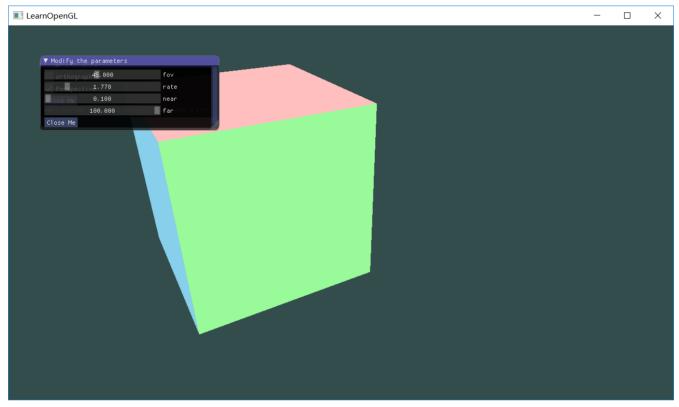
此时的渲染结果为:



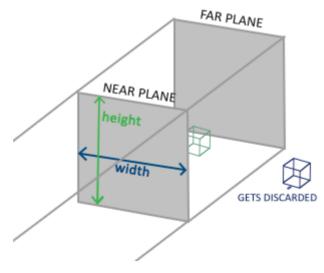
### 对比透视投影, 当初始参数为:

```
fov = 45.0f
ratio = (float)screenWidth / (float)screenHeight
z_near = 0.1f
z_far = 30.0f
```

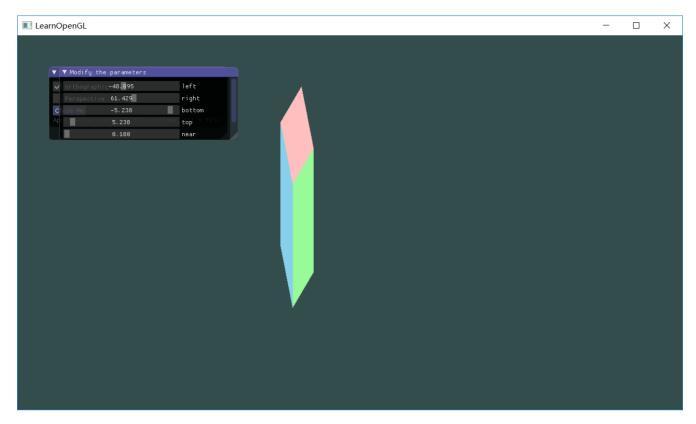
### 其效果为:



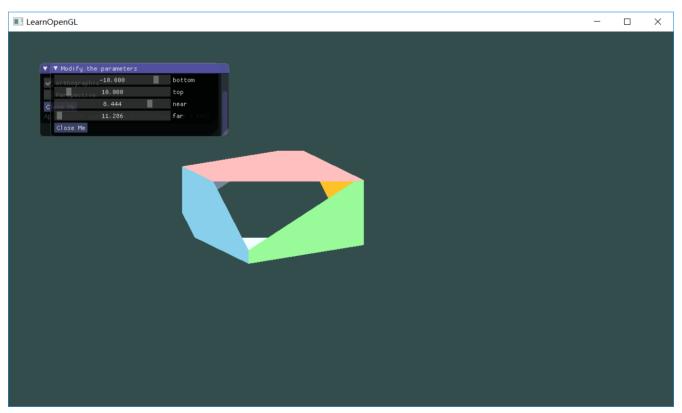
可见,正交投影时很明显不含有"透视"效果,不会有近大远小的感觉。相比之下透视投影就有着更加真实的观感。 在ImGui界面可以更改投影相关的参数,对正交投影来说,其定义了一个类似立方体的平截头箱,它相当于一个裁剪 空间,看起来像一个容器:



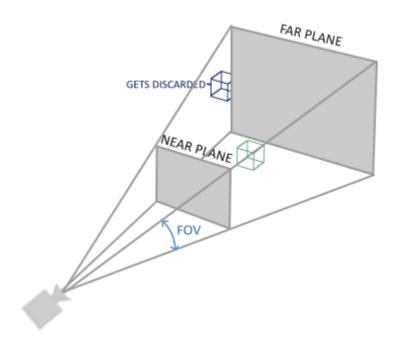
其中,left和right参数指定了平截头体的左右坐标,bottom和top则指定了平截头体的底部和顶部,改变他们会造成立方体呈现效果的拉伸或是压缩,如:



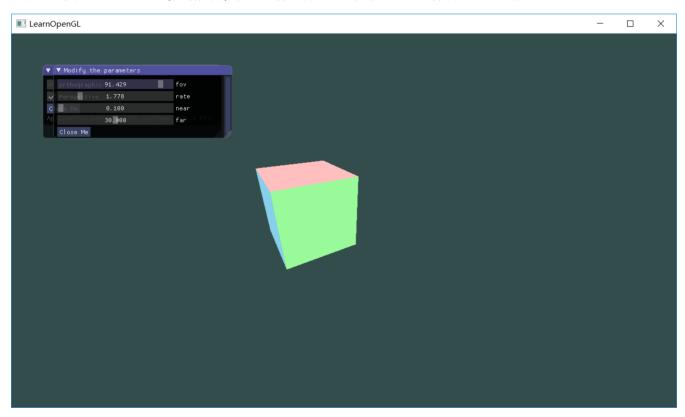
near和far参数则对应平截头体的近平面和远平面的距离,改变他们可能造成立方体有一部分在截头体外而不被渲染,如:



对透视投影来说,它对应的可视空间的平截头体与正交投影的不同,它像是一个不均匀形状的箱子,如图:



其near与far参数的作用与在正交投影中是一样的,而它的fov参数表示的是视野,对应观察空间的大小,真实观察效果下这个参数通常为45.0f(初始参数),如果将它调大一些,原本的立方体看上去好像缩小了:



透视投影的第二个参数设置了宽高比,初始参数设置的是视口的宽除高,改变它同样会产生拉伸或压缩的效果。

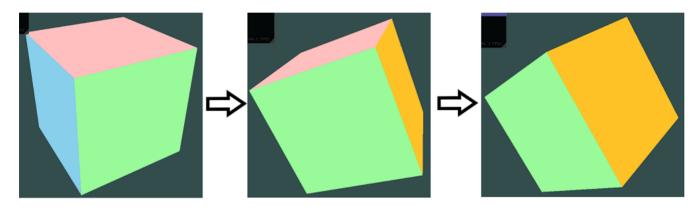
# 视角变换

首先将立方体放置在 (0,0,0) 即原本的位置上并做透视投影,此时修改摄像机的view矩阵使得摄像机时刻围绕立方体中心旋转,并对准立方体中心。

为了完成此视角变换,需要引入时间函数,并随时间变化周期性改变摄像机的位置、方向(指向摄像机的z轴正方向,这里为(0,0,0))、右轴与上轴(右轴与z轴正方向做叉乘即可得到上轴)。这里设置计算机围绕y轴进行旋转,所以摄像机z轴正向为(0,0,0),右轴为(0,1,0)。最终使用lookAt矩阵来设置观察矩阵。

摄像机的位置计算与lookAt矩阵的设置:

#### 效果:



在现实生活中,我们一般将摄像机摆放的空间View matrix和被拍摄的物体摆设的空间Model matrix分开,但是在 OpenGL中却将两个合二为一设为ModelView matrix,我认为这可能是因为在现实中可能有不止一个摄像机进行拍摄。而在opengl中只存在一个摄像机,实际上这个摄像机也只是模拟出来的概念,本质上移动摄像机与移动物体是一样的。Model和View都是在做空间变换的操作(虽然定义上一个关乎物体一个关乎摄像机),所以可以合二为一。相比之下projection矩阵就对应了裁剪的功能,所以一般不合并。

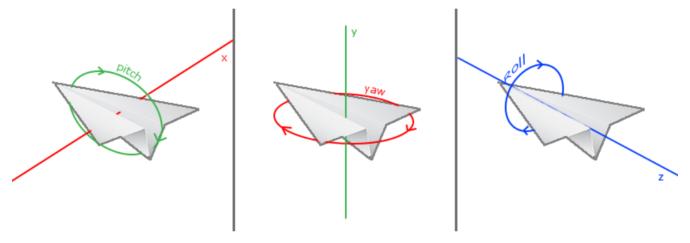
# FPS摄像头

作业的最后, 我实现了一个camera类来模拟FPS的游戏场景。

首先将键盘输入w, a, s, d对应为摄像头的前后左右移动,这只需捕捉键盘输入并相应改变摄像头的位置,如:

```
void Camera::moveForward() {
    cameraPos += cameraSpeed * cameraFront;
}
void Camera::moveBack() {
    cameraPos -= cameraSpeed * cameraFront;
}
void Camera::moveRight() {
    cameraPos -= glm::normalize(glm::cross(cameraFront, cameraUp)) * cameraSpeed;
}
void Camera::moveLeft() {
    cameraPos += glm::normalize(glm::cross(cameraFront, cameraUp)) * cameraSpeed;
}
```

接着实现鼠标对应的视角移动,这里使用的是欧拉角的方法。欧拉角是可表示3D空间中任何旋转的三个值,有三种欧拉角:俯仰角(pitch)、偏航角(Yaw)与滚转角(Roll),如图所示:



俯仰角是描述往上或下看的角,偏航角表示往左或右看的程度,滚转角则代表如何翻滚摄像机。对FPS摄像头来说, 只关心俯仰角和偏航角。

俯仰角对应在xoz平面看向y轴的情况,偏航角则对应xoz平面上的偏转情况,组合起来可以得到基于俯仰角和偏航角的方向向量(其中direction代表摄像机的前轴即z轴正向):

```
direction.x = cos(glm::radians(pitch)) * cos(glm::radians(yaw));
direction.y = sin(glm::radians(pitch));
direction.z = cos(glm::radians(pitch)) * sin(glm::radians(yaw));
```

对于俯仰角还存在一些限制,这里限制它无法超过89度且无法小于-89度,即最多只能看到天空或脚下,防止摄像机产生一些奇怪的移动:

```
if(pitch > 89.0f)
  pitch = 89.0f;
if(pitch < -89.0f)
  pitch = -89.0f;</pre>
```

最终效果(移动到立方体内部):

