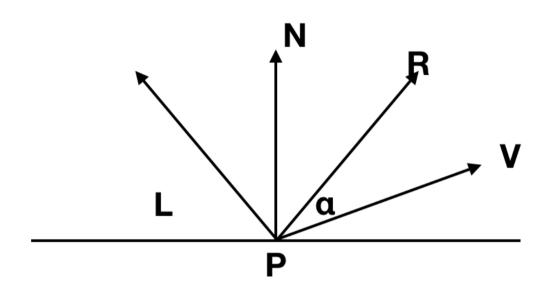
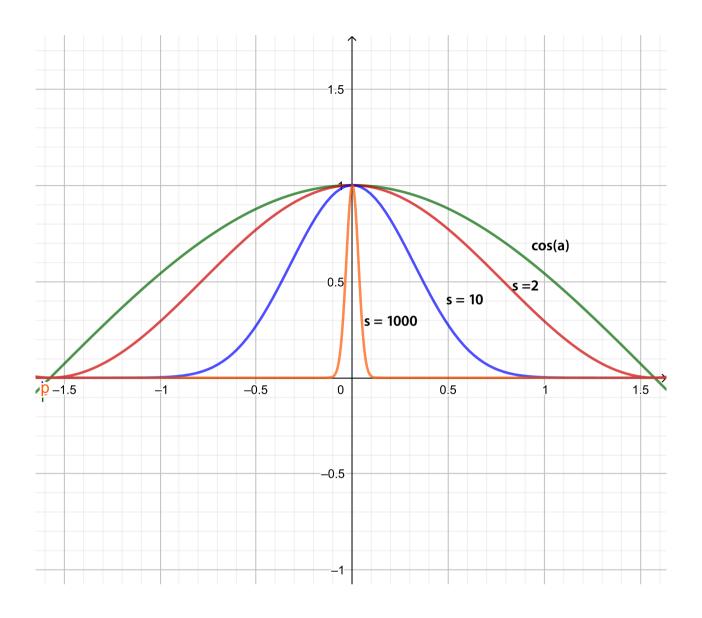
镜面反射

镜面反射我们依靠的就是纯粹的一个数学模拟。

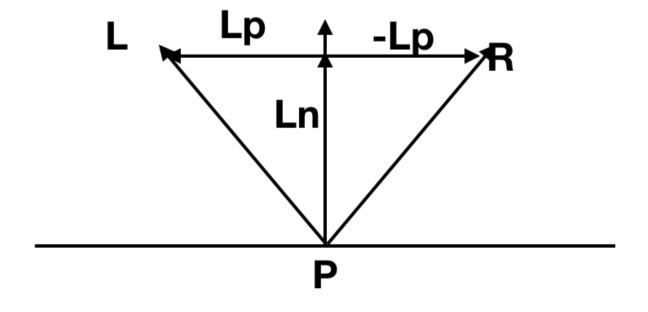


L指向光源,N依旧为法向量,R为镜面反射形成的光,它有着这样的特别之处,那就是我们从观察方向 V来看,随着 α 角度的增大,这个光会锐减的很快。

看函数 $\cos\alpha$,当 α 为0的时候,这个值刚好为1,当 α 增加到90°时候,这个值刚好减少到0. 所以我们可以用函数 $\cos^s\alpha$ 来模拟物体的镜面指数。



那么镜面反射将会造成的 $\stackrel{
ightarrow}{R}$ 在观看角度 $\stackrel{
ightarrow}{V}$ 的值的计算如下:



$$\overrightarrow{L_N} = \overrightarrow{N}$$
 ($\overrightarrow{L} \cdot \overrightarrow{N}$) $\overrightarrow{L_p} = \overrightarrow{L} - \overrightarrow{L_N}$ $\overrightarrow{R} = \overrightarrow{L_N} + (\overrightarrow{-L_P})$

代入可得

$$\overrightarrow{R}=2\cdot\overrightarrow{N}$$
 ($\overrightarrow{L}\cdot\overrightarrow{N}$) $-\overrightarrow{L}$

所以从 \overrightarrow{V} 方向得到的镜面反射光强度是:

$$I_s = I_L (rac{\overrightarrow{N} \cdot \overrightarrow{V}}{|\overrightarrow{N}||\overrightarrow{V}|})^s$$

依旧记住我们只需要考虑大于0的状况.

至此の伪码

之前的伪码依旧适用,我们需要考虑的是:

- 1. 增加镜面指数s
- 2. 调整计算光的部分

我们首先给每个小球添加s, s越大会越闪亮(s=-1 表示物体并没有), 按照作者的逻辑, 同时我们添加一个巨大的小球, 这样她就会像一个平面一样。

在计算镜面反射光的时候我们依旧使用上方的公式,我们已经有 \overrightarrow{N} , \overrightarrow{L} , I_L , s是小球本身的性质,我们也已经添加,需要的还有 \overrightarrow{V} ,这是我们观察的方向,view direction,记住我们光线追踪的初衷,是从眼睛看出来,所以view direction特别简单,就是 $-\overrightarrow{D}$.

所以调整计算光的部分如下

ComputeLighting

```
ComputeLighting(P, N, V, s) {
   i = 0.0
   for light in scene.Lights {
      if light.type == ambient {
        i += light.intensity
      } else {
```

```
if light.type == point
                L = light.position - P
            else
                L = light.direction
            # diffuse
            n_{dot_l} = dot(N, L)
            if n_dot_l > 0
                i += light.intensity*n_dot_l/(length(N)*length(L))
            # specular
            if s! = -1 {
                R = 2*N*dot(N,L) -L
                r_{dot_v} = dot(R, V)
                if r_dot_v > 0
                      i += light.intensity*pow(r_dot_v/length(R)*length(V)),s)
            }
        }
    return i
}
```

TraceRay

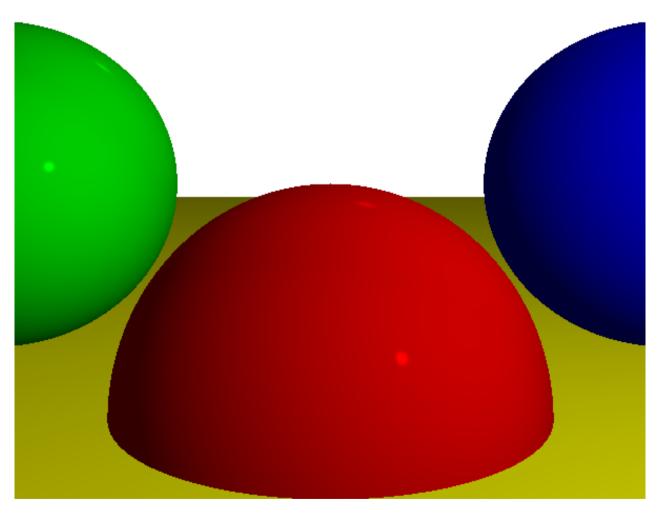
```
TraceRay(0, D, t_min, t_max){
  closest_t = inf
  closest_sphere = NULL
  for sphere in scene.Spheres {
    t1, t2 = IntersectRaySphere(0, D, sphere)
    if t1 in [t_min, t_max] && t1 < closest_t</pre>
      closest_t = t1
      closest_sphere = sphere
    if t2 in [t_min, t_max] && t2 < closest_t</pre>
      closest_t = t2
      closest_sphere = sphere
  }
  if closest_sphere == NULL
    return BACKGROUND_COLOR
  P = 0 + closest_t * D #交点P的位置
 N = P - closest_sphere.center #计算P处的法向量
 N = N / length(N) #normalize 法向量
  return closest_sphere.color * ComputeLighting(P, N, -D, sphere.specular)
}
```

相互作用

对于点光源和方向光,实际上到达物体表面的也就是 $\overset{
ightarrow}{L}$ 在 $\overset{
ightarrow}{N}$ 方向的投影,也就是 $I\cdot coslpha$

画到画布上

看结果:



代码链接