# 颜色模拟

上面写到我们需要展示 $t_1$ 的颜色,那么 $t_1$ 都颜色究竟应该是怎样的?应该就是它自身的颜色和光相互作用的结果,我们这里命事物本身颜色为c, P点处光的强度为i(这里我们只考虑白光),那么比如 c\*i就会是最终的颜色,一般来说 0 < i < 1,比如 i 是 0.5,那么物体就会变成原来的一半亮。

以下的模拟,有些会用到自然界中可能事物的真实样子,有些就是纯粹的数学模型。

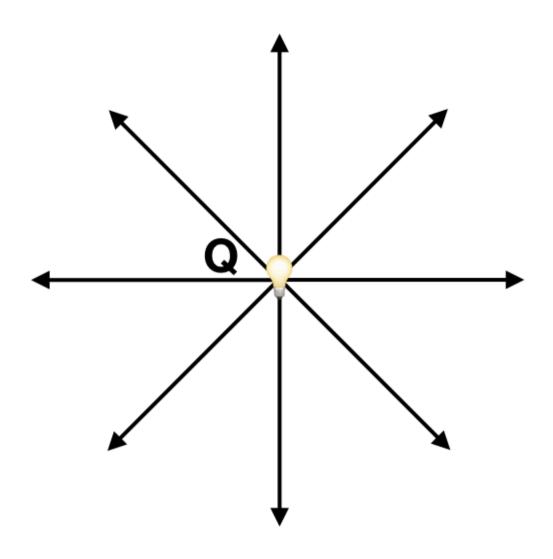
## 1.光源

#### 1.1 环境光

环境光很简单,我们直接给一个数字 $I_A$ .这样就代表了周围环境的光

#### 1.2 点光源

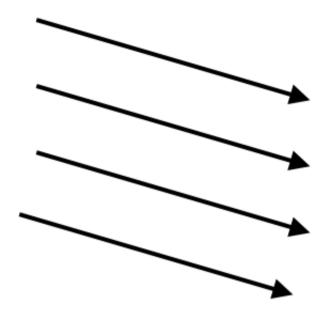
点光源就像电灯泡一样,固定于一个点,然后发出光线于四周,对于点光源,我们只需它的位置Q和强度 $I_Q$ .



1.3 方向光

方向光就类似于自然界中的太阳光,我们需要知道它的方向 $\stackrel{
ightarrow}{L}$ 和强度 $I_A$ .



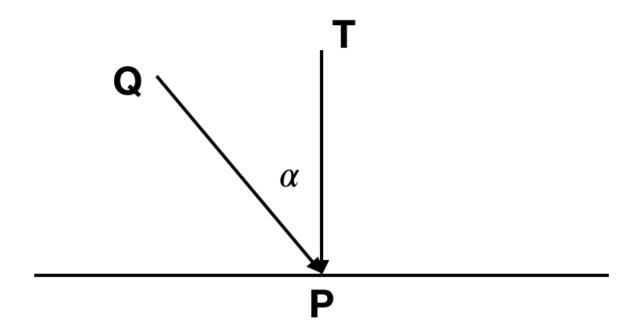


## 2 光与物体

## 2.1 漫反射

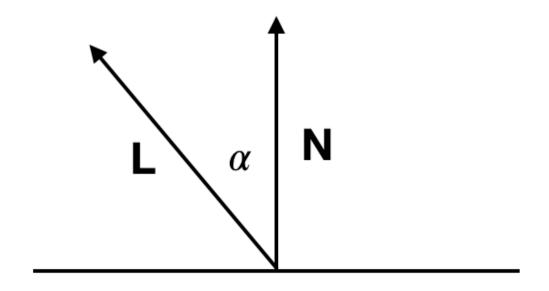
漫反射是这样,达到物体表面的表面的光实际上只有 $\overrightarrow{QP}$  在 $\overrightarrow{TP}$  方向的投影,实际上P点得到的强度是 $I\cdot coslpha$ .

注意我们只考虑 $\cos\alpha$  大于0的状况,因为如果小于零,它是到达了物体的背面。



$$cos lpha = rac{\overrightarrow{QP} \cdot \overrightarrow{TP}}{|\overrightarrow{QP}| \cdot |\overrightarrow{TP}|}$$

为了计算方便,令 $\overset{\rightarrow}{L}$ 表示我们指向光源的方向, $\overset{\rightarrow}{N}$ 为物体表面的法向量:



$$coslpha = rac{\overrightarrow{L}\cdot\overrightarrow{N}}{|\overrightarrow{L}|\cdot|\overrightarrow{N}|}$$

可以得到光叠加的效果是:

$$I = I_A + \sum_{i=1}^n I_i rac{\overrightarrow{L_i} \cdot \overrightarrow{N}}{|\overrightarrow{L_i}| \cdot |\overrightarrow{N}|}$$

至此, 我们就可以画出空间中很好看的效果了。

## 至此の伪码

#### 跟踪光线与球相交 IntersectRaySphere

跟之前写的一样

### t1 处的光ComputeLighting

在以下的伪码中,P是物体表面的位置,N是物体表面的法向量。

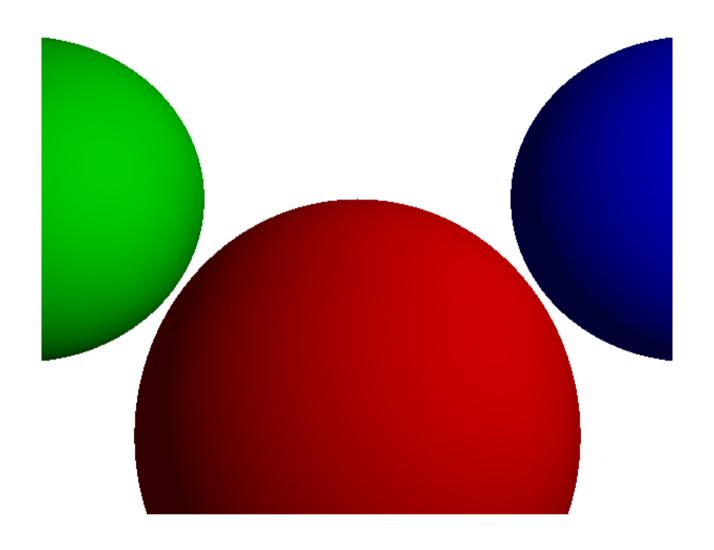
```
ComputeLighting(P, N) {
    i = 0.0
    for light in scene.Lights {
        if light.type == ambient {
            i += light.intensity
        } else {
            if light.type == point
                L = light.position - P
            else
                L = light.direction
            n_{dot_l} = dot(N, L)
            if n_dot_l > 0
                i += light.intensity*n_dot_l/(length(N)*length(L))
        }
    }
    return i
}
```

这里我们在空间里放入好几个球体,然后计算t1处的颜色伪码如下:

```
TraceRay(0, D, t_min, t_max){
  closest_t = inf
  closest_sphere = NULL
  for sphere in scene.Spheres {
   t1, t2 = IntersectRaySphere(0, D, sphere)
    if t1 in [t_min, t_max] && t1 < closest_t</pre>
      closest_t = t1
      closest_sphere = sphere
    if t2 in [t_min, t_max] && t2 < closest_t</pre>
      closest_t = t2
      closest_sphere = sphere
  }
  if closest_sphere == NULL
    return BACKGROUND COLOR
  P = 0 + closest_t * D # \phi \triangle P 
 N = P - closest_sphere.center #计算P处的法向量
 N = N / length(N) #normalize 法向量
  return closest_sphere.color * ComputeLighting(P, N)
}
```

#### 画到画布上

看结果:



效果已经比之前好很多了。

代码链接