Formulario Fisica Tecnica - Giulio De Pasquale

Un ringraziamento speciale a Michele Albanese

\mathbf{Indi}	ce	2	2	Cicli	i	6
					2.0.1 Generale	6
1 Te	rmodinamica	3			Cicli simmetrici	6
1.1	Unità di Misura	3		2.2	Cicli a Gas	6
1.2		3			2.2.1 Sistemi chiusi	6
	1.2.1 Pressione	3			2.2.2 Sistemi aperti	7
	1.2.2 Calore	3	:		Cicli a Vapore	7
1.3	Masse Molari	3			2.3.1 Generale	7
1.4	Generale e Proprietà Gas	3			2.3.2 Cicli diretti	7
1.5	Calore, Energia Interna, Entalpia ed Entropia	3			2.3.3 Cicli indiretti	8
	1.5.1 Calore	3				0
	1.5.2 Energia Interna	4^{-3}			smissione del Calore	8
	1.5.3 Entalpia	4			Unità di Misura	8
	1.5.4 Entropia	4	•		Conduzione	8
	1.5.5 Liquidi	4			3.2.1 Unità di Misura	8
1.6	Trasformazioni Politropiche	4			3.2.2 Generale	8
1.7	Rendimenti	4	•		Convezione	8
1.8	Sistemi Bifase	4			3.3.2 Convezione Forzata	0
	1.8.1 Generale	4			3.3.3 Convezione Naturale	0
	1.8.2 Liquidi sottoraffreddati	4			Irraggiamento	9
1.9	Sistemi Aperti	4	,		3.4.1 Unità di Misura	9
	1.9.1 Generale	4			3.4.2 Costanti	9
	1.9.2 Macchina Aperta	4			3.4.3 Generale	9
	1.9.3 Turbina	5			3.4.4 Il fattore di vista	9
	1.9.4 Compressore / Pompa di Calore	5			3.4.5 Coefficienti di assorbimento, riflessione e trasmissione	9
	1.9.5 Scambiatore di Calore	5			3.4.6 Convenzioni per lo scambio termico tra superfici	10
	1.9.6 Diffusore (w decrescente) e Ugello (w crescente)	5			3.4.7 Scambio termico tra superfici	10
	1.9.7 Valvola di Laminazione	5			one seemed to make the superior of the seemed to the seeme	
1.10) Macchine Motrici a gas (\overrightarrow{L})	5				
	1.10.1 Generale	5				
1.1	1 Macchine Operatrici a gas (\overline{L})	5				
	1.11.1 Macchine frigorifere	5				
	1.11.2 Macchine calorifere (pompe di calore)	5				

Elenco delle tabelle

1	Gas e calore specifico	11
2	Trasformazioni politropiche	11
3	Conduzione - Coordinate cartesiane	11
4	Conduzione - Coordinate cilindriche	12
5	Conduzione - Coordinate sferiche	12
6	Convezione - Costanti adimensionali	12
7	Convezione - Condizioni di regime	13
8	Irragiamento - Calore	13

1 Termodinamica

1.1 Unità di Misura

Energia Interna $U = [J], \bar{u} = [\frac{J}{Kq}];$

Calore $Q = [J], \bar{q} = \left[\frac{J}{Kg}\right];$

Potenza Termica $\dot{Q} = \left[\frac{J}{s}\right] = [W];$

Lavoro $L = [J], \bar{l} = [\frac{J}{Kq}];$

Potenza Meccanica $\dot{L} = \left[\frac{J}{s}\right] = [W];$

Entalpia $H = [J], \bar{h} = [\frac{J}{Kg}];$

Entropia $S = \begin{bmatrix} \frac{J}{^{\circ}\mathrm{K}} \end{bmatrix}, \ \bar{s} = \begin{bmatrix} \frac{J}{Ka^{,\circ}\mathrm{K}} \end{bmatrix};$

Temperatura $T = [{}^{\circ}K];$

Pressione P = [Pa];

Volume $V = [m^3], \, \bar{v} = [\frac{m^3}{Kq}];$

Massa m = [Kg];

Densità $\rho = \left[\frac{Kg}{m^3}\right];$

Velocità $w = \left[\frac{m}{s}\right];$

Costante Universale dei Gas $R = [\frac{J}{{}^{\circ}\text{K} \cdot kmol}], R^* = \frac{R}{M} = [\frac{J}{Kg \cdot {}^{\circ}\text{K}}];$

Calore Specifico $c = \left[\frac{J}{Kg \cdot {}^{\circ}K}\right];$

Massa Molare $M = \left[\frac{Kg}{kmol}\right]$;

Portata Massica $\dot{m} = \left[\frac{Kg}{s}\right];$

Portata Volumetrica $\dot{V} = \dot{m}\bar{v} = \left[\frac{m^3}{s}\right];$

1.2 Conversioni

1.2.1 Pressione

- 1 ata = 98066, 5 Pa;
- $1 \, bar = 10^5 \, Pa;$
- 1 atm = 101325 Pa;

1.2.2 Calore

• $1 \, cal = 4,184 \, J;$

1.3 Masse Molari

- H = 1;
- He = 4;
- C = 12:
- $N = 14, N_2 = 28;$
- $O = 16, O_2 = 32;$

1.4 Generale e Proprietà Gas

Da tenere sempre presente che

$$P\bar{v} = R^*T$$

riscrivibile come

$$PV = nRT$$

Inoltre, il I principio della termodinamica impone che

$$\Delta U = \overleftarrow{Q} - \overrightarrow{L}$$

- $R = 8314, 4 \frac{J}{\text{°K} \cdot kmol};$
- $n = \frac{m}{M}$ dove n = numero di moli;
- $c_p c_v = R^*$, la relazione di Mayer;
- $\dot{V} = \dot{m}\bar{v}$ con $\dot{V} = \text{portata volumetrica};$

1.5 Calore, Energia Interna, Entalpia ed Entropia

1.5.1 Calore

- $Q = mc_x \Delta T \text{ con } c_x = cost;$
- $Q = mc_v \Delta T \text{ con } V = cost;$
- $Q = mc_p \Delta T \text{ con } P = cost;$
- $Q = T\Delta S \text{ con } T = cost;$
- $\dot{Q} = \dot{m}c_{materiale}\Delta T$;

1.5.2 Energia Interna

- $d\bar{u} = c_v dT$, se gas perfetto;
- $d\bar{u} = Tds Pd\bar{v}$;

1.5.3 Entalpia

- H = U + PV;
- $d\bar{h} = c_p dT$, se gas perfetto;
- $d\bar{h} = Tds + \bar{v}dP$;
- $d\bar{h} = \delta q + \bar{v}dP$;

1.5.4 Entropia

- $ds = \frac{\delta q}{T}$, nel caso di un processo reversibile;
- $\Delta S = \Delta S_{\overline{Q}} + \Delta S_{irr};$
- $ds = c_v \frac{dT}{T} + R^* \frac{d\overline{v}}{\overline{v}} \Rightarrow \Delta S = c_v ln(\frac{T_2}{T_1}) + R^* ln(\frac{V_2}{V_1});$
- $ds = c_p \frac{dT}{T} R^* \frac{dP}{P} \Rightarrow \Delta S = c_p ln(\frac{T_2}{T_1}) R^* ln(\frac{P_2}{P_1});$
- $ds = c_p \frac{d\bar{v}}{\bar{v}} + c_v \frac{dP}{P} \Rightarrow \Delta S = c_p ln(\frac{V_2}{V_1}) + c_v ln(\frac{P_2}{P_1});$
- $\Delta S \ge 0$ se il sistema è isolato;

1.5.5 Liquidi

- $c_{H_20} = 4186 \frac{J}{kg \cdot {}^{\circ}\text{K}};$
- $\bullet \ c = c_v = c_p;$
- $du = \delta q = cdT \Rightarrow \Delta u = c\Delta T$;
- $ds = c\frac{dT}{T} \Rightarrow \Delta s = cln(\frac{T_2}{T_1});$
- v = cost;
- $\Delta h = c\Delta T + v\Delta P$;

1.6 Trasformazioni Politropiche

- $P\bar{v}^n = cost;$
- $T\bar{v}^{n-1} = cost;$
- $\bullet \ PT^{\frac{n}{1-n}} = cost;$

1.7 Rendimenti

- $\eta_{confronto} = \frac{\eta_{serb-reale}}{\eta_{serb-ideale}};$
- $\eta_{II_P} = \frac{\eta_{reale}}{\eta_{ideale}} = \frac{L_{reale}}{L_{ideale}};$

1.8 Sistemi Bifase

1.8.1 Generale

• Le transizioni di fase avvengono con P = costante e T = costante;

$$\bullet \begin{cases} \begin{cases} x = \frac{v - v_l}{v_v - v_l}; & con \ x = titolo, \ v = propriet\`{a} \ estensiva \\ v_{lv} = v_v - v_l \\ v = v_l + x v_{lv}; \\ h = h_l + x h_{lv}; \\ s = s_l + x s_{lv}; \\ u = u_l + x u_{lv}; \end{cases}$$

• $dh = d\overleftarrow{q}$;

1.8.2 Liquidi sottoraffreddati

- $h \cong h_{l@T}$;
- $s \cong s_{l@T}$;

1.9 Sistemi Aperti

1.9.1 Generale

- $\dot{m} = \rho w \Omega$ con $\Omega = sezione$;
- $\frac{dE}{dt} = \overleftarrow{m}[(\overleftarrow{h} \overrightarrow{h}) + g(\overleftarrow{z} \overrightarrow{z}) + \frac{\overleftarrow{w}^2 \overrightarrow{w}^2}{2}] + \overleftarrow{\dot{Q}} \overrightarrow{L} \text{ con } z = altezza \text{ e } g = accelerazione gravitazionale;}$
- $\frac{dS}{dt} = \overleftarrow{m}(\overleftarrow{s} \overrightarrow{s}) + \overrightarrow{S}_{\overleftarrow{Q}} + \overrightarrow{S}_{irr};$
- $\frac{dm}{dt} = \overleftarrow{m} \overrightarrow{m}$;

1.9.2 Macchina Aperta

Dispositivo adiabatico atto a scambiare lavoro per il quale si ipotizzano trascurabili le variazioni di energia potenziale e cinetica tra le sezioni di ingresso e di uscita.

- $\overrightarrow{m}(\overleftarrow{h} \overrightarrow{h}) \overrightarrow{L} = 0;$
- $\overleftarrow{m}(\overleftarrow{s} \overrightarrow{s}) + \dot{S}_{irr} = 0;$

1.9.3 Turbina

 $-\eta_{isT} = \frac{\overrightarrow{L}_{reale}}{\overrightarrow{L}_{ideale}} = \frac{(h_1 - h_{2'})}{(h_1 - h_2)}$ con η_{is} = rendimento isoentropico;

1.9.4 Compressore / Pompa di Calore

$$- \eta_{isC} = \frac{\overrightarrow{L}_{ideale}}{\overrightarrow{L}_{reale}} = \frac{(h_1 - h_2)}{(h_1 - h_{2'})};$$

1.9.5 Scambiatore di Calore

Gli scambiatori sono sistemi aperti stazionari che operano senza scambio di lavoro per i quali si ipotizzano trascurabili le variazioni di energia potenziale e cinetica tra le sezioni di ingresso e di uscita.

- $\dot{\overline{m}}(\overleftarrow{h} \overrightarrow{h}) + \overleftarrow{\dot{Q}} = 0;$
- $\dot{\overline{m}}(\overleftarrow{s} \overrightarrow{s}) + \dot{S}_{\overleftarrow{Q}} + \dot{S}_{irr} = 0;$
- $\bullet \ \, \stackrel{\longleftarrow}{\dot{Q}} = \stackrel{\longrightarrow}{\dot{Q}}$

1.9.6 Diffusore (w decrescente) e Ugello (w crescente)

I diffusori e gli ugelli sono sistemi aperti stazionari che operano senza scambio di lavoro né calore per i quali si ipotizzano trascurabili le variazioni di energia potenziale tra le sezioni di ingresso e di uscita.

- $[(\overleftarrow{h} \overrightarrow{h}) + \frac{\overleftarrow{w}^2 \overrightarrow{w}^2}{2}] = 0;$
- $\overleftarrow{\dot{m}}(\overleftarrow{s} \overrightarrow{s}) + \dot{S}_{irr} = 0;$

1.9.7 Valvola di Laminazione

Le valvole di laminazione sono sistemi aperti stazionari che operano senza scambio di lavoro nè calore per i quali si ipotizzano trascurabili le variazioni di energia potenziale e cinetica tra le sezioni di ingresso e di uscita.

- $\bullet \ (\overleftarrow{h} \overrightarrow{h}) = 0;$
- $\overleftarrow{m}(\overleftarrow{s} \overrightarrow{s}) + \dot{S}_{irr} = 0;$

1.10 Macchine Motrici a gas (\overrightarrow{L})

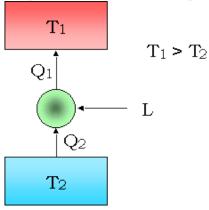
Converte energia termica in lavoro.

1.10.1 Generale

- $\eta_{reale} = 1 \frac{T_F}{T_C} \frac{T_F \cdot S_{irr}}{Q_C}$
- $\bullet \ \eta_{rev} = 1 \frac{T_F}{T_C};$
- $\Delta S_{irr} = -\frac{\overleftarrow{Q}}{T_{C/F}} + \frac{\overrightarrow{Q}}{T_{C/F}}$ dove Q è riferito alla macchina e $T_{C/F}$ è la temperatura associata al Q corrispondente;

1.11 Macchine Operatrici a gas $(\stackrel{\leftarrow}{L})$

Trasferisce energia termica da uno o più serbatoi di calore a temperatura inferiore a uno o più serbatoi di calore a temperatura superiore.



• $\Delta S_{irr} = -\frac{\overleftarrow{Q}}{T_{C/F}} + \frac{\overrightarrow{Q}}{T_{C/F}}$ dove Q è riferito alla macchina e $T_{C/F}$ è la temperatura associata al Q corrispondente;

1.11.1 Macchine frigorifere

- $L_{rev} = Q_F(\frac{T_C}{T_F} 1) = \frac{Q_F}{\varepsilon};$
- $L_{reale} = L_{rev} + T_C S_{irr};$
- $\varepsilon_f = \frac{Q_F}{L} = \frac{T_F}{T_C T_F + \frac{T_C T_F S_{irr}}{\overline{Q}}}$;
- $\varepsilon_{f_{rev}} = \frac{T_F}{T_C T_F};$

5

1.11.2 Macchine calorifere (pompe di calore)

- $L_{rev} = Q_C(1 \frac{T_F}{T_C}) = \frac{Q_C}{\varepsilon};$
- $L_{reale} = L_{rev} + T_F S_{irr};$
- $\varepsilon_{pdc} = \frac{Q_C}{L} = \frac{\overrightarrow{Q} + L}{L} = \varepsilon_f + 1 = \frac{T_C}{T_C T_F + \frac{T_C T_F S_{irr}}{\overleftarrow{O}}};$

• $\varepsilon_{pdc_{rev}} = \frac{T_C}{T_C - T_F}$;

2 Cicli

2.0.1 Generale

- $\eta = \frac{L_{netto}}{Q}$;
- $n = \frac{c_p}{c_v}$;

2.1 Cicli simmetrici

Per i cicli simmetrici valgono le seguenti proprietà:

$$\bar{v}_1\bar{v}_3=\bar{v}_2\bar{v}_4$$

$$P_1P_3 = P_2P_4$$

$$T_1T_3 = T_2T_4$$

2.2 Cicli a Gas

2.2.1 Sistemi chiusi

• $\Delta u = \overleftarrow{q} - \overrightarrow{l};$

Carnot a Gas Il ciclo di Carnot è costituito da due isoentropiche e due isoterme.

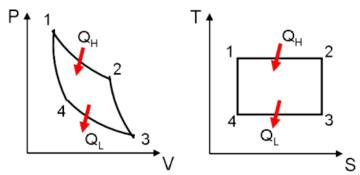
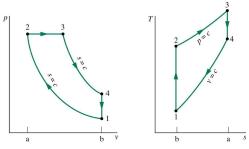


Fig.1. P-V and T-S diagrams of Carnot Cycle

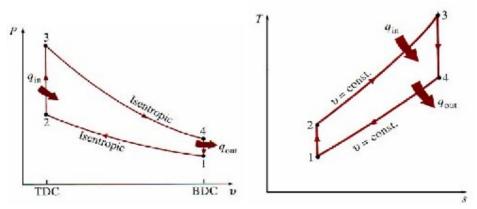
- $S_{irr} = -\frac{\overleftarrow{Q}}{T_C} + \frac{\overrightarrow{Q}}{T_F};$
- $\Delta S = \frac{\overleftarrow{Q}}{T_2} = \frac{\overrightarrow{Q}}{T_1};$
- $\eta_{rev} = 1 \frac{T_1}{T_3}$;

Diesel Il ciclo Diesel è costituito da due isoentropiche, una isocora ed una isobara.



- $\eta_D = 1 \frac{c_v T_1(\frac{T_4}{T_1} 1)}{c_p T_2(\frac{T_3}{T_2} 1)};$
- $\eta = 1 \frac{T_4 T_1}{n(T_3 T_2)}$;
- $\eta = 1 \frac{1}{r^{n-1}} \cdot \left[\frac{z^n 1}{n(z-1)} \right];$
- $r = \frac{V_1}{V_2}$, rapporto di compressione volumetrico;
- $z = \frac{V_3}{V_2}$, rapporto di combustione;

Otto Ciclo simmetrico costituito da due isoentropiche e due isocore.



- $\overleftarrow{Q} = u_3 u_2 = c_v(T_3 T_2);$
- $\overrightarrow{Q} = u_4 u_1 = c_v(T_4 T_1);$
- $l = c_v(T_3 T_4) c_v(T_2 T_1) = c_v T_3 (1 \frac{1}{r_{vol}^{n-1}}) c_v T_1 (r_{vol}^{n-1} 1) = c_v T_3 (1 \frac{T_4}{T_c}) c_v T_1 (\frac{T_2}{T_c} 1);$
- $\eta = 1 \frac{T_1}{T_2} = 1 r_{vol}^{1-n};$
- $r_{vol} = \frac{V_1}{V_2}$;

2.2.2 Sistemi aperti

•
$$\Delta h = \overleftarrow{q} - \overrightarrow{l}$$
;

Joule-Brayton Il ciclo Joule-Brayton è un ciclo simmetrico ed un sistema aperto costituito da due isoentropiche e due isobare.

Scambiatore

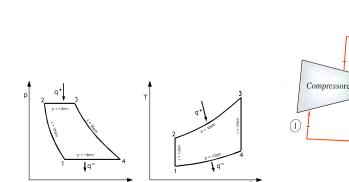
di calore

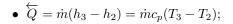
Scambiatore di calore

(2)

(3)

Turbina





•
$$\overrightarrow{Q} = \dot{m}(h_4 - h_1) = \dot{m}c_p(T_4 - T_1);$$

•
$$l = c_p(T_3 - T_4) - c_p(T_2 - T_1) = c_pT_3(1 - \frac{T_4}{T_3}) - c_pT_1(\frac{T_2}{T_1} - 1);$$

•
$$\eta_{JB} = 1 - \frac{T_1}{T_2} = 1 - \frac{1}{r^{\frac{n-1}{n}}};$$

• $r = \frac{P_2}{P_1}$ con r = rapporto di compressione;

•
$$r_{pmin} = 1$$
;

•
$$r_{pmax} = \left(\frac{T_3}{T_1}\right)^{\frac{n}{n-1}};$$

Affinché si possa operare una rigenerazione bisogna che la temperatura di fine espansione sia maggiore della temperatura di fine compressione.

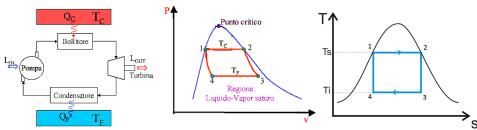
2.3 Cicli a Vapore

2.3.1 Generale

•
$$\Delta h = \overleftarrow{q} - \overrightarrow{l};$$

2.3.2 Cicli diretti

Carnot



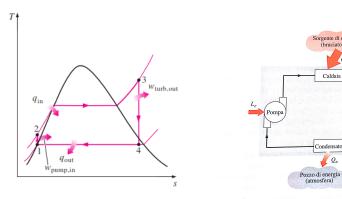
Rankine con surriscaldamento L'acqua entra nella pompa (1) come liquido saturo. Entra in caldaia, a P=cost, (2) come liquido sottoraffreddato ed esce come vapore surriscaldato in (3). Il vapore surriscaldato entra in turbina (3) e si espande isoentropicamente; la pressione e la temperatura scendono sino ad arrivare in (4) dove si trova una miscela satura di liquido e vapore ad elevato titolo. Il vapore entra nel condensatore (4) e viene condensato a P=cost uscendo come liquido saturo.

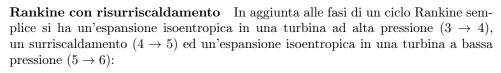
•
$$(1) \to (2) \ \Delta S = 0;$$

•
$$(2) \rightarrow (3) P = cost;$$

•
$$(3) \to (4) \ \Delta S = 0;$$

•
$$(4) \rightarrow (1)$$
 $P = cost$, $T = cost$;

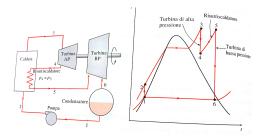




Contorno del sistema

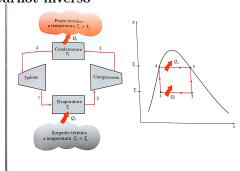
•
$$(1) \to (2) \ \Delta S = 0;$$

- $(2) \rightarrow (3) P = cost;$
- $(3) \to (4) \Delta S = 0$;
- $(4) \rightarrow (5)$ P = cost;
- $(5) \to (6) \ \Delta S = 0$;
- (6) \rightarrow (1) P = cost, T = cost;

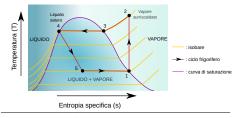


2.3.3Cicli indiretti

Carnot inverso



Ciclo inverso a compressione di vapore ideale



- 1 2: Compressione del vapore
- 3 4: Condensazione del vapore
- 5 1: La miscela liquido+gas è completamente vaporizzata nell'evaporatore

Trasmissione del Calore

3.1 Unità di Misura

Flusso Termico Areico $\Phi = \dot{q} = \frac{Q}{A}$;

Conducibilità Termica $k = \left[\frac{W}{m^{\circ}K}\right]$, indipendente dalla pressione;

Coefficiente Scambio Termico Convettivo $h = [\frac{W}{m^2 \cdot {}^\circ \mathrm{K}}];$

Vettore Flusso di Calore $\vec{q} = \left[\frac{W}{m^2}\right]$;

Viscosità $\mu = [Pl]$, indipendente dalla pressione;

Diametro o Lunghezza Caratteristica D = [m];

Resistenza $R = \frac{{}^{\circ}K \cdot m^2}{W}$ oppure $R = \frac{{}^{\circ}K}{W}$;

Conduzione 3.2

3.2.1 Unità di Misura

Potenza Generata su Unità di Volume $\sigma = \left[\frac{W}{m^3}\right]$;

3.2.2 Generale

- $\dot{Q} = -\frac{1}{R_{forma}} \Delta T$;
- $\dot{Q} = -kA\frac{dT}{dr}$;
- $\dot{Q} = cost;$

3.3Convezione

• $\dot{Q}_{CONV} = hA(T_s - T_f)$ con T_s = temperatura del solido e T_f = temperatura del fluido;

3.3.1 Raggio Critico di Isolamento

•
$$\dot{Q}_{MAX}(\frac{d\dot{Q}}{dr^2}) = 0 \Rightarrow r_{cr} = \frac{k_{isolante}}{h};$$

3.3.2 Convezione Forzata

- $D = \frac{4*areaSezioneNormale}{perimetroBagnato}$
 - $-D_{tubiCircolari} = D$
 - $-D_{anelliCircolari} = D_2 D_1$ (con D_1 diametro interno e l'altro quello esterno)
- $Nu = \frac{hD}{k}$, numero di Nusselt;

- $Re = \frac{\rho w D}{\mu}$, numero di Reynolds;
- $Pr = \frac{c_p \mu}{k}$, numero di Prandtl, indipendente dalla pressione;
- $Pe = Re \cdot Pr = \frac{wD}{a}$, numero di Peclet;

Pompaggio

- $P_{pompaggio} = \dot{m} \frac{1}{\rho} \Delta P$
- $\Delta P = \frac{fL\rho\omega^2}{2d}$, perdita di carico;
- $\bullet \begin{cases} f = 0.184Re^{-0.2} & mototurbolento \\ f = \frac{64}{Re} & motolaminare \end{cases}$
- $\dot{L} = \dot{V}\Delta P = \frac{\dot{m}}{\rho}\Delta P$;

3.3.3 Convezione Naturale

- $Gr = \frac{\rho^2 g \beta \Delta T D^3}{\mu^2}$, numero di Grashoff;
- $Ra = Gr \cdot Pr = \frac{g\beta\Delta TD^3}{av}$, numero di Rayleigh;

3.4 Irraggiamento

3.4.1 Unità di Misura

Potenza Radiante $E = \left[\frac{W}{m^2}\right];$

Lunghezza d'Onda $\lambda = [\mu m];$

Emissività $\varepsilon \in [0,1] \subseteq \mathbb{R}$;

Radiosità $J = \left[\frac{W}{m^2}\right];$

Radiazione Incidente $I = \left[\frac{W}{m^2}\right]$;

3.4.2 Costanti

Costante di Stefan-Boltzmann $\sigma = 5.67 \cdot 10^{-8} \left[\frac{W}{m^2 \cdot ^{\circ} K^4} \right];$

Costante Solare $I_S = 1353 \frac{W}{m^2}$;

3.4.3 Generale

- $\dot{Q}_{IRR} = \varepsilon \sigma A(T_s)^4$ con ε = emissività $(0 \le \varepsilon \le 1)$;
- $E_n = \varepsilon \sigma T^4$, potere emissivo di un corpo alla temperatura T;
- $(\lambda \cdot T)_{max \ potenza} = 2897, 8 \ [\mu m \cdot {}^{\circ}K];$
- $\varepsilon(T) = \frac{E(T)}{E_n(T)} = \frac{E(T)}{\sigma T^4};$
- $h_{IRR} = \varepsilon \sigma (T_{sup}^2 + T_{amb}^2) (T_{sup} + T_{amb})$, coefficiente di scambio termico per irraggiamento;
- $R_{IRR} = \frac{1}{h_{irr} \cdot A}$;

3.4.4 Il fattore di vista

Il fattore di vista tra una superficie i e una superficie j si indica $F_{i\to j}$ e si definisce «Frazione della radiazione emessa dalla superficie i che incide direttamente sulla superficie j». $(F \in \mathbb{R}; 0 \le F \le 1)$

E.g:

- $F_{i\to j}=0$, le superfici i e j non sono in vista tra loro;
- $F_{i\to j} = 1$, la superficie j circonda completamente la i, per cui tutta la radiazione emessa da i è intercettata da j;

Valgono le seguenti regole:

- $F_{i\to j} = F_{j\to i}$, se e solo se $A_i = A_j$;
- $F_{i\to j} \neq F_{j\to i}$, se e solo se $A_i \neq A_j$;
- $\bullet \ A_i F_{i \to j} = A_j F_{j \to i};$
- $\bullet \ \sum_{j=1}^n F_{i\to j} = 1;$
- $F_{A_1 \to A_2} \cdot (A_1 + A_2) = F_{A_1 \to A_2} \cdot A_1 + F_{A_2 \to A_2} \cdot A_2$;

3.4.5 Coefficienti di assorbimento, riflessione e trasmissione

Assorbimento $\alpha = \frac{I_{ass}}{I}$;

Riflessione $\rho = \frac{I_{rifl}}{I}$;

Trasmissione $\tau = \frac{I_{tr}}{I}$;

Sussistono inoltre le seguenti relazioni:

- $\alpha + \rho + \tau = 1$, per superfici trasparenti;
- $\alpha + \rho = 1$, per superfici opache;
- $\alpha = \varepsilon$ quando la differenza di temperatura tra due corpi $\Delta T < 100 {\rm ^{\circ}K};$

3.4.6 Convenzioni per lo scambio termico tra superfici

- $q_{1\rightarrow 2}$ Potenza termica per unità di superficie emessa dalla superficie 1 che incide sulla superficie 2;
- q_{1-2} Potenza termica per unità di superficie emessa dalla superficie 1 che viene assorbita dalla superficie 2;
- $q_{1,2}\,$ Potenza termica netta per unità di superficie scambiata tra la superficie 1 e la superficie 2;

Inoltre valgono anche:

- $\bullet \ q_{1-2} = \alpha \cdot q_{1 \to 2};$
- $q_{1,2} = q_{1-2} q_{2-1} = -q_{2,1}$;

3.4.7 Scambio termico tra superfici

Genericamente vale:

•
$$\dot{Q}_{1,2} = A_1 F_{12} \sigma_0 (T_1^4 - T_2^4);$$

In caso di superfici piane parallele indefinite si ha:

Per una superficie grigia opaca:

•
$$\begin{cases} J_i = E_i + \rho I_i = \epsilon_i E_{in} + (1 - \epsilon_i) I_i; & \epsilon = \alpha, \ \alpha + \rho = 1; \\ \dot{Q}_i = A_i (J_i - I_i); \end{cases}$$

Per superfici grigie formanti una cavità:

$$\bullet \ \dot{Q}_{1,2} = \frac{\sigma_0(T_1^4 - T_2^4)}{\frac{1 - \epsilon_1}{\epsilon_1 A_1} + \frac{1}{A_1 F_{12}} + \frac{1 - \epsilon_2}{\epsilon_2 A_2}};$$

Tabella 1: Gas e calore specifico

Tipologia Gas		c_p	
Monoatomico	$\frac{3}{2}R^*$	$\frac{5}{2}R^*$	
Biatomico / Politatomico Lineare	$\frac{5}{2}R^*$	$\frac{7}{2}R^*$	
Poliatomico Non Lineare	$\frac{6}{2}R^*$	$\frac{8}{2}R^{*}$	

Tabella 2: Trasformazioni politropiche

Trasformazione	$n = \frac{c_x - c_p}{c_x - c_v}$	l	q	Δu	Δs	Δh
Isocora $(V = cost)$	$n \pm \infty$	0	$c_v \Delta T$	$c_v \Delta T$	$c_v ln(rac{T_2}{T_1})$	$c_p \Delta T$
Isoterma $(T = cost)$	n = 1	$\begin{cases} R^*Tln(\frac{V_2}{V_1}) \\ -R^*Tln(\frac{P_2}{P_1}) \end{cases}$	$\begin{cases} R^*Tln(\frac{V_2}{V_1}) \\ -R^*Tln(\frac{P_2}{P_1}) \end{cases}$	-	$\begin{cases} R^* ln(\frac{V_2}{V_1}) \\ -R^* ln(\frac{P_2}{P_1}) \end{cases}$	-
Isobara $(P = cost)$	n = 0	$P\Delta V$	$c_p \Delta T$	$c_v \Delta T$	$c_p ln(rac{T_2}{T_1})$	$c_p \Delta T$
Isoentropica / Adiabatica ($ds=0$) oppure ($Q=0$)	$n = \frac{c_p}{c_v}$	$-c_v\Delta T$	0	$c_v \Delta T$	-	$c_p \Delta T$
Politropica generica	$\frac{c_x - c_p}{c_x - c_v}$	$(c_x - c_p)\Delta T$	$c_x \Delta T$	$c_v \Delta T$	$\begin{cases} c_v ln(\frac{T_2}{T_1}) + R^* ln(\frac{V_2}{V_1}) \\ c_p ln(\frac{T_2}{T_1}) - R^* ln(\frac{P_2}{P_1}) \end{cases}$	$c_p \Delta T$

Tabella 3: Conduzione - Coordinate cartesiane

Forma	Φ	T	\dot{Q}	R_{tot}
Parete piana infinita	$\sigma x - Ak$	$-\frac{\sigma}{2k} + Ax + B$	/	/
Lastra piana monostrato senza generazione di potenza	$\frac{\Delta T}{R_{TOT} \cdot A}$	$\frac{T_2 - T_1}{s}x + T_1$	$\frac{\Delta T}{R_{tot}}$	$\left(\sum \frac{s_n}{k_n} + \frac{1}{h_i} + \frac{1}{h_e}\right) \cdot \frac{1}{A}$

Tabella 4: Conduzione - Coordinate cilindriche

Tipologia Cilindro	Φ	$\dot{q}_{perunit\grave{a}dilung}$	\dot{Q}
Pieno o cavo di altezza infinita	/	/	/
Indefinito con generazione di potenza	$\frac{\sigma}{2}r - \frac{k}{r}C$	/	/
Pieno con generazione di potenza	$rac{\sigma}{2}r$	$\pi r^2 \sigma$	$V\sigma$
Cavo senza generazione di potenza	$k \frac{(T_i - T_e)}{ln(\frac{R_e}{R_i})} \cdot \frac{1}{r}$	$\frac{2\pi k}{\ln(\frac{R_e}{R_i})} \cdot (T_i - T_e)$	$k \frac{T_i - T_e}{\ln(\frac{R_e}{R_i})} \cdot 2\pi L$

<u>Tabella 5: Conduzio</u>ne - Coordinate sferiche

Forma Sfera	R	Superficie
Piena o cava	$\frac{r_2 - r_1}{4\pi r_1 r_2 k}$	$4\pi r^2$

Tabella 6: Convezione - Costanti adimensionali

Ove presenti, se $Re > Re_{CRIT}, Pr_{MIN} < Pr < Pr_{MAX}, Ra > Ra_{CRIT}$ il moto è turbolento.

Forma	Nu con moto laminare	Nu con moto turbolento	Re_{CRIT}	Pr	CRIT	Ra_{CRIT}
Attorno ad un cilindro	$\begin{cases} 3.66 & se T_{parete} = cost \\ 4.36 & se h(T_{parete} - T_{\infty}) = cost \end{cases}$	/ 2			/	/
		$C \cdot Re^m \cdot Pr^{\frac{1}{3}}$	/		/	/
In un condotto circolare	3.66	$0.023 \cdot Re^{0.8} \cdot Pr^{n1}$	10^{4}	0,7	160	/
in an conducto circulare	3.66	$0.027 \cdot Re^{0.8} \cdot Pr^{0.333} \cdot (\frac{\mu}{\mu_P})^{0.14}$	10^{4}	0,7	16700	/
Parete piana verticale	$0.59 \cdot Ra^{0.25}$	$0.10 \cdot Ra^{0.33}$	/	/	/	109
Lungo una lastra piana	$0,664 \cdot Re^{\frac{1}{2}} \cdot Pr^{\frac{1}{3}} \text{ sse } Pr \ge 0,6$	$0.037 \cdot Re^{\frac{4}{5}} \cdot Pr^{\frac{1}{3}}$ sse $0.6 \le Pr \le 60$ e $5 \cdot 10^5 \le Re \le 10^7$	$5 \cdot 10^5$	/	/	/

Tabella 7: Convezione - Condizioni di regime

Tipo di moto	Condizione di regime laminare	Condizione di regime turbolento						
In un condotto	Re < 2000	Re > 2500						
Lungo una lastra piana	$Re < 5 \cdot 10^5$	$Re > 5 \cdot 10^5$						
Attorno ad un cilindro	$Re < 2 \cdot 10^5$	$Re > 2 \cdot 10^5$						

Tabella 8: Irragiamento - Calore

Tipologia	Superficie 1	Superficie 2	$q_{1,2}$				
Nera - Nera	Nera	Nera	$\sigma_0(T_1^4 - T_2^4)$				
Nera - Grigia	Nera	Grigia	$\epsilon_2 \sigma_0 (T_1^4 - T_2^4)$				
Grigia - Grigia	Grigia	Grigia	$\frac{\sigma_0(T_1^4 - T_2^4)}{\frac{1}{\epsilon_1} + \frac{1}{\epsilon_2} - 1}$				