LinAlgDM I. 11. gyakorlat: Mátrixműveletek

2023. november 9.

1. Legyen
$$A = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 0 & 1 \\ 3 & 2 & -1 & 1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 3 & 4 & -5 \\ 1 & 2 & 3 \\ 1 & -1 & 0 \\ 6 & 4 & 1 \end{bmatrix}$$
 Adjuk meg az $A \cdot B$ és $B \cdot A$ mátrixokat, ha lézetnek!

2. Legyen $A = \begin{bmatrix} 1 & 7 & 4 \\ 2 & 9 & 8 \end{bmatrix}$ Adja meg az alábbi szorzatokat! Mit állítanak elő ezek?

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \cdot A , \qquad \begin{bmatrix} 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot A ,$$

$$A \cdot \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \qquad A \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}, \qquad A \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix} \cdot A$$
, $\begin{bmatrix} 1 & -1 \end{bmatrix} \cdot A$, $A \cdot \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix} \cdot A \cdot \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

3. Adott egy diagonláis mátrix:
$$D = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix}$$
 Adjuk meg az alábbi szorzatokat: $D^2 = D \cdot D, \ D^3 = D^2 \cdot D.$ Mivel lesz egyenlő D^n ?

4. Legyen
$$A = \begin{bmatrix} -5 & 15 \\ -5 & 15 \end{bmatrix}$$
, $B = \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$. Adjuk meg $A \cdot B$ -t! Mit veszünk észre?

5. Legyen
$$A=\begin{bmatrix}1&3\\0&1\end{bmatrix}$$
 $B=\begin{bmatrix}2&4\\2&3\end{bmatrix}$ $C=\begin{bmatrix}1&-2\\-1&2\end{bmatrix}$ Számoljuk ki az $A\cdot C$ és $B\cdot C$ szorzatokat! Mit veszünk észre?

6. A hallgatók a sikeres LA-DM I. ZH végeztével házibulit tartanak. Az italt Anna, Barnabás, Csenge és Domonkos hozzák a sarki boltból. Az alábbi táblázat mutatja, ki miből hány üveggel hoz:

	sör	kóla	bor
Anna	2	1	0
Barnabás	1	3	1
Csenge	1	1	1
Domonkos	0	2	2

A sör ára 300 Ft, a kóla 400 Ft-ba kerül, míg egy üveg bor 1000 Ft-ba.

Legyen M a táblázat adataiból képzett mátrix,

$$M = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 2 \end{bmatrix},$$

a P mátrix pedig tartalmazza az italok árát,

$$P = \begin{bmatrix} 300 \\ 400 \\ 1000 \end{bmatrix}.$$

Mit adnak meg az alábbi kifejezések? Számoljuk is ki!

(a)
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \cdot M$$
,

(b)
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \cdot M \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$
,

(c)
$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot M \cdot P$$
,

(d)
$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \cdot M \cdot \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot P$$
,

Adjunk kifejezést az alábbiakra:

- (f) Barnabás hány üveg bort vett?
- (g) Csenge mennyit költött sörre és borra együtt?
- (h) A hallgatók külön-külön hány kólát vettek?
- (i) Mennyit költöttek összesen italra?