# ADATSZERKEZETEK ÉS ALGORITMUSOK

- A gyakorlatban sokszor csak a BESZÚR, KERES, TÖRÖL műveleteket megvalósító dinamikus szerkezetre van szükségünk
  - Hogyan lehetne ezt hatékonyan tenni?
- Az eddigi kereső szerkezeteink
  - A kulcsok összehasonlításán alapultak
  - Végrehajtási idő  $\mathcal{O}(n)$  vagy  $\mathcal{O}(\log n)$  volt
- Szeretnénk az előzőnél jobbat elérni ...
- Ha vektorban indexelünk, az csak  $\mathcal{O}(1)$  ...

07/1 EA

Vizsgáljuk meg, hogy a személyi szám alkalmas-e kulcsnak?

Mezőnév	nem	év	hó	nap	azonosító	
Példaérték	2	72	08	15	2806	
Értékek száma	8	100	12	31	999	~300 M

- (Az utolsó 4 jegyből csak 3 értékes jegy, 1 a többiből képződik.)
- Ha összeszámoljuk az összes kitöltési lehetőséget, akkor ~300 milliót kapunk ...
- A ~10 millió lakosra pedig elég egy ~12 millió rekordot tartalmazó fájl.
  - A személyi szám tehát nem alkalmas kulcsnak.
- Kell egy olyan h függvény, ami minden személyi számhoz rendel egy egészet a

 $[0; 12 * 10^6 - 1]$  intervallumból!

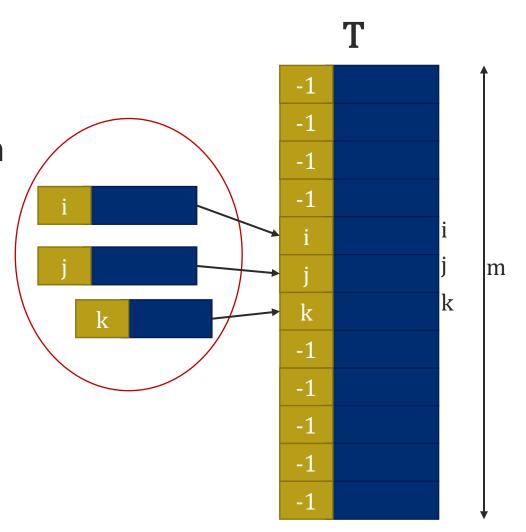
#### A hash-elés jelensége

- Adott a K kulcsok halmaza. A K elemeivel azonosított rekordok száma azonban várhatóan jóval kisebb, mint K számossága.
- Ekkor K-t egy alkalmas h függvénnyel leképezzük az ábrázolás alapját képező kisebb tartományra. Legyen ez a [0..M-1] intervallum.
- A  $h: K \to [0 ... M 1]$  függvényt hash-függvénynek nevezzük.
- Mivel M < |K|, sőt általában  $M \ll |K|$ , ezért h nem lehet injektív, hanem szükségképpen fellép a kulcsütközés: van olyan  $k \neq k'$ , amelyre h(k) = h(k').
- A hasításos technikák feladata éppen az, hogy megoldást adjanak a kulcsütközésre.

#### Fontos kérdés

Milyen hatékonyságot várhatok?

- A közvetlen hozzáférésű (címzésű) táblák – a legegyszerűbb eset
- Tegyük fel, hogy az elemek kulcsai különböző egész értékek a [0, m - 1] intervallumból, és m nem túl nagy
  - Használjuk magukat a kulcsértékeket, hogy kiválasszunk egy helyet a táblában
  - Egy k kulcsú elem keresése: nézzük meg a k indexű elemet
    - ha van itt egy érték, megtaláltuk,
    - ha a jelző itt pl. −1, akkor nincs benne.
- Komplexitás: O(1)
  - Beszúrás, törlés is



```
Közvetlen_címzésű_keresés (T, k) return T[k]

Közvetlen_címzésű_beszúrás (T, x)

T[x.kulcs] \leftarrow x

Közvetlen_címzésű_törlés (T, x)

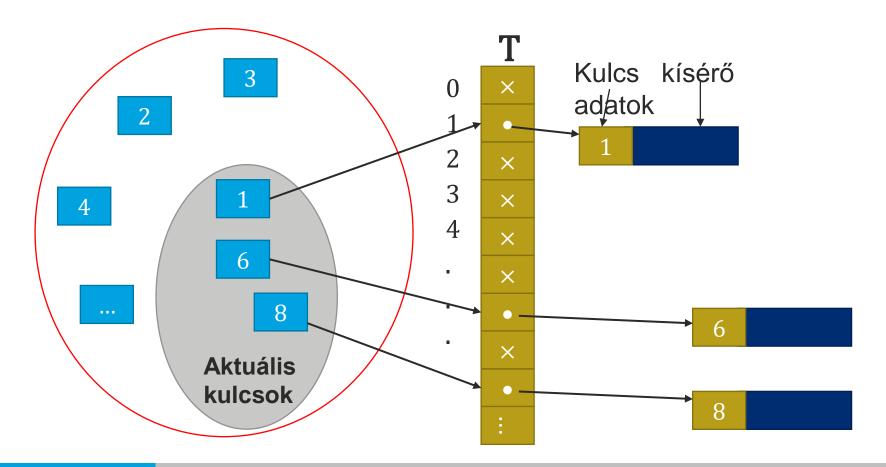
T[x.kulcs] \leftarrow -1
```

Mindegyik O(1) idejű

## Hasító táblázatok – megszorítások

- Megszorítások
  - Kulcsok egészek kell legyenek
  - Kulcsok egyediek kell legyenek
  - Kulcsok kis intervallumból kerülhetnek ki
  - A tárolás hatékonysága miatt a kulcsok sűrűn kell legyenek az intervallumban
  - Ha ritkásan vannak sok üres hely van az értékek között túl sok helyet használunk el, hogy a sebességet megnyerjük
    - "Hely a sebességért kereskedelem" ©

 A közvetlen címzésű táblák: T-indexei a kulcsok, T-ben mutatók, csak akkor tárolom az egészet, ha kell:



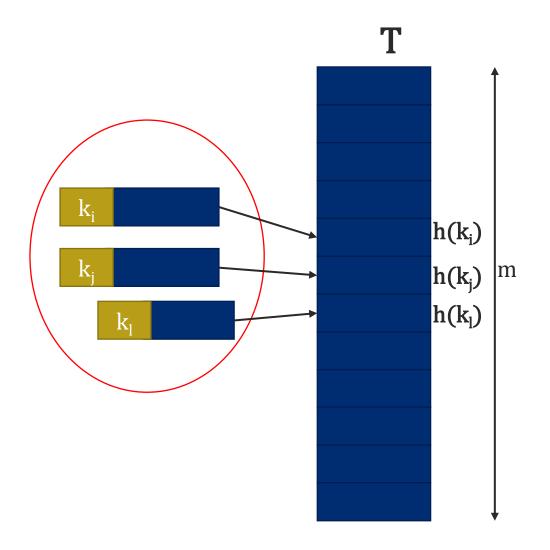
07/1 EA

```
T inicializálása
  minden elemét null-ra állítjuk
Közvetlen_címzésű_keresés (T, k)
  return "a T[k] által mutatott objektum"
Közvetlen címzésű beszúrás (T, x)
  helyet foglalunk x-nek,
  T[x.kulcs] mutatóját erre állítjuk
Közvetlen címzésű törlés (T, x)
  felszabadítjuk a T[x.kulcs] által mutatott objektumot
  (T[x.kulcs] is null lesz!)
```

Mindegyik  $\mathcal{O}(1)$  idejű

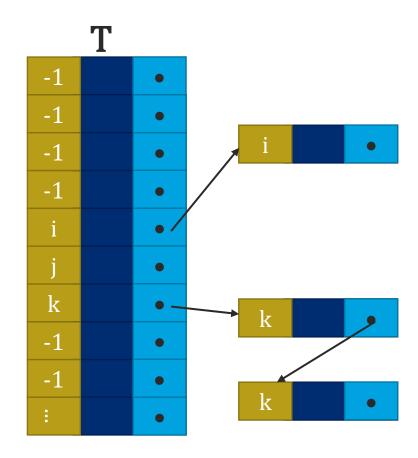
## A megszorítások gyengítése

- A kulcsok egészek legyenek
  - Kell egy hash függvény
     h(kulcs) → egész
- Ezt a függvényt a kulcsra alkalmazva egy indexet kapunk
- Ha h minden kulcsot egy egyedi egész értékre képez le a  $0 \dots m-1$  intervallumban, akkor a keresés  $\mathcal{O}(1)$

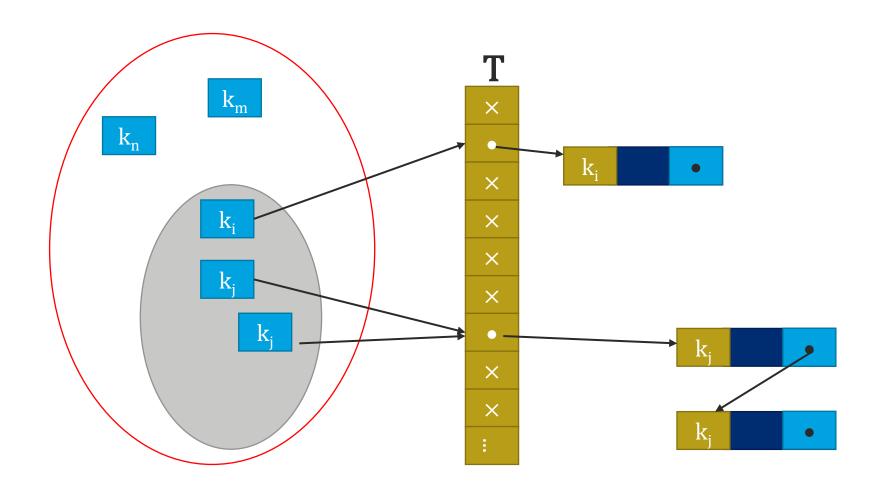


## A megszorítások gyengítése

- A kulcsoknak egyedieknek kell lenniük
  - hozzuk létre a duplikátumok láncolt listáját, és ezt kapcsoljuk a táblához
  - ha egy keresésnek elég akármelyik k kulcsú elem, a végrehajtás még mindig  $\mathcal{O}(1)$
- De ha az elemnek még van valami más megkülönböztető jegye is, ami meg kell egyezzen, akkor  $\mathcal{O}(n_{dup\_max})$ -t kapunk
  - ahol  $n_{dup\_max}$  a duplikátumok legnagyobb száma, vagyis a leghosszabb lista hossza



## A megszorítások gyengítése



### Láncolásos hasítás műveletei

```
T inicializálása
 minden elemét null-ra állítjuk
Láncolt hasító keresés (T, k)
 a k kulcsú elem keresése a T[h(k)] listában
Láncolt hasító beszúrás (T, x)
  helyet foglalunk x-nek,
  beszúrjuk a T[h(x.kulcs)] lista elejére
Láncolt hasító törlés (T, x)
 x törlése a T[h(x.kulcs)] listából
  (T[x.kulcs] is null lesz!)
```

## Hash függvények

- A hash függvény formája
  - Példa egy n-karakteres kulcsot használva
    int hash(char \*s, int n)
    {
     int sum = 0;
     while(n--) sum=sum+ \*s++;
     return sum % 256;
    }
    ez a függvény a 0 ... 255 egy értékét adja vissza
  - a xor függvényt is gyakran használják sum=sum^ \*s++;
  - De tetszőleges függvény, ami a 0..m-1-ben generál értékeket egy megfelelő (nem túl nagy) m-re jó lesz!
  - Amíg a hash függvény maga  $\mathcal{O}(1)$ !

07/1 EA

# Kulcsütközés feloldása

Következő téma