问题求解 I - OJ期末考试试题

考试说明:

- 1. 考试时长为 3 小时,请注意把控时间。
- 2. 每道题都有相当多的部分分可以在未想出标准解法的情况下得到,请注意不要在一道题上吊死。
- 3. 考题未必按照难度顺序排列,每个人对难度的感知也不同,不必按照顺序攻坚。
- 4. 对于每道题,我们只会关注你的最后一次提交,并在不是满分的情况下阅读你书写的注释酌情给分 (请不要在注释上内卷,我们不会关注你的注释的美观度/详细度,只关注思想)。

1. BrainF**k Syntax Checker

题面描述

关于 BF 程序的基础知识请参照第二题。

给定一个 BF 程序,请你判断它是否是合法的。合法请输出 Yes ,否则输出 No 。

第二题中有关问题简化的假设对本题并不成立。具体地,在本题中,

- BF 的机器模型拥有向两端无限延伸的内存单元格,你不需要担心 < 和 > 超出边界的问题。
- 你可以认为输入流中有无限的字符可以读取,即程序不会在执行到 , 的时候因没有输入而终止。
- 你不需要检测死循环——死循环并不意味着不合法,但如果导致死循环的语句后有明显不符合语法的语句,你仍应当检测出并输出 No。例如:
 - 。 [+]hahaha 会陷入死循环,但 [+] 后出现了非法字符,所以它仍是不合法的。
 - 。 [>][会陷入死循环,但最后单独出现了左中括号,所以它仍是不合法的。

输入格式

每个测试点的输入格式如下:

S

其中 S 是待检测的 BF 程序。我们保证 S 中不会出现对读入不友好的不可见字符。 我们强烈建议你使用如下的模板进行该题的作答:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

char program[1000];

bool bf_checker()
{
    // your checker
}

int main ()
{
    scanf("%s", program);
    if (bf_checker())
        puts("Yes");
    else
        puts("No");
    return 0;
}
```

输出格式

对于每个测试点,输出一行 Yes 或 No。

输入样例

```
样例1:
+++[+-],.,....
样例2:
ProblemSolving
```

输出样例

```
样例1:
Yes
样例2:
No
```

数据范围

对于 100% 的分数:BF 程序长度不超过 1000。

提示

如果你仔细阅读 BF 程序 8 种符号的定义,你就会发现只有两种符号可能导致语法层面的错误。除了明显不合法的字符,你只需要重点关注这两种字符。

2. BrainF**k Interpreter

题面描述

BrainFuck (简称 BF) 是一种极小化的计算机语言,于 1993 年由 Urban Müller 发明。它虽然极其简单,但却是图灵完备的——换言之,理论上它与大家常使用的 C, C++, Python 等通用高级语言有着相同的表达能力!在该题中,我们将带你了解 BF 的语法规则并要求你写出一个 BF 的解释器。

BF 基于一个简单的机器模型:除了 BF 程序本身,这个机器还包括:内存——一个被**初始化为0**的数组 (理论上无限长),一个可以指向数组中某个元素的指针,以及输入、输出流。

BF 程序由以下 8 种符号构成:

- + : 将指针指向的单元格中的数字+1。
- - : 将指针指向的单元格中的数字-1。
- > : 将指针向右挪一个。
- < :将指针向左挪一个。
- , :读入一个数,将该数记录在指针指向的单元格。
- . : 输出当前单元格指向的数。
- [:循环开始标识符,它和与之匹配的] 构成了一个循环, [] 中的内容是循环体,进入循环的充要条件是当前指针指向的单元格中的数不等于 0。如果不满足该条件,程序会跳转到匹配的] 的下一个字符继续执行。
-]:循环结束标识符,遇到它程序将跳转到与之匹配的 [标志符。

你可能对以上定义感到有些困惑 (尤其是最后两个),我们下面将通过若干个例子来阐述 BF 程序的语义 (以下的解释中,我们假设"数组"的下标从 0 开始,指针最初指向下标 0):

- >>+ , 无输入。
 - 。 解释:指针向右移动到 [2],然后给该单元格+1。
 - 。 最终内存: (0, 0, 1, ...)。
- ,[-] ,输入 5。
 - 。解释:读入一个数存入 M[0],然后在 M[0] 不为 0 时执行循环体,给 M[0] 减一,执行 5 次后 M[0]=0,于是退出。
 - 。 最终内存: (0, ...)。

- +++++[>>+<<-],无输入。
 - 。解释:最初给 M[0] 加五次1,然后进入循环。循环的语义为:先把指针向右移动到 M[2], +1,然后移回 M[0],-1。这个过程可以很形象地理解为"搬砖":M[0] 有 5 块砖,每轮循环搬一 块到 M[2],直到搬完退出循环。
 - 。 最终内存: (0, 0, 5, ...) 。
- 2.1 是该问题的简单版本。你需要阅读以下 BF 程序片段并按要求分析输出内容或内存状态 (若有多个输出,用空格隔开):
 - +++++ , 请输出 M[0] 的值。
 - ,.,., 输入 4 8 , 请给出输出结果。
 - ++++>+++[<+>-] ,请输出 M[0] 的值。
 - +++[>++++<-] , 请输出 M[1] 的值。
 - >,[>,]<[<]>[.>] ,输入 153240,请给出输出结果。
- 2.2 是该问题的困难版本。你需要用 C/C++ 语言编写一个 BrainF**k 的解释器。具体来说,给定一段程序和该程序中所有的输入值,你需要打印:
 - 程序执行阶段所有 . 操作的输出值。
 - 程序执行结束后的内存状态。

此外,为了简化问题,我们做如下额外约定:

- 给定的 BF 程序一定合法 (你在第一题中已经做过合法性检查了) 且不会发生死循环。
- 理论上 BF 的内存是可以向两端无限延伸的,但为了简单,我们假设内存的长度只有 10 (即下标 0...9),刚开始指针指向下标 0。我们保证给定的 BF 程序指针移动过程中不会超出该范围。
- 理论上 BF 存储的是字符的 ASCII 码,但为了简单,本题中我们所有的读入,输出和内存中存储的值都是非负整数。

输入格式

每个测试点输入格式如下:

```
type
S
N
a1 a2 ... an
```

其中

• type=1, 2, 3, 4, 5 代表该测试点用于测试上面给定的对应号码的问题。 type=0 表示这是一个需要运行你编写的解释器获得答案的测试点。剩下的输入内容在所有测试点中均存在,但仅在

type=0 的测试点中有意义。

- S 是 BF 程序。
- N 是该 BF 程序对应的输入个数。
- 接下来 N 个数代表 BF 程序的输入。

我们强烈建议你使用如下的模板进行该题的作答:

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
int type;
char program[1000];
int input[1000], input_count;
void concrete_examples()
{
    switch (type)
        case 1: printf("你的第1题解答\n"); break;
        case 2: printf("你的第2题解答\n"); break;
        case 3: printf("你的第3题解答\n"); break;
       case 4: printf("你的第4题解答\n"); break;
        case 5: printf("你的第5题解答\n"); break;
    }
}
void general_solve()
{
    // 你的 BrainF**k 解释器实现
}
int main ()
{
    scanf("%d", &type);
    scanf("%s", program);
    scanf("%d", &input_count);
    for (int i = 0; i < input_count; i++)</pre>
        scanf("%d", input + i);
    if (type > 0)
       concrete_examples();
    else
       general_solve();
   return 0;
}
```

根据输入格式,你应该很容易理解该模板的含义,因此如果你有自己的编程喜好 (如倾向于使用 C++ 风格的 string 类型而不是 C 风格的 char 数组,或者倾向于使用 1-base 数组),你完全可以自行修改该模板。

输出格式

对于 type=1, 2, 3, 4, 5 的测试点, 你的输出应当形如

```
ans1 ans2 ans3...
```

每个 ansi 代表一个需要输出的数。

对于 type=0 的测试点,你的输出应当形如

```
N
a1 a2 ... an
m0 m1 ... m9
```

其中

- N 表示 BF 程序执行过程中的输出个数。
- ai 表示 BF 程序执行过程中的第 i 个输出,如果 N 为 0 则该行省略。
- mi 表示 BF 程序执行结束后下标为 i 的单元格的值。注意我们保证 BF 程序的执行不会使用超过 10 个单元格,你只需要打印前 10 个单元格的值即可。

输入样例

```
0
+++.>,[>,]
6
7 8 9 2 3 0
```

输出样例

```
1
3
3 7 8 9 2 3 0 0 0 0
```

数据范围

部分测试点已经在题目中给出。每答对一个问题可获得本题 10% 的分数。

剩下的 50% 的分数中:

• 对于 20% 的分数:程序中不包含 []。

- 对于 40% 的分数:程序不包含嵌套的 []。
- 对于 100% 的分数:程序包含所有符合 BF 语法的符号;BF 程序的长度小于 1000,输入的非负整数个数小于 1000 且保证在 int 范围内。

提示

- 1. 虽然上面的解释看起来非常复杂,用 BrainF**k 写出满足一定功能要求的程序也十分挑战智商,但实现一个解释器,让机器来执行 BF 其实非常容易。我们在这里给出一台真正的计算机执行机器语言指令的过程,你或许可以从中获得启发:
 - 。 取指:取出下一条执行的指令。 【在 BF 中一条"指令"对应了什么?】
 - 。 译码:根据指令的格式确定该指令的类型。
 - 。 执行:根据指令类型,执行该指令定义的动作。
 - 。 跳转:根据指令类型和执行过程,确定下一条应当执行的指令的位置。 【在 BF 中什么"指令"的"下一条指令"的位置是不平凡的?】

真正的计算机 (或者说, CPU) 就是在永不停止地执行上面的四步骤循环。

2. 如果你有自信可以实现正确的解释器,你可以用你实现的解释器运行给定的5道题目直接获得所需答案,不需要手算浪费时间。

3. DXY's Graph Problem

题面描述

DXY和 生鱼片在NFT市场上获得了一个十分稀有的n个点,m条边的无向连通图,对于如此珍贵的东西,DXY和生鱼片提出希望将这张图分成两个点集,由二人分别保管,同时,为了防止对方将属于自己的那一部分损毁,他们提出了一个要求,希望可以从自己的那一部分完整地恢复出原图。

DXY认为这很容易做到,只要他知道每个边对应的一个顶点,他就可以对这一条边进行修复,即,如果记某人拥有的顶点构成的集合为 V_d ,该集合满足对于任意原图中的边u,v,都有 $u\in V_d$ 或者 $v\in V_d$,则DXY可以从 V_d 中完整地恢复出原图,

但笨笨的DXY只会修复,并不知道如何将这张图进行划分,于是邪恶的DXY威胁你们,要你们写一个程序帮忙给出划分方案,并将其作为OJ考试题目,特别地,DXY对图进行从1到n的编号,如果可以进行划分,DXY希望能获得编号为1的点,如果不能进行这样的划分,也请你告知DXY。

输入格式

每组测试数据的格式如下:

```
n m
u1 v1
u2 v2
...
um vm
```

测试数据的第一行输入两个数字 $n, m(2 \le n \le m \le 100000)$,分别表示图的顶点数和边数。接下来 m 行,每行两个数字 $u_i, v_i (1 \le u_i, v_i \le n)$,表示 u_i, v_i 之间存在一条边。数据保证图连通,且不含重边和自环。

输出格式

如果可以进行划分,则输出"Yes",并继续输出三行,第一行输出D,S,表示DXY和生鱼片在划分中能获得的顶点个数,第二行**从小到大**输出D个数字,表示DXY获得的顶点编号(1号顶点应该按照DXY的意愿被分配给DXY,否则DXY不让你通过!),第三行从小到大输出S个数字,表示生鱼片获得的顶点编号。

如果不能进行划分,则输出"No"。

输入样例

```
样例1
3 3
1 2
2 3
3 1

样例2
4 4
1 2
2 3
3 3 4
4 1
```

输出样例

```
样例1
No
样例2
Yes
2 2
1 3
2 4
```

数据范围

```
对于60%的数据,满足2\leq n\leq 20, n-1\leq m\leq 50 对于80%的数据,满足2\leq n\leq 100, n-1\leq m\leq \frac{(n-1)*n}{2} 对于100%的数据,满足2\leq n\leq m\leq 100000
```

对于一个合理的分配方案,要将每个节点分配过DXY或者生鱼片。

提示

- 1. 本题并没有说明"如果有多种方案,输出任意一个即可",这说明在 Yes 的情况下划分方案是唯一的。你不妨从思考成功划分的充要条件入手解决这个问题。(虽然这是一种"小镇做题家"的解题思 路,但我们还是写在这里供大家参考。)
- 2. 大家可能会在本题的图的存储上犯难。一个简单的想法是对于每个节点存储它的所有邻居节点,但不同的节点邻居数量不同,难以定义一个统一的二维数组。这里我们给大家介绍用 vector 建立图的邻接表的做法:

```
int N, M; // N 是顶点数
vector<int> v[N + 10];
...
for (int i = 1; i <= M; i++)
{
    scanf("%d%d", &x, &y);
    v[x].push_back(y);
    v[y].push_back(x);
}</pre>
```

访问节点 x 的所有邻居节点:

```
for (int neighbor : v[x])
    printf("%d\n", neighbor);
```