## 2. Масштабирование признаков. Регуляризация.

## Стохастический градиентный спуск.

Нормализация [0, 1]

$$x_{ij} = rac{x_{ij} - min_j(x_{ij})}{max_j(x_{ij}) - min_j(x_{ij})}$$

▼ Стандартизация

$$x_{ij} = rac{x_{ij} - \mu_j}{\sigma_i}$$

```
1.08270439 2.11385144 -1.08270439 0.05155735]

[-0.89625816 -0.89625816 0.38411064 -0.89625816 0.38411064 -0.89625816 1.66447944 1.66447944 -0.89625816 0.38411064]
```

### L1 регуляризация - Lasso

$$\sum_{i=1}^n L_i(ec{x}_i,y_i,ec{w}) + \lambda \sum_{j=1}^m |w_j| o \min_w$$

### L2 регуляризация - Ridge

$$\sum_{i=1}^n L_i(ec{x}_i,y_i,ec{w}) + \lambda \sum_{j=1}^m w_j^2 
ightarrow \min_w .$$

```
def calc_mse(y, y_pred):
    err = np.mean((y - y_pred)**2)
    return err

def eval_model_reg2(X, y, iterations, alpha=1e-4, lambda_=1e-8):
    np.random.seed(42)
    W = np.random.randn(X.shape[0])
    n = X.shape[1]
    for i in range(1, iterations + 1):
        y_pred = np.dot(W, X)
        err = calc_mse(y, y_pred)
        W -= alpha * (1/n * 2 * np.dot((y_pred - y), X.T) + 2 * lambda_ * W)

    return W
```

## ▼ Домашние задания

1. Постройте график зависимости весов всех признаков от lambda в L2-

Сохранено 🗶 ока).

```
def build_mse_plots(lambdas, model):
    %matplotlib widget
    for l in lambdas:
        W = model(X_st, y, iterations=10000, alpha=1e-2, lambda_=1)
        plt.plot(range(len(W)), W, label=f'\lambda = \{1\}')
        plt.legend()
    plt.xlabel('Iteration number')
    plt.ylabel('Weights');
```

```
lambdas = [-10e-3, 10e-5, 10e-2, 1, 10]
build_mse_plots(lambdas, eval_model_reg2)
```

2. Можно ли к одному и тому же признаку применить сразу и нормализацию, и стандартизацию?

Можно, но зачем? Нормализация и стандартизация делают разные вещи: нормализация преобразует данные в диапазоне [0, 1], стандартизация преобразует данные так, что полученное распределение имело среднее =0 и стандартное отклонение =1, то есть данные методики минимизации взаимозаменяемы и взаимоисключаемы.

3. \*Напишите функцию наподобие eval\_model\_reg2, но для применения L1регуляризации.

```
lambdas = [-2, 10e-1, 2, 10]
build_mse_plots(lambdas, eval_model_reg1)
```

Canvas(toolbar=Toolbar(toolitems=[('Home', 'Reset original view', 'home', 'home

Сохранено

Сохранено

×