1 Komplexitätsanalyse

1.1 Effizienzmaße

- Worst Case: $t(n) = max\{T(i) : i \in I_n\}$
- Average Case:
 - Gleichverteilt: $t(n) = \frac{1}{|I_n|} \sum_{i \in I_n} T(i)$
 - Nicht gleichverteilt: $t(n) = \sum_{i \in I_n} p_i \cdot T(i)$
- Best Case: $t(n) = min\{T(i) : i \in I_n\}$

1.2 Formalisierung asymptotischen Verhaltens

- $\mathcal{O}(f(n)) = \{g(n) : \exists c > 0 : \exists n_0 > 0 : \forall n \ge n_0 : g(n) \le c \cdot f(n)\}$
- $\Omega(f(n)) = \{g(n) : \exists c > 0 : \exists n_0 > 0 : \forall n \ge n_0 : g(n) \ge c \cdot f(n)\}$
- $\Theta(f(n)) = \mathcal{O}(f(n)) \cap \Omega(f(n))$
- $o(f(n)) = \{g(n) : \forall c > 0 : \exists n_0 > 0 : \forall n \ge n_0 : g(n) \le c \cdot f(n)\}$
- $\omega(f(n)) = \{g(n) : \forall c > 0 : \exists n_0 > 0 : \forall n \ge n_0 : g(n) \ge c \cdot f(n)\}$

1.3 Rechenregeln für \mathcal{O} -Notation

- Polynome k-ten Grades $\in \Theta(n^k)$
- Für Funktionen f(n) bzw. g(n) mit $\exists n_0 \forall n \geq n_0 : f(n) > 0$:
 - $-c \cdot f(n) \in \Theta(f(n))$
 - $\mathcal{O}(f(n)) + \mathcal{O}(g(n)) = \mathcal{O}(f(n) + g(n))$
 - $\mathcal{O}(f(n)) \cdot \mathcal{O}(g(n)) = \mathcal{O}(f(n) \cdot g(n))$
 - $-\mathcal{O}(f(n)+g(n))=\mathcal{O}(f(n)), \text{ falls } g(n)\in\mathcal{O}(f(n))$
 - $-\Omega(f(n)) + \Omega(g(n)) = \Omega(f(n) + g(n))$
 - $-\Omega(f(n)) \cdot \Omega(g(n)) = \Omega(f(n) \cdot g(n))$
 - $-\Omega(f(n)+g(n))=\Omega(f(n)), \text{ falls } g(n)\in\mathcal{O}(f(n))$
- Falls f,g differenzierbar, X eines der fünf Landau-Symbole: $f'(n) \in X(g'(n)) \Rightarrow f(n) \in X(g(n))$

2 Datenstrukturen für Sequenzen

2.1 Dynamische Felder

- Parameter:
 - $-\beta = 2$: Wachstumsfaktor
 - $-\alpha = 4$: max. Speicheroverhead
 - -w=1: momentane Feldgröße
 - -n=0: momentane Elementanzahl
 - -b = new X[w]: statisches Feld
- Methoden:

```
- get (int) : X \in \mathcal{O}(1)
```

- set (int, X) : void $\in \mathcal{O}(1)$
- size (): int $\in \mathcal{O}(1)$
- pushBack (X x): void \in (reallocate ? $\mathcal{O}(reallocate) : \mathcal{O}(1)$)
- popBack (): void (Laufzeiten wie pushBack)
- reallocate (int): void $\in \mathcal{O}(n)$, amortalisiert $\in \mathcal{O}(1)$

2.2 Doppelt verkettete Listen

2.3 Stacks und Queues

3 Hashing

c-universelles Hashing:

Eine Familie H von Hashfunktionen auf $\{0,...,m-1\}$ heißt c-universell, falls für jedes Paar $x \neq y$ von Schlüsseln gilt:

$$|\{h \in H : h(x) = h(y)\}| \le \frac{c}{m}|H|.$$

- c: Kollisionsmaß
- m: Größe der Hashtabelle
- n: Anzahl Elemente in der HT
- Erwartete Laufzeit remove/find dann in $\mathcal{O}(1 + c \cdot \frac{n}{m})$.

Mit m prim und $h_a(x) = \langle a, x \rangle \mod m$ ist $H = \{h_a : a \in \{0, ..., m-1\}^k\}$ 1-universell.

Mit *m* prim und $h_a(x) = \sum_{i=1}^k a^{i-1} x_i \mod m$ ist $H = \{h_a : a \in \{1, ..., m-1\}\}$ *k*-universell.

- 4 Sortieren
- 5 Priority Queues
- 6 Suchstrukturen
- 7 Graphen
- 8 Pattern Matching
- 9 Datenkompression