Aide-mémoire Scilab

Christophe Saint-Jean

version du 3 février 2014

Cette aide-mémoire Scilab est mis à disposition selon les termes de la licence Creative Commons Attribution - Pas d'Utilisation Commerciale 3.0 France. (S) (S)

1 Généralités

1.1 Conventions de cette aidemémoire

c* sont des variables ou des expressions scalaires.

v* sont des variables ou des expressions vectorielles.

M*, N et P représentent des valeurs ou des expressions matricielles.

str* sont des valeurs ou des expressions de type chaînes de caractères.

cond* sont des valeurs ou des expressions booléennes.

cmd* sont des valeurs ou des expressions booléennes.

var* sont des variables ou des expressions sans type spécifique.

1.2 Aide

help() démarre le système d'aide

help (*str_cmd*) recherche l'aide sur la fonction *cmd*--> help ('inv')

apropos(str_kwd) recherche dans l'aide le mot-clé kwd et
 ordonne par pertinence les résultats
 --> apropos ('inv')

1.3 Environnement

who liste les variables connues dans l'environnement.

whos liste de manière détaillée les variables connues dans l'environnement.

clear(str_var1, str_var2, ..., str_varn_) supprime les variables var1,var2, ..., varn_ de l'environnement.
--> clear('M', 'n', 'i')

clear() supprime toutes les variables.

load(*str_fichier*) charge les variables sauvegardées dans *fi-chier*.

save(*str_fichier*) sauvegarde l'ensemble des variables dans *fichier*.

c_id = **diary**(*str_fichier*) ouvre le journal *id* dans le fichier et sauvegarde les commandes entrées dans la console.

diary(*c_id*,'close') sauve le journal *id*.

```
-->id = diary('TP1.txt')
id =
    1.
--> // des commandes
-->diary(id,'close')
```

1s() liste des fichiers du répertoire de travail.

pwd() affiche le répertoire courant.

cd(str_rep) modifie le répertoire courant (-> rep).

exec (*str_script_*) exécute le fichier de commandes *script_*.

-->exec ('TP1.sce')

scinotes() lance l'éditeur de texte intégré de Scilab.

1.4 Constantes

%i, **%pi**, **%e**: imaginaire i, π, e

%eps est un petit nombre réel représentable en machine.

%t, %f sont les deux valeurs booléennes vrai, faux

%inf représente $+\infty$

%nan indique qu'une valeur n'est pas déterminée.

```
ans =
Nan
```

-->%inf/%inf

isnan(M), isinf(M) teste chaque élément de M.

```
-->M = [%nan 1; -2 %nan]; isnan(M)
ans =
T F
F T
```

1.5 Autres fonctions

disp(var1, var2, ..., varn_) affiche chacun des paramètres dans l'ordre varn_, ..., var2, var1.

```
-->a=3;b=5;disp('Un petit texte :',a,a+b)
    8.
    3.
Un petit texte :
```

c = **input**(str_msg) permet de récupérer une valeur saisie par l'utilisateur.

```
-->h=input('Donnez une valeur pour h : ');
Donnez une valeur pour h : 6
-->disp(h)
6
```

2 Vecteurs et matrices

2.1 Définition

[] est la matrice vide.

[c1, c2, ..., cn] ou [c1 c2 ... cn] est un vecteur ligne.

```
-->[1 2 3]
ans =
1. 2. 3.
```

[c1; c2; ...; cn.] est un vecteur colonne.

```
-->[1; 2; 3]
ans =
1.
2.
```

[vi, v2, ..., vn] ou [vi v2 ... vn] est une matrice à n colonnes si les vecteurs colonnes vi, v2, ..., vn sont de même longueur.

```
-->[ [1;2;3] [4;5;6] ]
ans =
1. 4.
2. 5.
3. 6.
```

[v1; v2; ...; vn.] est une matrice à n lignes si les vecteurs ligne v1, v2, ..., vn. sont de même longueur.

```
-->[[1 2 3];[4 5 6]]
ans =
1. 2. 3.
4. 5. 6.
```

 $\begin{tabular}{ll} & \textbf{\textit{[}} \textit{\textit{M1}}; \textit{\textit{M2}}; ...; \textit{\textit{Mn.}} \begin{tabular}{ll} \textbf{est une matrice} & (l_1+l_2+...+l_n) \times c \\ & \text{si les matrices} & \textit{\textit{M1}}, \textit{\textit{M2}}, ..., \textit{\textit{Mn.}} \begin{tabular}{ll} \textbf{sont de taille} & l_i \times c. \\ & --> \texttt{M1} & = & \texttt{[[1 \ 2]; \ [3 \ 4]], \ \texttt{M2}} & = & \texttt{[5 \ 6], \ [\texttt{M1}; \ \texttt{M2}]} \\ & \texttt{M1} & = & & \\ & 1. & 2. & & \\ & 3. & 4. & & \\ & & \texttt{M2} & - & \\ \end{tabular}$

M2 = 5. 6. ans = 1. 2. 3. 4.

5.

[M1 M2 ... Mn.] est une matrice $l \times (c_1 + c_2 + ... + c_n)$ si les matrices M1, M2, ..., Mn sont de taille $l \times c_i$.
-->M1 = [[1 2]; [3 4]], M2 = [5;6], [M1 M2]

ans =

1. 2. 5.

3. 4. 6.

2.2 Cas particuliers

ones(c_lig ,I) est le vecteur $lig \times I$ rempli de I.

ones(1,c_col) est le vecteur $i \times col$ rempli de 1. **ones**(c_lig,c_col) est la matrice $lig \times col$ remplie de 1. **zeros**(c_1),**zeros**(1,c), **zeros**(c_lig,c_col) idem avec des 0. **eye**(c_col) est la matrice identité I_c .

c_deb : *c_fin_* produit la séquence des nombres vérifiant

```
[deb, fin] \cap [deb, deb + 1, deb + 2, \ldots]
-->1:4
ans =
1. 2. 3. 4.
-->1:-2
ans =
[]
-->2.5:5
ans =
2.5 3.5 4.5
```

c_deb : c_pas : c_fin_ produit la séquence des nombres vérifiant

```
[deb, fin] \cap [deb, deb + pas, deb + 2 * pas, \ldots]
-->1:1:4
ans =
    1.
          2.
                 3.
                        4.
-->4:-1:1
ans =
          3.
                 2.
                        1.
-->0:%pi/4:%pi
ans =
    0.
          0.785
                    1.571
                               2.356
                                         3.142
```

linspace(*c_deb,c_fin_,c_n_*) produit *n_* nombres linéairement répartis dans l'intervalle [*deb*, *fin*].

logspace(c_deb , $c_fin_$, $c_n_$) produit $n_$ nombres logarithmiquement répartis dans l'intervalle [deb, fin].

```
quement reparts dans Intervalle [deo, fin].
-->linspace(2,4,3)
ans =
    2.    3.    4.
-->logspace(2,4,3)
ans =
    100.    1000.   10000.
-->10^linspace(2,4,3)
ans =
    100.   1000.   10000.
```

 $\operatorname{diag}(M)$ est le vecteur des éléments diagonaux de M.

 $\operatorname{diag}(v)$ est une matrice carrée diagonale à partir de v.

rand(c_lig,c_col) retourne une matrice de taille $lig \times col$ dont les entrées sont choisis aléatoirement (uniformément dans [0,1]).

```
-->rand(2,3)
ans =
0.728 0.547 0.740
0.268 0.989 0.004
```

 $\mathbf{rand}(M)$ retourne une matrice de même taille que M dont les entrées sont choisis aléatoirement (uniformément dans [0,1]).

2.3 Propriétés

length(v) retourne le nombre d'éléments de v.

length(M) retourne le nombre d'éléments de la matrice M.

size(M) est le vecteur du nombre d'éléments par dimension de la matrice M.

 $[c_lig,c_col]$ = **size**(M) permet d'extraire directement le nombre de lignes lig et de colonnes col de la matrice M.

```
-->M =rand(3,2); length(M)
ans =
6.
-->size(M)
ans =
3. 2.
-->[l,c]=size(M)
c =
2.
l =
3.
```

2.4 Indexation

- $v(\mathbf{1}), v(\mathbf{c}_{-\mathbf{i}}), v(\mathbf{\$})$ désignent le premier, le i^{ieme} et le dennier élément du vecteur v.
- v(1 :c_i) est le vecteur des i premiers éléments du vecteur v.
- $v(\$-c_i:\$)$ est le vecteur des i+1 derniers éléments du vecteur v.
- $v(v_ind)$ est un vecteur d'éléments extraits de v à partir du vecteur ind de leurs indices.

```
-->v=[2 4 -1 4 1];

-->[v(1) v(3) v($)]

ans =

2. -1. 1.

-->v(1:3)

ans =

2. 4. -1.

-->v($-2:$)

ans =

-1. 4. 1.

-->v([1 4 3 2 2])

ans =

2. 4. -1. 4. 4.
```

 $v(v_TF)$ est un vecteur d'éléments extraits de v à partir du vecteur booléen TF.

```
-->v=[2 4 -1 4 1];

-->v > 1

ans =

   T T F T F

-->v(v>1)

ans =

   2. 4. 4.
```

- M(i,j) désigne l'élément de M à ligne i, colonne j.
- M(i, :) désigne la i^{ieme} ligne de la matrice M.
- M(:,j) désigne la j^{ieme} colonne de la matrice M.

```
1. 0. 4.
-->M(:,2)
ans =
0.
```

M(:) est le vecteur colonne des éléments de M (indice linéaire).

 $M(c_i)$ est le i^{ieme} élément en indice linéaire de M.

```
-->M = [1 0;-2 1]; M(:)
ans =

1.
- 2.
0.
1.
-->M(3)
ans =
0.
```

 $M(v_I, v_J)$ est une sous-matrice de M à partir des vecteurs I et J de leurs indices ligne et colonne.

```
-->M = round(12*rand(3,3)-3)
M =
    0. 0. -1.
    - 1. -2. 5.
    6. 5. 7.
-->M(1:2,1:2)
M =
    0. 0.
    - 1. -2.
-->M([1,3],[2 3 2])
ans =
    0. -1. 0.
    5. 7. 5.
```

2.5 Transformations

 $\mathbf{flipdim}(v,\mathbf{I})$ inverse l'ordre des éléments du vecteur v.

flipdim $(M,c_dim_)$ retourne la matrice M selon la dimension $dim_$.

matrix (v,c_lig,c_col) retourne une matrice de taille $lig \times col$ à partir des valeurs de v.

 $\mathbf{matrix}(M, c_lig, c_col)$ ou $\mathbf{matrix}(M, [c_lig, c_col])$ retourne une matrice $lig \times col$ à partir des valeurs de M.

```
-->v=1:6;M = matrix(v,2,3)
ans =
    1.    3    5.
    2.    4.    6.
-->matrix(M,3,2)
ans =
    1.    4.
    2.    5.
    3.    6.
```

repmat (M, c_lig, c_col) ou **repmat** $(M, [c_lig, c_col])$ retourne une matrice $(lig*n) \times (col*m)$ par recopie de la matrice M de taille $n \times m$.

```
M =
   1. 2.
   3. 4.
-->repmat(M,2,3)
ans =
   1. 2. 1. 2. 1. 2.
   3. 4. 3. 4. 3. 4.
   1 2. 1. 2. 1. 2.
   3. 4. 3. 4. 3. 4.
```

-->M = [1 2; 3 4]

2.6 Autres fonctions utiles

 $\mathbf{find}(v)$ retourne les indices de valeurs de v différentes de o.

find(M) retourne les indices linéaires de valeurs de M différentes de o.

 $[v_I, v_J] =$ **find**(M) retourne les indices ligne I et colonne J des valeurs de M différentes de o.

```
-->v = [2, 0, 1, 0 , -1, 3]

v =

2. 0. 1. 0. - 1. 3

-->find(v)

ans =

1. 3. 5. 6.

-->find(matrix(v,2,3))

ans =
```

find(v_b), **find**(M_b), [v_I, v_J] = **find**(M_b) idem pour les vecteurs et matrices booléennes aves les valeurs y_0 t.

and(v_b) retourne %t ssi tous les éléments de b sont %t (quantificateur universel \forall).

 $\mathbf{and}(v_b)$ retourne %t ssi tous les éléments de b sont différents de o.

or (v_b) retourne %t ssi au moins un élément de b est %t (quantificateur existentiel \exists).

or (v_b) retourne %t ssi au moins un élément de b est différent de o.

3 Math

3.1 Calculs élémentaires

sin,cos,tan,asin,acos,atan,atan2,log,log10,exp diverses fonctions mathématiques

min(v) retourne le minimum d'un vecteur v.

[$c_min_,c_i$] = min(v) idem avec i l'indice du minimum (le 1^{er})

min(M) retourne le minimum d'une matrice M.

min(M,'c') retourne le vecteur (colonne) des minima par ligne d'une matrice M.

 $[v_min_,v_I]$ =min(M,c') idem avec I(j) l'indice du minimum pour la ligne j.

min(M, r') retourne le vecteur (ligne) des minima par colonne d'une matrice M.

 $[v_min_, v_I]$ =min(M, r) idem avec I(j) l'indice du minimum pour la colonne j.

max(v), ..., max(M, r') idem pour le maximum.

 $\mathbf{sum}(v)$ donne la somme du vecteur v.

 $\mathbf{sum}(M)$ donne la somme des éléments de la matrice M.

 $\mathbf{sum}(M,\mathbf{r}')$ ou $\mathbf{sum}(M,\mathbf{r})$ retourne le vecteur ligne des sommes par colonne.

 $\mathbf{sum}(M, c')$ ou $\mathbf{sum}(M, z)$ retourne le vecteur colonne des sommes par ligne.

prod(*v*),..., **prod**(*M*,'c') idem pour le produit. **cumsum**(*v*) retourne le vecteur *w* tel que

$$w(j) = \sum_{i=1}^{j} v(i)$$

$$-->v = 1:5; w = cumsum(v)$$

w =

1. 3. 6. 10. 15.

 $\mathbf{cumprod}(v)$ retourne le vecteur w tel que

$$w(j) = \prod_{i=1}^{j} v(i)$$

1. 2. 6. 24. 120.

diff(v) retourne le vecteur des différences successives de

$$w(j) = v(j+1) - v(j)$$

w =

1. 1. 1. 1.

mean(v) ou **mean**(M) retourne la moyenne des éléments d'un vecteur ou d'une matrice.

median(v) ou **median**(M) est l'élément médian d'un vecteur ou d'une matrice.

 $\mathbf{unique}(v)$ extrait les éléments de v sans doublons (pas en place).

union(v_A, v_B), intersect(v_A, v_B)

setdiff (v_A, v_B) , **setequal** (v_A, v_B) sont les opérations ensemblistes.

 $\mathbf{gsort}(v)$ trie les éléments de v par ordre décroissant.

gsort(v, 'g', 'i') trie les éléments de v par ordre croissant.

4 Calcul matriciel

M' est la matrice adjointe de M.

M.' est la transposée de M.

M + N et M - N sont la somme et la soustraction de M et N.

P = M * N est le produit matriciel de M par N.

$$P_{i,j} = \sum_{k} M_{i,k} N_{k,j}$$

 $P=M.^*N$ est le produit élément par élément de M par N.

$$P_{i,j} = M_{i,j} N_{i,j}$$

P=M ./ N est la division élément par élément de M par N .

 $P = M^{\hat{}} c$ est la puissance c^{ieme} de M.

$$P = \underbrace{M * M * \dots * M}_{c \text{ fois}}$$

P=M. $^{{\bf \cdot}}$ c est la puissance c^{ieme} élément par élément de M.

$$P_{i,j} = M_{i,j}^c$$

P=c* M est le produit de chaque élément de M par c.

$$P_{i,j} = c M_{i,j}$$

 $\sim\!\!M$ est la négation logique d'une matrice booléenne.

M == N est le test d'égalité termes à termes.

 $M \lt\gt N$ est le test d'inégalité termes à termes.

M &N correspond au "ET logique" entre deux matrices booléennes.

 $M \mid N$ correspond au "OU logique" entre deux matrices booléennes.

[v_sol,M_Ker]=linsolve(M,v) est la méthode générique de résolution d'un système linéaire d'équations

$$Mx + v = 0$$

Le vecteur sol est une solution particulière. La matrice Ker est de base orthonormée du s.e.v des solutions.

det(M) est le déterminant de la matrice M.

inv(M) est l'inverse de la matrice inversible M.

rank(M) donne le rang de la matrice M.

 $\mathbf{cond}(M)$ est le rapport entre la plus grande et la plus petite valeur propre de M (conditionnement).

 $\mathbf{spec}(M)$ retourne l'ensemble des valeurs propres de M.

 $[v_valp, v_vecp]$ =**spec**(M) retourne l'ensemble des valeurs propres et vecteurs propres de M.

valp =

3. 1. 2.

-->[valpd,vecp] = spec(M)

vecp =

3. 0

0 1. 6

0 0 2.

- 0.835

0.720

 $\mathbf{norm}(M)$, $\mathbf{norm}(M,\mathbf{I})$, $\mathbf{norm}(M,\mathbf{I})$ sont des exemples de norme matricielle : $||M||_2, ||M||_1, ||M||_{\infty}.$

 $[M_U,M_D,M_V]$ =**svd**(M) retourne la décomposition en valeurs singulières de M.

$$M = U * D * {}^tV$$

- 0.807

 $[M_U]$ =**chol**(M) calcule la décomposition de Cholesky pour une matrice symétrique définie positive M.

$$M = {}^tU * U$$

4.1 Polynômes

[p]=**poly**(M,"x") définit p comme le polynôme caractéristique de M.

$$p(x) = det(M - xI)$$

[p]=**poly**(o,"x") définit le polynôme p(x) = x.

[p]=**poly**(v_coeff,"x","coeff") définit le polynôme p à partir de ses coefficients.

[p]=**poly**(v_rac,"x","roots") définit le polynôme p à partir de ses racines.

+,-,*,/ opérations arithmétiques entre polynômes.

horner(p,v) évalue le polynôme pour toutes les valeurs de v.

roots(p) recherche les racines de p.

[v_pol]=**polfact**(p) factorise le polynôme suivant ses racines.

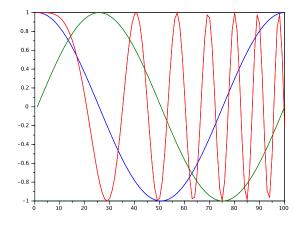
5 Graphiques

 $\mathbf{plot}(v_y)$ trace la courbe reliant les points $\{(t,y(t))\}$.

 ${f plot}(M)$ applique la fonction de tracé précédente à chacune des colonnes de M (une couleur par colonne).

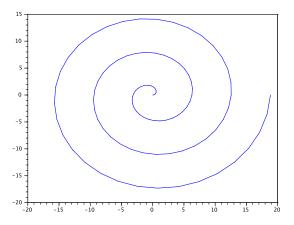
-->x = linspace(0,2*%pi,100);

-->plot([cos(x.') sin(x.') cos(x.^2).'])



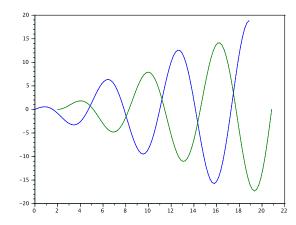
plot (v_x,v_y) trace la courbe reliant les points $\{(x(t),y(t))\}$ -->t = linspace(0,6*%pi,100);

-->plot(t.*cos(t).t.*sin(t))



plot(*M_x*,*M_y*) applique la fonction de tracé précédente successivement à chacune des colonnes des deux matrices.

```
-->t = linspace(0,6*%pi,100)';
-->plot([t t+2],[t.*cos(t) t.*sin(t)])
```

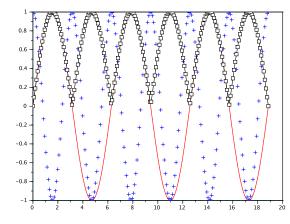


plot(v*i_x*, v*i_x*, str*i*,..., v*n_x*, v*n_x*, str*n_*) applique la fonction de tracé **plot**(v_x, v_y) avec le style décrit dans la chaîne de caractères (voir

```
-->t=linspace(0,6*%pi,200);

-->plot(t,sin(t),'r-',t+%eps,cos(2*t),'b+', ...

--> t.abs(sin(t)),'ks-')
```



paramfplot2d (f, v_x, v_t) produit une animation de la courbe paramétrée $x \mapsto f(x; t)$.

 $\mathbf{Matplot}(M)$ affiche une matrice sous la forme d'une image.

 $\mathbf{scf}(c_num_)$ positionne le prochain tracé sur la figure num.

 $\mathbf{gcf}()$ retourne le numéro de la figure active.

clf() efface la figure courante.

clf(*c_num_*) efface la figure *num*.

drawlater() retarde l'affichage d'un graphique tout en permettant de le préparer en mémoire.

drawnow() affiche le graphique préparé en mémoire.

xarrows(...),**xrect**(...) sont des primitives de tracé d'objets graphiques.

plot3d(...) est la fonction générique de tracé 3d.

genfact3d permet de générer les facettes d'une surface pour un dessin en 3d.

 $\mathbf{surf}(M_Z)$ dessine une surface en 3d à partir des valeurs de la maurice Z

surf (M_X,M_Y,M_Z) idem en spécifiant en X et Y les coordonnées de la grille sur laquelle on connaît Z.

```
t=linspace(0,6*%pi,100)';
plot3d(t.*cos(t),t.*sin(t),t)
t=[0:0.3:2*%pi]';
z=sin(t)*cos(t');
[xx,yy,zz]=genfac3d(t,t,z);
plot3d(xx,yy,zz)
```

6 Programmation

6.1 Fonctions et paramètres

```
function [var_o1,...,var_om_]=nom_fonct(var_i1,...,var_in_)
cmd_1
...
cmd_n_;
```

endfunction

où i1,...,in et o1,...,om désignent respectivement les paramètres d'entrée et les sorties de la fonction nom_fonc . Convention. : le code de la fonction

nom_fonc se trouve dans le fichier nom_fonc.sci.

```
Extrait du fichier "mafonction.sci"

function [x2] =mafonction(x)

x2 = x**2;
endfunction

Puis dans la console

-->mafonction(3)

ans =
```

deff(str_specif, str_code) permet de définir une fonction (courte) en ligne sans passer par un fichier .sci. La chaine de caractères str_specif contient la spécification de la fonction, la chaine de caractères str_code en contient le code.

```
-->deff('[x2]=mafonction(x)','x2 = acos(x))');
-->mafonction(3)
ans =
9.
```

deff(*str_specif*, *str_code*,'p') rajoute l'option de profilage à la fonction définie en ligne.

6.2 Structures de contrôle

Branchement conditionnel if

```
if cond then
    cmd_I; ...; cmd_n_;
elseif cond_i then
    cmd_iI; ...; cmd_in_;
else
    cmd_eI; ...; cmd_en_;
end
```

Répétitive **for**

end

Répétitive while

6.3 Autres structures de données

struct(*str_chp1*, *var1*, ..., *str_chpn_*, *varn*) retourne un enregistrement composé d'un ensemble de couples champ / valeur.

```
-->M = rand(26,2);M = M.' * M;

-->S = struct('Mat',M,'Det',det(M))

S =

    Mat: [2x2 constant]

    Det: 21.51

-->S.Mat

    ans =
```

```
7.54 7.885
7.885 11.1
-->S.det= 6:
```

list(var1, var2, ..., varn) est une liste composée des éléments passé en paramètres.

```
-->L = list(1:5,rand(2,2),[%f %f %t])
L =
       L(1)
   1.
         2.
               3.
                     4.
                            5.
       L(2)
   0.560
            0.728
   0.125
             0.268
       L(3)
 F F T
-->for l=L,
-->disp(sum(l))
-->end
   15.
   1.68
   1.
-->L(4) = 'chaine';
```

6.4 Flot d'exécution, Débogage

break interrompt la répétitive courante.

[var_o1,...,var_om_] = **return**(var1,...,varm_) provoque la sortie inconditionnelle de la fonction en cours d'interprétation.

pause interrompt l'éxécution en l'attente de l'appui sur le clavier.

xpause(*c_tps*) interrompt l'éxécution pendant *tps* millisecondes.

setbpt(*str_func*), **setbpt**(*str_func*,*c_lig*) ajoute un point d'arrêt à l'entrée de la fonction *nunc* ou à un certain numéro *lig* de ligne.

delbpt(), **delbpt**(str_func), **setbpt**(str_func,c_lig) supprime toute ou partie des points d'arrêt existants.

dispbpt() liste les points d'arrêt existants.

abort interrompt l'interprétation courante.

quit provoque la sortie de Scilab.

tic() démarre le chronomètre.

toc() retourne le temps écoulé depuis le dernier tic.

showprofile(var_fun_) décore un code des informations de profilage après exécution de la fonction fun_.

plotprofile(var_fun_) affiche un graphique de profilage après exécution de la fonction fun_.

```
deff('benchchol(n)', ['for i=1:n'
                            M = rand(i,i)
                            chol(M.''*M)'
                      'end'],'p')
-->benchchol(500);
-->showprofile(benchchol)
function []=fun(n) | 1 | 0
 for i = 1:n,
                   |500|0
   M = rand(i, i) |500|0.96|4|
    chol((M.') * M)|500|9.24|6|
 end,
                   |1 |0
endfunction
                   |1 |0
                            101
```

7