

รหัสวิชา ค32101 ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ปีการศึกษา ๒๕๖๗

> นายถาวร ลาวช่าง ตำแหน่ง ครู

# โรงเรียนนาคำราษฎร์รังสรรค์

สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษามัธยมศึกษานครพนม

สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาขั้นพื้นฐาน กระทรวงศึกษาธิการ

### แผนการจัดการเรียนรู้

กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ วิชา คณิตศาสตร์พื้นฐาน ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 หน่วยการเรียนรู้ที่ 3 เรื่อง ลำดับและอนุกรม ภาคเรียนที่ 1 แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 1 เรื่อง ความหมายของลำดับ เวลา 4 ชั่วโมง

\_\_\_\_\_

### 1. มาตรฐานการเรียนรู้

มาตรฐาน ค 1.3 ใช้นิพจน์ สมการ อสมการ และเมทริกซ์ อธิบายความสัมพันธ์หรือช่วยแก้ปัญหาที่ กำหนดให้

### 2. ตัวชี้วัด

มฐ. ค 1.1 ม.5/1 เข้าใจและใช้ความรู้เกี่ยวกับดอกเบี้ยและมูลค่าของเงินในการแก้ปัญหา

### 3. สาระสำคัญ

ลำดับ คือฟังก์ชันที่มีโดเมนเป็นเซตของจำนวนเต็มบวก หรือสับเซตของจำนวนเต็มบวกในรูป { 1, 2, 3, ..., n } ซึ่งฟังก์ชันที่มีโดเมนเป็นสับเซตของจำนวนเต็มบวกในรูป { 1, 2, 3, ..., n } เรียกว่า ลำดับจำกัด และฟังก์ชันที่มีโดเมนเป็นเซตของจำนวนเต็มบวก เรียกว่า ลำดับอนันต์

### 4. จุดประสงค์การเรียนรู้

- 4.1 ด้านความรู้(K)
  - 1) เข้าใจความหมายของลำดับจำกัด และลำดับอนันต์
  - 2) หาพจน์ถัดไปของลำดับที่กำหนดได้
- 4.2 ด้านทักษะ/กระบวนการ(P)
  - 1) การคิดวิเคราะห์
  - 2) ความสามารถในการสื่อสาร
  - 3) ความสามารถในการแก้ปัญหา
- 4.3 ด้านคุณลักษณะ(A)
  - 1) มีความรับผิดชอบต่อหน้าที่ที่ได้รับมอบหมาย
  - 2) ความละเอียดรอบคอบ
  - 3) ตระหนักในคุณค่าและมีเจตคติที่ดีต่อคณิตศาสตร์
  - 4) มีความเชื่อมั่นในตนเอง

- 5) ทำงานเป็นระเบียบเรียบร้อย
- 4.4 ค่านิยมหลัก 12 ประการ
  - 1) ชื่อสัตย์ เสียสละ อดทน มีอุดมการณ์ในสิ่งที่ดีงามเพื่อส่วนรวม
  - 2) ใฝ่หาความรู้ หมั่นศึกษาเล่าเรียนทั้งทางตรง และทางอ้อม

### 5. สาระการเรียนรู้

ความหมายของลำดับ

### 6. กระบวนการจัดการเรียนรู้

#### ชั่วโมงที่ 1

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้ให้นักเรียนทราบ
- 2. ผู้เรียนและผู้สอนทบทวนความรู้เรื่องฟังก์ชัน โดเมนของฟังก์ชัน และเรนจ์ของฟังก์ชันโดย ยกตัวอย่าง 2-3 ตัวอย่างให้ผู้เรียนช่วยกันตอบว่าเป็นลักษณะของฟังก์ชันหรือไม่ และส่วนใดคือโดเมน ส่วน ใดคือฟังก์ชัน เช่น

```
กำหนด f = \{(1,1),(2,4),(3,9),...,(n,n^2)\} โดเมนของฟังก์ชันคือ (1,2,3,...,n) เรนจ์ ของฟังก์ชันคือ (1,4,9,...,n^2)
```

- 3. ครูกล่าวทบทวนเลขยกกำลัง และฟังก์ชัน โดยให้นักเรียนสเกนคิวอาร์โค้ด เพื่อให้นักเรียนมีความ เข้าใจและนำมาใช้ลำดับและอนุกรม
  - 4. ครูได้อธิบายความหมายของลำดับ ลำดับเป็นฟังก์ชันที่นิยามดังนี้

#### บทนิยาม 1

**ลำดับ** คือ ฟังก์ชันที่มีโดเมนเป็นเซต {1, 2, 3, ..., n} หรือมีโดเมนเป็นเซตของ จำนวนเต็มบวก

5. ในการเขียนแสดงลำดับ จะเขียนเฉพาะสมาชิกของเรนจ์เรียงกัน กล่าวคือ ถ้า a เป็นลำดับซึ่ง a(1)

= 
$$a_1$$
 ,  $a(2) = a_2$  ,  $a(3) = a_3$  , ... ,  $a(n) = a_n$  แล้ว เรียก  $a_1$  ว่า พจน์ที่ 1 ของลำดับ เรียก  $a_2$  ว่า พจน์ที่ 2 ของลำดับ เรียก  $a_3$  ว่า พจน์ที่ 3 ของลำดับ

เรียก a<sub>n</sub> ว่า พจน์ที่ n ของลำดับ หรือพจน์ทั่วไปของลำดับ

เรียกลำดับที่มีโดเมนเป็นเซต {1, 2, 3, ... , n} ว่า **ลำดับจำกัด** และเรียกลำดับที่มีโดเมนเป็เซตของ จำนวนเต็มบวกว่า **ลำดับอนันต์** 

กรณี a เป็นลำดับจำกัด เขียนแสดงลำดับด้วย  $a_1,\,a_2,\,a_3,\,...\,$ ,  $a_n$  กรณี a เป็นลำดับอนันต์ เขียนแสดงลำดับด้วย  $a_1,\,a_2,\,a_3,\,...\,$ ,  $a_n$  , ...

6. ครูยกตัวอย่างของลำดับ

1) 7, 14, 21, 28, 35, 42 เป็นลำดับจำกัด

2) 1, 3, 5, 7, 9, ... , 99 เป็นลำดับจำกัด

3) 6, 11, 16, 21, 26, ... , 5n + 1, ... เป็นลำดับอนันต์

4) 4, 9, 16, 25, 36, ... , (n + 1)<sup>2</sup>, ... เป็นลำดับอนันต์

การศึกษาเรื่องลำดับต่อไปนี้จะกล่าวถึงเฉพาะลำดับซึ่งแต่ละพจน์เป็นจำนวนจริงเท่านั้นและเรียกว่า ลำดับของจำนวนจริง

#### ชั่วโมงที่ 2

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนลำดับจำกัด
- 2. ครูได้อธิบายการเขียนแสดงลำดับ สามารถเขียนแสดงลำดับได้หลายรูปแบบ ดังต่อไปนี้
  - การเขียนแสดงลำดับโดยเขียนแจกแจงพจน์ของลำดับ
  - การเขียนแสดงลำดับโดยเขียนพจน์ทั่วไปของลำดับ
- 3. ครูให้นักเรียนศึกษาการเขียนแสดงลำดับโดยเขียนแจกแจงพจน์ของลำดับ พร้อมทั้งสุ่มนักเรียนให้ ออกนำเสนอหน้าชั้นเรียน
- 4. ครูได้อธิบายการเขียนแสดงลำดับโดยเขียนพจน์ทั่วไปของลำดับ วิธีการนี้จะเขียนลำดับในรูปสูตร ของพจน์ทั่วไปของลำดับ โดยครูยกตัวอย่าง เช่น

หยอดเงินลงในกระปุกออมสินวันละ 5 บาท เป็นเวลา 7 วัน จำนวนเงินในกระปุกในวันที่ n เขียนเป็นลำดับได้ดังนี้  $a_n=5$ n เมื่อ n  $\in$  {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7}

- 5. ครูยกตัวอย่างที่ 1 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 109 บนกระดานแสดงวิธีทำอย่างละเอียด พร้อมทั้งมีการ ถาม - ตอบคำถามกับนักเรียน
- 6. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.1 ข้อที่ 1 ใหญ่ ทำข้อย่อยที่ 1 4 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 111 เป็น การบ้าน

### ชั่วโมงที่ 3

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนลำดับจำกัด
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.1.1 ข้อที่ 1 ใหญ่ ทำข้อย่อยที่ 1 4 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 111 บนกระดานอย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 2 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 110 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
- 4. ครูให้นักเรียนศึกษาตัวอย่างที่ 3 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 110 พร้อมสุ่มให้นักเรียนออกมาอธิบาย และครูได้อธิบายเพิ่มเติม
- 5. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.1 ข้อที่ 1 ใหญ่ ทำข้อย่อยที่ 5 8 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 111 เป็น การบ้าน

#### ชั่วโมงที่ 4

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนลำดับจำกัด
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.1.1 ข้อที่ 1 ใหญ่ ทำข้อย่อยที่ 5 8 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 111 บนกระดานอย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 4 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 111 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
- 4. ครูให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม กลุ่มละ 3 4 คน โดยให้นักเรียนศึกษาโจทย์ละ 2 โจทย์ พร้อมให้นักเรียน แต่ละกลุ่มส่งตัวแทนออกมานำเสนอหน้าชั้นเรียน ครูได้อธิบายเพิ่มเติม
- 5. ครูให้นักเรียนแต่ละคนทำแบบฝึกหัด 3.1.1 ข้อที่ 4 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 111 พร้อมทั้งสุ่ม นักเรียนออกมาเฉลยหน้าชั้นเรียน และครูอธิบายเพิ่มเติม
  - 6. ครูและนักเรียนร่วมกันสรุปเนื้อหาเพื่อให้เข้าใจมากยิ่งขึ้น

### 7. สื่อและแหล่งเรียนรู้

- 1. หนังสือเรียนรายวิชาพื้นฐานคณิตศาสตร์ ม.5
- 2. ใบงาน
- 3. ห้องสมุด
- 4. อินเทอร์เน็ต

#### 8. การวัดและประเมินผล

วิธีวัดผล	เครื่องมือวัดผล	เกณฑ์การประเมินผล
1. สังเกตพฤติกรรมทางการเรียน	แบบสังเกตพฤติกรรมทางการ	นักเรียนผ่านเกณฑ์การประเมิน
การสอน	เรียนการสอน	ในระดับดีขึ้นไป
2. ใบงาน	ใบงาน	นักเรียนทุกคนทำถูกต้องไม่ต่ำกว่า
		ร้อยละ 70 ของคะแนนทั้งหมด

เกณฑ์การประเมินผลจากการทำใบกิจกรรม ใบงาน แบบฝึกปฏิบัติกิจกรรม ใช้เกณฑ์ดังนี้

80% ขึ้นไป	หมายถึง	ดีมาก
70 - 79%	หมายถึง	ดี
60 - 69%	หมายถึง	ปานกลาง
50 - 59%	หมายถึง	ผ่าน
ต่ำกว่า 50%	หมายถึง	ปรับปรุง

# แบบสังเกตพฤติกรรมทางการเรียนการสอน

เลขที่	ชื่อ-สกุลของ ผู้รับการประเมิน	ทำงาน อย่างเป็น ระบบ	ความ รอบคอบ	ความตั้งใจ เรียน	ความ รับผิดชอบ	การให้ความ ร่วมมือ	รวม
		4	4	4	4	4	20

## เกณฑ์การให้คะแนน

พฤติกรรมที่ปฏิบัติเป็นประจำ	ให้	4	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบ่อยครั้ง	ให้	3	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบางครั้ง	ให้	2	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติน้อยครั้ง	ให้	1	คะแนน

# เกณฑ์การตัดสินคุณภาพ

ช่วงคะแนน	ระดับคุณภาพ
18-20	ดีมาก
13-17	<b>ର</b>
8-12	ปานกลาง
5-7	ปรับปรุง

# แบบสังเกตพฤติกรรมการปฏิบัติกิจกรรมกลุ่ม

กลุ่มที่(ชื่อลุ่ม)	
สมาชิกในกลุ่ม	1
	2
	3
	4
	5
	6

# **คำชี้แจง** ให้ทำเครื่องหมาย ✓ ในช่องที่ตรงกับความเป็นจริง

พฤติกรรมที่สังเกต	คะแนน				
พยโลเบรรพนยมกา	4	3	2	1	
1. การมีส่วนร่วมในการวางแผน					
2. การปฏิบัติงานตามบทบาทหน้าที่					
3. การให้ความร่วมมือในการทำงาน					
4. การแสดงความคิดเห็น					
5. การยอมรับความคิดเห็น					
รวม					

ลงชื่อ			ผู้ประเมิ
	/	/	Ü

# เกณฑ์การให้คะแนน

พฤติกรรมที่ปฏิบัติเป็นประจำ	ให้	4	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบ่อยครั้ง	ให้	3	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบางครั้ง	ให้	2	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติน้อยครั้ง	ให้	1	คะแนน

# เกณฑ์การตัดสินคุณภาพ

ช่วงคะแนน	ระดับคุณภาพ
18-20	ดีมาก
13-17	<u></u> ବି
8-12	ปานกลาง
5-7	ปรับปรุง

### 9. กิจกรรมเสนอแนะ

\_

# ใบงานที่ 1

### เรื่อง ความหมายของลำดับ

**คำชี้แจง** ให้นักเรียนเขียนลำดับในรูปแจงพจน์ โดยการเติมคำตอบลงในช่องว่างแต่ละข้อ ต่อไปนี้ให้สมบูรณ์

1. 
$$a_n = 2n - 1$$

$$a_1 = 2(1) - 1 = 1$$

$$a_2 = 2(2) - 1 = 3$$

เขียนลำดับในรูปแจงพจน์ จะได้ลำดับ คือ ......

2. 
$$a_n = 2n^2 - 2$$

$$a_1 = 2(1^2) - 2 = \dots$$

เขียนลำดับในรูปแจงพจน์ จะได้ลำดับ คือ ......

3. 
$$a_n = \frac{1+2n}{1-3n}$$

เขียนลำดับในรูปแจงพจน์ จะได้ลำดับ คือ ......

4. 
$$a_n = 2n^2$$

$$a_1 = \dots$$

•

.

•

a <sub>10</sub> =			
เขียนลำดับในรูปแจงพจน์	จะได้ลำดับ	คือ	

### เรื่อง ความหมายของลำดับ

**คำชี้แจง** ให้นักเรียนเขียนลำดับในรูปแจงพจน์ โดยการเติมคำตอบลงในช่องว่างแต่ละข้อ ต่อไปนี้ให้สมบูรณ์

1. 
$$a_n = 2n - 1$$

$$a_1 = 2(1) - 1 = 1$$

$$a_2 = 2(2) - 1 = 3$$

$$a_3 = 2(3) - 1 = 5$$

$$a_4 = 2(4) - 1 = 7$$

$$a_5 = 2(5) - 1 = 9$$

เขียนลำดับในรูปแจงพจน์ จะได้ลำดับ คือ 1, 3, 5, 7, 9

2. 
$$a_n = 2n^2 - 2$$

$$a_1 = 2(1^2) - 2 = 0$$

$$a_2 = 2(2^2) - 2 = 6$$

$$a_3 = 2(3^2) - 2 = 16$$

$$a_4 = 2(4^2) - 2 = 30$$

เขียนลำดับในรูปแจงพจน์ จะได้ลำดับ คือ 0, 6, 16, 30

3. 
$$a_n = \frac{1+2n}{1-3n}$$

$$a_1 = \frac{1+2(1)}{1-3(1)} = -\frac{3}{2}$$

$$a_2 = \frac{1+2(2)}{1-3(2)} = -1$$

$$a_3 = \frac{1+2(3)}{1-3(3)} = -\frac{7}{8}$$

$$a_4 = \frac{1+2(4)}{1-3(4)} = -\frac{9}{11}$$

เขียนลำดับในรูปแจงพจน์ จะได้ลำดับ คือ  $-\frac{3}{2}$ , -1,  $-\frac{7}{8}$ ,  $-\frac{9}{11}$ 

4. 
$$a_n = 2n^2$$

$$a_1 = 2(1^2) = 2$$

$$a_2 = 2(2^2) = 8$$

$$a_3 = 2(3^2) = 18$$

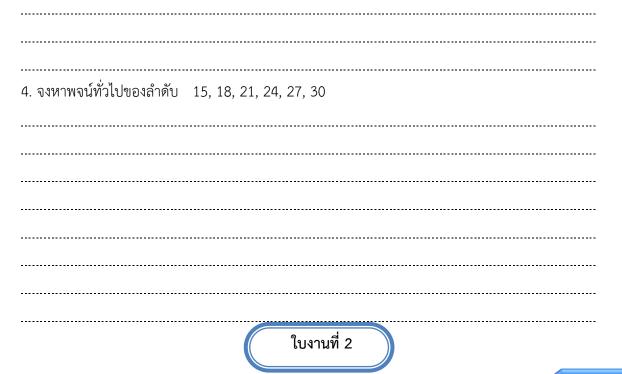
$$a_{10} = 2(10^2) = 200$$

เขียนลำดับในรูปแจงพจน์ จะได้ลำดับ คือ 2, 8, 18, . . . , 200

ใบงานที่ 2

# เรื่อง ความหมายของลำดับ

คำชี้แจง :	จงหาคำตอบแต่	ละข้อต่อไปนี้			
1. กำหนด f	f(n) = 2n - 1	เมื่อ n∈	{1, 2, 3, 4, 5}	จงเขียนลำดับในรูปแจงพจน์	
2. กำหนด a	$a_n = 10 - 2n$	เมื่อ n∈{	1, 2, 3,, 9	จงเขียนลำดับในรูปแจงพจา	ڵؙ
3. จงหาพจน์	์ทั่วไปของลำดับ	3, 5, 7, 9, 1	1		



### เรื่อง ความหมายของลำดับ

เฉลย

คำชี้แจง : จงหาคำตอบแต่ละข้อต่อไปนี้

1. กำหนด f(n) = 2n-1 เมื่อ  $n \in \{1, 2, 3, 4, 5\}$  จงเขียนลำดับในรูปแจงพจน์

วิธีทำ จาก 
$$f(n) = 2n - 1$$

$$f(1) = 2(1) - 1 = 3$$

$$f(2) = 2(2) - 1 = 3$$

$$f(3) = 2(3) - 1 = 5$$

$$f(4) = 2(4) - 1 = 7$$

$$f(5) = 2(5) - 1 = 9$$

🗘 ลำดับในรูปแจงพจน์ คือ 1, 3, 5, 7, 9

2. กำหนด  $a_n=10-2n$  เมื่อ  $n\in\{1,2,3,\ldots,9\}$  จงเขียนลำดับในรูปแจงพจน์

วิธีทำ จาก 
$$a_n = 10 - 2n$$

$$a_1 = 10 - 2(1) = 8$$

$$a_2 = 10 - 2(2) = 6$$

$$a_3 = 10 - 2(3) = 4$$

$$a_9 = 10 - 2(9) = -8$$

🗘 ลำดับในรูปแจงพจน์ คือ 8, 6, 4, . . . , -8

3. จงหาพจน์ทั่วไปของลำดับ 3, 5, 7, 9, 11

**วิธีทำ** จากลำดับจำกัด 3, 5, 7, 9, 11

จะได้ 
$$a_1 = 3 = (2 \times 1) + 1$$

$$a_2 = 5 = (2 \times 2) + 1$$

$$a_3 = 7 = (2 \times 3) + 1$$

$$a_4 = 9 = (2 \times 4) + 1$$

$$a_5 = 11 = (2 \times 5) + 1$$

∴ พจน์ทั่วไปของลำดับนี้คือ 2n + 1 เมื่อ n = 1, 2, 3, 4, 5

4. จงหาพจน์ทั่วไปของลำดับ 15, 18, 21, 24, 27, 30

**วิธีทำ** จากลำดับจำกัด 15, 18, 21, 24, 27, 30

จะได้ 
$$a_1 = 15 = 3 + 12 = 3(1) + 12$$

$$a_2 = 18 = 6 + 12 = 3(2) + 12$$

$$a_3 = 21 = 9 + 12 = 3(3) + 12$$

$$a_4 = 24 = 12 + 12 = 3(4) + 12$$

$$a_5 = 27 = 15 + 12 = 3(5) + 12$$

$$a_6 = 30 = 18 + 12 = 3(6) + 12$$

.. พจน์ทั่วไปของลำดับจำกัดนี้คือ 3n + 12 เมื่อ n = 1, 2, 3, 4, 5, 6

### แผนการจัดการเรียนรู้

กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ วิชา คณิตศาสตร์พื้นฐาน หน่วยการเรียนรู้ที่ 3 เรื่อง ลำดับและอนุกรม แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 2 เรื่อง ลำดับเลขคณิต ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 ภาคเรียนที่ 1 เวลา 7 ชั่วโมง

.....

### 1. มาตรฐานการเรียนรู้

มาตรฐาน ค 1.3 ใช้นิพจน์ สมการ อสมการ และเมทริกซ์ อธิบายความสัมพันธ์หรือช่วยแก้ปัญหาที่ กำหนดให้

#### 2. ตัวชี้วัด

มฐ. ค 1.1 ม.5/1 เข้าใจและใช้ความรู้เกี่ยวกับดอกเบี้ยและมูลค่าของเงินในการแก้ปัญหา

### 3. สาระสำคัญ

ลำดับเลขคณิต คือ ลำดับที่มีผลต่างของพจน์ที่ n + 1 กับพจน์ที่ n แล้วมีค่าคงตัวเสมอ และเรียก ผลต่างที่มีค่าคงตัวว่า ผลต่างร่วม

### 4. จุดประสงค์การเรียนรู้

- 4.1 ด้านความรู้(K)
  - 1) เข้าใจความหมายของลำดับเลขคณิตได้
  - 2) หาพจน์ต่าง ๆ ของลำดับเลขคณิต และนำไปใช้ได้
- 4.2 ด้านทักษะ/กระบวนการ(P)
  - 1) การคิดวิเคราะห์
  - 2) ความสามารถในการสื่อสาร
  - 3) ความสามารถในการแก้ปัญหา
- 4.3 ด้านคุณลักษณะ(A)
  - 1) มีความรับผิดชอบต่อหน้าที่ที่ได้รับมอบหมาย
  - 2) ความละเอียดรอบคอบ
  - 3) ตระหนักในคุณค่าและมีเจตคติที่ดีต่อคณิตศาสตร์
  - 4) มีความเชื่อมั่นในตนเอง
  - 5) ทำงานเป็นระเบียบเรียบร้อย

#### 4.4 ค่านิยมหลัก 12 ประการ

1) ชื่อสัตย์ เสียสละ อดทน มีอุดมการณ์ในสิ่งที่ดีงามเพื่อส่วนรวม

2) ใฝ่หาความรู้ หมั่นศึกษาเล่าเรียนทั้งทางตรง และทางอ้อม

### 5. สาระการเรียนรู้

ลำดับเลขคณิต

### 6. กระบวนการจัดการเรียนรู้

#### ชั่วโมงที่ 1

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้ให้นักเรียนทราบ
- 2. ครูทบทวนเรื่องลำดับโดยนำแถบนิยามของลำดับจำกัดและลำดับอนันต์มาติดบนกระดานดำ
- 3. ครูกล่าวทบทวนความรู้เรื่องลำดับ ลำดับจำกัด ลำดับอนันต์ และการหาพจน์ทั่วไปของลำดับ
  - ลำดับคืออะไร

แนวตอบ : ลำดับ คือ ฟังก์ชันที่มีโดเมนเป็นเซตของจำนวนเต็มบวกหรือสับเซตของ จำนวนเต็มบวกในรูป {1, 2, 3, ..., n}

- ให้ยกตัวอย่างลำดับจำกัดและลำดับอนันต์มาอย่างละ 1 ลำดับ

แนวตอบ : ลำดับจำกัดเช่น {8, 16, 24, 32, 40, 48} และลำดับอนันต์เช่น {5, 10, 15, 20, 25, ...}

- 4. ครูอธิบายว่าลำดับในทางคณิตศาสตร์มีหลายเรื่อง แต่ในระดับมัธยมศึกษาจะเรียนแค่ 2 เรื่อง คือ ลำดับเลขคณิตและลำดับเรขาคณิต
- 5. ครูได้ให้นักเรียนพิจารณาลำดับ 4, 6, 8, 10, 12 จะเห็นว่าแต่ละพจน์ได้จากการบวกพจน์ก่อน หน้าที่อยู่ติดกันด้วย 2 หรือพจน์หลังลบด้วยพจน์หน้าที่อยู่ติดกันเป็นค่าคงตัวเท่ากับ 2 เสมอ นั่นคือ 6 4 = 8 6 = 10 8 = 12 10 = 2 เรียกลำดับที่มีสมบัติเช่นนี้ว่า ลำดับเลขคณิต
  - 6. ครูได้กล่าวบทนิยาม 2 ดังนี้

#### บทนิยาม 2

**ลำดับเลขคณิต** คือ ลำดับซึ่งมีผลต่างที่ได้จากการนำพจน์ที่ n + 1 ลบด้วยพจน์ ที่ n เป็นค่าคงตัวที่เท่ากัน สำหรับทุกจำนวนเต็มบวก n และเรียกค่าคงตัวที่เป็น ผลต่างนี้ว่า **ผลต่างร่วม** 

จากบทนิยาม ลำดับ  $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n, \dots$  จะเป็นลำดับเลขคณิต ก็ต่อเมื่อ มีค่าคงตัว d ที่  $a_{n+1} - a_n$  = d สำหรับทุกจำนวนเต็มบวก n

- 7. ครูได้ยกตัวอย่างของลำดับเลขคณิต ดังนี้
  - 1) 5, 10, 15, 20, 25, ... , 5n, ... ลำดับนี้เป็นลำดับเลขคณิตที่มี 5 เป็นผลต่างร่วม
  - 2) 1, 1, 1, 1, 1, ... ลำดับนี้เป็นลำดับเลขคณิตที่มี 0 เป็นผลต่างร่วม
  - 3) 5, 3, 1, -1, -3, ... ลำดับนี้เป็นลำดับเลขคณิตที่มี -2 เป็นผลต่างร่วม
- 8. ครูอธิบายลำดับเลขคณิตในกรณีทั่วไป และสามารถเขียนพจน์อื่น ๆ ในลำดับเลขคณิตในรูปของ a<sub>1</sub> และ d เช่น

$$a_2 = a_1 + d$$

$$a_3 = a_2 + d$$
 หรือ  $(a_1 + d) + d$  หรือ  $a_1 + 2d$   $a_4 = a_3 + d$  หรือ  $(a_1 + 2d) + d$  หรือ  $a_1 + 3d$   $\vdots$   $a_n = a_{n-1} + d$  หรือ  $[a_1 + (n-2)d] + d$  หรือ  $a_1 + (n-1)d$ 

และการหาพจน์ทั่วไปของ ลำดับเลขคณิตคือ  $a_n = a_1 + (n-1) d$ 

เมื่อ a<sub>1</sub> คือ พจน์ที่ 1 ของลำดับเลขคณิต
 d คือ ผลต่างร่วมของลำดับเลขคณิต
 n คือ ลำดับที่ n ของลำดับเลขคณิต
 และ a<sub>n</sub> คือ พจน์ที่ n หรือพจน์ทั่วไปของลำดับเลขคณิต

9. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 1 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 117 เป็นการบ้าน

#### ชั่วโมงที่ 2

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนลำดับเลขคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 1 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 117 บนกระดาน อย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 6 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 113 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
- 4. ครูให้นักเรียนศึกษาตัวอย่างที่ 7 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 114 พร้อมสุ่มให้นักเรียนออกมาอธิบาย และครูได้อธิบายเพิ่มเติม
  - 5. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 2 ใหญ่ ทำข้อย่อย 1 2 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 118
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
- 6. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 2 ใหญ่ ทำข้อย่อย 3 4 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 118 เป็น การบ้าน

### ชั่วโมงที่ 3

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนลำดับเลขคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 2 ใหญ่ ทำข้อย่อย 3 4 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 118 บนกระดานอย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 8 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 119 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น

- 4. ครูให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม 2 3 คน ให้นักเรียนศึกษาโจทย์ กลุ่มละโจทย์ และมีการแลกเปลี่ยน ความรู้กันในกลุ่มและส่งตัวแทนออกมานำเสนอหน้าชั้นเรียน พร้องทั้งครูช่วยอภิบายเพิ่มเติม
  - 5. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 3 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 118 เป็นการบ้าน

#### ชั่วโมงที่ 4

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนลำดับเลขคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 3 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 118 บนกระดาน อย่างละเอียด
  - 3. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 4 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 118
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
- 4. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 9 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 119 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
  - 5. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 5 7 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 118 เป็นการบ้าน

#### ชั่วโมงที่ 5

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนลำดับเลขคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 5 7 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 118 บน กระดานอย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 10 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 115 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
- 4. ครูให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม 2 3 คน ให้นักเรียนศึกษาโจทย์ กลุ่มละโจทย์ และมีการแลกเปลี่ยน ความรู้กันในกลุ่มและส่งตัวแทนออกมานำเสนอหน้าชั้นเรียน พร้องทั้งครูช่วยอภิบายเพิ่มเติม
  - 5. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 8 10 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 118
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
  - 6. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 11 12 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 118 เป็นการบ้าน

### ชั่วโมงที่ 6

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนลำดับเลขคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 11 12 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 119 บน กระดานอย่างละเอียด

- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 11 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 115 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
- 4. ครูให้นักเรียนศึกษาตัวอย่างที่ 12 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 116 พร้อมสุ่มให้นักเรียนออกมาอธิบาย และครูได้อธิบายเพิ่มเติม
  - 5. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 13 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 119
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
  - 6. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 14 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 119 เป็นการบ้าน

#### ชั่วโมงที่ 7

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนลำดับเลขคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 14 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 119 บนกระดาน อย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 13 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 116 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
- 4. ครูให้นักเรียนศึกษาตัวอย่างที่ 14 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 117 พร้อมสุ่มให้นักเรียนออกมาอธิบาย และครูได้อธิบายเพิ่มเติม
  - 5. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 15 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 119
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
  - 6. ครูและนักเรียนร่วมกันสรุปเนื้อหาเพื่อให้เข้าใจมากยิ่งขึ้น

### 7. สื่อและแหล่งเรียนรู้

- 1. หนังสือเรียนรายวิชาพื้นฐานคณิตศาสตร์ ม.5
- 2. ใบงาน
- 3. ห้องสมุด
- 4. อินเทอร์เน็ต

# 8. การวัดและประเมินผล

วิธีวัดผล	เครื่องมือวัดผล	เกณฑ์การประเมินผล
1. สังเกตพฤติกรรมทางการเรียน	แบบสังเกตพฤติกรรมทางการ	นักเรียนผ่านเกณฑ์การประเมิน
การสอน	เรียนการสอน	ในระดับดีขึ้นไป
2. ใบงาน	ใบงาน	นักเรียนทุกคนทำถูกต้องไม่ต่ำกว่า
		ร้อยละ 70 ของคะแนนทั้งหมด

เกณฑ์การประเมินผลจากการทำใบกิจกรรม ใบงาน แบบฝึกปฏิบัติกิจกรรม ใช้เกณฑ์ดังนี้

80% ขึ้นไป	หมายถึง	ดีมาก
70 - 79%	หมายถึง	ดี
60 - 69%	หมายถึง	ปานกลาง
50 - 59%	หมายถึง	ผ่าน
ต่ำกว่า 50%	หมายถึง	ปรับปรุง

# แบบสังเกตพฤติกรรมทางการเรียนการสอน

เลขที่	ชื่อ-สกุลของ ผู้รับการประเมิน	ทำงาน อย่างเป็น ระบบ	ความ รอบคอบ	ความตั้งใจ เรียน	ความ รับผิดชอบ	การให้ความ ร่วมมือ	รวม
		4	4	4	4	4	20

# เกณฑ์การให้คะแนน

พฤติกรรมที่ปฏิบัติเป็นประจำ	ให้	4	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบ่อยครั้ง	ให้	3	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบางครั้ง	ให้	2	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติน้อยครั้ง	ให้	1	คะแนน

# เกณฑ์การตัดสินคุณภาพ

ช่วงคะแนน	ระดับคุณภาพ
18-20	ดีมาก
13-17	<u></u>
8-12	ปานกลาง
5-7	ปรับปรุง

# แบบสังเกตพฤติกรรมการปฏิบัติกิจกรรมกลุ่ม

กลุ่มที่(ชื่อลุ่ม)	······································
สมาชิกในกลุ่ม	1
·	2
	3
	4
	5
	6

# **คำชี้แจง** ให้ทำเครื่องหมาย ✓ ในช่องที่ตรงกับความเป็นจริง

พฤติกรรมที่สังเกต	คะแนน			
พยไดเเวรามเยากเด	4	3	2	1
1. การมีส่วนร่วมในการวางแผน				
2. การปฏิบัติงานตามบทบาทหน้าที่				
3. การให้ความร่วมมือในการทำงาน				
4. การแสดงความคิดเห็น				
5. การยอมรับความคิดเห็น				
รวม		·	·	

ลงชื่	อผู้ประ	ะเมิเ
	////	

## เกณฑ์การให้คะแนน

พฤติกรรมที่ปฏิบัติเป็นประจำ	ให้	4	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบ่อยครั้ง	ให้	3	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบางครั้ง	ให้	2	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติน้อยครั้ง	ให้	1	คะแนน

## เกณฑ์การตัดสินคุณภาพ

	<u> </u>
ช่วงคะแนน	ระดับคุณภาพ
18-20	ดีมาก
13-17	<u></u> ବି
8-12	ปานกลาง
5-7	ปรับปรุง

### 9. กิจกรรมเสนอแนะ

# ใบงานที่ 1

# เรื่อง ลำดับเลขคณิต

คำชี้แจง :ให้นักเรียนหาคำตอบต่อไปนี้
1. จงหาพจน์ทั่วไปของลำดับจำกัด 3 , 4 , 5 , 6 , 7
2. จงหาพจน์ทั่วไปของลำดับจำกัด 2 , 4 , 8 , 16 , 32

#### เฉลย

### เรื่อง ลำดับเลขคณิต

**คำชี้แจง** :ให้นักเรียนหาคำตอบต่อไปนี้

1. จงหาพจน์ทั่วไปของลำดับจำกัด 3 , 4 , 5 , 6 , 7

**วิธีทำ** จากลำดับจำกัด 3, 4, 5, 6, 7

จะได้ 
$$a_1 = 3 = 1 + 2$$

$$a_2 = 4 = 2 + 2$$

$$a_3 = 5 = 3 + 2$$

$$a_4 = 6 = 4 + 2$$

$$a_5 = 7 = 5 + 2$$

ดังนั้น พจน์ทั่วไปของลำดับจำกัดนี้ คือ  $a_n=n+2$  เมื่อ n=1 , 2 , 3 , 4 , 5

2. จงหาพจน์ทั่วไปของลำดับจำกัด 2, 4, 8, 16, 32

วิธีทำ จากลำดับจำกัด 2, 4, 8, 16, 32

จะได้ 
$$a_1 = 2 = 2^1$$

$$a_2 = 4 = 2^2$$

$$a_3 = 8 = 2^3$$

$$a_4 = 16 = 2^4$$

$$a_5 = 32 = 2^5$$

ดังนั้น พจน์ทั่วไปของลำดับจำกัดนี้ คือ  $a_n=2^n$  เมื่อ n=1 , 2 , 3 , 4 , 5

### แผนการจัดการเรียนรู้

กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ วิชา คณิตศาสตร์พื้นฐาน หน่วยการเรียนรู้ที่ 3 เรื่อง ลำดับและอนุกรม แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 3 เรื่อง ลำดับเรขาคณิต ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 ภาคเรียนที่ 1 เวลา 6 ชั่วโมง

------

### 1. มาตรฐานการเรียนรู้

มาตรฐาน ค 1.3 ใช้นิพจน์ สมการ อสมการ และเมทริกซ์ อธิบายความสัมพันธ์หรือช่วยแก้ปัญหาที่ กำหนดให้

#### 2. ตัวชี้วัด

มฐ. ค 1.1 ม.5/1 เข้าใจและใช้ความรู้เกี่ยวกับดอกเบี้ยและมูลค่าของเงินในการแก้ปัญหา

### 3. สาระสำคัญ

ลำดับเรขาคณิต คือ ลำดับที่มีอัตราส่วนของพจน์ที่ n + 1 กับพจน์ที่ n แล้วมีค่าคงตัวเสมอ และเรียก อัตราส่วนที่มีค่าคง ตัวว่า อัตราส่วนร่วม

### 4. จุดประสงค์การเรียนรู้

- 4.1 ด้านความรู้(K)
  - 1) เข้าใจความหมายของลำดับเรขาคณิตได้
  - 2) หาพจน์ต่าง ๆ ของลำดับเรขาคณิต และนำไปใช้ได้
- 4.2 ด้านทักษะ/กระบวนการ(P)
  - 1) การคิดวิเคราะห์
  - 2) ความสามารถในการสื่อสาร
  - 3) ความสามารถในการแก้ปัญหา
- 4.3 ด้านคุณลักษณะ(A)
  - 1) มีความรับผิดชอบต่อหน้าที่ที่ได้รับมอบหมาย
  - 2) ความละเอียดรอบคอบ
  - 3) ตระหนักในคุณค่าและมีเจตคติที่ดีต่อคณิตศาสตร์
  - 4) มีความเชื่อมั่นในตนเอง
  - 5) ทำงานเป็นระเบียบเรียบร้อย

#### 4.4 ค่านิยมหลัก 12 ประการ

1) ชื่อสัตย์ เสียสละ อดทน มีอุดมการณ์ในสิ่งที่ดีงามเพื่อส่วนรวม

2) ใฝ่หาความรู้ หมั่นศึกษาเล่าเรียนทั้งทางตรง และทางอ้อม

### 5. สาระการเรียนรู้

ลำดับเรขาคณิต

### 6. กระบวนการจัดการเรียนรู้

#### ชั่วโมงที่ 1

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้ให้นักเรียนทราบ
- 2. ครูผู้สอนยกตัวอย่างลำดับ 2 3 ตัวอย่าง (ลำดับเรขาคณิต) แล้วให้ผู้เรียนช่วยกันหาผลต่างของ แต่ละพจน์ของลำดับเปรียบเทียบกัน
- 3. ครูให้นักเรียนพิจารณาลำดับ 2, 6, 18, 54, 162 จะเห็นว่าแต่ละพจน์ได้จากการคูณพจน์ก่อน หน้าที่อยู่ติดกันด้วย 3 หรืออัตราส่วนของพจน์หลังต่อพจน์หน้าที่อยู่ติดกันเป็นค่าคงตัวเท่ากับ 3 เสมอ นั่นคือ  $\frac{6}{2}\!=\!\frac{18}{6}\!=\!\frac{54}{18}\!=\!\frac{162}{54}\!=\!3$  เรียกลำดับที่มีสมบัติเช่นนี้ว่า ลำดับเรขาคณิต

#### บทนิยาม 3

**ลำดับเรขาคณิต** คือ ลำดับซึ่งมีอัตราส่วนของพจน์ที่ n + 1 ต่อพจน์ที่ n เป็นค่า คงตัวที่เท่ากัน สำหรับทุกจำนวนเต็มบวก n และเรียกค่าคงตัวที่เป็นอัตราส่วนนี้ ว่า **อัตราส่วนร่วม** 

จากบทนิยาม ลำดับ  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $a_3$ , ... ,  $a_n$ , ... เป็นลำดับเรขาคณิต ก็ต่อเมื่อ มีค่าคงตัว r ที่  $\frac{a_{n+1}}{a_n} = r$  สำหรับทุกจำนวนเต็มบวก n

4. นักเรียนทำกิจกรรม Investigation ดังนี้

ข้อ	ลำดับ	<u>a2</u>	<u>a3</u>	<u>a4</u>	<u>a<sub>5</sub></u>
00	FLINIO	a <sub>1</sub>	a <sub>2</sub>	a <sub>3</sub>	a <sub>4</sub>
1	1,2,4,8,16,	$\frac{2}{1} = 2$	4 - = 2 2	$\frac{8}{4} = 2$	$\frac{16}{8} = 2$
2	3,-9,27,-81,243,	$\frac{-9}{3}$ = (-3)	$\frac{27}{-9} = (-3)$	$\frac{-81}{27}$ = (-3)	$\frac{243}{-81} = (-3)$
3	64,32,16,8,4,	$\frac{32}{64} = \frac{1}{2}$	$\frac{16}{32} = \frac{1}{2}$	$\frac{8}{16} = \frac{1}{2}$	$\frac{4}{8} = \frac{1}{2}$
4	1,1,1,1,1,	$\frac{1}{-} = 1$	$\frac{1}{1} = 1$	$\frac{1}{-} = 1$	$\frac{1}{-} = 1$
5	1,2,6,24,120,	$\frac{2}{1} = 2$	$\frac{6}{-} = 3$	$\frac{24}{6} = 4$	$\frac{120}{24} = 5$

	0.0.6.3.1	8	6_	3	<u>-1</u>
6	9,8,6,3,-1,	9	8	6	3

มีค่าคงตัวเท่ากับ 2

จะได้ว่า ลำดับในข้อ 1-4 จะมีอัตราส่วนของพจน์หลังกับพจน์หน้าที่อยู่ติดกันดังนี้

$$\bullet \ \frac{2}{1} = \frac{4}{2} = \frac{8}{4} = \frac{16}{8} = 2$$

• 
$$\frac{-9}{3} = \frac{27}{-9} = \frac{-81}{27} = \frac{243}{-81} = (-3)$$
 มีค่าคงตัวเท่ากับ (-3)

• 
$$\frac{32}{64} = \frac{16}{32} = \frac{8}{16} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$
 มีค่าคงตัวเท่ากับ  $\frac{1}{2}$ 

• 
$$\frac{1}{-} = \frac{1}{-} = \frac{1}{-} = \frac{1}{-} = 1$$
 มีค่าคงตัวเท่ากับ 1 1 1 1 1

อัตราส่วนที่อยู่ติดกันในแต่ละคู่จะมีค่าคงตัวที่เท่ากัน ซึ่งจะเรียกลำดับนี้ว่า ลำดับเรขาคณิต และ อัตราส่วนที่คงตัว เรียกว่า อัตราส่วนร่วม ใช้สัญลักษณ์คือ r

5. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.3 ข้อที่ 1 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 127 เป็นการบ้าน

#### ชั่วโมงที่ 2

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนลำดับเรขาคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.1.3 ข้อที่ 1 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 127 บนกระดาน อย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 16 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 122 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
- 4. ครูให้นักเรียนศึกษาตัวอย่างที่ 17 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 122 พร้อมสุ่มให้นักเรียนออกมาอธิบาย และครูได้อธิบายเพิ่มเติม
  - 5. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 2 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 127
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
  - 6. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.3 ข้อที่ 3 4 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 127 เป็นการบ้าน

### ชั่วโมงที่ 3

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนลำดับเรขาคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.1.3 ข้อที่ 3 4 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 127 บน กระดานอย่างละเอียด
- 3. ครูให้นักเรียนแต่ละคนทำแบบฝึกหัด 3.1.3 ข้อที่ 5 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 127 เมื่อนักเรียน ทุกคนทำแบบฝึกหัดเสร็จ ครูและนักเรียนออกมานำเสนอหน้าชั้นเรียน พร้อมตรวจความถูกต้อง

- 4. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 18 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 123 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
- 5. ครูให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม 2 3 คน ให้นักเรียนศึกษาโจทย์ กลุ่มละโจทย์ และมีการแลกเปลี่ยน ความรู้กันในกลุ่มและส่งตัวแทนออกมานำเสนอหน้าชั้นเรียน พร้องทั้งครูช่วยอภิบายเพิ่มเติม
- 6. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.3 ข้อที่ 6 ใหญ่ ข้อย่อยที่ 1 4 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 127 เป็น การบ้าน

#### ชั่วโมงที่ 4

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนลำดับเรขาคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.1.3 ข้อที่ 6 ใหญ่ ข้อย่อยที่ 1 4 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 127 บนกระดานอย่างละเอียด
  - 3. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.2 ข้อที่ 6 ใหญ่ ข้อย่อยที่ 5 8 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 127
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
- 4. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 19 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 123 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
  - 5. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.3 ข้อที่ 7 9 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 128 เป็นการบ้าน

### ชั่วโมงที่ 5

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนลำดับเรขาคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.1.3 ข้อที่ 7 9 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 128 บน กระดานอย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 20 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 124 125 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของ นักเรียนให้มากยิ่งขึ้น
- 4. ครูให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม 2 3 คน ให้นักเรียนศึกษาโจทย์ กลุ่มละโจทย์ และมีการแลกเปลี่ยน ความรู้กันในกลุ่มและส่งตัวแทนออกมานำเสนอหน้าชั้นเรียน พร้องทั้งครูช่วยอภิบายเพิ่มเติม
  - 5. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.3 ข้อที่ 10 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 128
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
  - 6. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.3 ข้อที่ 11 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 128 เป็นการบ้าน

### ชั่วโมงที่ 6

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนลำดับเรขาคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.1.3 ข้อที่ 11 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 128 บนกระดาน อย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 21 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 125 126 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของ นักเรียนให้มากยิ่งขึ้น
- 4. ครูให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม 2 3 คน ให้นักเรียนศึกษาโจทย์ กลุ่มละโจทย์ และมีการแลกเปลี่ยน ความรู้กันในกลุ่มและส่งตัวแทนออกมานำเสนอหน้าชั้นเรียน พร้องทั้งครูช่วยอภิบายเพิ่มเติม
  - 5. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.1.3 ข้อที่ 12 14 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 128
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
  - 6. ครูและนักเรียนร่วมกันสรุปเนื้อหาเพื่อให้เข้าใจมากยิ่งขึ้น

### 7. สื่อและแหล่งเรียนรู้

- 1. หนังสือเรียนรายวิชาพื้นฐานคณิตศาสตร์ ม.5
- 2. ใบงาน
- 3. ห้องสมุด
- 4. อินเทอร์เน็ต

#### 8. การวัดและประเมินผล

วิธีวัดผล	เครื่องมือวัดผล	เกณฑ์การประเมินผล	
1. สังเกตพฤติกรรมทางการเรียน	แบบสังเกตพฤติกรรมทางการ	นักเรียนผ่านเกณฑ์การประเมิน	
การสอน	เรียนการสอน	ในระดับดีขึ้นไป	
2. ใบงาน	ใบงาน	นักเรียนทุกคนทำถูกต้องไม่ต่ำกว่า	
		ร้อยละ 70 ของคะแนนทั้งหมด	

เกณฑ์การประเมินผลจากการทำใบกิจกรรม ใบงาน แบบฝึกปฏิบัติกิจกรรม ใช้เกณฑ์ดังนี้

80% ขึ้นไป	หมายถึง	ดีมาก
70 - 79%	หมายถึง	ดี
60 - 69%	หมายถึง	ปานกลาง
50 - 59%	หมายถึง	ผ่าน
ต่ำกว่า 50%	หมายถึง	ปรับปรุง

### แบบสังเกตพฤติกรรมทางการเรียนการสอน

เลขที่	ชื่อ-สกุลของ ผู้รับการประเมิน	ทำงาน อย่างเป็น ระบบ	ความ รอบคอบ	ความตั้งใจ เรียน	ความ รับผิดชอบ	การให้ความ ร่วมมือ	รวม
		4	4	4	4	4	20

# เกณฑ์การให้คะแนน

พฤติกรรมที่ปฏิบัติเป็นประจำ	ให้	4	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบ่อยครั้ง	ให้	3	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบางครั้ง	ให้	2	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติน้อยครั้ง	ให้	1	คะแนน

# เกณฑ์การตัดสินคุณภาพ

ช่วงคะแนน	ระดับคุณภาพ
18-20	ดีมาก
13-17	ดี
8-12	ปานกลาง
5-7	ปรับปรุง

แบบสังเกตพฤติกรรมการปฏิบัติกิจกรรมกลุ่ม

กล่มที่(ชื่อล่ม)	
สมาชิกในกลุ่ม	1
,	2
	3
	4
	5
	6

# **คำชี้แจง** ให้ทำเครื่องหมาย ✓ ในช่องที่ตรงกับความเป็นจริง

พฤติกรรมที่สังเกต	คะแนน				
พยุทกรรมพลงเกต	4	3	2	1	
1. การมีส่วนร่วมในการวางแผน					
2. การปฏิบัติงานตามบทบาทหน้าที่					
3. การให้ความร่วมมือในการทำงาน					
4. การแสดงความคิดเห็น					
5. การยอมรับความคิดเห็น					
รวม				·	

ลงชื่อ			ผ้ประเมิา
	/	/	ข

## เกณฑ์การให้คะแนน

พฤติกรรมที่ปฏิบัติเป็นประจำ	ให้	4	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบ่อยครั้ง	ให้	3	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบางครั้ง	ให้	2	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติน้อยครั้ง	ให้	1	คะแนน

# เกณฑ์การตัดสินคุณภาพ

	9
ช่วงคะแนน	ระดับคุณภาพ
18-20	ดีมาก
13-17	ବି
8-12	ปานกลาง
5-7	ปรับปรุง

#### 9. กิจกรรมเสนอแนะ

# ใบงานที่ 1

# เรื่อง ลำดับเรขาคณิต

	รียนหาคำตอบต่อไปนี้ กล่วนร่วมของลำดับต่อไปนี้
1)	1 , -1 , 1 , -1 ,
2)	3 , 0.3 , 0.03 , 0.003 ,
3)	$\frac{1}{12}$ , $\frac{1}{6}$ , $\frac{1}{3}$ , $\frac{2}{3}$ ,
	12 0 3 3
4)	$\sqrt{2}$ , $\sqrt{6}$ , $3\sqrt{2}$ , $3\sqrt{6}$ ,

2. จงเขียนสี่พจน์แรกของลำดับเรขาคณิตที่มี $a_1=rac{1}{4}$ และ $r=4$	
3. กำหนดลำดับเรขาคณิตมีพจน์ที่ 1 เป็น 5 และอัตราส่วนร่วมเป็น 2 จงหาพจน์ที่ 8 และพจน์ที่ 1	.2
4. ลำดับเรขาคณิตมีพจน์ที่ 3 เท่ากับ 18 และพจน์ที่ 8 เท่ากับ 4,374 จงหาพจน์ที่ n	
5. พจน์ที่เท่าใดของลำดับเรขาคณิต $\frac{5}{243}$ , $\frac{5}{81}$ , $\frac{5}{81}$ , มีค่าเท่ากับ 135	

.....

### เรื่อง ลำดับเรขาคณิต

### **คำชี้แจง** :ให้นักเรียนหาคำตอบต่อไปนี้

- 1. จงหาอัตราส่วนร่วมของลำดับต่อไปนี้
  - 1) 1,-1,1,-1,...

$$\widehat{\mathbf{J}}$$
 ที่ที่  $\mathbf{r}_1 = \frac{a_2}{a_1} = \frac{-1}{1} = -1$   $\mathbf{r}_2 = \frac{a_3}{a_2} = \frac{1}{-1} = -1$   $\mathbf{r}_3 = \frac{a_4}{a_3} = \frac{-1}{1} = -1$ 

เนื่องจาก  $r_1 = r_2 = r_3 = -1$ ดังนั้น อัตราส่วนร่วมเป็น -1

2) 3,0.3,0.03,0.003,...

วิธีทำ 
$$r_1 = \frac{a_2}{a_1}$$
 =  $\frac{0.3}{3}$  = 0.1  
 $r_2 = \frac{a_3}{a_2}$  =  $\frac{0.03}{0.3}$  = 0.1  
 $r_3 = \frac{a_4}{a_3}$  =  $\frac{0.003}{0.03}$  = 0.1

เนื่องจาก  $r_1 = r_2 = r_3 = 0.1$ ดังนั้น อัตราส่วนร่วมเป็น 0.1

3)  $\frac{1}{12}$ ,  $\frac{1}{6}$ ,  $\frac{1}{3}$ ,  $\frac{2}{3}$ , ...

เนื่องจาก  $r_1 = r_2 = r_3 = 2$ ดังนั้น อัตราส่วนร่วมเป็น 2

4)  $\sqrt{2}$  ,  $\sqrt{6}$  ,  $3\sqrt{2}$  ,  $3\sqrt{6}$  , ...

วิธีทำ 
$$r_1 = \frac{a_2}{a_1}$$
 =  $\frac{\sqrt{6}}{\sqrt{2}}$  =  $\sqrt{3}$ 

$$r_2 = \frac{a_3}{a_2}$$
 =  $\frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{6}}$  =  $\frac{3}{\sqrt{3}}$  =  $\sqrt{3}$ 

$$r_3 = \frac{a_4}{a_3}$$
 =  $\frac{3\sqrt{6}}{3\sqrt{2}}$  =  $\sqrt{3}$ 

เนื่องจาก 
$$r_1 = r_2 = r_3 = \sqrt{3}$$

2. จงเขียนสี่พจน์แรกของลำดับเรขาคณิตที่มี  $a_1 = \frac{1}{4}$  และ r=4

วิธีทำ 
$$a_1 = \frac{1}{4}$$
  $a_2 = a_1 r = \frac{1}{4}(4) = 1$   $a_3 = a_2 r = 1(4) = 4$   $a_4 = a_3 r = 4(4) = 16$  ดังนั้น สี่พจน์แรกของลำดับนี้คือ  $\frac{1}{4}$  , 1 , 4 , 16

3. กำหนดลำดับเรขาคณิตมีพจน์ที่ 1 เป็น 5 และอัตราส่วนร่วมเป็น 2 จงหาพจน์ที่ 8 และพจน์ที่ 12

วิธีทำ 
$$a_1 = 5$$
 ,  $r = 2$  
$$a_n = a_1 r^{n-1}$$
 
$$a_8 = 5(2)^7 = 640$$
 
$$a_{12} = 5(2)^{11} = 10,240$$

ดังนั้น พจน์ที่ 8 คือ 640 และพจน์ที่ 12 คือ 10,240

4. ลำดับเรขาคณิตมีพจน์ที่ 3 เท่ากับ 18 และพจน์ที่ 8 เท่ากับ 4,374 จงหาพจน์ที่ n ว**ิธีทำ** จากโจทย์กำหนดให้พจน์ที่ 3 เท่ากับ 18

5. พจน์ที่เท่าใดของลำดับเรขาคณิต  $\frac{5}{243}$  ,  $\frac{5}{81}$  ,  $\frac{5}{81}$  , ... มีค่าเท่ากับ 135

วิธีทำ จากโจทย์ 
$$a_1 = \frac{5}{243}$$
 ,  $r = \frac{\frac{5}{81}}{\frac{5}{243}} = 3$  ,  $a_n = 135$ 

จากสูตร 
$$a_n = a_1 r^{n-1}$$
  
แทนค่า  $135 = \frac{5}{243} \times 3^{n-1}$   
 $3^{n-1} = 6,561$   
 $3^{n-1} = 3^8$   
 $n-1 = 8$   
 $n = 9$ 

ดังนั้น พจน์ที่มีค่าเท่ากับ135 คือ พจน์ที่ 9

### แผนการจัดการเรียนรู้

กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ วิชา คณิตศาสตร์พื้นฐาน หน่วยการเรียนรู้ที่ 3 เรื่อง ลำดับและอนุกรม แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 4 เรื่อง อนุกรมคณิต ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 ภาคเรียนที่ 1 เวลา 6 ชั่วโมง

------

### 1. มาตรฐานการเรียนรู้

มาตรฐาน ค 1.3 ใช้นิพจน์ สมการ อสมการ และเมทริกซ์ อธิบายความสัมพันธ์หรือช่วยแก้ปัญหาที่ กำหนดให้

#### 2. ตัวชี้วัด

มฐ. ค 1.1 ม.5/1 เข้าใจและใช้ความรู้เกี่ยวกับดอกเบี้ยและมูลค่าของเงินในการแก้ปัญหา

### 3. สาระสำคัญ

อนุกรมเลขคณิต คือ อนุกรมที่ได้จากลำดับเลขคณิต และมีผลต่างร่วมของลำดับเลขคณิตเป็นผลต่าง ร่วมของ

อนุกรมเลขคณิตด้วย สูตรผลบวกการหาอนุกรมเลขคณิต คือ  $S_n = \frac{n(a_1 + a_n)}{2}$  หรือ  $S_n$ 

$$=\frac{n}{2}[2a_1+(n-1)d]$$

### 4. จุดประสงค์การเรียนรู้

- 4.1 ด้านความรู้(K)
  - 1) บอกความหมายของอนุกรมเลขคณิตได้
  - 2) หาผลบวกต่าง ๆ ของอนุกรมเลขคณิต และนำไปใช้ได้
- 4.2 ด้านทักษะ/กระบวนการ(P)
  - 1) การคิดวิเคราะห์
  - 2) ความสามารถในการสื่อสาร
  - 3) ความสามารถในการแก้ปัญหา
- 4.3 ด้านคุณลักษณะ(A)
  - 1) มีความรับผิดชอบต่อหน้าที่ที่ได้รับมอบหมาย
  - 2) ความละเอียดรอบคอบ
  - 3) ตระหนักในคุณค่าและมีเจตคติที่ดีต่อคณิตศาสตร์
  - 4) มีความเชื่อมั่นในตนเอง
  - 5) ทำงานเป็นระเบียบเรียบร้อย
- 4.4 ค่านิยมหลัก 12 ประการ

- 1) ชื่อสัตย์ เสียสละ อดทน มีอุดมการณ์ในสิ่งที่ดีงามเพื่อส่วนรวม
- 2) ใฝ่หาความรู้ หมั่นศึกษาเล่าเรียนทั้งทางตรง และทางอ้อม

### 5. สาระการเรียนรู้

อนุกรมเลขคณิต

### 6. กระบวนการจัดการเรียนรู้

#### ชั่วโมงที่ 1

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้ให้นักเรียนทราบ
- 2. ครูกล่าวทบทวนความรู้เรื่องลำดับเลขคณิตโดยตั้งคำถามดังนี้
  - ยกตัวอย่างของลำดับเลขคณิตมา 3 ลำดับ

แนวตอบ 1) 4,7,10,13

2) 5, 8,11,14,...

3) 1,-4,-9,-14,...

- จากตัวอย่างข้างต้น ให้นักเรียนเขียนลำดับเลขคณิตให้อยู่ในรูปการบวก

แนวตอบ 1) 4 + 7 + 10 + 13

2) 5 + 8 + 11 + 14 + ...

3) 1 + (-4) +(-9) + (-14) +...

3. ครูกล่าวเพิ่มเติมจากข้อ 2. ว่า "ผลบวกที่ได้จากลำดับเลขคณิต เรียกว่า อนุกรมเลขคณิต และ อนุกรมที่ได้จากลำดับจำกัด

เรียกว่าอนุกรมจำกัด ดังตัวอย่างข้อ 1) เป็นอนุกรมจำกัด และอนุกรมที่ได้จากลำดับอนันต์ เรียกว่า อนุกรมอนันต์ ดังตัวอย่างข้อ 2) และ 3)"

4. ครูกล่าวเพิ่มเติมว่าผลบวกของพจน์ทุกพจน์ของลำดับเรียกว่า อนุกรม นั่นคือ

เมื่อ a<sub>1</sub> คือ พจน์แรกของอนุกรม

a<sub>2</sub> คือ พจน์ที่สองของอนุกรม

a<sub>3</sub> คือ พจน์ที่สามของอนุกรม

a<sub>n</sub> คือ พจน์ที่ n ของอนุกรม

ถ้า  $a_1, a_2, a_3, ..., a_n$  เป็นลำดับจำกัด แล้ว  $a_1 + a_2 + a_3 + ... + a_n$  เรียกว่า อนุกรมจำกัด  $a_1, a_2, a_3, ..., a_n, ...$  เป็นลำดับอนันต์แล้ว  $a_1 + a_2 + a_3 + ... + a_n + ...$  เรียกว่า อนุกรม

อนันต์

- 5. ครูยกตัวอย่างของอนุกรม ดังนี้
- 3 + 6 + 9 + 12 + 15 เป็นอนุกรมจำกัดที่ได้จากลำดับจำกัด 3, 6, 9, 12, 15
- 25 + 20 + 15 + 10 + ... เป็นอนุกรมอนันต์ที่ได้จากลำดับอนันต์
- $\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots + \frac{1}{2^n} + \dots$  เป็นอนุกรมอนันต์ที่ได้จากลำดับอนันต์

บทนิยาม กำหนด  $a_1 + a_2 + a_3 + ... + a_n + ...$ เป็นอนุกรมอนันต์

$$S_2 = a_1 + a_2$$
  
 $S_3 = a_1 + a_2 + a_3$   
:  
:  
:  
:  
:  
:  
:  
:  
:

เรียก  $S_n$  ว่าผลบวกย่อย n พจน์แรกของอนุกรม เมื่อ n เป็นจำนวนเต็มบวก และเขียนในรูปแบบ สัญลักษณ์แทนการบวกโดยใช้ตัวอักษรกรีก  $\Sigma$  เรียกว่า ซิกมา เช่น

อนุกรมจำกัด  $a_1 + a_2 + a_3 + ... + a_n$ เขียนแทนด้วยสัญลักษณ์

6. ครูให้นักเรียนแต่ละคนสรุปอนุกรมจำกัดลงในสมุดให้เรียบร้อยและส่ง

#### ชั่วโมงที่ 2

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนอนุกรม
- 2. ครูได้กล่าวถึงอนุกรมเลขคณิต อนุกรมที่ได้จากลำดับเลขคณิต เรียกว่า อนุกรมเลขคณิต
- 3. ครูให้นักเรียนพิจารณาอนุกรมเลขคณิต 1 + 2 + 3 + ... + 100 และให้นักเรียนศึกษาในหนังสือ เรียนหน้าที่ 130
- 4. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 22 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 131 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
  - 5. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.2.1 ข้อที่ 1 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 134 เป็นการบ้าน

#### ชั่วโมงที่ 3

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนอนุกรมเลขคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.2.1 ข้อที่ 1 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 134 บนกระดาน อย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 23 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 132 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
  - 4. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
- ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.2.1 ข้อที่ 2 ใหญ่ ทำข้อย่อยที่ 1 3 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 134 - 135
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
- 5. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.2.1 ข้อที่ 2 ใหญ่ ทำข้อย่อยที่ 4 5 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 134 -135 เป็นการบ้าน

### ชั่วโมงที่ 4

1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนอนุกรมเลขคณิต

- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.2.1 ข้อที่ 2 ใหญ่ ทำข้อย่อยที่ 4 5 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 134 - 135 บนกระดานอย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 24 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 132 133 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของ นักเรียนให้มากยิ่งขึ้น
- 4. ครูกล่าวถึงตัวอย่างที่ 24 ในหมายเหตุ โดยอธิบายในหนังสือเรียนหน้าที่ 133 และใช้ในการถาม ตอบกับนักเรียน
  - 5. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.2.1 ข้อที่ 3 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 135
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
  - 6. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.2.1 ข้อที่ 4 5 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 135 เป็นการบ้าน

#### ชั่วโมงที่ 5

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนอนุกรมเลขคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.2.1 ข้อที่ 4 5 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 135 บน กระดานอย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 25 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 134 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
- 4. ครูให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม 2 3 คน ให้นักเรียนศึกษาโจทย์ กลุ่มละโจทย์ และมีการแลกเปลี่ยน ความรู้กันในกลุ่มและส่งตัวแทนออกมานำเสนอหน้าชั้นเรียน พร้องทั้งครูช่วยอภิบายเพิ่มเติม
  - 5. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.2.1 ข้อที่ 6 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 135
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
  - 6. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.2.1 ข้อที่ 7 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 135 เป็นการบ้าน

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนอนุกรมเลขคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.2.1 ข้อที่ 7 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 135 บนกระดาน อย่างละเอียด
- 3. ครูให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม 2 3 คน ให้นักเรียนศึกษาโจทย์ กลุ่มละโจทย์ และมีการแลกเปลี่ยน ความรู้กันในกลุ่มและส่งตัวแทนออกมานำเสนอหน้าชั้นเรียน พร้องทั้งครูช่วยอภิบายเพิ่มเติม
  - 4. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.2.1 ข้อที่ 8 10 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 135

- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
  - 5. ครูและนักเรียนร่วมกันสรุปเนื้อหาเพื่อให้เข้าใจมากยิ่งขึ้น

### 7. สื่อและแหล่งเรียนรู้

- 1. หนังสือเรียนรายวิชาพื้นฐานคณิตศาสตร์ ม.5
- 2. ใบงาน
- 3. ห้องสมุด
- 4. อินเทอร์เน็ต

### 8. การวัดและประเมินผล

วิธีวัดผล	เครื่องมือวัดผล	เกณฑ์การประเมินผล
1. สังเกตพฤติกรรมทางการเรียน	แบบสังเกตพฤติกรรมทางการ	นักเรียนผ่านเกณฑ์การประเมิน
การสอน	เรียนการสอน	ในระดับดีขึ้นไป
2. ใบงาน	ใบงาน	นักเรียนทุกคนทำถูกต้องไม่ต่ำกว่า
		ร้อยละ 70 ของคะแนนทั้งหมด

เกณฑ์การประเมินผลจากการทำใบกิจกรรม ใบงาน แบบฝึกปฏิบัติกิจกรรม ใช้เกณฑ์ดังนี้

80% ขึ้นไป	หมายถึง	ดีมาก
70 - 79%	หมายถึง	<u>ର</u> ି
60 - 69%	หมายถึง	ปานกลาง
50 - 59%	หมายถึง	ผ่าน
ต่ำกว่า 50%	หมายถึง	ปรับปรุง

# แบบสังเกตพฤติกรรมทางการเรียนการสอน

เลขที่	ชื่อ-สกุลของ ผู้รับการประเมิน	ทำงาน อย่างเป็น ระบบ	ความ รอบคอบ	ความตั้งใจ เรียน	ความ รับผิดชอบ	การให้ความ ร่วมมือ	รวม
		4	4	4	4	4	20

## เกณฑ์การให้คะแนน

พฤติกรรมที่ปฏิบัติเป็นประจำ	ให้	4	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบ่อยครั้ง	ให้	3	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบางครั้ง	ให้	2	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติน้อยครั้ง	ให้	1	คะแนน

# เกณฑ์การตัดสินคุณภาพ

ช่วงคะแนน	ระดับคุณภาพ
18-20	ดีมาก
13-17	<u></u>
8-12	ปานกลาง
5-7	ปรับปรุง

# แบบสังเกตพฤติกรรมการปฏิบัติกิจกรรมกลุ่ม

กลุ่มที่(ชื่อลุ่ม)	······································
สมาชิกในกลุ่ม	1
·	2
	3
	4
	5
	6

# **คำชี้แจง** ให้ทำเครื่องหมาย ✓ ในช่องที่ตรงกับความเป็นจริง

พฤติกรรมที่สังเกต	คะแนน			
พยไดเเวรามเยากเด	4	3	2	1
1. การมีส่วนร่วมในการวางแผน				
2. การปฏิบัติงานตามบทบาทหน้าที่				
3. การให้ความร่วมมือในการทำงาน				
4. การแสดงความคิดเห็น				
5. การยอมรับความคิดเห็น				
รวม		·	·	

ลงชื่	อผู้ประ	ะเมิเ
	////	

### เกณฑ์การให้คะแนน

พฤติกรรมที่ปฏิบัติเป็นประจำ	ให้	4	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบ่อยครั้ง	ให้	3	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบางครั้ง	ให้	2	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติน้อยครั้ง	ให้	1	คะแนน

### เกณฑ์การตัดสินคุณภาพ

	<u> </u>
ช่วงคะแนน	ระดับคุณภาพ
18-20	ดีมาก
13-17	<u></u> ବି
8-12	ปานกลาง
5-7	ปรับปรุง

### 9. กิจกรรมเสนอแนะ

# ใบงานที่ 1

# เรื่อง อนุกรมเลขคณิต

<b>คำชี้แจง</b> :ให้นักเรียนหาคำตอบต่อไปนี้
1. จงหาผลบวก 25 พจน์แรกของอนุกรมเลขคณิต 3 + 5 + 7 +

2. ถ้าอนุกรมเลขคณิต คือ 15 + 13 + 11 + จงหาค่าของ n  เมื่อ $s_n = -36$
······

### เฉลย

### เรื่อง อนุกรมเลขคณิต

### คำชี้แจง :ให้นักเรียนหาคำตอบต่อไปนี้

1. จงหาผลบวก 25 พจน์แรกของอนุกรมเลขคณิต 3 + 5 + 7 + ...

วิธีทำ (สำหรับการหาผลบวกของอนุกรมเลขคณิต สามารถทำได้ 3 วิธีได้แก่)

1. หาโดยใช้สูตร 
$$s_n = \frac{n}{2} [2a_1 + (n-1)d]$$

2. หาโดยใช้สูตร 
$$s_n = \frac{n}{2}(a_1 + a_n)$$

3. หาโดยใช้สูตร  $\sum a_n$  (วิธีนี้จะไม่แสดงให้นักเรียนดูเนื่องจากนักเรียนได้ฝึกในแผนการ เรียนที่ 11-12 มาพอสมควรแล้ว)

$$s_n = \frac{n}{2} [2a_1 + (n-1)d]$$

จากโจทย์ n = 25,  $a_1 = 3$ , d = 2

แทนค่า 
$$s_n = \frac{n}{2} [2a_1 + (n-1)d]$$
$$= \frac{25}{2} [2(3) + (25-1)(2)]$$
$$= \frac{25}{2} (54)$$
$$= 675$$

.. ผลบวก 25 พจน์แรก คือ 675

$$s_n = \frac{n}{2} (a_1 + a_n)$$

จากโจทย์ n = 25,  $a_1 = 3$ 

$$a_n = a_{25} = a_1 + 24d = 3 + 24(2) = 51$$

แทนค่า 
$$s_n = \frac{n}{2}(a_1 + a_n)$$

$$= \frac{25}{2}(3 + 51)$$

$$= \frac{25}{2}(54)$$

$$= 675$$

.. ผลบวก 25 พจน์แรก คือ 675

2. ถ้าอนุกรมเลขคณิต คือ 15 + 13 + 11 + ... จงหาค่าของ n เมื่อ  $s_n = -36$ 

วิธีทำ จากสูตร 
$$s_n = \frac{n}{2} \left[ 2a_1 + (n-1)d \right]$$
 จากโจทย์  $a_1 = 3$  ,  $d = -2$  ,  $s_n = -36$  แทนค่า 
$$-36 = \frac{n}{2} \left[ 2a_1 + (n-1)d \right]$$
 
$$-36 = \frac{n}{2} \left[ 2(3) + (n-1)(-2) \right]$$
 
$$-72 = 30n - 2n^2 + 2n$$
 
$$2n^2 - 32n - 72 = 0$$
 
$$n^2 - 16n - 36 = 0$$
 
$$(n-18)(n+2) = 0$$
 
$$n = 18 , -2 \qquad \text{(แต่ n เป็นจำนวนเต็มบวก)}$$
 คังนั้น 
$$n = 18$$

### แผนการจัดการเรียนรู้

กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ วิชา คณิตศาสตร์พื้นฐาน หน่วยการเรียนรู้ที่ 3 เรื่อง ลำดับและอนุกรม แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 5 เรื่อง อนุกรมเรขาคณิต ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 ภาคเรียนที่ 1 เวลา 5 ชั่วโมง

------

### 1. มาตรฐานการเรียนรู้

มาตรฐาน ค 1.3 ใช้นิพจน์ สมการ อสมการ และเมทริกซ์ อธิบายความสัมพันธ์หรือช่วยแก้ปัญหาที่ กำหนดให้

#### 2. ตัวชี้วัด

มฐ. ค 1.1 ม.5/1 เข้าใจและใช้ความรู้เกี่ยวกับดอกเบี้ยและมูลค่าของเงินในการแก้ปัญหา

### 3. สาระสำคัญ

อนุกรมเรขาคณิต คือ อนุกรมที่ได้จากลำดับเรขาคณิต และมีอัตราส่วนร่วมของลำดับเรขาคณิตเป็น อัตราส่วนร่วมของ

อนุกรมเรขาคณิตด้วย สูตรผลบวกการหาอนุกรมเรขาคณิต คือ  $S_n = \frac{a_1(r^{n-1})}{r-1}$  หรือ  $S_n$ 

= 
$$\frac{a_1 - a_n}{1 - r}$$
 เมื่อ r≠1

### 4. จุดประสงค์การเรียนรู้

- 4.1 ด้านความรู้(K)
  - 1) บอกความหมายของอนุกรมเรขาคณิตได้
  - 2) หาผลบวกต่าง ๆ ของอนุกรมเรขาคณิต และนำไปใช้ได้
- 4.2 ด้านทักษะ/กระบวนการ(P)
  - 1) การคิดวิเคราะห์
  - 2) ความสามารถในการสื่อสาร
  - 3) ความสามารถในการแก้ปัญหา
- 4.3 ด้านคุณลักษณะ(A)
  - 1) มีความรับผิดชอบต่อหน้าที่ที่ได้รับมอบหมาย
  - 2) ความละเอียดรอบคอบ
  - 3) ตระหนักในคุณค่าและมีเจตคติที่ดีต่อคณิตศาสตร์
  - 4) มีความเชื่อมั่นในตนเอง
  - 5) ทำงานเป็นระเบียบเรียบร้อย
- 4.4 ค่านิยมหลัก 12 ประการ

- 1) ชื่อสัตย์ เสียสละ อดทน มีอุดมการณ์ในสิ่งที่ดีงามเพื่อส่วนรวม
- 2) ใฝ่หาความรู้ หมั่นศึกษาเล่าเรียนทั้งทางตรง และทางอ้อม

### 5. สาระการเรียนรู้

อนุกรมเรขาคณิต

### 6. กระบวนการจัดการเรียนรู้

#### ชั่วโมงที่ 1

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้ให้นักเรียนทราบ
- 2. ครูทบทวนความรู้เรื่องลำดับเรขาคณิต โดยตั้งคำถามดังนี้
  - ยกตัวอย่างของลำดับเรขาคณิตมา 3 ลำดับ

แนวตอบ : 1. 5, 10, 20, 40

2. 50, 25, 5, 
$$\frac{1}{-}$$
, ...

- จากตัวอย่างข้างต้นให้นักเรียนเขียนลำดับเรขาคณิตให้อยู่ในรูปการบวก

แนวตอบ : 1. 5+10+20+40

- 3. ครูอธิบายเพิ่มเติมจากข้อ 2. ว่า "ผลบวกที่ได้จากลำดับเรขาคณิต เรียกว่า อนุกรมเรขาคณิต"
- 4. ครู้ให้นักเรียนศึกษาอนุกรมเรขาคณิต ในหนังสือเรียนหน้าที่ 136 137 และให้นักเรียนอภิปราย ร่วมกันในห้องเรียน
- 5. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 26 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 137 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
  - 6. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.2.2 ข้อที่ 1 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 141 เป็นการบ้าน

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนอนุกรมเรขาคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.2.2 ข้อที่ 1 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 141 บนกระดาน อย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 27 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 137 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
  - 4. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.2.2 ข้อที่ 2 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 141

- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
  - 5. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.2.2 ข้อที่ 3 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 141 เป็นการบ้าน

#### ชั่วโมงที่ 3

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนอนุกรมเลขคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.2.2 ข้อที่ 3 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 141 บนกระดาน อย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 28 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 138 -139 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของ นักเรียนให้มากยิ่งขึ้น
- 4. ครูให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม 2 3 คน ให้นักเรียนศึกษาโจทย์ กลุ่มละโจทย์ และมีการแลกเปลี่ยน ความรู้กันในกลุ่มและส่งตัวแทนออกมานำเสนอหน้าชั้นเรียน พร้องทั้งครูช่วยอภิบายเพิ่มเติม
  - 5. ครูอธิบายตัวอย่างที่ 29 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 139 บนกระดานและมีการถาม ตอบคำถาม
  - 6. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.2.2 ข้อที่ 4 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 142 เป็นการบ้าน

#### ชั่วโมงที่ 4

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนอนุกรมเรขาคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.2.2 ข้อที่ 4 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 142 บนกระดาน อย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 30 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 140 141 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของ นักเรียนให้มากยิ่งขึ้น
  - 4. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.2.2 ข้อที่ 5 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 142
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
  - 5. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.2.1 ข้อที่ 6 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 142 เป็นการบ้าน

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนอนุกรมเรขาคณิต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.2.2 ข้อที่ 6 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 142 บนกระดาน อย่างละเอียด
- 3. ครูให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม 2 3 คน ให้นักเรียนศึกษาโจทย์ กลุ่มละโจทย์ และมีการแลกเปลี่ยน ความรู้กันในกลุ่มและส่งตัวแทนออกมานำเสนอหน้าชั้นเรียน พร้องทั้งครูช่วยอภิบายเพิ่มเติม
  - 4. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้

- ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.2.2 ข้อที่ 7 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 142
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
  - 5. ครูและนักเรียนร่วมกันสรุปเนื้อหาเพื่อให้เข้าใจมากยิ่งขึ้น

### 7. สื่อและแหล่งเรียนรู้

- 1. หนังสือเรียนรายวิชาพื้นฐานคณิตศาสตร์ ม.5
- 2. ใบงาน
- 3. ห้องสมุด
- 4. อินเทอร์เน็ต

#### 8. การวัดและประเมินผล

วิธีวัดผล	เครื่องมือวัดผล	เกณฑ์การประเมินผล
1. สังเกตพฤติกรรมทางการเรียน	แบบสังเกตพฤติกรรมทางการ	นักเรียนผ่านเกณฑ์การประเมิน
การสอน	เรียนการสอน	ในระดับดีขึ้นไป
2. ใบงาน	ใบงาน	นักเรียนทุกคนทำถูกต้องไม่ต่ำกว่า
		ร้อยละ 70 ของคะแนนทั้งหมด

เกณฑ์การประเมินผลจากการทำใบกิจกรรม ใบงาน แบบฝึกปฏิบัติกิจกรรม ใช้เกณฑ์ดังนี้

80% ขึ้นไป	หมายถึง	ดีมาก
70 - 79%	หมายถึง	<u></u> ବି
60 - 69%	หมายถึง	ปานกลาง
50 - 59%	หมายถึง	ผ่าน
ต่ำกว่า 50%	หมายถึง	ปรับปรุง

# แบบสังเกตพฤติกรรมทางการเรียนการสอน

เลขที่	ชื่อ-สกุลของ ผู้รับการประเมิน	ทำงาน อย่างเป็น ระบบ	ความ รอบคอบ	ความตั้งใจ เรียน	ความ รับผิดชอบ	การให้ความ ร่วมมือ	รวม
		4	4	4	4	4	20

## เกณฑ์การให้คะแนน

พฤติกรรมที่ปฏิบัติเป็นประจำ	ให้	4	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบ่อยครั้ง	ให้	3	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบางครั้ง	ให้	2	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติน้อยครั้ง	ให้	1	คะแนน

# เกณฑ์การตัดสินคุณภาพ

ช่วงคะแนน	ระดับคุณภาพ
18-20	ดีมาก
13-17	<u></u>
8-12	ปานกลาง
5-7	ปรับปรุง

# แบบสังเกตพฤติกรรมการปฏิบัติกิจกรรมกลุ่ม

กลุ่มที่(ชื่อลุ่ม)	······································
สมาชิกในกลุ่ม	1
·	2
	3
	4
	5
	6

# **คำชี้แจง** ให้ทำเครื่องหมาย ✓ ในช่องที่ตรงกับความเป็นจริง

พฤติกรรมที่สังเกต	คะแนน			
พยไดเเวรามเยสกเด	4	3	2	1
1. การมีส่วนร่วมในการวางแผน				
2. การปฏิบัติงานตามบทบาทหน้าที่				
3. การให้ความร่วมมือในการทำงาน				
4. การแสดงความคิดเห็น				
5. การยอมรับความคิดเห็น				
รวม		·	·	

ลงชื่	ອ	ผ้ประเมิเ
• • • •		9
	,	
	//	

### เกณฑ์การให้คะแนน

พฤติกรรมที่ปฏิบัติเป็นประจำ	ให้	4	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบ่อยครั้ง	ให้	3	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบางครั้ง	ให้	2	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติน้อยครั้ง	ให้	1	คะแนน

### เกณฑ์การตัดสินคุณภาพ

9				
ช่วงคะแนน	ระดับคุณภาพ			
18-20	ดีมาก			
13-17	ବି			
8-12	ปานกลาง			
5-7	ปรับปรุง			

### 9. กิจกรรมเสนอแนะ

# ใบงานที่ 1

# เรื่อง อนุกรมเรขาคณิต

คำชี้แจง :ให้นักเรียนหาคำตอบต่อไปนี้
1. จงหาผลบวกแปดพจน์แรกของอนุกรมเรขาคณิต 1 + 2 + 4 + 8 +
2. จงหาผลบวกสิบพจน์แรกของลำดับเรขาคณิต $\frac{1}{2}, \frac{1}{6}, \frac{1}{16}, \frac{1}{16}, \frac{1}{16}, \dots$ $\frac{1}{2}$ 6 18 54
2 6 18 54
3. จงหาผลบวกของพจน์ทุกพจน์ของอนุกรมเรขาคณิต $1+\dfrac{1}{2}+\dfrac{1}{4}+\dfrac{1}{8}+\ldots +\dfrac{1}{256}$
2 4 8 256

#### เฉลย

### เรื่อง อนุกรมเรขาคณิต

### **คำชี้แจง** :ให้นักเรียนหาคำตอบต่อไปนี้

1. จงหาผลบวกแปดพจน์แรกของอนุกรมเรขาคณิต 1 + 2 + 4 + 8 +......

วิธีทำ อนุกรมที่กำหนดให้มี  $a_1=1$  , r=2 , n=8

$$\operatorname{supp} S_n = \frac{a_1 r^n - a_1}{r - 1}$$

$$S_8 = \frac{1(2)^8 - 1}{2 - 1} = \frac{2^8 - 1}{1} = \frac{256 - 1}{1} = 255$$

ดังนั้นผลบวกแปดพจน์แรกของลำดับเรขาคณิตคือ 255

2. จงหาผลบวกสิบพจน์แรกของลำดับเรขาคณิต  $\frac{1}{2}, \frac{1}{6}, \frac{1}{18}, \frac{1}{54}, \dots$ 

**วิธีทำ** อนุกรมที่กำหนดให้มี 
$$a_1 = \frac{1}{2}, r = \frac{1}{2}$$

$$S_{n} = \frac{a_{1}(1-r^{n})}{1-r} = \frac{\frac{1}{2}(1-(-)^{10})^{10}}{\frac{2}{3}} = \frac{\frac{1}{2}(1-(-)^{10})^{10}}{\frac{2}{3}} = \frac{1}{2}(1-(-)^{10})^{10} = \frac{1}{2}(1-(-)^{1$$

$$S_{n} = \frac{3}{4} \{1 - (\frac{1}{2})^{10}\} = \frac{3}{4} (1 - \frac{1}{59049}) = (\frac{3}{4}) (\frac{59048}{59049}) = \frac{14762}{19683}$$

3. จงหาผลบวกของพจน์ทุกพจน์ของอนุกรมเรขาคณิต

$$1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \dots + \frac{1}{256}$$

วิธีทำ จากอนุกรมเรขาคณิตที่กำหนดให้ มี  $a_1=1$  ,  $r=rac{1}{2}$ 

เนื่องจากไม่ทราบว่าลำดับชุดนี้มีทั้งหมดกี่จำนวน นำความรู้เรื่องลำดับเรขาคณิตหาค่า n

จาก 
$$a_n = a_1 r^{n-1}$$
  $\frac{1}{256} = (1)(\frac{1}{-})^{n-1}$   $\frac{1}{256} = (\frac{1}{-})^{n-1}$   $\frac{1}{2} = (\frac{1}{-})^8 = (\frac{1}{-})^{n-1}$   $8 = n-1$   $n = 9$   $1 = \frac{a_1(1-r^n)}{1-r}$   $S_n = \frac{a_1(1-r^n)}{1-r}$   $S_9 = \frac{1[1-(\frac{1}{2})^9]}{1-\frac{1}{2}} = \frac{1-\frac{1}{512}}{\frac{1}{2}} = \frac{511}{512} \times \frac{2}{1} = \frac{1022}{512} = 1\frac{255}{256}$ 

### แผนการจัดการเรียนรู้

กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์	วิชา คณิตศาสตร์พื้นฐาน	ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5
หน่วยการเรียนรู้ที่ 3 เรื่อง ลำดั	ับและอนุกรม	ภาคเรียนที่ 2
แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 1 เรื่อง ก	ารประยุกต์ของลำดับและอนุกรม	เวลา 8 ชั่วโมง
ครูผู้สอน นายถาวร ลาวช่าง โรงเ	รียนนาคำราษฎร์รังสรรค์	
วันที่สอน	เดือน	พ.ศ

### 1. มาตรฐานการเรียนรู้

มาตรฐาน ค 1.3 ใช้นิพจน์ สมการ อสมการ และเมทริกซ์ อธิบายความสัมพันธ์หรือช่วยแก้ปัญหาที่ กำหนดให้

### 2. ตัวชี้วัด

มฐ. ค 1.1 ม.5/1 เข้าใจและใช้ความรู้เกี่ยวกับดอกเบี้ยและมูลค่าของเงินในการแก้ปัญหา

### 3. สาระสำคัญ

การหาพจน์ทั่วไปของลำดับ คือ การเขียนแสดงพจน์ทั่วไป ในรูปที่มี n เป็นตัวแปร ซึ่งจะมี ความสัมพันธ์ของพจน์ต่างๆ และความสัมพันธ์ระหว่างพจน์กับลำดับที่โจทย์กำหนดให้

### 4. จุดประสงค์การเรียนรู้

- 4.1 ด้านความรู้(K)
  - 1) หาพจน์ทั่วไปของลำดับจำกัดที่กำหนดให้ได้
  - 2) หาพจน์ทั่วไปของลำดับอนันต์ที่กำหนดให้ได้
- 4.2 ด้านทักษะ/กระบวนการ(P)
  - 1) การคิดวิเคราะห์
  - 2) ความสามารถในการสื่อสาร
  - 3) ความสามารถในการแก้ปัญหา
- 4.3 ด้านคุณลักษณะ(A)
  - 1) มีความรับผิดชอบต่อหน้าที่ที่ได้รับมอบหมาย
  - 2) ความละเอียดรอบคอบ
  - 3) ตระหนักในคุณค่าและมีเจตคติที่ดีต่อคณิตศาสตร์
  - 4) มีความเชื่อมั่นในตนเอง
  - 5) ทำงานเป็นระเบียบเรียบร้อย

- 4.4 ค่านิยมหลัก 12 ประการ
  - 1) ชื่อสัตย์ เสียสละ อดทน มีอุดมการณ์ในสิ่งที่ดีงามเพื่อส่วนรวม
  - 2) ใฝ่หาความรู้ หมั่นศึกษาเล่าเรียนทั้งทางตรง และทางอ้อม

### 5. สาระการเรียนรู้

การประยุกต์ของลำดับและอนุกรม

### 6. กระบวนการจัดการเรียนรู้

#### ชั่วโมงที่ 1

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้ให้นักเรียนทราบ
- 2. ในหัวข้อนี้เป็นการนำความรู้เรื่องลำดับและอนุกรมไปใช้การแก้ปัญหาต่าง ๆ
- 3. ครูได้อธิบายเรื่องดอกเบี้ยทบต้น ในบทที่ 1 เรื่องเลขยกกำลัง ได้แสดงวิธีหาเงินรวบจากการฝาก เงินด้วยเงินต้น P บาท ได้รับอัตราดอกเบี้ย i% ต่อปี โดยคิดดอกเบี้ยแบบทบต้นทุกปี (ปีละครั้ง) ซึ่งเมื่อสิ้นปีที่ n จะได้ เงินรวม  $P(1+r)^n$  บาท โดยที่  $r=\frac{i}{100}$
- 4. ครูกล่าวในกรณีที่มีการคิดดอกเบี้ยทบต้นมากกว่าปีละครั้ง เช่น ธนาคารคิดดอกเบี้ยทบต้นสำหรับ เงินฝากในบัญชีออมทรัพย์ทุก 6 เดือน จะสามารถคำนวณเงินรวมได้จาก P(1 + r)<sup>n</sup> เมื่อ P แทนเงินต้น n แทน จำนวนงวด และ r แทนอัตราดอกเบี้ยที่คิดแบบทบต้นต่องวด

ในทางปฏิบัติ อัตราดอกเบี้ยที่ระบุจะเป็นอัตราดอกเบี้ยต่อปี ดังนั้น ในการคำนวณจะต้องแปลงให้เป็น อัตราดอกเบี้ยต่องวดเสียก่อน เช่น อัตราดอกเบี้ย 6% ต่อปี โดยคิดทบต้นทุก 3 เดือน แสดงว่าใน 1 ปี จะคิด ดอกเบี้ยทบต้น 4 ครั้ง จะได้ อัตราดอกเบี้ยต่องวด คือ  $\frac{6\%}{4}$  = 1.5% หรือ 0.015

- 5. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 31 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 143 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
  - 6. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 1 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155 เป็นการบ้าน

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนดอกเบี้ยทบต้น
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 1 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155 บนกระดานอย่าง ละเอียด
  - 3. สามารถสรุปวิธีหาเงินรวมที่ได้จากการคิดดอกเบี้ยแบบทบต้น ได้ดังทฤษฎีบทต่อไปนี้

### ทฤษฎีบท 1

ถ้าเริ่มฝากเงินด้วยเงินต้น P บาท ได้รับอัตราดอกเบี้ย i% ต่อปี โดยคิดดอกเบี้ย แบบทบต้นปีละ k ครั้ง แล้วเมื่อฝากเงินครบ n ปี จะได้ เงินรวม  $P\!\left(1\!+\!rac{r}{k}
ight)^{\!\!\!\!\!\!\!\!\!^{n}}$ บาท เมื่อ  $r\!=\!rac{i}{100}$ 

- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 32 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 144 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
  - 4. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 2 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 141
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
  - 5. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 3 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155 เป็นการบ้าน

#### ชั่วโมงที่ 3

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนดอกเบื้ย
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 3 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155 บนกระดานอย่าง ละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 33 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 144 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
- 4. ครูให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม 2 3 คน ให้นักเรียนศึกษาโจทย์ กลุ่มละโจทย์ และมีการแลกเปลี่ยน ความรู้กันในกลุ่มและส่งตัวแทนออกมานำเสนอหน้าชั้นเรียน พร้องทั้งครูช่วยอภิบายเพิ่มเติม
  - 5. ครูอธิบายตัวอย่างที่ 34 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 145 บนกระดานและมีการถาม ตอบคำถาม
  - 6. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 4 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155 เป็นการบ้าน

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนดอกเบี้ย
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 4 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155 บนกระดาน อย่างละเอียด
- 3. ครูอธิบายมูลค่าปัจจุบันและมูลค่าอนาคต สมมติว่าเริ่มฝากเงินด้วยเงินต้น 1,000 บาท อัตรา ดอกเบี้ย 5% ต่อปี โดยคิดดอกเบี้ยแบบทบต้นปีละครั้ง เมื่อฝากครบ 2 ปี จะได้เงินรวม 1,000(1 + 0.05)<sup>2</sup>

หรือ 1,102.5 บาท ซึ่งอาจกล่าวได้ว่าเงิน 1,102.5 บาท เป็นมูลค่าอนาคต ส่วนเงิน 1,000 บาท เป็นมูลค่า ปัจจุบัน

- 4. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 35 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 146 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
  - 5. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 5 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
  - 5. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 6 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155 เป็นการบ้าน

#### ชั่วโมงที่ 5

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนมูลค่าปัจจุบันและมูลค่าอนาคต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 6 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155 บนกระดาน อย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 36 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 147 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
- 4. ครูได้ให้นักเรียนศึกษาตัวอย่างที่ 37 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 147 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของ นักเรียนให้มากยิ่งขึ้น
- 5. ครูให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม 2 3 คน ให้นักเรียนศึกษาโจทย์ กลุ่มละโจทย์ และมีการแลกเปลี่ยน ความรู้กันในกลุ่มและส่งตัวแทนออกมานำเสนอหน้าชั้นเรียน พร้องทั้งครูช่วยอภิบายเพิ่มเติม
  - 6. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 7 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
  - 7. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 8 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155 เป็นการบ้าน

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนมูลค่าปัจจุบันและมูลค่าอนาคต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 8 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155 บนกระดาน อย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 38 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 148 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
- 4. ครูได้ให้นักเรียนศึกษาตัวอย่างที่ 39 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 148 149 บนกระดาน เพื่อความ เข้าใจของนักเรียนให้มากยิ่งขึ้น

- 5. ครูให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม 2 3 คน ให้นักเรียนศึกษาโจทย์ กลุ่มละโจทย์ และมีการแลกเปลี่ยน ความรู้กันในกลุ่มและส่งตัวแทนออกมานำเสนอหน้าชั้นเรียน พร้องทั้งครูช่วยอภิบายเพิ่มเติม
  - 6. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 9 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155 เป็นการบ้าน

#### ชั่วโมงที่ 7

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนมูลค่าปัจจุบันและมูลค่าอนาคต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 9 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155 บนกระดาน อย่างละเอียด
- 3. ครูกล่าวถึงค่างวด ว่าในชีวิตประจำวัน และการหาเงินรวมของค่างวดทั้งหมด โดยให้นักเรียนศึกษา ในหนังสือเรียนหน้าที่ 150 - 151
- 4. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 40 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 152 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
- 5. ครูได้ให้นักเรียนศึกษาตัวอย่างที่ 41 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 153 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของ นักเรียนให้มากยิ่งขึ้น
- 6. ครูให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม 2 3 คน ให้นักเรียนศึกษาโจทย์ กลุ่มละโจทย์ และมีการแลกเปลี่ยน ความรู้กันในกลุ่มและส่งตัวแทนออกมานำเสนอหน้าชั้นเรียน พร้องทั้งครูช่วยอภิบายเพิ่มเติม
  - 7. ครูให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 10 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155 เป็นการบ้าน

- 1. ครูกล่าวทักทายนักเรียน และทบทวนมูลค่าปัจจุบันและมูลค่าอนาคต
- 2. ครูให้นักเรียนอาสาเฉลยแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 10 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155 บนกระดาน อย่างละเอียด
- 3. ครูได้แสดงตัวอย่างที่ 42 ในหนังสือเรียนหน้าที่ 153 บนกระดาน เพื่อความเข้าใจของนักเรียนให้ มากยิ่งขึ้น
- 4. ครูให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม 2 3 คน ให้นักเรียนศึกษาโจทย์ค่างวด ว่าในชีวิตประจำวัน และการหา เงินรวมของค่างวดทั้งหมด กลุ่มละโจทย์ และมีการแลกเปลี่ยนความรู้กันในกลุ่มและส่งตัวแทนออกมานำเสนอ หน้าชั้นเรียน พร้องทั้งครูช่วยอภิบายเพิ่มเติม
  - 5. ครูให้นักเรียนจับคู่ คละความสามารถทางคณิตศาสตร์ แล้วให้ทำกิจกรรมคณิตศาสตร์ ดังนี้
    - ให้นักเรียนทำแบบฝึกหัด 3.3 ข้อที่ 11 ใหญ่ ในหนังสือเรียนหน้าที่ 155
- ให้นักเรียนในแต่ละคู่ทำความเข้าใจร่วมกัน หลังจากนั้นครูลุ่มนักเรียนในแต่ละคู่ออกมา เฉลยคำตอบ อย่างละเอียด โดยครูและเพื่อน ๆ คอยตรวจสอบความถูกต้อง
  - 6. ครูและนักเรียนร่วมกันสรุปเนื้อหาเพื่อให้เข้าใจมากยิ่งขึ้น

# 7. สื่อและแหล่งเรียนรู้

- 1. หนังสือเรียนรายวิชาพื้นฐานคณิตศาสตร์ ม.5
- 2. ใบงาน
- 3. ห้องสมุด
- 4. อินเทอร์เน็ต

### 8. การวัดและประเมินผล

วิธีวัดผล	เครื่องมือวัดผล	เกณฑ์การประเมินผล
1. สังเกตพฤติกรรมทางการเรียน	แบบสังเกตพฤติกรรมทางการ	นักเรียนผ่านเกณฑ์การประเมิน
การสอน	เรียนการสอน	ในระดับดีขึ้นไป
2. ใบงาน	ใบงาน	นักเรียนทุกคนทำถูกต้องไม่ต่ำกว่า
		ร้อยละ 70 ของคะแนนทั้งหมด

เกณฑ์การประเมินผลจากการทำใบกิจกรรม ใบงาน แบบฝึกปฏิบัติกิจกรรม ใช้เกณฑ์ดังนี้

80% ขึ้นไป	หมายถึง	ดีมาก
70 - 79%	หมายถึง	<u>ର</u>
60 - 69%	หมายถึง	ปานกลาง
50 - 59%	หมายถึง	ผ่าน
ต่ำกว่า 50%	หมายถึง	ปรับปรุง

# แบบสังเกตพฤติกรรมทางการเรียนการสอน

เลขที่	ชื่อ-สกุลของ ผู้รับการประเมิน	ทำงาน อย่างเป็น ระบบ	ความ รอบคอบ	ความตั้งใจ เรียน	ความ รับผิดชอบ	การให้ความ ร่วมมือ	รวม
		4	4	4	4	4	20

## เกณฑ์การให้คะแนน

พฤติกรรมที่ปฏิบัติเป็นประจำ	ให้	4	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบ่อยครั้ง	ให้	3	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบางครั้ง	ให้	2	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติน้อยครั้ง	ให้	1	คะแนน

# เกณฑ์การตัดสินคุณภาพ

ช่วงคะแนน	ระดับคุณภาพ
18-20	ดีมาก
13-17	<u></u>
8-12	ปานกลาง
5-7	ปรับปรุง

# แบบสังเกตพฤติกรรมการปฏิบัติกิจกรรมกลุ่ม

กลุ่มที่(ชื่อลุ่ม)	······································
สมาชิกในกลุ่ม	1
·	2
	3
	4
	5
	6

# **คำชี้แจง** ให้ทำเครื่องหมาย ✓ ในช่องที่ตรงกับความเป็นจริง

พฤติกรรมที่สังเกต	คะแนน			
พยไดเเวรามเยสกเด	4	3	2	1
1. การมีส่วนร่วมในการวางแผน				
2. การปฏิบัติงานตามบทบาทหน้าที่				
3. การให้ความร่วมมือในการทำงาน				
4. การแสดงความคิดเห็น				
5. การยอมรับความคิดเห็น				
รวม		·	·	

ลงชื่	ອ	.ผ้ประเมิา
• • • •		91
	,	
	//	
	////	

### เกณฑ์การให้คะแนน

พฤติกรรมที่ปฏิบัติเป็นประจำ	ให้	4	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบ่อยครั้ง	ให้	3	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติบางครั้ง	ให้	2	คะแนน
พฤติกรรมที่ปฏิบัติน้อยครั้ง	ให้	1	คะแนน

### เกณฑ์การตัดสินคุณภาพ

	9
ช่วงคะแนน	ระดับคุณภาพ
18-20	ดีมาก
13-17	ବି
8-12	ปานกลาง
5-7	ปรับปรุง

### 9. กิจกรรมเสนอแนะ

# ใบงานที่ 1

# เรื่อง การประยุกต์ของลำดับและอนุกรม

<b>คำชี้แจง</b> : จงแสดงวิธีทำอย่างละเอียด 1.ชายคนหนึ่งเดินทางจากเมือง A ไปเมือง B ซึ่งห่างกัน 162 ไมล์ ถ้าวันแรกเดินทางได้ 30 ไมล์ วันที่สอ
1.ชายคนหนังเดนทางจากเมอง A เบเมอง B ซึ่งหางกัน 162 เมล ถาวนแรกเดนทางเด้ 30 เมล วันที่สอ เดินทางได้ 27 ไมล์ วันที่สามเดินทางได้ 24 ไมล์ เช่นนี้ไปเรื่อย ๆ ไป เขาใช้เวลาเดินทางกี่วันจึงจะถึงเมือง B



### เรื่อง การประยุกต์ของลำดับและอนุกรม

เฉลย

**คำชี้แจง** : จงแสดงวิธีทำอย่างละเอียด

1.ชายคนหนึ่งเดินทางจากเมือง A ไปเมือง B ซึ่งห่างกัน 162 ไมล์ ถ้าวันแรกเดินทางได้ 30 ไมล์ วันที่สอง เดินทางได้ 27 ไมล์ วันที่สามเดินทางได้ 24 ไมล์ เช่นนี้ไปเรื่อย ๆ ไป เขาใช้เวลาเดินทางกี่วันจึงจะถึงเมือง B วิธีทำ ระยะทางในการเดินทางของชายคนนี้เรียงเป็นลำดับเลขคณิต 30,27,24,...

จากลำดับเลขคณิตจะได้ว่า  $a_1 = 30, d = -3$ 

ให้เขาเดินทางจนถึงเมือง B ใช้เวลา n วัน นั่นคือเดินทางได้ 162 ไมล์

จาก 
$$S_{n} = \frac{n}{2} [2a_{1} + (n-1)d]$$
จะได้ 
$$162 = \frac{n}{2} [2(30) + (n-1)(-3)]$$

$$324 = n(60 - 3n + 3)$$

$$3n^{2} - 63n + 324 = 0$$

$$n^{2} - 21n + 108 = 0$$

$$(n-9)(n-12) = 0$$

$$n = 912$$

ดังนั้น เขาจะใช้เวลาในการเดินทาง 9 วัน

หมายเหตุ สำหรับ n=12 ใช้ไม่ได้เพราะเมื่อนำไปคำนวณระยะทาง จะทำให้ระยะการเดินทางในวันนั้นมีค่าติด ลบ จึงทำให้ไม่เป็นความจริง (  $a_{12}=a_1+(12-1)d=30+11(-3)=-3$  )

### ใบงานที่ 2

### เรื่อง การประยุกต์ของลำดับและอนุกรม

**คำ<u>ชี้แจง</u> : จงแสดงวิธีทำอย่างละเอียด** 1. ถังน้ำใบหนึ่งจุน้ำ 5,832 ลิตร ถ้ามีการนำจากถังไปใช้ทุกวันตลอดสัปดาห์ โดยที่แต่ละวันจะใช้น้ำไป  $\frac{1}{-}$ ของปริมาณน้ำที่มีอยู่ ในถัง อยากทราบว่าเมื่อครบ 6 วันจะมีน้ำเหลืออยู่ในถังกี่ลิตร 2. ประหยัดตั้งใจจะออมเงิน โดยวันแรกเขาเก็บไว้ 1 บาท วันที่สอง 2 บาท วันที่สาม 4 บาท วันที่สี่ 8 บาท เช่นนี้เรื่อย ๆ ไปจนครบ 10 วัน ประหยัดจะออมเงินได้กี่บาท

**คำชี้แจง** : จงแสดงวิธีทำอย่างละเอียด

1. ถังน้ำใบหนึ่งจุน้ำ 5,832 ลิตร ถ้ามีการนำจากถังไปใช้ทุกวันตลอดสัปดาห์ โดยที่แต่ละวันจะใช้น้ำไป  $\frac{1}{-}$  3

ของปริมาณน้ำที่มีอยู่ ในถัง อยากทราบว่าเมื่อครบ 6 วันจะมีน้ำเหลืออยู่ในถังกี่ลิตร

**วิธีทำ** จากโจทย์จะเห็นได้ว่าน้ำลดลงเป็นปริมาตรคงที่เป็นลำดับเรขาคณิต โจทย์ต้องการหาปริมาณน้ำเหลือในวันที่ 6 (a<sub>6</sub>) เท่ากับเท่าไหร่จึงกำหนดให้

$$a_1 = 5,832$$
 และ  $r = \frac{1}{3}$  จากสูตร  $a_n = a_1 r^{n-1}$   $a_6 = a_1 r^{6-1}$   $a_6 = 5,832(\frac{1}{3})^5$   $a_6 = 24$ 

ดังนั้นเมื่อครบ 6 วันจะมีน้ำเหลืออยู่ในถัง 24 ลิตร

2. ประหยัดตั้งใจจะออมเงิน โดยวันแรกเขาเก็บไว้ 1 บาท วันที่สอง 2 บาท วันที่สาม 4 บาท วันที่สี่ 8 บาท เช่นนี้เรื่อย ๆ ไปจนครบ 10 วัน ประหยัดจะออมเงินได้กี่บาท

**วิธีทำ** ประหยัดจะออมเงินได้เท่ากับ 1+2+4+8+... (10 วัน) เป็นอนุกรมเรขาคณิตที่มี  $a_1=1$  และ r=2

จาก 
$$S_{n} = \frac{a_{1}(r^{n}-1)}{r-1}, r \neq 1$$
จะได้ 
$$S_{10} = \frac{1(2^{10}-1)}{2-1}$$

$$= 1,024-1$$

$$= 1,023$$

ดังนั้น ในเวลา 10 วันเขาออมเงินได้ 1,023 บาท