



**Universidad del Valle**  
**Facultad de ingeniería**  
**Ingeniería en sistemas**

Cristian David Pacheco Torres  
2227437

Juan Sebastian Molina Cuellar  
2224491

Septiembre 2023

Taller 2

## **Abstract**

Your abstract goes here functional programming

# Contents

<b>1</b>	<b>Introduction</b>	<b>4</b>
<b>2</b>	<b>Taller 1 : Recursión</b>	<b>4</b>
2.1	Calcular el tamaño de una lista con un proceso iterativo . . .	4
2.1.1	Informe de procesos . . . . .	5
2.1.2	Informe de corrección . . . . .	6
2.2	Dividiendo una lista en dos sublistas a partir de un pivote . .	6
2.2.1	Informe de procesos . . . . .	6
2.2.2	Informe de corrección . . . . .	7
2.3	Calculando el k-ésimo elemento de una lista . . . . .	8
2.3.1	Informe de procesos . . . . .	8
2.3.2	Informe de corrección . . . . .	9
2.4	Ordenando una lista . . . . .	9
2.4.1	Informe de procesos . . . . .	9
2.4.2	Informe de corrección . . . . .	9
<b>3</b>	<b>Funciones de alto orden implementadas</b>	<b>9</b>
<b>4</b>	<b>Crear chip unario</b>	<b>10</b>
4.1	Informe de procesos . . . . .	10
4.2	Informe de corrección . . . . .	11
<b>5</b>	<b>Crear chip binario</b>	<b>11</b>
5.1	Informe de procesos . . . . .	11
5.2	Informe de corrección . . . . .	12
5.3	Informe de corrección . . . . .	13
5.4	Informe de corrección . . . . .	14
5.5	Informe de corrección . . . . .	15
<b>6</b>	<b>Conclusion</b>	<b>16</b>

Funciones de alto orden		
Función	Forma de alto orden	Expresión donde aparece
<i>Chip</i>	Retorno	Retorno de funciones crearChipunario, crearChipBinario, half_adder, full_adder, adder
$(x : Int) \Rightarrow (x - 1)$	Lambda como argumento	<code>crearChipUnario((x : Int) =&gt; (x - 1)) : Chip</code>
$(x : Int, y : Int) => (x * y)$	Lambda como argumento	<code>crearChipBinario((x : Int, y : Int) =&gt; (x * y)) : Chip</code>
$(x : Int, y : Int) => (x + y) - (x * y)$	Lambda como argumento	<code>crearChipBinario((x : Int, y : Int) =&gt; (x + y) - (x * y)) : Chip</code>
<i>half_adder</i>	Variable la cual se asigna una función de retorno	<code>val half_adder = (operands : List[Int]) =&gt; { ... }</code>
<i>full_adder</i>	Variable la cual se asigna una función de retorno	<code>val full_adder = (operands : List[Int]) =&gt; { ... }</code>
<i>adder</i>	Variable la cual se asigna una función de retorno	<code>val adder = (operands : List[Int]) =&gt; { ... }</code>

Table 1: Funciones de alto orden realizadas en la implementación del circuito lógico.

## 1 Introduction

A introduction a ver asdf

## 2 Taller 1 : Funciones de alto orden:

Para el desarrollo de este taller, se utilizaron las siguientes funciones en scala:

## 3 Funciones de alto orden implementadas

A continuación, se presenta la funciones implementadas de alto orden, las cuales fueron utilizadas para instanciar otras funciones (funciones generadoras), a través de su paso como parámetro, ya sea referenciada (nominada) o como funcion anónima(inline), o como valor retorno de la misma.

## 4 Crear chip unario

### 4.1 Informe de procesos

Realiza una operación lógica sobre un solo valor de entrada. A continuación, se presenta su implementación en *Scala*

```
1  def crearChipUnario( f: Int => Int ) : Chip = (arg:
    List[Int]) => { // Apply the f function on the head
        of current list and call recursively the
        crearChipUnarioHelper with function f, a
        accumulated list with new transformed value as its
        head, and the current list tail, until the empty
        list condition is reached.
2  @tailrec
3  def crearChipUnarioHelper(f: Int => Int,
        transformedList: List[Int],  currentList: List[
        Int]): List[Int] =
4      if (currentList.isEmpty) transformedList
5      else crearChipUnarioHelper(f, f(currentList.head)
        :: transformedList, currentList.tail)
6
7      // The initial state of the iteration
8      crearChipUnarioHelper(f, List(), arg)
9  }
```

Listing 1: Aplica una operación binaria sobre una valor de entrada.

### 4.2 Informe de corrección

$val\ chip\_not = crearchipUnario(x \Rightarrow 1 - x)$

Caso 1:

$chip\_not((List(0)))$   
 $\rightarrow crearChipUnarioHelper(x \Rightarrow 1 - x, [], List(0))$   
 $\rightarrow if(List(0).isEmpty) []$   
 $\quad else\ crearChipUnarioHelper(x \Rightarrow 1 - x, (1 - 0) :: [], [])$   
 $\rightarrow if(List().isEmpty) [1]$   
 $\quad else\ crearChipUnarioHelper(x \Rightarrow 1 - x, (1 - 1) :: [1], [])$   
 $\rightarrow [1]$

Caso 2:

```
chip_not((List(1)))  
→ crearChipUnarioHelper(x => 1 - x, [], List(1))  
→ if(List(1).isEmpty) []  
   else crearChipUnarioHelper(x => 1 - x, (1 - 1) :: [], [])  
→ if(List().isEmpty) [0]  
   else crearChipUnarioHelper(x => 1 - x, (1 - 0) :: [0], [])  
→ [0]
```

## 5 Crear chip binario

### 5.1 Informe de procesos

Realiza una operación lógica sobre un solo valor de entrada. A continuación, se presenta su implementación en *Scala*

```
1  def crearChipUnario( f: Int => Int ) : Chip = (arg:  
    List[Int]) => { // Apply the f function on the head  
        of current list and call recursively the  
        crearChipUnarioHelper with function f, a  
        accumulated list with new transformed value as its  
        head, and the current list tail, until the empty  
        list condition is reached.  
2  @tailrec  
3  def crearChipUnarioHelper(f: Int => Int,  
    transformedList: List[Int],  currentList: List[  
    Int]): List[Int] =  
4      if (currentList.isEmpty) transformedList  
5      else crearChipUnarioHelper(f, f(currentList.head)  
        :: transformedList, currentList.tail)  
6  
7      // The initial state of the iteration  
8      crearChipUnarioHelper(f, List(), arg)  
9  }
```

Listing 2: Aplica una operación binaria sobre una valor de entrada.

## 5.2 Informe de corrección

*val chip\_and = crearChipBinario((x : Int, y : Int) => x \* y )*

Caso 1:

```
chip_and((List(0, 0)))  
→ crearChipBinarioHelper((x : Int, y : Int) => x * y, [], List(0, 0))  
→ if(List(0, 0).isEmpty | List(0, 0).tail.isEmpty) []  
   else crearChipBinarioHelper((x : Int, y : Int) => x * y, (0 * 0) :: [], [])  
→ if(List().isEmpty) [0]  
→ [0]
```

Caso 2:

```
chip_and((List(0, 1)))  
→ crearChipBinarioHelper((x : Int, y : Int) => x * y, [], List(0, 1))  
→ if(List(0, 1).isEmpty | List(0, 1).tail.isEmpty) []  
   else crearChipBinarioHelper((x : Int, y : Int) => x * y, (0 * 1) :: [], [])  
→ if(List().isEmpty) [0]  
→ [0]
```

Caso 2:

```
chip_not((List(0)))  
→ crearChipUnarioHelper(x => 1 - x, [], List(0))  
→ if(List(0).isEmpty) []  
   else crearChipUnarioHelper(x => 1 - x, (1 - 0) :: [], [])  
→ if(List().isEmpty) [1]  
   else crearChipUnarioHelper(x => 1 - x, (1 - 1) :: [1], [])  
→ [1]
```

Caso 3:

```
chip_and((List(1, 1)))  
→ crearChipBinarioHelper((x : Int, y : Int) => x * y, [], List(1, 1))  
→ if(List(1, 1).isEmpty | List(1, 1).tail.isEmpty) []  
   else crearChipBinarioHelper((x : Int, y : Int) => x * y, (1 * 1) :: [], [])  
→ if(List().isEmpty) [1]  
→ [1]
```

### 5.3 Informe de corrección

*val chip\_or = crearChipBinario((x : Int, y : Int) => x \* y)*

Caso 1:

```
chip_or((List(0,0)))  
→ crearChipBinarioHelper((x : Int, y : Int) => (x+y)-(x*y), [], List(0, 0))  
→ if(List(0, 0).isEmpty|List(0, 0).tail.isEmpty) []  
  else crearChipBinarioHelper((x : Int, y : Int) => (x + y) - (x * y), ((0 +  
0) - (0 * 0)) :: [], [])  
→ if(List().isEmpty) [0]  
→ [0]
```

Caso 2:

```
chip_or((List(0,1)))  
→ crearChipBinarioHelper((x : Int, y : Int) => x * y, [], List(0, 1))  
→ if(List(0, 1).isEmpty|List(0, 1).tail.isEmpty) []  
  else crearChipBinarioHelper((x : Int, y : Int) => (x + y) - (x * y), ((0 +  
1) - (0 * 1)) :: [], [])  
→ if(List().isEmpty) [1]  
→ [1]
```

Caso 3:

```
chip_or((List(1,0)))  
→ crearChipBinarioHelper((x : Int, y : Int) => x * y, [], List(1, 0))  
→ if(List(0, 1).isEmpty|List(1, 0).tail.isEmpty) []  
  else crearChipBinarioHelper((x : Int, y : Int) => (x + y) - (x * y), ((1 +  
0) - (1 * 0)) :: [], [])  
→ if(List().isEmpty) [1]  
→ [1]
```

Caso 4:

```
chip_or((List(1, 1)))  
→ crearChipBinarioHelper((x : Int, y : Int) => x * y, [], List(1, 1))  
→ if(List(1, 1).isEmpty|List(1, 1).tail.isEmpty) []  
  else crearChipBinarioHelper((x : Int, y : Int) => x*y, ((1+1)-(1*1)) ::  
[], [])  
→ if(List().isEmpty) [1]  
→ [1]
```



## 5.4 Informe de corrección

```
half_adder(List(0, 0))  
→ val and_op_in = chip_add(List(0, 0))  
   val or_op = chip_or(List(0, 0))  
   val and_op_out = chip_add(List(0) ++ chip_not(List(0)))  
   List(0) ++ List(0)  
→ [0, 0]
```

```
half_adder(List(0, 1))  
→ val and_op_in = chip_add(List(0, 1))  
   val or_op = chip_or(List(0, 1))  
   val and_op_out = chip_add(List(1) ++ chip_not(List(0)))  
   List(1) ++ List(0)  
→ [1, 0]
```

```
half_adder(List(1, 0))  
→ val and_op_in = chip_add(List(1, 0))  
   val or_op = chip_or(List(1, 0))  
   val and_op_out = chip_add(List(1) ++ chip_not(List(0)))  
   List(1) ++ List(0)  
→ [1, 0]
```

```
half_adder(List(1, 1))  
→ val and_op_in = chip_add(List(1, 1))  
   val or_op = chip_or(List(1, 1))  
   val and_op_out = chip_add(List(1) ++ chip_not(List(1)))  
   List(0) ++ List(1)  
→ [0, 1]
```

## 5.5 Informe de corrección

Caso 0 + 0:

```
full_adder(List(0, 0, 0))  
→ val halfAdder_1 = half_adder(0 :: 0 :: Nil)  
   val halfAdder_2 = half_adder(0 :: 0 :: Nil)  
   val or_op = chip_or(List(0) ++ List(0))  
   List(0) ++ List(0)  
→ [0, 0]
```

Caso 0 + 1:

```
full_adder(List(0, 0, 1))  
→ val halfAdder_1 = half_adder(operands.head :: operands.tail.tail.head ::  
Nil)  
   val halfAdder_2 = half_adder(operands.tail.head :: halfAdder_1.head ::  
Nil)  
   val or_op = chip_or(halfAdder_1 ++ halfAdder_2)  
   or_op ++ halfAdder_2  
→ [0, 0]
```

Caso 1 + 0:

```
full_adder(List(0, 1, 1))  
→ val halfAdder_1 = half_adder(operands.head :: operands.tail.tail.head ::  
Nil)  
   val halfAdder_2 = half_adder(operands.tail.head :: halfAdder_1.head ::  
Nil)  
   val or_op = chip_or(halfAdder_1 ++ halfAdder_2)  
   or_op ++ halfAdder_2  
→ [0, 0]
```

Caso 1 + 1:

```
full_adder(List(0, 1, 0))  
→ val halfAdder_1 = half_adder(operands.head :: operands.tail.tail.head ::  
Nil)  
   val halfAdder_2 = half_adder(operands.tail.head :: halfAdder_1.head ::  
Nil)  
   val or_op = chip_or(halfAdder_1 ++ halfAdder_2)  
   or_op ++ halfAdder_2  
→ [0, 0]
```

Caso 1 + 1:

```
full_adder(List(1, 1, 0))  
→ val halfAdder_1 = half_adder(operands.head :: operands.tail.tail.head ::  
Nil)  
   val halfAdder_2 = half_adder(operands.tail.head :: halfAdder_1.head ::  
Nil)  
   val or_op = chip_or(halfAdder_1 ++ halfAdder_2)  
   or_op ++ halfAdder_2  
→ [0, 0]
```

Caso 1 + 1:

```

full_adder(List(1, 1, 1))
→ val halfAdder_1 = half_adder(operands.head :: operands.tail.tail.head ::
Nil)
  val halfAdder_2 = half_adder(operands.tail.head :: halfAdder_1.head ::
Nil)
  val or_op = chip_or(halfAdder_1 ++ halfAdder_2)
  or_op ++ halfAdder_2
→ [0, 0]

```

## 6 Conclusion

La conclusion

$$a = \sum F \dot{m} = \frac{dv}{dt}$$