Zestaw 6

Katarzyna Sowa

1N

Zbudowano wielomian interpolacyjny oparty na nastepujacych danych:

```
XY = \{\{0.06250, 0.687959\}, \{0.187500, 0.073443\},
         \{0.312500, -0.517558\}, \{0.437500, -1.077264\}, \{0.562500, -1.600455\},
         \{0.687500, -2.080815\}, \{0.812500, -2.507266\}, \{0.935700, -2.860607\}\};
      Lagrange[XY_, rozm_] :=
        Module [n = rozm - 1, wyn, suma = 0, resz, X, Y],
         X = Transpose [XY] [1];
         Y = Transpose [XY] [2];
         Do wyn = 1;
          Do \left[ \text{resz} = \text{Which} \right[ j = k, 1,
              j \neq k, \frac{x - X_{[j+1]}}{X_{[k+1]} - X_{[j+1]}}];
           wyn = wyn * resz; , {j, 0, n, 1}];
          suma = suma + Y_{[k+1]} * wyn; , \{k, 0, n, 1\}];
         Return[Print["Wielomian interpolacyjny: "];
          Expand[suma]]; |;
      y = Lagrange [XY, 8]
      Show[Plot[y, \{x, -1, 1\}], ListPlot[XY, PlotStyle \rightarrow \{Red, PointSize[Medium]\}]]
Wielomian interpolacyjny:
      20
                             15
                             10
                              5
                                        0.5
      -1.0
                  -0.5
```

2N

```
f[x_] := (x²-1) (Sinh[x])³;
(*a,b przedzial*)
```

Sieczne[a_, b_, iter_] :=

```
Module \{x = Table[0 \&, \{iter\}], x1, x2, i, h = Random[Real, \{a, b\}]\},
                 Print["Warunek na zgodnosc znakow pochodnych: ", f'[h] * f''[h]];
                 If f'[h] * f''[h] >= 0,
                    Print["x1= ", x1];
                    Print["x2=", x2 = N[x1 - \frac{f[x1]}{f[b] - f[x1]} (b - x1)]];
                    \mathbf{x}_{[\![1]\!]} = \mathbf{x}\mathbf{1};
                    \mathbf{x}_{[2]} = \mathbf{x}2;
                     For i = 3, i \le iter, i++,
                        \mathbf{x}_{\llbracket i\rrbracket} = \mathbf{x}_{\llbracket i-1\rrbracket} - \frac{\mathbf{f} \left[\mathbf{x}_{\llbracket i-1\rrbracket}\right] \left(\mathbf{x}_{\llbracket i-1\rrbracket} - \mathbf{x}_{\llbracket i-2\rrbracket}\right)}{\mathbf{f} \left[\mathbf{x}_{\llbracket i-1\rrbracket}\right] - \mathbf{f} \left[\mathbf{x}_{\llbracket i-2\rrbracket}\right]}
                       Print["Miejsce zerowe z dokladnoscia do 10: x= ", x[iter]]
                     (*jesli nie*),
                    x1 = b;
                     Print["x1= ", x1];
                    Print["x2=", x2 = N[x1 - \frac{f[x1]}{f[a] - f[x1]} (a - x1)]];
                    \mathbf{x}_{[\![1]\!]} = \mathbf{x}\mathbf{1};
                    \mathbf{x}_{[2]} = \mathbf{x}2;
                     For [i = 3, i \le iter, i++,
                        \mathbf{x}_{\llbracket i\rrbracket} = \mathbf{x}_{\llbracket i-1\rrbracket} - \frac{\mathbf{f} \left[\mathbf{x}_{\llbracket i-1\rrbracket}\right] \left(\mathbf{x}_{\llbracket i-1\rrbracket} - \mathbf{x}_{\llbracket i-2\rrbracket}\right)}{\mathbf{f} \left[\mathbf{x}_{\llbracket i-1\rrbracket}\right] - \mathbf{f} \left[\mathbf{x}_{\llbracket i-2\rrbracket}\right]}
                       Print["Miejsce zerowe z dokladnoscia do 10: x= ", x<sub>[iter]</sub>]
                   Return[];;;
           Sieczne[0.00001, 0.999, 23]
Warunek na zgodnosc znakow pochodnych: 0.287852
x1 = 0.00001
x2=0.00001
Miejsce zerowe z dokładnościa do 10: x=2.48511\times10^{-8}
          Sieczne[0.001, 0.09, 23]
Warunek na zgodnosc znakow pochodnych: 0.00002377
x1 = 0.001
x2=0.000999877
Miejsce zerowe z dokladnoscia do 10: x= 2.48492 \times 10^{-6}
          Sieczne[0.25, 0.879, 23]
Warunek na zgodnosc znakow pochodnych: 0.674136
x1 = 0.25
x2=0.204727
Miejsce zerowe z dokladnoscia do 10: x= 0.000536427
          Sieczne[0.000125, 0.000999, 23]
```

```
Warunek na zgodnosc znakow pochodnych: 5.63917 \times 10^{-11}
x1 = 0.000125
x2=0.000123284
Miejsce zerowe z dokładnoscia do 10: x=3.07981\times10^{-7}
```

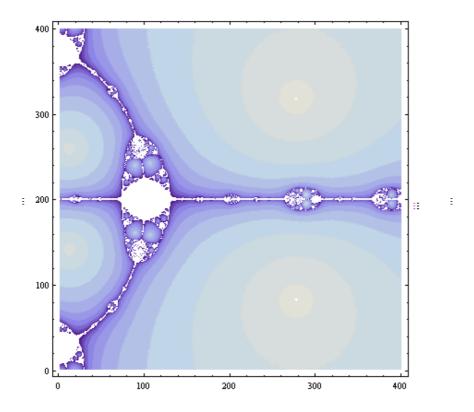
Wartosc miejsca zerowego zmienia sie w zalezności od punktow przedzialu.

3N

```
Plot[f''[x], \{x, -5, 5\}, PlotStyle \rightarrow Red]]
                          100
                           80
                           60
                           40
                           20
                                         2
```

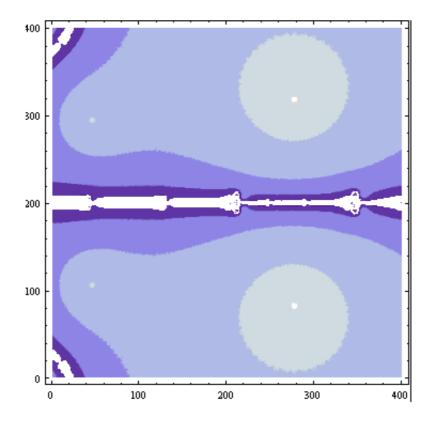
 $Show[\texttt{Plot}[\texttt{f}[\texttt{x}]\,,\,\{\texttt{x},\,-5,\,5\}]\,,\,\texttt{Plot}[\texttt{f}'[\texttt{x}]\,,\,\{\texttt{x},\,-5,\,5\}\,,\,\texttt{PlotStyle}\,\rightarrow\texttt{Green}]\,,$

```
f[x_{-}] := x^3 + 3x^2 - 5x + 9;
f[x_] = x^3 + 3x^2 - 5x + 9;
Newt[z_] = z - f[z] / f'[z];
ListDensityPlot [Table [-Length [FixedPointList [Newt, N[a + bI], 30]],
   \{b, -2, 2, .01\}, \{a, -2, 2, .01\}\], Mesh \rightarrow False, MeshRange \rightarrow \{\{-2, 2\}, \{-2, 2\}\}\]
```



4N

```
\begin{split} f[x_{-}] &:= x^3 + 3 \, x^2 - 5 \, x + 9; \\ f[x_{-}] &:= 3 \, x^2; \\ \text{Halley}[z_{-}] &:= z - \frac{2 * f[z] * f'[z]}{2 \, (f'[z])^2 - f[z] * f''[z]}; \\ \text{ListDensityPlot}[Table[-Length[FixedPointList[Halley, N[a+bi], 20]],} \\ &\{b, -2, 2, .01\}, \{a, -2, 2, .01\}], \text{Mesh} \rightarrow \text{False, MeshRange} \rightarrow \{\{-2, 2\}, \{-2, 2\}\}] \end{split}
```



6N

Rozwiazac uklad rownan:

$$2x^{2} + y^{2}=2$$

$$(x - 1/2)^{2} + (y - 1)^{2} = \frac{1}{4}$$

W funkcji Mathematici FindRoot domyslnie uzywana jest metoda Newtona znajdowania rozwiazania ukladow rownan nieliniowych:

FindRoot
$$\left[\left\{2 x^2 + y^2 = 2, \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + (y - 1)^2 = \frac{1}{4}\right\}, \left\{\left\{x, 1\right\}, \left\{y, 1\right\}\right\}\right]$$
 $\left\{x \to 0.879121, y \to 0.674013\right\}$